

Pare DUE DATE

Cl. No. 53/2		Acc. No	1141	42_
Cl. No.	-	A66. 140,_		

Late Fine Ordinary books 25p. per day, Text Book Re 1 per day, Over night book Re 1 per day.

		1	
	1	1	
		1	
		1	
			
		1	
	1	3	
	I		
	P	,	
			
	1		
	1	1	
	1		
	<u> </u>		
	1	1	
	1	1	
		į	
			
		1	i e
			1
	1	1	İ
		<u> </u>	<u> </u>
	1	•	l
	1		Į.
	i .	1	Į.
	1	1	
	1		
	I .	1	1
	1	1	
	1		l .
		4	-
	•	1	
		1	E .
	1	1	li-
	1	1	1
	T	T	
	1		I
	1	1	
			-
	I		1
	i i		1
	1	1	1
	_ [1	1
	T	1	T
	•	1	1
	i e	I	l
	Ł.	Į.	L
			
	£	•	÷ .



الماري ال

تصنیف بروفیسرایس ایل اون ایم-

تجمر

مغی. مهمركا باب ئېيد- ايك نقطريل كريوالى قولول كى تركيب وتحليس ايك ذره كا تعادل ايك چيخ منى بر دومسرا بإب متوازی و تین معادافر بخت 74 تیسرایاب بمستوی قان کے درمل استوار جبم کا توازن امبسل توازن وتعاباب

30	مفنون
۸.	37
9.	ایک ذره کا نوازل ایک مگرورے منحنی سیر
	يانخوان ماب
114	کام- موہوم کام
1144	کام۔ موہوم کام موہوم کام کے اصول کا نبوت ایک ہم شوی نظام کے لئے
	ا جيما باب
المط	ترسیی حل
	سا نوال باب
14.	جزى زورا در جيكاؤ كمعيار اثر
146	ترتیمی عل جمکا وُ کے معیار از وں کے لئے
	أعموان بإب
٧٠,٣	مركز تعل
714	كسي قوس كا مركز تقل
rrr	ركسي مستوى دقب كالمركز كمقل
rer	ر کسی گردشی سطے یا گردشی مجسم کا مرکز تقل
444	کسی تجم کا مرکز تقل کسی کروی مثلث کا مرکز نقل بے بین کے میلی
هم	مسى كروري مثلث كالمرزنقل
444	بے بیں کے سیکھ
	نوال باب

	٠ ٣	:برست مفایین
صغ		. مغمون
70.	ر تعادل	قائم اور عيرقائم
	'	
44 m		يتن ابهادي تو
766	نرطیں ریر ر	تعادل کی مام خ
494	ول كابنوت قون كركسي نظام كے كئے	موہیم کام کے ا
سو دسو	, ~	كام كو تفاعل
m.2	ما ول	قائم ورفيرة الم ت
		1/- 1
	گیا ربیوا ل با ب	
414	یں دمسلسل)	
۲۱۱۳	<i>ۇز</i>	بائن سوكا مركزي
444	كا حاصل ابخ	دومعلومه ريخول
mhuha	7	اسطوانه تما
۲۲		Erick.
444	ىفرىمستوي سطحيں	صفرى خطوط اورم
	باربروان بإب	
ror		مشينين
٢ ١		بيرم
rai		برم چنمیاں
. 170		جرخ اورتور
P-61	;	معولي فزازو
760		مک ا
j		a de la companya de

		V . 0.100%
· · · ·	مني	مینمون
•	74 0	& :
	سرمم	فاند
	500	ممضین کی استندا د
	r^4	لمستضين كاكليه
		تيرمبوال بأب
	٧ ١٩	رسیون اورز بحیرون کا تعاول
	44 M	ساده زنجيرو
	- ايم	سا دہ زنجیرو معلق بمین کا قطع مکا نی
	416	رایک رسی کے نقاول کی مام شرطیں
	4 14	ریکسان طاقت کا زیخره
	م اله	میکنی سطحول ادرمنخنیول پررمسیاں
	4+4	محردرك مخيول بريمسيال
	بها معالمها	مرکزی قوق کے زیری دسیاں
	Wr.	قابل كمسنها وُرسسيال
		بحودموال ماب
	441	رنشين اورقوو
	444	ايكب پتلي سلاخ كركشىش
	444	مستدرعتی
	144	ایک تلکنسٹ کرمنوا ای طویر سے گزنے پرکشس کی تدبی
	466	بنتا کردی خول ادر تعویس کرد سعار در در منافر در منافر در در منافر در در منافر در در منافر در
	س منه	مسطح مرتمع پرجا ذیرارض کی قبیت شده که به چهرس
	444	محاذب تصنفل فالمبث
	المرام	ب روی ول اروسول را سطح مرتفع پرجا ذبرارض کی نتیت تعادب کے مستقل کی فیت

صغ	مفتموك
444	، وقو
r4 L	ایک بیلی سلاخ کا قوہ
٥٠٣	ایک پُلی سلاخ کا قرہ سِتِک کردی خول ادر عقوس کرہ
	يندر صوال باب
0 77	مختِیشِ ادرتود (مسلسل)
0 22	عادى تشنش كاسطى كمله
074	لاپلاس أوربع ائن سوكي مساوانين
م ۳ ۲	سأدي قومنطحين
4	قیت کے خطوط اورنلیاں _ب
٠ ١٨ ه	اك ما ذب إلذات نظام كاكام
276	ایک دسے ہوئے قرہ کے کئے اوہ کی تعلیم
\$ \$.	ماخل تبنير
	سولهموا ل پاپ
466	كم كيك والبينه بتيرول كاتعاول
040	تین معیارا ترول کی کلاً بی رون کی سیاوات
047	رایک خمیدہ سلاخ کے تعادل کی عام شرطیں
DLA	ایک سلاخ کوجیکا نے بیں کام
٣٨٥	فبيستونون كالبيكاؤ
2.0	مقعروں کی محوری گروش
PAG	مُصَمْرُوں کی محوری گردش سنڌن کا حبڪا وُ اسپينے ہی وزن کے زیرعل

(1)

سكونيات اللي بهلاباب بهلاباب

ممہدید-ایک نقط برقمل کرنے والی قوتوں کی ترکیب لیل

ا جبھی ادہ کاایک ایساحصہ ہے جو ہرطرت سے محدود ہو۔ توت کو ہر جرکسی جبھی کی حالت سکوں کو ایکساں حرکت کو بدل دے یا بدائیے

کی فاہمیت رہے۔ کسی میم کوساکن اُس وقت کہتے ہیں جب وہ اپنی گرد دہیش کی چیزوں کے کھافا سے انا مقالعہ نہ دیسے ۔

سکونیات وه علم بے جس می جبول برقوتوں کے عمل کے متعلیٰ بجاتی اسکونیات وه علم بے جس میں جبول برقوتوں کے عمل کے متعلیٰ بجاتی ہے جبات کے جاتا ہے ایسی موکدا جسام مذکورساکن رہیں۔

وہ علم جس میں قوتوں کے زیر عمل حرکت کرسنے والے اجسام بر بجسٹ ہو حرکیات کہلاتا ہے۔

۲ - ذرہ مادہ کا ایک حصد ہے جو بلحاظ مقدار کے لا انتہا جیوٹا ہویا ہاری تحقیقات کی افزائن کے کافاسے اس قدر جبوٹا ہوکہ اس کے مختلف حصول کے درمیانی فاصلوں کو نظرا نماز کرسکیں سر

میا نی فاصلوں کو نظرا نمازگرسکیں ۔ مسیحت کریم کا انتہا جھوسنے اجزا کی لا انتہا تعلاد کا مجموعہ یا لا انتہا ذروں کا مرکز وہ تعدد کر کسکتے ہیں ر۔

أيك المستوارض مصايسا مم ادبوا ب حس كابزادايك ووسر

شر کا فاسے اپنا اصافی محل مدبدلیں -استوارسم کا تقدر بھی ذرہ کے تقور کی طرح خیالی سیم کا منات

ا کی جسم کا مل طوار پر است ار نہیں - ہرجیم میں قوت سے عمل سے مجدر تھجید غیر زیر در مدا موتا سیلیا خواہ پر تغیر کتنا ہی خشیف ہو۔ اگر لکڑی کی ایک سلار خو

ا جا ہے اور اس کے ایک مرے کو مطابق طیعت ہو۔ الرکٹر ی کی ایک مطابع ہے ان جا کے اور اس کے ایک مرے کو مطابوط باندھ دیا جائے اور و ومسرے میک دیا ہے تا کہ ورک سے کے ایک مرک کا کا ایک کا

کو کھینیا جا سئے تو فکڑی کچھ نہ محجمہ تحذور کھنچ جا ٹیکی ہے۔ اگر سٹلان او ہے کی ہوا لول کا تغرمقا لینۂ بہت کمواقع ہوگا۔

م این تحققات کرسیل غاسف کے لئے یہ مان لیں کے کردہ تمام اجبام وزید کے ایک تحققات کرسیل عاربی اور جال کہیں یہ اِت ناہواس کو بیاں

سرویا جو سے ہیں۔ سو ہے مساوی قوتیں۔ دوایسی قریس مساوی کہلاتی ہیں جواگرایک درو پر معالم میں میں میں میں میں میں مساوی کہلاتی ہیں جواگرایک درو پر

متقا بل سمتوں میں عمل کریں تو ذرہ حالت سکون میں رہے ۔ ہم ۔ کمیمت کیسی جسم میں حس قدر مارہ ہوا سے جسم کی کمیت کہتے ہیں ۔کمیت کی ہم زرجہ انگذران میں مسکمترہ ۔ مر ایک یہ بوسیم از درد سے مارکمیز سکے ایک

کائی جوانگلشان میں سکتھل ہے ایک پوئڈ سے ، پونڈ سے بلامیم سے ایک فاص گڑسے کی کمیت ما دہے جوا نگاستان کے دفتر فینانس میں محفوظ ہے فرانس اور دگر نالک میں کمیت کی جونظری اکائی مستعل ہے۔ وہ

کر من اوروبیر مان کی میک می جو حری امای مسلم میں ہو۔ کی گرام ہے جو تقریباً ۲۳۲ و ۱۵ گرین کے مساوی ہے ۔ عمل ا کا ڈئی کیس کلوگرام (= ۰۰۰ اگرام) ہے جو تقریباً ۴۷ ۲۰ ۲۰ پرنڈ کے مساوی ہے۔

د زن کے تفورت مرائی سخص کو بی دا قف ہے۔ ہم سب جانتے اس کر کسی ہم کو زمین برگرنے سے روکنے کے سے مجد مرکبے زورِ نکا آب پوتا ہے۔ زمین ہرایک جبم کوجس قات سے اپنی طرف کھینچی ہیے اس کو اس سبمر کا د زن

موسية الي بولدي مليت عين سبارسك -

ملم حركت ميں بيمعلوم موكا كرسط زين كي مخالف مقامات بروند كاوزن اکل وہی نبیل رہتا گر چوکھ سکونیات میں سطے زمین کے مخلف مقالت پر تو توں کے مقالد کرنے کی صورت بہیں پڑتی اس لیے پونڈ کے وزن کے تغیرات مسلی اس مع بم ان تغرات كو تظرائد از كريك ادريو تدسك وزن ا فضادًا يك يوند ك وزن الى كا بائ بم سكونيات يى ه- اِس سنے طالب علم سمجہ جا نیگا کر". آبدنڈ کی قرت اسک تقريب تغبيرانا وكائ وت بورس طور معلوم لنے ہم وت کو انہایت اس ان سے ایک نظاستقیر کے ذریعے تبیہ ل من سن كمينيا جاسئة كيونكو خطامك ـ قوت کی فشیس به جب توت تسی کمیت بدنمل کرد ہی ہو تو یہ تین مخلف فتكلول مين فلأمرجوا سے مرا دو و توت ہوتی ہے جوایک جسم کسی دو سرے طرکی موجودگی کے اور بغیران اجسام کے لازمی طور برایب درکا (دفدم) وزن کہتے ہیں۔ ب رسی کاایک سراکسی جم کے ساتہ اِندون اور رسی کے کمینجیں تو ہم جم ر قرت انگائیں کے سابسی قرت جکسی کے وَسَع سے نُکا کی مائے کمتاد کہلاتی ہے۔

اگررسی بلکی بو (مینی اس کا دزن اس قدر چیونا بوکه اس کو نظرانداز کرسکیر توجو توس سائل ہے دواس الحام طول ریمیاں ہوتی ہے۔ مِنْكُ اگرایک وزن و کو ایک بلکی رسی کے ذریعہ سوارا جاسے جرایک میز کے جلنے کنارے پرسے گذرتی ہو تو ہے وكيما ماسكاب كرتوت فواه رسي كسكسي نتطه (أ، ب أج،) بردكا في حاسة اس في مقدار برصورت مي وجي بوكي -اب دزن كومهارف كے كئے لير جو توت لكانى پر تى سے وہ ہر صورت میں وہی سے اس سلے ظاہرہے کہ ا پر اس کا افر دہی دہتا ہے خواہ تناو رسی کے کسی نقط برنگایا جائے۔ بندارسی کا تناؤاس کے تمام طول بر دہی رہتاہے۔ بنزاگر وزن و کو ایک بلی رسی سے سیارا جا سے جوایک حکیٰ کھونٹی ا پرسے گزرن ہوتو یہ ویجما جاسکتا ہے کدری کے دوسرے سرے پروہی ون لگانی پڑے گی جواہ رسی کوکسی مست (اب، اہم) (در) میں کھینجا ماست ادریه توست درن و کے ساوی [یو قوت رسی کے آزاد مرے کہانی دار ورادد کے ساتھ باندھ دسینے سے ناپی ماسكتى سے) لېذا اگرايک بلي رسي ايک جکني محونثی پرسے گزرتی ہوتواس کا تناؤاس کے طول کے تمام نقطول روم می ہوتا ہے۔ اگردوا زاده رسیال ایک دوسرے کے ساتھ باندھ دی جا میں تو اما میں میروں ۔ میروں کے تنا کو باہم مساوی ہوں۔

ا - تعا مل سائر ایک جسم دو مرسے جسم بر محا ہویا دوسر سے جسم کو دا را ہو تر برایک جسم لفظ تماس بر قوات محسوس کرا ہے - اس تسم کی توسف کو

ا کے جسم دوسر سے جسم بر جو تو ت لگا تا ہے (یا عمل کرتا ہے) دواس ۱ اعلی کے متفاد ہوتی ہے جو دوسراجسم پہلے جسم برنگا کا ہے۔

یں اصول نیرٹن کے تبیہ سے کلیڈ حرکت میں پایا جا باہے ا کرک میں رسیاں کر کروہ وائے ہے تاریخ میں کھنے سکتا ہم ساتھ

ا سے مجات دار رسیوں کے تناؤ۔ تمام رسیاں ھیج سکتی ہیں اگر حب ہت رسیوں میں تھیج سکننے کی ہستوماد منایت کم ہوتی ہے اور عملی طور پر نظرا نداز ہوسکتی ہے۔ حب رسی کے تھینچنے کی استعداد کو نظرا نداز نہ کیا جاسکے لائجرہ سے

معلوم ہوائیے که رسی کے تناؤگواس کے کھنچاؤ کی مقدارے ساتھ جوربط ہوائی کی ساتھ ہوائی ہوائی کے کے ایک سادہ کلیہ ہے جس کولوں میان کمیا حا سکتا سیے ۔

کے بیت منادہ مدیر سے جس دوں بیان میا جا حصائب ۔ کوپک دارر سی کا تناؤ رسی کے قدرتی طول سے زائد کھنچا کو سکے

ئې متناسب بېوتاسىيە -

ونن کردکہ قدرنی حاسف میں ایک رسی کا لمول ایک نٹ ہے، تب اس کے اُس تناؤکو میکواس کا طول سر بیخ ہو اُس تناؤ کے ساتھ جبکہ اس کا طول 10 ایخ ہو یضعبت موگی

سوا- ۱۱: ۱۵ - ۱۲ سینی نسبت ا: ۱۲

اس کلید کی جدید نخربر بوس نصدیق موسکتی سوے کوئی بیجدار کمانی یا ایک ربڑکی الی اس کلید کی جدید اس کلید کا بی او اس کے ایک مرسے (کو ایک نا بعد نقط سے بوسٹ کردد اور پیراس سے دوسرے مسوب بودن فکا دو اور دسکیوکران وزلاں سے کس قدر کھنچاؤ بیدا برقا ہے تب معلوم ہوگا کہ بیکھنچاؤ تقریباً وزلاں سے متناسب ہیں۔ اس امرکی احتیاط دکھی جاسکے متناسب ہیں۔ اس امرکی احتیاط دکھی جاسکے کہ جو دنان استنال سکتے جائیں وہ کمانی یا ربڑکی ایک خافت سکے مطابق ہوں اور زباد وسے نیادد وزن اتنا نہیں ہوناجا ہے جو کمانی با نلی کو متصر رکرد سے یاس کی شاہست کومت تلا بول دے مندرج بالاکلید کو بک صاحب (من الله این بائر) نے سائٹ المرا بین شتہر
کیا اور اسے ان افغاظ میں میش کیا ۔ سمبیلی قوت ویسا استداد " اس سے سی صور
میں تناؤ معلوم کرنے کا منا بطراسانی سے حاصل ہوسکتا ہے - فرض کر و کہ بنے رکھنے
دسی کا طول کو ہے ، اور جب اس کا طول کیج کرالا ہو گیا ہے تو تناؤ ست سے نت مین لا ۔ او ہے ادر کلید ذکور کی روسے سے دن لا ۔ او

<u> - ل</u> ال ال ال ال ال ال

لتجيدا ورسنيال

أييمن فيترادل بواوان والا W. F. V. اور متعابل او تیں لگائیں توان سے جم کے تعاول کرکوئی از نہیں بڑا بزای طی بی انتظ پر دومسادی اور شقابل ترتیس عمل کرمی مول مے انتقال کا اصول ۔ اگر کو بی وَسَتِ اَکُتُ اُسُوّارَ خطعمل کے کسی اور نقطہ ہر عمل کرنی سیسے۔ بیشر طبیکہ موخرالذکر نقط حسیم کے ى تى ئى ئى تى فرمن کروکدایک توت ق کسی مبر کے نقلہ ا پر الا کی سمت می عمل کرتی ہے ا كا يركو في ادر مقط مب لو اور سب برا دومها وي اور متعابل توتيل لكا وصييل سے ہراک وقت ف کے برابر ہواور جوالتر بیب ب (اور ب لا کی متول میں عمل کریں - ان سے حبر سے واز ن کیر کو آنی او بنیں بڑے ما وت ق ج أير إلب ك مت يل عبل كر قسيه ادر وت ق وب بديرا ت میں ممل کرتی ہے یہ دونوں مساوی اور متعابل ہیں اہم یہ فرم*س کر کینگے* ودوسرے كوزايل كرديتى بي اوراس كے ان كوفار في كيا ماسكا تے سے ہادی یاس مرت ایک قات ف رو مان ہے جب بر من میں عمل کرتی ہے اوراس کا افر کلیٹہ وہی ہے جو اربر عمل کرنے والى ابتدائ وت ق كاسي - مبر ذكريه بالا مي ادرد في توتيل وت ق کے ا یا عب پر عمل کرتے کی مورث میں مختلف ہونگی۔

مها۔ چکے اجسام کافی کا ایک صاف ادر مکیا گڑا کو جس کا ایک رخ ستری ہوا اس کو اس رخ کے کی ایک میز پر کھو جس کی سطح اتنی عکبی ہو حبتی کہ کمن ہوسکے۔ اب اگر ہم لکڑی کے خکوے کو میز پر تھیسلا نے کی کوشٹ کی ری تو ہمیں مجھ فرت جمیسٹ مزاحمت محسوس ہوگی۔ لکڑی اور میز کی سطح کے در میان مجھ فرت جمیسٹہ ہمری ہے۔ اگرا جسام کلیٹر چکنے ہوئے تو شکڑے اور میز کی سطح کے متوازی قوت بالکل معدوم ہوتی اور ان کے در میان جوقوت عمل کرتی و وحرت میز برعود وازوتی۔ بالکل معدوم ہوتی اور ان کے در میان عمل کرتے ہوں بالکل چکنے ہوں تؤوہ توت با تعامل جوان دولوں کے در میاں عمل کرتا ہے۔ ان کے نقطہ تماس بری فرتک ماسی سطح برعود وار موتا ہے۔

بی سے کھینجا جائے۔

ہوں کا رواز ہوا ہے۔

جونقطہ تماس میں سے کھینجا جائے اور ظاہر ہے کہ یہ ایک قطعی طور پر عتین مت ہے۔

جونقطہ تماس میں سے کھینجا جائے اور ظاہر ہے کہ یہ ایک قطعی طور پر عتین مت ہے۔

اگرایک جسم ایک بیلنے باریک تاری فئل کا ہو با کوئی بنلا کنارہ ہوتو اس پر عمود دار

سکے کسی نقطہ ن بیں سے گزر لئے دالے جل خطوط جو ماسی خطیر عود بی سطح

مستوی میں دانع ہوں گئر رہے دائے جل خطوط جو ماسی خطیر عود وار ہونا جائے دور بناغ علیہ اس سطح پر عود ووار ہونا جاہیے

دوسرے سے مس کرتے ہوں تو منترک عود کی سے میں ہوجا کے کہونکو اس کی سے میں جو دونوں کناروں بی سے گزر نے دالی سطح مستوی بران سے نقطانہ اس کی سے میں سے گزر نے دالی سطح مستوی بران سے نقطانہ اس کی سے میں سے کو دونوں کناروں میں سے گزر نے دالی سطح مستوی بران سے نقطانہ اس کی سے میں سے کور نے دالی سطح مستوی بران سے نقطانہ اس کے مستوی بران سے نقطانہ اس کے مستوی بران سے نقطانہ اس کی مستوں میں سے کور سے دالی سطے مستوی بران سے نقطانہ اس کے مستوی بران سے نقطانہ اس کی مستوی بران سے نقطانہ اس کی مستوں بین سے نقطانہ اس کی مستور بین سے نقطانہ اس کی نواز ہونا ہوئی ہوں ہونوں کناروں میں سے گزر سے دولوں کناروں کی دولوں کناروں میں سے کور سے دولوں کناروں کو دولوں کناروں میں سے گزر سے دولوں کناروں کی دولوں کناروں کی سے کور سے دولوں کناروں کو دولوں کناروں کی دولوں کو دولوں کناروں کی دولوں کناروں کی دولوں کناروں کو دولوں کناروں کی دولوں کناروں کی دولوں کناروں کو دولوں کناروں کو دولوں کناروں کی دولوں کناروں کو دولوں کناروں کی دولوں کناروں کی دولوں کی دولوں کناروں کو دولوں کو دولوں کی دولوں کو دولوں کی دولوں کو
.. قوتول کی *ترکیشجی* پیل

10- فرمن کردکر فکر می کا ایک چینا مکر ایک چکنے میز پر برا ہے اور اس کو تین رسیوں سکے ذریعے کمینچا کیا ہے جواس کے کناروں پر بندھی ہیں، نیز رسیوں سکے ذریعے جو قریس عمل کرتی ہیں وہ سب کی سب افتی ہیں ۔ اگر رسیوں کے تناؤں (4)

کوام طرح ترتیب دیا گیا ہو کہ لکڑی ساکن رہے تراس سے یہ نیجر نمانا ہے کہ وقی باہم متواز ن ہیں۔ اس لئے ان قرنوں ہیں سے دوقو تیں باہم ملکرا تنی قرت لگاتی ہیں جر بلحاظ افر کے تمیسری قرت کے مسادی اور مقابل ہوتی ہیں۔ اس قوت کو جرتمیسری قوت کے مسادی اور شقابل ہوتی ہے بہلی دو قوقوں کا حال کہتے ہیں۔ حاصل ۔ تعرفی ۔ اگر دویا زیادہ قوتیں ف، ق، س، س، سن۔

حاصل- ک**عرافی**-اگر دومازماده نومین ف به ک مین سن مین یک استوار صبیم پر عمل کریں اور اگرایک دا حد توت سے ایسی معلوم موسکے

جس کااز حبیم مذّلور بر دہی ہوجوان قوتوں ف اس سے سے کا کہتے اس کا انرحبیم مذّلور بر دہی ہوجوان قوتوں ف است

ہواس واحد قوٹ سے کو ہاتی قو تو س کا حاصل کہتے ہیں اور قو تو س ف من ک س، ... کوچ کے اجزائے ترکیبی سے موسوم کرتے ہیں۔

تولیت بالاکی روسے ظاہر ہے کہ اگر جم ذکور برایک قوت ایسی لگائی جائے جو قوت کے سیاوی اور متقابل ہوتو جسم پر اعمل کرنے والی قوتیں توازن میں ہونگی ادر جسم متواذن ہوگا برعکس اس کے اگر جسم پر اعمل کرنے والی توتیں قوازن میں ہوں تو ان میں سے کوئی ایک قوت باتی توقوں کے صادمی اور متقابل ہوگی۔ اس سے کوئی ایک قوت باتی ہی سست میں عمل کریس قوان کا عاصل مرتا اس کے مساومی ہوگا اور بڑی قوت کی سمت میں عمل کریس قوان کا عاصل مرتا اس کے مساومی ہوگا اور بڑی قوت کی سمت میں عمل کریس قوان کا عاصل مرتا اس میں عمل کریس کا ۔

جب در قرنتی ایک جبم بر مخلف سمتول میں عمل کریں قران کا صمسل ذیل کے مشلوم موسکتا ہے۔

مسلمہ - قونوں کا متوازی الا صنلاع - اگر دوقوتوں کوجوا کی نقطم برعمل کرتی ہوں بلحاظ مقدار اورسمت کے ایک متوازی الاصلاع کے دوصلعوں سے تبیر کیا جاسے جواس کے ایک راس ہیں سے

تحينيح حائيس توان قونؤل كاحاصل لمجافات مست ادر مقدار دونؤل مسكم متوازی الاصلاح کے اس وترسے تعبیر بوتا ہے جو اس داس میں سے

درافت تحاتفا ماستعقبا مارسكونيات كادارو مداربيرم سكامول بيظاء

- تجرني تبوت - تين بكي وسلسال لواورإن تينول ميك ايك المهد مرسه كو گره دیرایک نقطه بربانده دو- اب دورسیول کو وونا بعث بچرخیول برسیم گزارد جو اُرُا والديم مسكتي جول اور تابت سبارول برقائم بول ان رسيول سك

مرول پروزن ف اور ف پوئٹر ہا خرید ہوائے میز میری رسی کے ساتھ

المرحوراب الربيمين وزن اليسع موس كران ميس سع كوني ايك باتي سے زیاد ورز ہو تو بیلف ام مسی مد کسی عل میں تفاول کی مالسا اختیار 28- نياول كاس مانع مي رسيول يراييه طول وا ، وب ، وبع تع

رو تروف، ق م كم الترتب متناسب يون أورمتوازي الاصلاع وإد بكي الكيل كرو- تب معلوم يوكاكم في الدسك مسادى اورمتقابل عيد دين جواكم

ف، فی اوری ایم سوون بی اس کے ی قانیا فن اور فی کے مامل کے سادی اور شقابل او کا مینی ودان و دن سک مامس کو تعمیر کرے اور

كى بخربيرى چرفيون اوروز لون كى جا سے كما لى دار وراد ورستمال ہو سکتے ہیں ان وادوس میں ایک ما بھرہ نگا ہوتا ہے جو اس کے درم دار درخ پر اورسنع حركت كرنا مبعداس معدده فوت معلوم بومان مبع حوكد ي رعمل

ین بکی رسیول کو و پرگره دو اور این سے اس و سروں سکیما تعد کمانی وار وادر إنه مدو - ترازد ل واتنا كمينوكرال سعكوني مرزول كادمتميريول تب

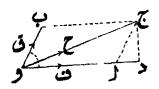
11 اِن کوایک میز برنا وو اور مینوں کے زریعے نابت کروو۔ تب ہم رسیوں کے تناول ف، ف، م کو مرازوں بر برام کرمعلوم کرسکتے ہیں اور صب سابی قوان سکے متوازى الاصلاح كے مسل كى صلاقت كى تعليق كرسكتے ہيں -حركيا في مجبوت -مسئله بالاكا فبوت اسراع مع متوازى الاصلاع اورنيرش م تو، نیں حرکت سے مجی متنط کیا عاسکتا ہے۔ اگرایک ذره کی کمیت ک ہوا دراس کے اسراع ن, اور ن کمانا مقدار اور سمت کے دو فناوا سنقیروا اور وب سے تبیر بوں تواس کا ماصل اسراع ف متوازى الا منداع واج ك ك رتر وج س تبر بوكا-جرائد ذره كاامراع واكرمت مي ب بي س اليسان وت (= ك ن) على كرت سي اوراسى طرح سي ايك ترت في (حك ف)وب كى ت میں عمل کرتی ہے ۔ ان قون کو کما فاستدار ادرست کے وا ادر وردنہا

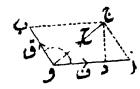
موازى الامثلام والمي ب كي تميل كروي

و، ج مج ایک خامستنیمیں ہی اور

اس من و ج سے دونوت تعبیر جو تی ہے جوار ان وج پیدا کرتی ہے اور اس کے وہ قرت سے بو و (ادر وب سے مامل کو لنبیر کرتی ہے ۔ ١٨ - اگردوق بين ها اور قاس طرح عمل كرتي بول كوأن كوخلوط عمل ك در مان زادی عد بنا موتوان کا حاصل سے بلحاظ مقدار ادر مست سے اسان سے

فرمن کردکر برکورہ باو وتیں دن دری خطوط سنتیم وا ادروب سے تبیر ہوتی ہیں جن کے درمیان زادیہ مبتاہے ۔متوازی الاصناح واسے ب کیمیل کرداورج دا و (مدوده بشط صرورت) برعم دکھینچو تب و د = وا+ ل جم داج = ف من جرب و د = ف مق جم عه الرد، وارداک درمیان واقع جونو (شکل ۲) دو = وا - اج جم داج عف قف بره ۱۸۰- مر) عن مق جم عمر آ





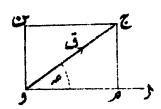
تردج = اج بداج عن بس

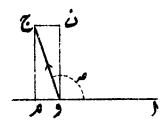
ان دومساداتوں سے مطلوم حاسل کی مقدار اور مت دونوں معلوم ہو جائیں متحدار اور مت دونوں معلوم ہو جائیں میں میں می میں میں میں میں میں علی انقوائم ہول تو عدد ، 9 اس نے

ع= النامن أورس ج وا = <u>ت</u>

19- ہم ایک قرت کو دوا جزائے ترکیبی بیں الامتنا ہی طریقوں سے تحلیل کرسکتے ہیں کی کو کا وقر وج ہو۔
کیونکو ظاہرہے کو الیسے الا انتہا متوازی الا صلاع کمینے سکتے ہیں جن کا وقر وج ہو۔
ان میں سے برایک متوازی الا منلاع کے دومتصلہ صلع قرت سے اجزائے ترکیبی
کو تعبہ کریں گئے۔

تعب سے ضروری صورت اس دقت واقع ہوتی ہے جب ہمکسی نوت کو ایسے دوا جزا گئے میں مورت اس دقت واقع ہوتی ہے جب ہمکسی نوت کو ایسے دوا جزا گئے ہوں۔ فرایسے دوا جزا کے ترکیبی میں تعلیل کریں جوایک و دسرے کے علی افتوا کم ہوں۔ فرص کردکہ ہم ایک توت تی کو جو اس سے ایک والی سمت میں جوادر دورمی والی ُ ج ه و دا پر عودکمینچو اور متوازی الاصنسلاع وهی ت کی کمیل کرو- تب جو توتی وهراوروت سے تبیر ہونی میں وہی مطلوبا جزاے ترکمیبی ہیں ۔





زعز كردكرزاويه الوج = عد

تب وهر= رج جمع = ي جميد ادر وك = دج بب م = ق جب م [الرنقط هرا و مدوده برواتع بوجيال فكل دوم بن ترق كا جزو حركيبي وا

کی سمت میں

= - دهر = - وج جم ج وهر = وج جم مد = ق جم مد نير وا پرعوه دارجزه مركيبي = وان= هرج = وج جب ج وهر= ق جب م بس مرصورت من مطلوبا جرائز کیسی میں

ق جم عه اور فی حب مد مکسی دی بونی توسع کی دی مولی مت میں جزو تخلیلی سے وہ جزو ترکیبی مرا دے كر اكراس كوسمت مذكوره كى عو وى مست ميس عمل كرت واسف ايك اور حرو تركيبي کے سا مفر حرکیب دیا جائے تو وسی ہوئی توت ماصل ہو۔

مثلًا مُت في كا بزوتخليلي ولا يست مِن في جم م ہے-

كېسالك دى بونى قوت كاجروتخلىلى علومەقوت كواس كىسمت اوردى بونى سمت کے درمیانی زاویہ کی جیب اتمام سے صنرب دیفے سے حاصل ہوتا ہے۔ ٢٠ كسى قوت كودى مرتى دومول برمل رفي والحرائي والجوائي وكيسي من تحليل كيا جاسكا جه-

3

زمن کردکد ایک قدت ق ب ج جو و ج کاست می عمل کرتی ہے۔ اس کے اجزائے ترکیبی سسمتوں وا ادروب میں کا لنامتعدد ہے جوت کی سمت کے میں کا لنامتعدد ہے جوت کی سمت کے

سا مذ بالترتیب زاد کے عدادر بر بناتے ہیں۔ مع هر، وب کے سوازی تھینچوجو

ا من مر رسلے اور متوازی الاضلاح و هرج من کی تحمیل کرد، تب وهراورون مطلام اور اورون من الاصلاح مطلام اور المنظام مطلام اور المنظام مطلام اور المنظام ا

مطلوب اجزائے ترکیبی ہیں۔ چونکو مثلث وہر ہے کے اضلاع مقابل کے راویوں کی جوب کے متناسب ہی اس سے

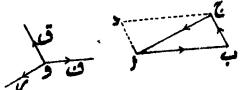
وهر هرج - جبره +ب

س طلوبا عزا سے ترکیبی نی جب بر بس طلوبا عزا سے ترکیبی جب (عرابہ) در در عالم میں میں میں اور حب (عرابہ)

طالب علم کو بنورسمجہ لینا جا ہے کہ کسی قرت سے جزو ترکیبی اور جزو متحلیلی ایک ہی ست میں مساوی ہنیں ہوتے ۔ مثلاً ہم ونعہ 14 میں دیکھ ہیں کی قی کا جزو تحلیل 10 کسی تاریخی قریح در سیم

كُ فَ كَا جَرُو تَعْلَيْلِي وَلَى سَمَت بِن ق جم مرائے ۔ ٢١ - قوتوں كا مثلث - اكرتين متراكد تونوں كو لجا فا مقدار اورست دونوں

کے ایک مثلث کے امنلاح سے باتر تیب طاہر کیا جاسکے توق تیں تعاول میں ہوتی ہیں فرض کروکہ قو تیں ہے اوم جوایک نقطہ و پرعمل کرتی ہیں بلحاظ مقدار اور سمت کے ایک مثلث (سبح کے اصلاح (مب ہے ، ہے { سبے تبیر



ہوئی ڈس-مٹوازی الامنلاع (ب ہے مدنی میل کھو-

ب ج اور الد سے وی وقی تعیم برق می کو کوس کے اور دھ مساوی اور آب وزن ادب اور (دی مامل وزن کے موازی اومناع کیسے ي ي المريمة المريمة المريمة المريم والمال المريمة الى بين تساوى ست ادراس ك صفرت س بس بن وتیں ف قصر تنا ول میں ہیں۔ میتی صرح کے۔ بوئحدہ وتیں جواک نقط برعم کر لی بین اور ایب عادب جوارہ ج مع تبييزيوتي إن متعادل مورني دير اور نيز حب نمين توسيس تعادل مين موس تو برايك قرت اِتی دو کے عاصل کے ساوی اور متقابل ہوتی سب اس سام یا نیتی علمت ہے کہ اب اور ب بے کا ماس ج (کے ساوی اور متعابی ہے بیسنی إن م بس اگرود قرتیں ایک ہی نقط ہوعمل کریں اور ایک مظلف کے اصلاح اب اورنب بسست تبييرون وان كا ماسل ملك مذكور مح تميسر مع فلع اسي سے تبیر ہوگئا۔ ۲۲ ۔۔۔ تو اوں کے شلف کا عکس تعبی درست سے بینی اگر تمن متراکز قوتیں ف ' ف اورس جوایک نقطه ویرعمل کرتی ایس ایم متعا دل بيول وّا ن كو بلما ظ املاح سع تبريحيا ماكتياسي جس بي امنلاع الترتيب ترة بركي متون سيكير متوازی بیون س ف ادرق کی متوں پرطوق ول وه ناب جربالترتيب ان ورق كوتميركس موادى الا منلاح دل ن هرى ميلكه به نکوین ویش دند، ق اس متعادل میں اس کے من قول دے اور

ق کے مامل کے سادی اور مقابل ہوگا، اس سنے یہ ن وسے تبیہ ہوگا۔ اس ماری ترتیں شلف ول ن کے اطلاع ول کی اور ن وکے متوازی اور شناسب ہیں۔

ار کوئی اور ایسا مغلف کمین اوائے جس کے اضلاع شلف ول بن کے اضلاع کے اصلاع کے اصلاح کے اصلاع کے اصلاح ک

کے متناسب وراسلے قوتوں کے متناسب موں کے ۔ نیزار کوئی اور ملک کے اسلام کے متناسب وراسلے قوتوں کے متناسب موں گے ۔ نیزار کوئی اور ملائے متاب وران انساع مثلث ول بن کے امتلاع پر نمود ہوں تواس کے امتلاع متاب وران ن

کے اضلاع کے متناسب اور بناؤ علیہ تو ہوں کے متناسب ہو مجگے۔ اس اوم تاب تاب اور بناؤ علیہ تو ہوں

اس کے اگرتیں تو نیں منعا دل ہوں ادران کی مقداریں معلوم ہوں تو ہم ان قونوں کی امنانی سمتوں کو مذربعہ عمل ترمیم نہا بت اس نی سسے ستعین کر سکتے ہیں- اس کے لئے ہمیں صرف ایک مثلث بنا لینا چاہیئے جس کے احتلاع تووں سکے متناسب ہوں ادر مثلث ہمیشہ بنایا جاسکتا ہے تا و قشیکہ دوقوتوں کا مجموعہ

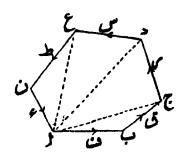
مع متناسب مون اور مثلث مهیشه نبایا جاسکتا سبعی او تعتیکه دوقوتون کا مجوء میسری قوت سے بڑا نہو -

۲۷ - لامی کامسکله اگرتین توتیں ایک فدہ پرعمل کریں اور فرہ متعادل رہے تو ہرایک قدمت باتی در توتون کے درمیا نی زا دیہ کی جیب کے متنامب ہوگی۔

کیوبیکسی شلف میں اس کے اضلاح مقابل کے دادیوں کی جیوب کے متناسب ہوتے ہیں اور گزسفند و فعم بن نابع ہو جکا ہے کہ تو تیں ا منلاع کے متناسب ہوتی ہیں اس لئے

رل = <u>لن = نو</u> مبال ت و = مبال ون = مباول ت مبان دی = مباروت = مبان وق مهر - قوتوں کا کثیرا لا صلاع - اگرمتعدد توتیں ایک ذرہ برعمل کریں اور ملی خاص کا کثیرا لا صلاع - اگرمتعدد توتیں ایک فرر ملدوں سے مریں اور مقدار کے ایک کثیرالا صلاع کے صلعوں سے بالترتیب تعبیر ہرسکیں تو قوتیں تعاول میں ہونگی-





زمن کروکرئیرالا صنلاع کے صلع اب دب ہے ہے جے کہ دع ، عن اور ن او بالتر تیب و برعمل کرنے والی ترقوں کو بلجاظ مقدار دورسمت کے تعبیہ مرتبے ہیں۔ او جو، اد، اوع کو ملاؤ۔

ر نوا است نیتر مریح کی روست اب اورب ہے کا مامل الب سے تبیری ا ہے۔ ہی طرح سے اج اور ہے کا حاصل الاسے تبیر ہوتا ہے، الداور دع کا حاصل ال ع سے تبیر ہوتا ہے، اور علی نہا تعایس (ع ادرع ن کا حاصل الن سے تبیر ہوتا ہے، اور علی نہا تعایس (ع ادرع ن کا حاصل الن

سے تعبیر ہوتا ہے۔ میں میں اور مصال کا

المناسب قرق کا حاصل ان اورت السے مصل کے ساوی ہے گویا حال معدوم ہو جاتا ہے اوراس سے قریس متعادل ہیں۔

قولوں کی نفداد خواہ کیجدہی ہو ہی ہستدلال ہرصورت پرصادی آ سے گا خوت سے بریمی قل ہرسیے کرکٹیرالاصلاع کے صناعوں کا ایک ہی سطی سے توی میں ہونا مزوری نہیں -

قوق کے کثیرالاصلاع کا عکس درست منیں کیونکد اگر ہیں اس کے

ا منااع کی سمیس معلوم ہوں تو ان سے کیٹر الا منلاع کے مناموں کی نسبتیں سمیس ہوسکتیں شائد اوپر کی شکل میں او دب برکوئی نقطہ اُلو اور اُلاٹ کے مناوی کر گئی مینچو جو ع من سے من پر لحے ، تب نے کیٹر الا منلاع اُلا ب ج ح ع ت کے اصنالاع کیٹر الا منلاع او ب ج ح ع ن کے اصنالاع کیٹر الا منلاع او ب ج ح ع ن میں اسالاع کیٹر الا منلاع اور بھیں ہیں۔

متنا سب نہیں ہیں۔

۱۱۳) ۲۵ - دو توتین نقطه و پرو (اور و ب کی سمتول میں عمل کرتی ہیں اور مقدار میں لدید و (اور مدید و ب سے تعبیر بوتی ہیں ، تب اس کا مصل (لد + مد) ید وج سے تعبیر بوگا - جہال ج ، (ب پر کا ایسانقط سے کہ لدید ج (یہ برج ب

کیونکہ دند ۲۱ کے نتیج صریح کی روسے قوت له * و ا ان دو تو توں ہے مسادی ہے جولہ * و ج اور له * ج ا سے نبیر ہوتی ہیں اور اسی طرح سے قوت مد * وج قو توں مد * وج اور مر * ج ب کے مسادی ہے۔
مد * وج قو توں مد و و اور مر * ج ب کے مسادی ہے۔
بس معلوم قو تیں وولوں مل کر قوت (له + مه) * وج اور میز قو توں له * ج آ اور مد باج ب کے مساوی ہیں اب موخ الذکر ایک دوسرے کی تعدیل کر فی ہیں ۔

ر 1) اگرایک مثلث کے تعام راس کوکسی نقلہ سے ما وا ماسے توان خطوط سے قولا س کا جو فطن ام متبیر بوع وواس نظام کے ساول ہوگا جو تقط نے کورکو شلف کے اصلاع کے

وسطی نظاط سے لانے واسے نطوط سے تبیر موتا ہے۔ رِ ٢) ایک ذوار بسته الا صلاح کے اندالیک آیسا نقط معلوم کرد که اگراس مقط کو دوارمیته الا کے داسوں سے کا اِ مباستے ہوّان کما سنے وا سے حغوں سے کتیر ہونیوا لی فوہّ سکے

زرعل نقط ذكورساكن رے -

رمع) جارتوتی وورر معتد الاضلاح الب مع حسك اصلاع كى سمنول مي اوران ك تناسب مي - ان يرسع بين وتي اب ، حبج ، ج كي سور ي مل كن إي اور جو کئی و سے حکی طرف عمل كرتى سے ان كے عاصل كى مقدار اورسمت معسلوم كرد

ادر وہ نقطہ معلوم کرو حس میں بیس کھسے متی ہے ۔

(م) ایک ذر اربیر الامنلاع اب حکامنا عب ج ادرد ای تعیت دے ادر ھ برکی گئی ہے ، نابع کروکہ اگروو تو بی اب اور اج کے مساوی اور سوازی ایک ذرہ پر عمل کریں تر حاصل کو دن کے موازی اور م کا کے سادی موالا۔ ره ایک ووارسترالا مندع اسبح دے امندع اب ب ، جود دا ئ تنفیف ع الن المك ، هر برى كئى سے - أ بعار كردك أن وول كا مامل م

ایک نقطه برعمل کرین اور ایما نامست اور مقداد کے ع ک اور هاف است متیروں لجا فا مقدار اورمس کے اسے سے تبیر برقرا ہے۔

ر ٦) ایک دارُ و کے اندرایک نقلات کے دارُوکا مرکز فاجھ ہے ان میں سے ل ا ن لران لران لر، خا كميني شك بي جميد ك ساخ ي -يسب خود ن یں سے گارسنے داسلے النسف تعرب سے ساوی داد سے باستے ہیں ۔ نابت کرد کو اگر ت سينطلى بى فى توتى الخطوط ست تتبير بدل وان كا حاصل وائره سك مفعد تطركى

(٤) ايك تل تاض كا مكس ادوى بي، إس بركون فقد فت المك به المد

نافش کے مرکز ج پر وومساوی اور مقل قونیں سین اور ن سی کے سوازی عمل کرتی ہے۔ موازی عمل کرتی ہے سوازی عمل کرتی ہے اور ن سی کے سوازی اسے اسل کرتی ہیں۔ خام میں میں میں کرتا ہے اسل کو تقبیر کرتا ہے اسل کو اللہ میں میں میں کرتا ہے ۔ ایک وائرہ برواقع ہوتا ہے جوج میں سے گزرتا ہے ۔

مائے قربا و کمشی کو آئے را اے بی جوقت عمل کرتی ہے وہ بڑی سے بڑی اس ماری سے بڑی اس وقت مرسکی میں مارے مارے کا واس مارے جا او ماس کا ویا کی تصیف

اں وقت ہو سینی جب سی واس طرح جہاء کا اسے آیا وہا ن اس مادیدی مصنیف کرسے جوکشتی کے مینیدے اور ہوائی ظاہری سمت کے در سیان ہے ۔

قونون کامتوازی السطوح تین تو تین ایک نقطه و بر مل کرئی بی ادر بالترب ولا وجسے تبیر ہوئی بی اتب

ان کا ماسل اس متوازی اسطوع کے وترود سے تبیر ہوگا کجس کے امثلاع و(اوب اوج ہیں -

کونکر دو توش ول وب ایک قرم و ع کے ساوی ایں جاں

ولع ب متوازی الاصنداع به نیز قریس وع اور و جایک قرت ود

کے معادل ہیں کیونکہ وع دیج تونزی الامثلاع ہے۔

أكرمتذاذى السطوح مستطيلي

ینی و (، وب ، و بع تایم موروں پر ائے جاسکیں اور اگر و تیں و (، وب) و جی الترتیب لا صار کے ہوں و حاصل سے = م الا اجمالہ ہے اور اس خط پر عمل کرتا ہے جس کے ستی جی ب التمام جم (و د ، جم ب و داور جم ج و د دیں

ین وز دد دد ین کے ملے ا

رفکس اس کے آگرایک قوت ح مبا و پر عمل کرے اوراس کے نطاعل کے سمتی جوب و تنام ل، م، ن ہوں تواس کے ابزاے ترکیبی محوروں بر اور نے ل ح) ، مأ (- م ح) اور مے (= ن ح) بونگے -

٢٠ ــ كسى دى بونى ست مي دو توتون ك اجزاك تحليلى كامجوعه

اسی سمت میں ان قوتوں کے حاصل کے جزوتحلیلی کے مساوی ہولئے۔

کونکہ یہ آسانی سے دیکھا جاسکتا ہے کہ اگر وال وس دو تو تو کو کو تبیر کریں اور وال ہے سوازی الا صنائل ع ہوتو و () و سب کے طلوں کا مجبو مہ کسی خط و کا ہر وال اور (ج کے ظلوں کے مجبوعہ کے مساوی ہوتا ہے اور ا

۱۱۷ مر ۔۔ اگر متعدد تو تیں ایک معلومہ نفتطہ و پر عمل کر نتی ہوں تو اُن کے

متعاول مونے کی شرطیں اوراک کا حاصل معلوم کرو۔ کوئی تین اہم عمود وارمحور و لا او مار وی لوج کو بیں سے گزریں۔ اور

زمن کرد که دی بردنی قوتین م من من می جن کی تنی جوب انتمام با سترتیب دارد در دن با دارد در در دارخه می متن دند در کرد میزین می در در میرود.

(ل، ه، ن) (ل، ه، ن) وخروی تب دفعه ۲ کی روسنے سے ان محوروں کے متوازی اپنے اجزائے ترکیبی ل ح، م سے ان سے کے مساوی ہے

اور ج ا بنا جزائے ترکیبی ل ج ، م ح ، ث ح کے سیادی ہے، علی فالقیاص اب اگر موروں کے سوازی کل اجزائے ترکیبی کا ، ما ، سام موں تو

ما= وح بمرح بم مرح به المرس

== 1 .= h 1 .= Y

پس اگرایک نقط پر عمل کرنے والی فریس تعا ول میں ہوں تو تین علی القوایم سمتوں میں ان کے اجزا سے ترکیبی کا جبریہ محبوعہ علیجدہ علیحدہ صفر ہونا جا ہیں۔ برعکس اس کے اگرتین عدا کانہ علی القوائم سمتوں میں قو توں کے اجزائے ترکیبی کامجوعہ عمضہ ہو تو فرتیں تعا دل میں ہونگی ۔

تو یکی نا جوت مصر دو یو و یک فاص دل میں ہوتی ہے۔ اگر گزسشنته د نغه کی قوتیں ہم سقوی ہوں قو ہیں ان قوتوں کو ان کے ستوی ہر رمیف د سمتہ ارم مجلسا کنا کافی ہے ۔

ارمون بین مستوی زیس ایک نظه پر عمل کریں و نعاول کی سفرائط بالعموم لای کے مسئوری و نعاول کی سفرائط بالعموم لای کے مسئلہ سے نہا ہے ایمانی سے معنوم ہوسکتی ہیں (دفعہ ۲۷)

تعادل کی شرا کط معلوم کرو -زمن کرد کسخنی کے جس نقط پر ذرہ ساکن ہے اس کے سید (لا الم اس) پیں اور توس ون کا طول جوایک ٹا بت نقطہ وسے ٹا ایکیا ہے س ہے۔ منحنی کے ماس کی سمتی جوب انتمام ہیں زلا ہے فرا فری

فرلا ، فرا ، فری فرس ، فرس ، فرس

اور بیمعلوم ہوسکتے ہیں اگر منحنی کی شکل معلوم ہو۔ چونکے منحنی کیائے اس سے و نوں کا عمل نقطۂ تماس پر صرت منحنی کے ان عمادی سمت میں پوسکت سے یعنی منحنی کے ماس کی سمت میں حاصل قوت لازاً معدوم مونی جاہیے اس منظ اگر محدروں کے متوازی درہ پر عمل کرنے والی تو توں کے اجزا سے ترکیبی کا، ما ، سے ہوں تو

> لا فرال + ما فرا + مع فرى = · اگرمنحتی ایک سطح مستوی میں موتو بدمسا وات بوجاتی سے

لا زلا + ما زل = · اینی لا + ما فل = ·

اگر ذره ایک میکنی سطح ف (لا ایا) ی) = ، کے نقطہ ن پرساکن بیوتون بر کے کسی ماسی خطین حاصل سے صریحاً معدوم ہونا چاہیئے۔ بس اجرائے ترکیبی ا کہ ، میا ، سے کی حاصل قوت کواجو اس خطا برعم ل کرتی ہے جس کی سمتی

جیوب التام لا، ما، مے کے متناسب ہیں۔) ن پرکے عاد پر مطبق ہوا چاہیئے اور ہم جانبے ہیں کا ن پرکے تادی سمی جوب التمام ہیں

نيرسطح بيكانوا وي نتسامل صريخ ماصل قوت

كرماوي بونام الله + منا + الله

وسود ایک جگفت ارکو ایک ناتص الله + ایش ایک ای شکل بر مود کیاست

اس تار برایک منکه ب حب بر دو توتی له لا م مهان الترتیب مورو س کامون میں عمل کرتی ہیں - منکو کے تنا ول کا مفام معلوم کرواوراس مورت برغور کرو مقام تعاول ديل كي ساوات سے على بوتا بيد لا فرال دران فرال دران فرال سے . منی لدلاً = - مداً × فرا = مدا الم من مساوات سے ص مع تعاول كانقله حاسل موا س اگرن = ا تو تعاول کی ساوات (۱) ویل کی ساوات می تویل موجانی سے ور رہ ب سے الریشرط بوری ہوتو ورہ فرکور سخنی کے ہرمقام برستاول ہوگا۔ بس الرفقطہ اوراس کے الرفقطہ کا مقال کا میں الم اللہ کا میں کا مقالت کا اللہ کا میں اللہ کا میں کا مقالت کا میں کا مقالت کا مقالت کا میں کا مقالت کا میں کا مقالت کے مقالت کا مقال ته ذره هر مقام پرمتعادل موگا-١١٠ مشق اسايك وره ن بردو قريس من ادر مسايع دو قريم مركزون اور ب كى طرف سے بالترتيب عمل كرتى ہيں ۔ تا بت كروكروكي حيكے منحى برساكن روسك مع جس كى مساوات اس شكل كى مو (د-مدج) (ب- مبع) = مدمه ج۲ جاں ان در است اورج کرئی سنقل ہے۔ الرمطوب چكف منى كى قومى برك كسى نفطر وست قس وي كاطول س بوامد ن بر کاماس ن س مو تو تو تو ن کون مت کی ست یر تحلیل کرنے سے الم مران در مم من داد. م زر + سر زر دان = · يعني

لبذافكل كرني

مثالين

(۱) ایکہ چٹا منگرک ایک چکنے ناتص کی شکل کے تار پر تھیسل سکتاہے۔ یہ دوما سکوں ہو اور حدکی طرف دو توتوں سے کھنچنا ہے جو بالتر نمیب سی ک اور دو کی کا متناسب ہیں۔ تعاول کا مقام معلوم کرو۔

(۲) ایک دره دن پر دو و تیل کرد ایک میکی اور مید و نابت نقلوں و اور و کی طرب عمل کرتی میں ایک میک کرد کر ایک میکن نائی کے برتفام پرساکن ده سکتا کہتے جس کی مساوات رو پر بیمشقل ہے جہاں

ون=ر ادرون= ر

اگرس برابنی دو نقطوں کی طرف دوستقل قریش ق اور ق عمل کریں تواس کے متناظرنالی کی مساوات ق بر + ق بر مشقل ہوگی۔

(۳) ایک ڈره ن برکشف جازبہ وکت ایک نابت نقط وکی طرف عمل کرتی ہے اور توت اندفاع میں ایک اور نابت نقط کو ہے عمل کرتی ہے۔ خابت کرد کم ن کو ایسے طریق کی مساوات حکے برنقط بر بوری کشش مرف عاس کی سمت میں ہے مجم طریق کی مساوات حکے برنقط بر بوری کشش مرف عاس کی سمت میں ہے مجم طریق کی مساوات جا اور طر دو زاوے بیں جو وان اور وکن بالترقیب وی مدودہ کے مسالة بنات ہوگی ۔ طراور طر دو زاوے بیں جو وان اور وکن بالترقیب وی مدودہ کے مسالة بنات ہیں ۔

اگرویّ می اور می بول و نابت کرد کمننی کی مساوات طر -طر مستعل برگ مین ایک وائره کی وس برگی-

(۲) ایک تلی مکانی کی شکل کی ہے۔ اس کو اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کامحدانتصابی ہے اور راس مینے کی طرف سے ایک وزنی فرہ کو اس کے اندر کھا گیا ہے۔ تابت کروکم زرمعین کی مت کی با ہر کی طرف عمل کرنے والی البسی نوت کے زیر عمل متعاول رہ سکتا ہے جومعین کے مادِل کی طرح یدے۔ نیز تا بت کرد کر ملی کا متنا فرنش مل مکا فی کے اسکہ سے اس کے فاصلہ کے جذرکے سناسب موتاہے ۔ + سام + سرم = ا بركاده نقطه مس بر مبداکی طرف عمل کرنے والی قوت کے زیر عمل کوئی درہ ساکن رہ سکتا ہے ہسس مساوات سے ماصل ہوتاہے 一一一一一一一一 (١) ألك وها فيه آله مساوى بكي سلا خون سع بنا بواسم بن كواس طرح بوا كي ہے کہ اسس سے منظم ہشت سطی کے نصف کی شکل بتی ہے۔ اس کواس کی مربع سطے کے بل افقی سطے پررکی گیا ہے اگراس کے ماس سے ایک وزل و لکا یا جا سے تو تابت كردكم ترجى سلاخول برداء له ومات بوكا ادر افتى سلا فول برلم ومات (>) باره مساوی بلی سلاخ ل کو وصل کرنے سے ایک منظم ہنت سطحی بنایا گیا ہے اس کے ایک کونہ کوسائن کر کے وہ صامح کو با تعلقت اٹکا ما کیا ہے اور اس کو سے کے سوائے باقی سب کو لال کے سا بند مساوی وزن بندہے ہیں۔ نابت کرد کر نیجے کی سلا خول اور اور کی سلا خول کے تناؤ الترتیب سبت ١: ١٠ ٥ مي مي -د م انین تھیے ہیں بن میں سے مرایک کا طول و نٹ مے ان میں سے ہرایک کے ایک ایک مرے کواک جُرُ حورث سے ایک تباق بنائی کی سے معموں کے یتنے کے سرے ایک ایسی مردری افقی سطح برنائم بی رئیسلتا مکن بین ان کے بائیں سے جومثلث بنا ہے اس کے اضلاع ور در و خط بی اس کے ماں سے ایک وزن و لکا آگیا ہے اگر کھمیوں پر ناؤست ، مت ، لت ہوں نو نابت کردکہ اسلاء علیہ علیہ میں (1.)

ورت اول - فرض كردكر وتيس موافق بي بينياكي بي مت مي عمل كرتى

ز عن کرو کہ تو تیں ان اور تی میں جو مبھر کے وو نعطوں کر اور ب برممل

رق بن ادر الترميب خطول الى ادرب هري تعييريون بن -

ا اورب برووساوی اور متفایل قرتین لگاؤ جن می سے سرای کے ساوی ہواد ربالتر تیب ب [اور ا ب کی سمتوں میں عمل کریں اور

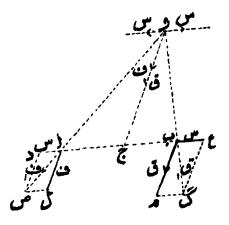
ا دان ع سے تقبیر ہوں۔ یہ رو توتیں ایک درسے کی تعدل کر تی ہیں

ادر حبم سك وازن بركمي الزبيس والتي مِنْ الرَّي الاصلاع إلى ص داورب مركب ع كي يميل كرواورونرول

محا المك بكوبراء حق كي وبرلس وج ال كم سوادى كمينو جواب سے ج پرسلے -

ر برجودو فریس درس عمل کرتی میں اس کا ماصل ف ہے جو اس سے تعمیرہ واسے اس کے نقط عمل کو ویز شقل کر دو۔

اسی طرح ب پر عمل کرنے والی و نیس ق اور س کا مامس ق ہے۔ بر جب گ سے تعمیر متواہدے ۔ اس کے نقطہ عمس ل کوبی و پر ایجاد ۔



ینی نقطے اخط ا ب کو وا خلا تو وال کی مقلوب سبت میں تقسیم کرا ہے۔ صورت ووم- فرض كروكه توتس محالف بين تعنى محالف سمتون مي زض کروکدان میں سے بری وت ف سے جساب عمل كرف سے وتر أص اور ب كايك دوسي لازاً کسینقطہ ویرملیں سنگے ے اس صورت کے حک يرمتوازى مول تيني جب توتيس ف اورق مساوی بول ۔ حسب سابق ابتلائي توتي ف اورق ایک قرت ف-ق كے سعادل ہو بھي جرج و معدده كى مت يى مل كرق م يني ج بي برف كى مت كي موازى مل كرق من -صورت اول کے ملابق سے لے عنی ج خطا ب کو خارجًا وروں كى تقلوب نسبت خلاصديه كه اگر دوملوازي توتيس ف اور ف ايك استوار جيم كنقاط (اور حب يرعمل كري تو (۱) اُن کا ماقتل ایک قرب ہوگی جس کا خطاعمل موادی قرق کے خطاعمل کے متوازی ہوگا۔ نیز حب مرکیبی وتیں موافق ہوں قو ماصل کی سمت وقوں کی سم ہوگی اور حب یہ مخالف مل کرتی ہوں تو حاصل کی سمت بڑی قت کی سمت ہوگی۔

(١) ان كانقط عل جي (ب بركا ايسا نقط بولكاكم

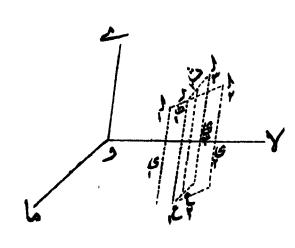
ف × لج = ق × بج ج (۱۳) ان کے ماعل کی مقدار ترکیبی ترق سے مجوعہ کے مسادی ہوئی جب توتیں موافق ہوں اوران سکے فرق کے مساوی ہوگی جب قویم نخالف ہوں -۱۳۲ ۔ گرمضہ شمل کے نامکن ہوسنے کی صورت -

دند گزشته کی دورسری شکل میں اگر تو تیں ف اور ق مساوی ہوں تو مشلف هی در آرگ ع دب برگاظ سے مساوی ہو شام کے داوس هی د { اور آگ ع دب برگاظ سے مساوی ہو ننگے اور اس سلٹے زادستے داوس اور ع دبائک بھی مساوی ہو ننگے ۔ اس مورت میں خفوط او ص اور آگ دب توازی ہو سنگے اور نفطہ و جیسے کسی نقط پر نہیں لمیں سکے پس اس مورت میں عمل ابحام رہیگا۔ پس معلوم ہواکہ کوئی وا مدتوت و درساوی مخالف متوازی قراق سے مساوی بند میں دوستا

سه اگر جارے باس متعدد متوازی قرتیں ہوں جرایک استوار مبر برعمل کرتی ہوں جرایک استوار مبر برعمل کرتی ہوں تو ایک استوار مبر عمل کرتی ہیں۔ بیلے ایک قوت کا حاصل معلوم کرتے ہیں۔ بیلے ام بیلی اور دومری قرت کا حاصل معلوم کرتے ہیں۔ بچراس حاصل اور میلی خوت کا حاصل معلوم کرتے ہیں۔ بچراس حاصل اور میلی خوات کا حاصل اور حملی خوات کا حاصل کی مقدار قوق میں کے مجمد حدد کے حمد حدد کے حمد اور ہوگی۔

الرمتوازی قریس موانی نم بول قران کے مامل کی مقدران قرق کے میں میں میں میں میں ہوں قران کے مامل کی مقدران قرق ک مبری مجموعہ کے مساوی بوگی مجد ہرایہ کے بس مناسب علامت لگائی جائے۔
میں سے مقوازی قریس ت ، ق ، ق ، ق ، ت ، نقاط (، (،) ،) ، (لا ،) ، (لا ،) ،) سمسی سمت بین عمل کریں۔ وفعرا سوکی روسے آر اور (برعمل کرنے والی قوق کا حاصل (رکونقطر مشا پر قطع کرتا ہے جہاں جب دن ایس کی۔ دن ع

 $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{2} - \ddot{\psi}_{3}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{2} - \ddot{\psi}_{3}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{3}}{\ddot{\psi}_{1}} - \ddot{\psi}_{3}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{2} - \ddot{\psi}_{3}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{2} - \ddot{\psi}_{3} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} + \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \ddot{\psi}_{1}$ $\frac{\ddot{\psi}_{1} - \ddot{\psi}_{1}}{\ddot{\psi}_{1}} = \ddot{\psi}_{1}$



(1) ایک مربع کے سروں پرترتیب وار جار تو تیں جن بی نسبت : ۳: ۵:۵ بنگل کرتی ہیں۔ جس نقط برآن کا حاسل عمل کرا ہے آس کا فاصلہ مر سے مرکز سے علوم کرو۔ (۲) (بب بج کا ترتیب وار ایک مترزی الا مثلاع کے زاد نے ہیں۔ وائتی متوازی و تیں جنسبت تن اور مامل ایس ہیں بالترتیب ایب ہے کہ برعمل کرتی ہیں بناؤ کہ ان متوازی تو توں کا مرکز اور حاصل وہی رہیکا اگران تو توں کی بجائے مربا ایر تیب (بب بب ج برج دید آ) کے اور عاصل وہی رہیکا اگران تو توں کی بجائے مربا ایک متناسب متوازی تو تیں بالترتیب (بب بب ج برج دید آ) کے نقاط متنصیف برعمل کریں۔

رس) متوازی و ہیں ق ۱۱ ق ۱ س ق ۱ س ق ۱ م ق اور ۱ ق ایک خواستیم الب کے اس نقاط برحن کے قاصلے السے الترتیب ۱۳۱۱ ۲۱ م ماورد ایخ ہی علی می بی اس تو قول کے مرکز کا مقام معلوم کرو۔
ہیں۔ ان تو قول کے مرکز کا مقام معلوم کرو۔
(۲) ۔ تیں متوازی تو تیں ف ۱ ق ۱ ر ایک مثلث کے راسوں (ایک میں کرتی

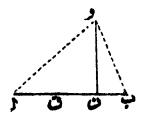
رم) بین سواری ویں کے می بر ایک سلط سے راسوں او جب ہے بر س رہی میں اوربالترمتیب اُنہ ب مج کے تناسب ہیں نابت کردکداُن کا مامل مثلف کے اندرونی دارو مستے مرکزیں سے گزرتا ہے۔

معیارا نر ۳۵ - تعرافی - ایک نقطه معاومه کے گروکسی قوت کے معیالا ٹر سے وہ مقدار مرد سبے جو توت مکور اور اس کے خطوعمل سے نقطہ ا معلومہ کے عمودی فاصلے کومنرب دینے سے ماسل ہوتی سے۔

حلاً ایک توت ق کامیاراز کسی نقل معلوم و کے گرد ف عون ب جبال

ون نقطه وے ق کے خطاعمل برعود ہے۔ یہ ابت قابل فورہے ککسی قریت ق کا معالدا ترکسی نقطہ وسکے گرومنفر مہنیں ہوسکتا یا و تنیکہ قریب صفر منہویا قریب نقط معلور ہیں سے ڈگزرے جس مے گرد معیار اخر

لیا گیا ہے۔ وَمَن کردِکہ قومت ن کو مقدار ہمت اور فطو من کے کافا خط السب سے تبریکا گیا ہ



وفي ادر وسب كو لادُ

تب وت ن كا معيار از وكر كروى × ون يني اب × ون -مكن اب مون مثلث إب وكرتبه ودجدات-

بس توت ق کامعیارا ترکسی نقطہ کے گرد ہندسی طور براس مثلث کے رقب کے ووجندست تغبیر ہوقاست حس کا قاعدہ قوت مذکور کو تغبیر کرنے وا خطبوا درجس كاماس ده نقط بوجس ككردمعيارا فراكيا سيء الم ١١ ساك نقطب كركس توت كم معياراز كم مسيى معنى.

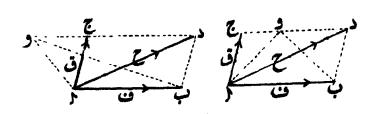
وص کردکوسرای سنوی بتراہے جایک میلے میربربرا ہے اور میم کا نقطہ و ابت کردائیا ہے ، مب توت عال ت کا اخر ، اوکا کوسیم مرکز و کے گرد کھو ہے اوريه افرصفر تبين موكا ادفتيكه ١١ قت ق صفرته ولا ٢١ أوّت ق نعظه ويس سے ذکررے جس صورت ہیں عمود ولٹ صغر ہوگا۔ ں مزب ق ء و**ن عوت ک** کے زیرافر نقطہ و کا بہتری معیار معلوم ہوتا ہے دیں کی عملی لمور پر ذیل کی طرب تقید تی ہوسکتی کے ۔ فرض روکہ بیٹرا دورسیوں کے زیرعمل سائن ہے کی سے تنادُ ق اور ف ہیں اور جوبترے کے نابت نقطوں کے ساتھ بندعی ایں ادر جن کے خطوط عمل مبترے کی ع ستوی بن بی مید فرص کرد که وال ولب ثابت نغط وست وَدِّل ف اورق کے خطوط عمل پر عمود الرسم طول ون اور ون کو اور نیز قوق ای اور ی کونامین تو میں معلوم ہوگئے کہ حاصل حزب ق م ون ميذ عاصل منرك ق × و ن کے سادی ہے اس کیے وتنى ودق مبرونتل وك كرد كمان كالساوى كرمقابل البيت ركعيل كى اگران کے معیارا فرنقط و کے گردسا دی ہوں -۔ سیار ر سارے رو - ری ہوں-ان قوق ت ادر ف کواس مار ناب سکتے ہیں کہ رسیوں کو ہلی جگنی امر خوں کے پرسے گزارا ما سے ادر اُن سے رہ دن براس قدراوزان ِ لنکا دیے جائیں کو عادل يدا ہو مائے ۔ ير اوران رسول كے تكاف سك اب بوسنے يا رسول كوكما نى دار ترازي ك كندر س بانه ما جاسة اران زازي كومسل دند، اكترول عه مستبث اور منفى معيار اثر- دفعه انبل مي الرمرت ايك بى نوت ق بترك

پرال کرے تعام کھڑی کی سوئیوں کے مخالف سمیت میں تھا لیکی میکر کھڑی میزیر ارحماج ر کمی ہے کاس کارٹ اور کو ہے۔ برعکس اس کے اگر مون قرت فی پیرے رحل رے تو د مبرکوا دسی میت میں تھا ہے گئ جس مت میں تھٹری کی سوٹیاں مرکت کرنی میں نظر و کے گرو ف کے سیاراز کوجو سمت میں ہے مخبع معیارا و کتے ہی اور ق كم معاد الركو وسمست من معمنى معاد كيتي م ایک نظار محے محرد متدو تو تو ل کے معیادافروں کے جبری مجرعہ سے ان قرقوں کے سیارازدں کا مجومہ مراد ہرتا ہے جکہ ہرمعیارا ٹرکواس کی مناسب علامت کے ماغة ليا جاسئه ـ سے سے دوقون کے معیاروں کا جبری مجوعہ جوان کی سطح مستوی کے کسی نقطہ دیے گرولیا گیا ہے اسی نقطہ کے گروان کے ماسل کے معیاداز کے ساوی ہوتا ہے۔ صورت اول- زمن کردکر قین ف ادر ف ایک درسرے سے نقطه البرلمني بي -وسے خا وج وَت ف كى مست كے متوازى كميني واكد ق كے خط عل سے جي فرمن کردکر اج و ت ق کی مقدار کو تعبیرکه تا ہے اسی بیار بر وسد هف کو

ا ب سے میرود موازی الامنلاع اب دج کی کیل کرد ادر ولا، وب کو لائے۔ تب الدولاں ف ادرف کے حاصل سے کو قبیرک گا۔ (مر) اگر وزادیہ داج کے اہر پر میساکہ علی ادل میں دکمایا گیا ہے قرمیں نابع کرنا جاسیے کم

ا مراب ۲۰ واج ۱۹ مواد

كونكه ف ادر ق ك معادا تزنقط و ك كردايك بى سمت يس بي -



چکرب ادر ود توازی یں اس کئے کورب = کدرب درود توازی یں اس کئے کورب حد

ن محواب+با محواج=۲ماجد۲۰۰ مواج ۲۰۰ واد

(به) اگر و زاویر ج (د کے امدر واقع ہو جیسا کر نفکل دوم میں د کھایا گیا ہے تو ہیں ثابت

كوابابي كراوب-م كان - م كاور

(کوکدف ادرف کے معادار وکے گرد نخالف سمتوں میں ہیں جیسب ماہوم △اوب= △ دارب= △ اج د

کاوب= ۵ درب= درب درجد س نخه ۵۱ وب- ۲۵ اوج ۲۵ اج د-۲۵ ولح = ۲۵ واد

صورت ووم- فرص کروکة ترتین ف اور ق متوازی ہیں۔ وسے واج ب توق ادران کے ماسل م (عن + ق) پر عمور کمینیوتا کہ

ان سے بالر تیب این اور ج رہے۔ وفراس کی روسے ف م راج = ق م ج ب م س س (۱) اس ملے فن اور ق کے معیار الروں کا مجوم نقط سرد کے گرد = ق بوب +ف بوا = ق (وج + جب) + ن (وج - ارج) = (ف + ق) موج ساوات (۱) ت = طاصل كامعار اثروك رو

ان مور توں میں جبکر تعظ و کا کوئی اور من مہور تو تیں متوانہ ی او منحالفہ اسے جول اس مثلاً کا تفریق طالب علم مران فرائد کرسکتا ہے ۔

اس سند کا بُوت طالب علم براسانی فرائم رسکتا ہے۔ عس سے اگر نقطہ وجس کے گرد معیار افرائے کئے ہیں حاصل فوت کے خطعمل پر دا تع ہرتو حاصل کا معیار افر اس نقط سے گرد مرتی صغر ہوگا۔ لبذا اس سورت بس نقط اکور کے گرد ترکیبی قرق کے معیار افروں کا جبری مجرد معدوم ہوجانا ہے بس وو قرق کے معیار افزان کے حاصل کے خط عمل پرسکے کسی نقطہ کے گرد مساوی اور مختلف العلامت ہوتے ہیں۔

به معیار افزول کا عام مسکله-اگرمتعدد توتیں ف اق ای اسس. ایک بی ستوی میں ایک استوار سبم برعمل کریں توان کے ستوی میں کسی نقطه و کے گردان ہے معیارا ٹرول کا جبری مجبوعہ اس نقطہ کے گرد لیکے عاصل کے معارا نڑ کے مساوی ہوگا۔

ن میں کرو کہ فنم مامل ہے فن اور ق کما اور من کا مال ذائقیاس یہاں تک کہ آخری حاصل کھا ہے۔ منا داری مامل کھا ہے۔ تب فنا کا معیارا فروں کے مجرعہ کے تب فنا کا معیارا فروں کے مجرعہ کے معیارا فروں کے مجرعہ کے

(وفعہ ۱۳۸۸) نیز ف کامیارافرو کے گردد ف اور م کے معادافروں کے محبوعہ کے

ع من اورق اورش کے معیار افروں کے مجود کے اسی طرح سے من کامیاراز و کے گرد و من ادرس کے سمارازوں کے بی کے ء ف ا ق امن ادر س کے معار افروں کامحوم على فالقياس بهان مك كرسب وتين محسوب كرني مايس-لبس آخری مامیل کامعیاراز ء ترکمبی قرنوں سے معیارا فردن کا جبری مجبوعہ وفعه ۹ مل کا نندیه آسانی سے ثابت بوسکنا کی کو و وس کی کسی متعاد مے میادالد ن کا جبری موعوان کے ماصل کے خطاعل رکے کسی نتط کے گرد معفر ہوتا ہے اور رمکس اس کے اگر تو توں کی تحسی تنداد کئے مسیار آبڑد س کا جیری ى نقط كي كرد صغرود الن كا عاصل اس نقط بس سي كررس كا بس ك كرد معيادا فرسك سي بي الن كا ماصل مفرده كا ادرامس مورت من توسي متعا دل مومتی -بس اس طرح ہم قوق سے نظام سے حاصل کے خطاعل رستندہ نفط معلم رسکتے ہیں۔ کیونکہ ہمیں مکرن ایک ایسا نقلب معلوم کرنا پڑنگا مِس شکے گرد تو ہوں کے ا معیار انزون کا جبری مجموعه معفر دو ماسئے سب مامل کواس نقط میں سنے گزنا لازم اكر بارسك باس متوازى قوق كاليك نظام ببوتو حاصل وتت مقدارا دسمسه دونوں کے افاظ سے متعین ہو ماتی سمے جکوان کے مامل کے خاصل کا ایک مثال سائین ترتین جوم ف ، وی اور عدی کے سادی بی متمادی الامنسلاع خلت اب ج کے امتلاع اب دب م اسم الح کی معرب مل کرتی در ان کے والن كى مقدر اسمت ادر خداعل دريا تدكرور فون کود کر طلب کا پرمنان ار ہے، میز فرض کودکہ مامل وق مناع ب ج سے من برطق ميم تب وزن كم سياراف ن مح يرومعدم مو ما قرميد ۴ ق × (ك ج + و) بر وا = وق × ن ج ب

31/32

= ، ئ - د ق جم ١٠ - ٣ ق بم ١٠٠ - ٣ ت

بس مال ترت = ق ماآآ اورب کے سائندراویسس ا ماآی مینی ما بناتی باورت یں سے گورتی ہے بہاں ج ن = ہے ب ج مثالیں

سہارے قایم ب جواس کے وسطی نقط سے بند هاہے اورا فق سے ۹۰ کا داویہ بناما ہے ۔ تابع کرد کہ اس ارکا نا وُبرتی تاریح تنا وکا ہم مات گنا ہے ۔ (0) – ایک رسی ہے جس کا طول دیا گیا ہے۔ بتا وُکہ اس کے ایک سرے کو ایک سون کے قاعدہ سے مقدد لبندی پربا فرها جائے کہ زین پر کھڑا ہو ایک شخص ایک دی ہوئی قوت سے اس کے دوسرے سرے کو کھینچے قوستون الٹ سکنے کا بڑے سے بڑا میلان

(4) -- ایک قرت کی مقدار معلوم بے اوراس کے معیار انز دو و نے موسئے نقلوں الواور دب کے موسئے نقلوں الواور دب کے گرد معلوم بیں - ہندسی عمل سے اس کا خطا عمل معلوم کرد -

() بلجافا مقدارا درست دوتو میں دی ہوئی ہیں میستوی کے ان تمام فقطوں کاطراقی معلوکا

کرد جس سے گرد ان توتوں کا معیار انٹر مقداد اور مست میں ایک ہی ہے۔' (۸)۔ العب ایک : ائرہ کا تعطیرے اور نسب ٹٹ اور نسب فٹ ایک دومرسے برمانی اعرائم

روورزیں۔ نابت کروکران قوق کے سیار افر جرب می اور ب فی سے تبکیر ہو تی ہیں۔ ایک مرساوی ہیں۔

بتاؤی اس سے اس کے گذرہے برکے وہاؤیس کما تبدیلی بدیا ہوتی ہے۔ ر ۱۰) سائیکل سواد کا وزن ۱۰ دا پوئڈ ہے ، وہ ابنا تمام دون سائیکل کے ایک اس کی سائیکل سواد کا وزن ۱۰ داری میں ایک کا کہ سوائیکل کے ایک اس میں میں ایک کا کہ سوائیکل سے ایک کا کہ سوائیک

ا سے دان برڈال دیتا ہے جکر اسے وان افقی ہے اور سائیل کو آسے برسے سے کسی طرح مدکدیا گیا ہے و اور زمجر کے بیتے کا طرح مدکدیا گیا ہے - ابخیر کا تنا ؤ سعارم کرو حبکہ کرینگ کا طول ۱ ایج ہو اور زمجر کے بیتے کا نفسف قطر م ایخ مرد -

بیں در حس مقام برخا قربی ڈوری ہا نہ کو تعلی کرتی ہے اس کو ہا یہ بی بڑھ کیے بیں۔ نابت کو کہ اسے نفایات کے فاصلہ سلیوسیتی بیں۔

(۱۲) پتوں کا ایک تاش برز برر کھا گیا ہے جس کا ہر بتہ اسپنسے شخطے بیتہ سے طول کے رخ برنکلا ہوا ہو جنا کہ عمن ہے قر نابت کرو کہ سکے بعد دیگر بتوں سے مردل کے در میاتی فاصلے ایک سلسلہ موسیقیہ نباتے ہیں۔

(۱۳) سے ایک اسطوانہ کا طول ب ہے اور اس کے فاعدہ کا قطر ج ہے ماسطوانہ کا من کھلا ہے در اسطوانہ ایک انعی سطح برنکا ہوا ہو ۔ ایک بیکسال سلام جز تر اسطوانہ کا من اند ہے اور اس کے اور اس کے ماروں کو میک کھلا ہے در اسطوانہ ایک اور نیچ کے کھا روں کو میک کھا ہے ۔ ایک سکواسطوانہ کا وز ن کا من می تا ہو تو سلاح کا طول معلوم کرد جبکر اسطوانہ کا وز ن کا من می تا ہو تو سلاح کا طول معلوم کرد جبکر اسطوانہ السننے کے حین میں در سے وز ن کا من می تا ہو تو سلاح کا طول معلوم کرد جبکر اسطوانہ السننے کے حین قدم میں۔

جفست

ست و کے گرد نونوں کے معیار افروں کا جبری مجوعہ ء ت× وب - ن× و(ء ق × ارس - جست كاسعاراخ اس سے کما برسے له خوا و نقط وكميس ليا حاسف اس كرومعيار افرسمینه و بی رہتا ہے۔ ۱۷۲ - اگر و حفت ایک استوادههم برایک سیمستوی می عمل کریں اور ان کے معیارا شرمسا دی اور مخالف بوں تو وہ ایک ووسرے کا توازن كرستين -زمن کرد کو ایک جنت کی در قرتیس (ف عف) ہیں جوبازر ن کے مرول برجمل کرتی ہیں اور دوسرے جنت کی قوئیں (ق،ق) ہیں جوباروق کے ورست اول- فرمن کردکر ایک قرت ف ایک فرت ق سے کسی نقط و بر تی ہے اور دوسری ووقو تمر) و یر نتعان ذذل برج وَ بِسِ سِيسٍ كزرتين فمود وهراورون كمينيوان مودون مع طول مرغ فت اور ق چنکہ جنوں کے معادا زمقدار

142

یں سادی ہیں اس کے ق ف = ق ق

ارزاد فعد اہم کی روسے نقلہ کو توثوں ف ادرق کے (جو ویس سے گزرتی ہیں) مامل پر داتھ ہوگا اس کئے دور مامس کا ضوا میں ہے ۔ اس مع سے ف ادرف (جروس سے گزیے ہیں) کے مال کا نعوامل وو ہے۔ نزیددونوں ماصل مقدادیں مساوی ہیں کیونکہ و پرعمل کرنے والی قوتیں کو برعمل کرنے دائی قون کے بالترتیب مساوی بین اور نیزادسی زاوی پر عمل کرئی ہیں۔ معورت دوم- فرمن کروکر جنوں کو نبانے والی قوتیں سب متوازی ہیں اورکوئی خطومت تقیم جائی توں برغود طارمے ان سے نقاط (اسب ہے مد، برطباہے بس بدونوں حال ایک دارہے كومعدوم كرشے بي اوراس كے دو جارتوس بن سے دوجنت منتے بي- توازن يس ايس مِيساكَ فَكُلُ مِن وَكُمَا يَا كُيا سِهِ - اب جِونُ مِعِداراً وْمسادى بِي اس كَ ن×اب=ق×جدسسسسس ۱) فرمن کردکہ ج پرعل کرسنے والى قرت ت اورب يرمل کرنے والی قرمت ف کے مال كا تعل على لي- بدا ن×بل : ت×جل (۱) وفدام (١) کور ١) بس سے تزین کرنے ہے تُ ء ال وق × ل د بس إرمل كرسف والى توس ف اور دير على كرسف والى قوت ت ك مامل کا نظم می کی ہے۔ سكن ان دونوں مأصلوں كى مقدار ت + ق ہے ادران كى سمتير، شقابل ي اس في يرفادل يس بي- لبذايه دو جنت جن جار والآن يرمفعل بي وه إلىم متواز ن بي -ہم ہے بھرنکہ ایک بی مع مستری کے روجنت جن کے معارا فرساوی ادر خالعت بول ایک و دسرے کا تنا ول کرتے ہیں اس سنے آگریم ان جنوں میں

سے ایک جنس کی تو توں کی معتوں کوبدل دیں تو ظا ہر سے کہ

ایک ہی مستوی میں مسادی معیار انروں والے دو حبست

ایک دوسرے کے معادل ہوتے ہیں -

اله ا اله استوار مبم برایک به سطیمستوی میں متعدد جفت مل

کریں تو یہ سب ل کر ایک حبنت کے مساوی ہوتے ہیں جس کا معیال^ا جنتوں کے معیادا تروں کے جبر بہمجوعہ کے مساوی ہوتا ہے۔

فرص کردکه جنت ویل کی قوتوں پُرسٹم ہی ہی تو تول (ن اس) کا جنت جس کا باوو ف اس تو تول (ن اس) کا جنت جس کا باوو ف ا باوو ف اس توتول (ق) ق) کا جنت جس کا بازو ق سیم تو تول (س) س) کا جنت جس کا باود رہند و خیرو و غیرو بیشت لگاؤ جس کا باود رہ ہے، وغیرو و غیرو بیشت (ق ؛ ق) کی بجائے ایک اور جنت لگاؤ

جس سکه اجزائے ترکیبی کا خط عمل وہی ہو جو قونوں (ف، ف) کا ہے۔ آخرالاً حنت کی ہرایک قرت کی مقدار کیا ہوگی جہال کا × ف = ق × ق(دفد ۱۳ میں ا

الا = ق × <u>ان ا</u>

اسی طرح جنت (س اس) کوئٹال کرائس کی بجائے جنت (س کیے) رکھوجس کی قرتیں اسی خطیس عمل کرتی ہیں جس میں قرتیں (ف) عمل کرنی ہیں۔ اسی طرح و درسے جنتوں کے لئے۔

پس سب جنت فی کرایک ایسے جنت کے مسادی ہیں جس کی ہرایک توست ف + ق ق + می را + میں اللہ + سب کے مسادی ہے اور جس کا بازو ف ہے

اس جنت کا معیار افرہ

ف ف + ق ت + مرم

بس بندائی تما م جنت ل کرا یک مبنت سیسسا دی ہیں جس کا معیارا ٹران کے معادا تروں کے مجوعہ کے مسادی سے ۔ اگرسب نرکمینی جفنوں کی علامت ایک ہی نہوتر بھی وہی ثبوت صادق ایر گا۔ ۳۷ ۔۔کسی حنبت کا اڑا کیک استوار مبم پر وہی رہیگا اگراس کو اس کی سطح مستوی کے متوازی کسی دوسری سطح مستوی میں منتقل کردیا جائے اور اس کامازواسینے ابتدائی محل کے متوازی رسیع۔ *زمن کروکر جنت دو قر تون (ت، ق) پرشتل سیے جس کا با* زو وَوَل كَ خطِ عمل أج اورب ديس-وص كروك أبب كون نطي و اسب كرستوازى اورسادى بدا ج اورب د بالترتب اج اورب د کے مساوی اور متوازی کلینے۔ ل يروومساوي اورشقابل قرتیں ہرایک ق کے مساوی لگاؤ جو (ج کی سمت میں اور اس کے مقابل شنت (ع مين عمل كرير-اسی طرح ب بردوسا دی اور تقابل ترتی ہراک تی کے ساد*ی لگا*ؤ جوب دی مت می اوراس کے شعابل سمت ب ف می عمل کریں ان وروس کے داخل رفے سے مسم کے وادن پرکو ان از بنیں اب اور اب كولاوًا در فرض كردكوه و برايك دوسرك كو تطع كرت بي تب والب اور الب كا رسطى لقلا بوكا -اب ایک وات ت ، (برعل کرن سے ادرایک وت ق مب بر

سدیں عمل کرتی ہے۔ ہی سلتے ان کا حاصل ای نقطہ و بر (ج کے متوازی السى طرح الك قرع ق نقط ب برعل كرتى جدادرايك اور قوست ق ر راع ی ست می مل رقی سے، ان دون کا حاصل اق، ویرب دے متوازي عمل برآ يه دولؤن عاصل مساوى اور شقابل مين ادراس إ*س مرت دو توتس مجي بن ا*لك ارتی سے اور ایک وقت ق رب برب د کی مست میں عمل کرتی نت بناتی بین حس کا بازدادر توتین اجدایی حبنت د کسطمستری آج ادرب دکی سطمستوی کے متوازی لرمبنت کی طح مسنوی میں ایک گھڑی انہی ہے۔ اگر حبنت کی وجہ سے کی گردش تحری کی سوئیول کی سمع میں ہوت بحرر کو تھومی ۔ بالائ بن سعداد برماد كمينينا جا سبي ليكن اگرجنت ك ا مُت جسم كم

مرکت سویران کی ست کے نیاف ہوتو محدر گھڑی کی بیفت میں سے نیجے دار کھینچا جا ہیں -دنو ۱۹۲۷ کی عکل میں دہ محرج و لاکی منب میت بی کھینجا ماسے گا

دند ۱۹۹۷ لی عکل میں دہ تحور جو و کا کی شبع سمعت میں تھینجا عاسے گا ما ہے کے ستری میں اس جنت کو تغییر کرے گا جو میم کو و ما ہے و ہے کی سمت میں گھا ہے۔ برعکس اذابی دہ تحور جو کا و معرودہ کی سمت میں کھینچا جا ما ہے کے ستوی میں اس جنت کو تقبیر کرنگا جو جسم کو دھے سے و ما کی سمت

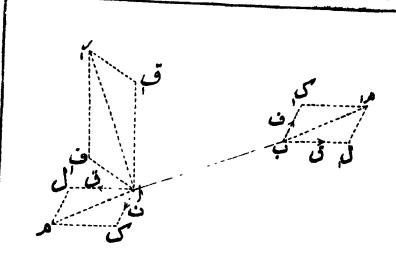
کرد: بی ترتیب ماتی تی می موتی این -دند به به سے ظاہرے کر اگر کسی جنت کا معیادا فرادراس کی سطح مستوی علوم بو تو اس کا افر معلوم ہو سکتا ہے - بینی جب کسی جنت کا معیادا فراد راس کی سطح پر جماد کی سمت معلوم ہویا جب سی جنت کا محور بلحاظ مقداد اور سمعت کے معلوم ہو تو جنت کا افر معلوم ہو کمکتا ہے -

۸۷۶ — دوایسے جنتوں کا حاصل معلوم کرو جن کے مستوی توانی نہیں ہیں۔ ریم نہ

فرعن کرد کدان جنول سے مستوی منط ایب پرسلتے ہیں ۔ اب اگران منبتوں میں سے ہردد کا بازد (ب منہو تو دو بول جنوں کوان کے

ستولوں میں ا*س طرح تندیل کرد کر ہر ایک کا* بازد **(ب ہو جائے میکن ان کے معیار** زوں میں فرق نرائسنے (دیکمبرو دفعہ عمر) -

زمن کروکداس بازدسکے ساتھ بہلے جنت کی قریس آک اور نہا کہ ہیں جن میں ایک اور نہا کہ ہیں جن میں سے ہرایک من کے سادی سے اور دو سرے جمنت کی الل اور نہا ہیں جن میں سے ہرایک فل کے سادی سے مقانی الاضلام اللہ میں جن مقانی الاضلام اللہ میں جن کہ اور حب میں اور ق ترکمیں بارایک والت کے سادی ہوجاتی ہیں جو الحرسے میں اور ق ترکمیں بارایک والت کے سادی ہوجاتی ہیں جو الحرسے



تبېرېوتى ہے اورب بركى زىتى ف اور ق ايك قت ب هرمو جاتى ہيں جو اُ هر نے مساوی متواذی ادر شقابل ہے ۔

بس دو جنت مل کولک جنت بن جانے ہیں۔ سعوح ستوی ک (ب ک ادر ل اب ل برعود اف اور ا ق

لینو چر جنوں کے توروں کو تعبیر کریں اسب اف جنت رف اف) کا معیار افز نے نے داب کے کرک و فی جنت رف می) کا معیار افز سے قر قر داب کے کرک بس رف ادر ات بالترتيب اك ادر ال بر مود دار بس ادر ان كم

مناسب وس-اس ملے اگر ہم سوازی الا صلاح اقب می هن ای تعمیل کریں تو (مور اهر رعود موسط اوراس کے متناسب موسط - تب

منت (ن، ن) كاميلاز مست (ق،ق) كامياداز عبنت (و مر،ب

بس أم ماصل جنت كا محرب -بنا دومعار بنتوں كى تركيب سے ايك جنت طاقس ہوتا ہے جس كا محد معلوم جنتوں ك محدكو متوازى الاصلاع كے قانون كے مطابق تركيب دينے

ر را طرح ہم نے دیکھاکہ جنوں کی ترکیب کا قانون بھی تون^{وں} کی ترکیب سے قا ون کے ماثل بھے میں وو تما مسائل جوزوں کی ترکیب اور تخلیا سے سعلت ہیں حِنْةِ سِ كَيْرَكِيبِ وَتُعْلِيلِ رِمِي سَادِنَ ٱلسَّةِ إِنِي -مَنْ الله الله ١١) اكر بهارست باس لا ١١ ى محروب مح كرو تين جنت ہوں جن کے سیاراز ک مر ، ف احرب و (، وب ، وج سے بیروت ہوں زووہل کرایک جنت بن جاتے ہی جس با معیاراز اس خطاکے گرد جس کُٹمتی جوب المام (المربع ، عمر) من الديوكا (=11-14-0) برعکس اس کے اگرا کیک خط دو کے گرد حبنت کس مواور و دیمے میں جور لیکا (ل ا م اِن) موں تو یہ جنت محدر د ل کے گرد الترتیب میں جنوں کی مکی ممکل اورن کی کےسادی ہوگا۔ اب اگرامستواد حبیم برمخیلعت قوممران سب جنوں کوایک جنت کی*ں ترکیب دے سکتے* ہیں ۔ ی نقط و کو سبا قرار ود ا در اس بی سے گزرتے پرد نے تین علی التواکم مور ولا د ما ، وی اکمینی نب دفعه ام کی روسے کوئی ایک جنت بس کی طومستوی ویس سننكر تي بوايك ايسه معاً وَلَ جنت مِن مُعَلِ كما جاسكا سبع حس كي سطح مستوى ويم بسي أرب الدابتلالي مبنت كي طوستوي كي سوازي مو اوراس كامور ومي سع كزرك وخط بوسكتا سرميع إس شطيستوي يرعمو دوار بهر- اسرجفت كومتوازي الإصلاع-قافن کے مطابق جوالے کے محوروں کے کر جینوں میں جویل کرو اور فرص کرو کہ بیجنت كى ، ھرين بي - اسى طرح باقى دے روئے جنوں ميں سے ہراكي بريئ على كرو خسب ڈیل جنت حاصل ہوں کے جت ل = ل الباليال = كال) محدولا كم كرد

هر= م+م + = [مر) موروات كرد ادر ن وی ب ت + ت + سسست حروی کارد ي جنت تركيب ياكراكي واحدجنت بن ماستي مي جس كاسعيارا فر گ - ما<u>لا+ مر+ن</u> الماس كم مورك متى جوبالمام كى ، مر الله الله الله ا ۵ ـــاگرایک وا حد توت اورایک جنت کسی استوار حسم برایک بی سطح متوى مين مل كريس توان سے توازن بيلانبيں ہوسكتا بلكرايہ وونوں ال ایک واحد توت کے معا دل ہوتے ہیں میں کا خطاعمل ہندائی توت کے خطاعمل سکے متوازی ہوتا ہے۔ ون کروکہ جنت ووساوی توتوں (ن و ن) پڑتل ہے بس کے خوالل وب اور وج این- نیزدامدترت ت بے۔ ا كرت جنس كى قرع كے سؤازى ما ہوالىسكے خط عمل كوبر ماكر حتى كر یوبنت کی ایک نوت سے دپر جاسلے۔ تب عن اور _تی جرو پر عم_{ل کر}تے ہیں واحدوكت م كے معاول في جو وا ادر ولب ك درميان آكيس ب كل كو (الرمزورت بوق بيميم ك الناب اتنا فارج كردكريه جنت كي مرى قت سے و بر جاسك - اب مىسك نظر عمل كو د برفقل كردد اور وال تب قت م کورد قون ت اورف می کلیل کیا جاسکتا ہے جی ہے بیلی د ایک ست می مل کرتی ہے اور دومری و ج کی خالف سن میں۔ مغوالتا و من جنت کی دومری وت من کے سائندل کر دوج کی مت یں مل کی ہے متعادل ہوجاتی ہے

بس ہارے پاس مارے

نفام کے حاصل کے طور پر

حرابی ابتدائی سمت وائے

متوازی و ا کی سمت میں

مل کرتی ہے ۔

کرشوازی بوقد و ندام کی وسے

طابرے کا اُن کا حاصل ف کے

متوازی اور کی کے مسادی ہوگا۔

متوازی اور کی کے مسادی ہوگا۔

الا مرائین و تین ایک استوات مرائی اور لمجافا مقدار اسمت اور خوامسل الا مرائی و ایم ایک استوات مرائی الا مرائی و و ایم ایک مخت کے الترتیب ایک مثلث کے اصلاع سے تعبیر و تیم کا دو چند ہوتا ہے ۔
مما وی ہوتی ہیں جس کامعیار اثر مثلث کے دقبہ کا دو چند ہوتا ہے ۔
ور تو تی س کارکہ تعلق (حب ج سے اور تو تی س ن تی سی الا تعب شلف

فرض کردکہ متلف اب ج ہے اور تو تیں ف اس میں الترتیب مثلث کے امنلاع ب میں اس سے تعییر ہوتی ہیں۔ ب یں سے صلع (ج کے متوازی خط کی ہب هر کمینچواور ہب برق

ب میں تسے صلع کر ہے کے متوازی خلاک ہے ہر کمینجواور ہے بہا گ کے مساوی اور متعالی دو تو تیں ہے کیامہ ہے ہر کی مت میں نکاؤ ہم متب قرقیں کے مثلث کی روسے (دفعہ ۱۷) قرمیں فٹ کئس اور ف (جو خط مستقیم

ووں سے حلف ی روسے (وقد ۱۲) ویں سامی اور ی ربو سید بال میں مل کرتی ہی) متعاول ہیں۔

بس ہمارے باس مرت دو و تین بچتی رس جن بیں سے ہرایک ق کے مساوی ہے اور ورسری ب ہرایک ق کے مساوی ہے اور ورسری ب ھر مساوی ہے اور جن میں سے ایک ج ایک مت میں عمل کرتی ہے اور ورسری ب ھر کی سمت میں فلاہر ہے کہ ان سے ایک جنت بتا ہے جس کا معیار اڑف الاب لٹ

, 34)

ہے ج ج ا 🗴 ب ن کے مینی مثلت (ب ج كرتبك کے ایک کثیرالا منلاع کے منلعوں وتعبير بوسكيس قوده ايك جينت معاول مونئى جس كامعياراتر مذكوره كثيرالاصلاع ك رقبه كادوجيد بروكا-٣ ٨ ١١ ايك جنت اورايك توت جواس كى طيمستوى مي اقع نبوتعا دل بدا نبس كرسكتے فرمن کردکہ قرت می جعنت کی سطیمستوی سے و پر لمتی ہے۔ اگر ضرورت ہمو تو حسب دفعہ ربہ ہم یا جفت کو ایک ایسے معادل جعنت میں بخویل کر وجس کی ایک توب و میں سے گزرنی مو- تب من ادر مید فات من ل کرایک توست بن جائیگی جرو پر عمل کرے گی اور جنت کی دوسری قوت ف سے کہیں ہیں لمیگی ، گویا تعاول بدانہیں روگا –

برسم

تنبسرا باب به متنوی دونویجی زیران تنوارسیمان

وران کا مامل ایک توت ہوگی جو دیم ، ق ' كه تعادل من بين إس سلِّح ان كا ما ، مهاتمه منوازن ہوگا۔ نیز در تو تیں متوا آن ہیں ہوسکتیں جب ما نہ ہو۔ ا خومل لازی طور پر دیس سے گزرنگا۔ ردستے میں ستوی تو تو سے تعادل کی شرکی ردستے میں ستوی تو تو س برلمنی ہیں ۔ اس کے لا می کا مسئل استفال کرنے سے یا فوتوں کو دو کا ا سمتوں میں خلیل کرنے سے ماتر سمی عمل سے ہم مطلوبہ شرائط کال کرسکتے ہم شوی قوتیں سكوسيات اعلى 20 ے سوالون کومل کرنے میں اکتراد قات بہت مفید تابت ہوتے ہیں۔ ئلے مسب ذل ہیں: -آگرایک شکستی (ب ج کے قاعدہ (ب پر کوئی نقطہ ف اور آگرایک شکستی (ب ج کے قاعدہ (ب پر کوئی نقطہ ف اور اوراگرج من الب كودوصول م كنمي اورداويد ج كودوصول اور ديه مرتفتيركر اورآكرزاويه بخ ف ب طه مولق رم +ن)مم طد = مهم طد -ن مم بد رف ون ' ن ج ' جب الجن ون ب ق ف ج * ف ب حب ف (ج مهم عدر دمهم به درم + در) مم طد ب رطه (<u>) جب رطه بب</u> جب (مجب رطه بب) = نمارممماب

بمثنوى قوتي

کر، کے اندر کھاگیا ہے [،] ٹابت کروکہ اگر تعا دل کے عمل میں اس کا مبلان انت کے ماتھ طب ہواوراس کے محاذی کرہ کے مرکز پر ماعم زاویہ۔ 1-4 = who ایس مورت بین مبتر کے سرون برے دونوں تعالی ماورس کرہ کے *رکز میں سیے گزد ستے ہیں ۔اسکنے* سلاخ کا مرکز نقل نت ، کدیے المنصا بأيني واقع بوكا ـ فرض كردكم مدست الم من سے گزرنوالے انقى خطى ن يرايما ب-مرك (ب يرغمود لمينيو-ت دامد = حبمده عما اور ﴿ دمرت ٥٠٩ - ﴿ دِتُمْ = <دان= طم تب دفعہ ۵۵ سے دوسرے ربط کی روسے آب بهم متب عبهم مرا ب ركهم مرب ا يني رؤ + ب) مسس طه = رب در ر رب در رب مس عد نیز لاحی کے مسئلے کی روسے مرت = س = <u>و</u> جبب مث = جب (مث جب (مب ے ۲ ۔ ایک دزنی بچمان سلاخ جسکا طول ۲ اوسبے دیک تابت معت کردی بیال سے اندوس طرخ ساکن ہے کواس کا کید معسہ

بمستويتوس

برادكے ابرہے براد كانسىن تطرر ہے - برا د كاكنار منوازى الانو ے اور ملاخ گا ایک نقطه کنار و کومسس کڑنا ہے 'اگر سلاخ کا میلان انق کے ماتہ ملّمہ ہوتو نایت کروکہ ۷ سے ۲ طرب ارجم طرب میں نصب کرہ ی وہ انتصابی تراش دکھا گی کئی ہے جوسلاخ میں سے کزرتی ہے اور ب سلاخ ہے اور من اس کا مرکز نقل ہے اور ج وونقطرے جہاں ملاخ بياله كمكنار الزهرس سي كزرا. موبكه (حرى ايك ہے جو ﴿ مِن ہے گزرتا ے اور یا لہ کی سطح رغمودی۔ نيزج بِكَأَنْعًا لِ ملاخ يرعمود وارب كيونكري ايك سمت جوسلاخ اور مالد کے کارے دونوں برعمودوار سے ۔ یه دونول تعال ایک دوسرے سے نقطہ د برسنے ہیں حواس مزری رہ پر دافع ہے جس کا ایک جزو ریر بحث بیالہے۔ اس کے ملاخ سے وسطى نقطه خت مي سي كزري والانتصالي خط لازا حري سي كزيكا ا یں سے اع افل کے توانی تمینو مودت سے پر کے اور ہر ہے کو ڈاؤ۔ デーストラーマットラーマックープ : ارجم طلاه اع = الدجم وطلاء ورجم وطلا نيز لا مي كم ملك كي روسي أكرس اور س بالترتيب (الا ج پرتے تعاش ہوں ا۔ ایک بموف کرہ سے میں کا نصفت نظر الا ہے ایک بالد نیا اگیا ہے
ادر بیالا کواس حرت رکھا گیا ہے کہ کرہ کا ہر نصف قطر جو بیالہ سے کنارہ آگر کھینیا جائی سمست انتھا بی کے ساتھ زاویہ علی بنا تاہے ' نیز مرکز کوہیا کہ سے کمٹری نعظہ (کے ساتھ لانے والا نفسعت نظر سمست انتھا بی سے ساتھ زاویہ جب نبا ا ہہے۔ اگر ایک عینی بجسال سلاخے اس طرح تعادل رہے کہ اس کا ایک نقطہ بیالہ سے کنارہ سلاخ کا طول ہے سے مسس کرے تونا بت کردکہ سلاخ کا طول ہے

م الجب به قط عهديه

۲۔ ایک اسطوانہ کا نصف قطر کے سے اور اس سے مور کوانق کے منوازی اس طرح ٹابت کر دیا ہے کہ اس کا ایک گئری خطرا یک انتصابی دیوارسے تماس دکھیا ہے۔ ایک بیٹا یکسا ن شہر تربس کا طول ۲ کے اور وزن و ہے اسس طرح سالن ہے کہ آسس کا ایک سرا دیوار کے ساتھ لگا ہوا ہے اور دوسرااسطوانی ہے کہ آسٹ ہیر سمت انتصابی کے ساتھ ۲۵ کا زا دیہ بنا ہے اور دگرہ نہ ہوتو

نابت كوكر ك = المقول المردياد بالوائك وموكا وراسلوانكا تعال بالقوم وبوكا- المستوى توثق

ک جب (عما + به) = رجب عماد-۱ (جم (عما+۲به)) جهال انتی کے ماتر نسمت کرہ کے قاعرہ کامیلان عما ہے اور سلاخ مرازی مرا ہے کر زیدر سے نفیف کرہ کے مرکزیر زاویہ

کے اُس صد سے محاذی جو پیالہ کے اندر ہے تفسفت کرہ سے حگزی ڈا ویہ ۲ حدم نرایسے ۔

ی ۔ ایک علی ملاخ کا طول ۱ال ہے اس کا ایک سزایک سطح بائل برنگا ہوا ہے جوافق کے ساخة زاویہ عدم بناتی ہے۔ سلاخ کو دوسری با ایک افتی پیکٹری سہارے ہوے ہے جوسطے بال کے متوازی ہے اوراس

سے فاصلہ ہتے برہے 'تابت کردکرسلاخ اور سطح ماک کا در بیانی زا دیبہ طعما ذیل کی مساوات سے مامل موتاہیے کی مساوات سے مامل موتاہیے

رجب عماء الجب طماجم (طماءس)

۵ ۔ ایک تموس مخروط کا ارتفاع دن ہے اور نصف رانسی زاویہ عما ہے اس کو ایک علیٰ اتصابی دیوا رکے سائنہ اس طرح کٹاکر دکھا گیا ہے کہ اس کامنوی قاعدہ دیوا رکوئسس کراہے ۔اسے ایک ڈوری بہارے سوے ہے س کا ایک بہا مخووط کے مائن کے ساتھ مندھاہے اور دورہ اور ارکھ

مِيضِ كا ايك برا مخروط كى مائى كى مائد بندها كى اوردوم اديوا يكى كى تقطيد كے ماتھ يا بت كردكه دورى كا طول زيادہ سے زيادہ ما ا + 14 سن عمر

ہوسکناسہے۔ ۲۔ ایک مخروط کا ارتفاع ف ہے اورایس کے قاعدہ کا نصف قطرت

ای کو ایک ترسی کے ذریعے میں کا ایک سراای کے دائن کے ماتھ اور ایس کو ایک ترسی کے ذریعے میں کا ایک سراای کے دائن کے ماتھ اور دومیرامرا ایس کے قاعدہ کے کسی نقطہ کے ساخذ نبد معاسبے ایک مکینی

كمونكي پرتفاياكياب -

و جاتی ہیں ۔ کے متوازی الاضلاع کی روسے کوئی دوفوتیں جن ۔ ایر نہ سناس ترکیب یا ے اور اُنکے تعیارا تروں کا جبر پیمبو عبطی مشتوی پرکے کوترکیب دینے بردہ واحد قرت یا ایک بغت میں تو بل مروباتی ہیں۔ موجودہ صورت میں تو تون کا ماسل مغت بنیں ہوسکتا کیو کہ اگر جغت برو تو قو توں کے معیادا ٹروں کا مجموعہ مطیر سے کسی نقطہ سے گرد وفعد ٧٧ كى دو سے كوئى متقل (جومنفرنه مبو) بونا بلسے اور يہ جارے ہمُستوی قوتیں

- بنام زرحث ایک مفت میں تول نہیں ہوسکتا۔ با تويه نظام تعادل من موكا وريا ايك وا مد توت ف مي حم یٰ ذمن کروکہ وہ تعظیم میں کے کرد معیارا ترکئے سکتے ہیں آ کہ ج ہیں ، چونکہ دفیہ ، ۲ سے فونوں کے کسی نظام کے معیار اثروں کا جبری ساوی بہو ہاہے ایں گئے مام کر فرہونا پاسٹے یا (میں سیے گِزرنا پاسٹے ۔ اسی طرح یونکہ کٹ کا معیارا ٹرجب کے گرد بمی صفر سے اسلئے رب أنب يس سر كررتاب ركوا ف مغرب ياخا (ب الاخرورك ف كامياداترج ك كردمي صفري اس ك ف مغرب یا ج قبیں سے گزر تاہے۔ سیس بیکن چونکہ ال ب مج ایک خواستقیم میں واقع نہیں میں اسلے سے ماس کی بیانہ جو میں سے یہ نامکن ہے کہ فٹ ان خط (جب میں عمل کرائے اور ہے میں۔ ے۔ ایں گئے امکان مرن ہی رہ جاتاہے کہ دے مفرہ بینی توتم تعادل مير ہيں -نفام اس صورت میر مبی تعاول میں موگا اگر (۱) معیا داخروں کا جمع اس و ونقطوں ﴿ اور ب مِن سِے ہرایک کے گردصفر پراورا کر (۲) ﴿ دِب کی ت مِن قوتُوں کے اِجزا ہے علیلی کا مجبوعہ صفیر ہو۔ کا ہرہے کہ ضرط ا اِ پوری مورتو مامل د غد ما قبل کی رو سے یا مفردوگا یا ﴿ بِ مِن مِن سِے گزارگا بزشرط (۲) کے بورا ہونے کی و جہ سے (ب یک سست میں کوئی مامل عمل ہیں کڑا۔ بیں مامسل توت مغربے۔ بیرونعہ اقبل کے مطابق اس نظام کا ماس بفت بی نبیرسے اس کے نظام توازک میں ہے۔ 4 ۵ مد ایک استوار سبم پیستوی سطح میں عمل کرنے والی فونونکا

بخستوى قوش

بر و بران کی اتبدائی سمتول سے منواری عمل کرتی ہیں معداشنے ہی مغینوں سے رین بیر ویرکی په توتی ترکیب پاکرایک وا مدمانل نوت کے مساوی ہو ماتی بمي اورهنت تركيب بأكرا يب واحد مغت بن جلت بي جس كامعيارا تر ٠٠٠٠*+١٢٧٠*٠٠٠٠ زِ *ضرکروکه دفعه ما قبل کی نوتین تعادل مین بین-دفعه*ا ۵ کی روست ایک ت نعادل بدائس كرسكة جب ككدان مي سي مفرنه ہو۔ پی نی میں کا ماس تعادل سے لئے لاز اُصفر کو لئے دنعہ ۲۸ کی رو سے اِن کے اجزائے محلیلی کا مجموعہ دو ترتموں میں مغرمونا ماست عنىسى الهم رِنُوں شمع عیا را ثرو**ں کا جبری مجبوع مِنفر ہونا** چاہیے سے یہ لازم آبا ہے کے محبوعی طور پرسیم میں کو ای حرکت ہیں ہ ری تسر طے یہ واضح ہوتا ہے کئنی فقطہ ۔ با ہے۔ اوپر کے تین روابلاِسکون مع اک تمام م کیسی روابط کے حوکسی نظام مے صوب کے درمیان موجو د ہوں عام طور برنظام کے تعاول کو مبس ل کردہی ہیں تعین کرنے کے لیے کافی ہوتے ہیں۔ اكثراوقات تويؤل كومناسب شمتوں میں مخول كرنے سے م سادتی بیدا ہو جاتی سے۔ العموم افقی اورانتصا لی متیں عل عل ے موروں ہوئی ہیں۔ نیز حس نفظہ کے گرد معیارا ٹرائے جائیں اسکامتا م بمی اہمبیت رکھتا ہے۔ عادا تركيف كالبانعة نتخب كزا فاست كمعيارا ترك مسادات ين مے کم توتیں رہ مامر تنی مس تقطمیں سے زیادہ سے زیادہ موس

44

اعرستوي ومر

٢١ - يينابت كياما جيكاب كرگذشة وفعيس دى بولى شرطيس توتو بح كمى فلام تعاول کے لئے کانی ہیں ابٹایت کیا مائیگاکہ پر شرطیس صروری می ہیں . ببغث بمركول بموتا موكيونكرحفر ب تؤمّیں منعا دل جہیں ہونگی ا وقعتیکہ معیا رائز عدوم موجأنا ہے اور نیزا کب معلومہ نقط ہے تھے ے رابل صورت میں مکن سے کہ نطام ایک لمريغمو د وار متوكيو كم اسي نوت دونوں شرائط كو يورا كرے كى بريس لین کے این کرنسی دو میرے خلاکی سمت میں فوتوں کے اجزاعے ترکینی کے محموعه کا سفر ہونا می کیوں لازی ہے۔ سنكركومل كرنيك لئے طالب للم كور

نیزامسس امرکاملی خیال رکنور حب ایک بیم دوسرے کومسس کرما موتو نامعلوم تعال کو فرض کیا جائے اور ہرمہار نے والی رسی کے تناؤر می نشان كليا جائ نيزب ايك بمكنى دوسر عجم كما تدياكس أبت نقط كمات

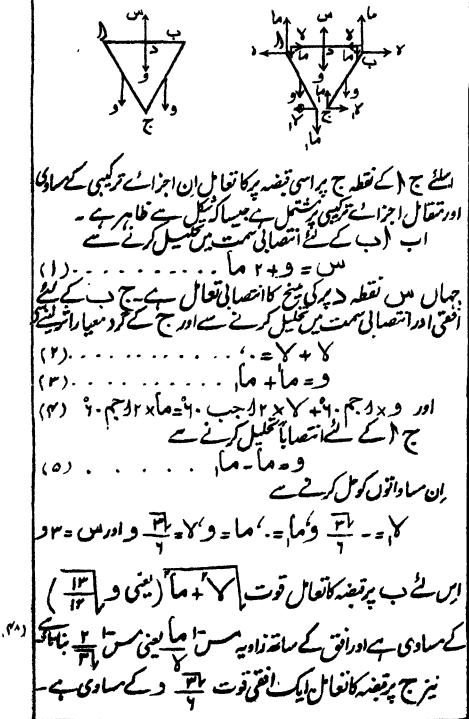
م مستوی وس

(4) نیزنسی تورول تفظہ کے گرد قوتوں کے معیارا ٹروا (۵) تنکل میں طولوں اور راوبوں کے درمیان جور وابط مول اُن کو لکھ لو ۳۷- کسی اساسی نقطہ دیکے لحاظ سے محمستوی قوتول سے ، نظام کی حالک توت اور خیت کا دریا گئت کرنا ۔ و من سے کوئی دوعلی انفوائم نمور ولا اور و ما تھینج کردکہ نقطہ ن (لا ' ما) پر آلیب نوت ف عل کرا اجرا مے ترکیبی محورول سے متوازی کا 'ما ہیں۔ ن برغل کرنی ہے معادل (b'N) e 18 جنت کی عالاتے ہے اسی طرح ن برعل رنے والی فوت مام منواری توت میا کے معدایک جنب لا ما ارکے در کمبو دفعہ و) یس ن برگی توت ف معاول ہے مخور ویلا اور و ما کئے مات میں من برگی توت میں معاول ہے مخدر ویلا اور و ما کئے ケメルーレメ ا۔ مار کا کرائے۔ اسی طرح دوسرے تعلوں ن من ن ، . . . برعل کر تروالی قوتوں کے

سكوميات اكلل 44 بیں تو توں کا کل نظام ما اُل ہے والا ' و ما کے ساتھ علی کر نیوا دوا بڑائے ترکیبی کا اور ما کے اور نقطہ و کے گرد ایک جفت کی ہ XZ=+,X+,X+,X=X ما = ما + ما + ما + = حما اورك =(لاما-مالا)+(لاما-مالا)+...= دلاما-مالا) لا اور ما تركيب ياكرايك وامدقوت ح كيساوي مو مات بي جو و رعل کرتی ہے۔ ۲۲- ایک متنوی میں علی زموالی قوتوں کے نظام کے عاصل ب دفعہ اقبل نظام ربر بیت کوئسی مورون و لا اور و ما کے لرنے والے دوا پر ایک رکبی کا اور ما میں اور نقطہ و کے ارد ریک جغت می المی*س تحول کیا جامیکتا ہے۔* روکر کوئی نقطہ ف (طراحک) دائے ہو ہے نظام کے ماہل ل پرواقع ہے۔ دفعہ مہ کی یو سے اس نقطہ کے گرد ٹونوں کے م کا معیاراٹر قوتوں کے مال کے معیارا ٹرکے ساوی ہے اور تباؤ ہتھرہیے۔ بنظام کامیادائر ف 4+لالالقمالال آر. د ما برک X = . ایس کے (طابک) کاطرات ليني فالمركاط عن خطستيم

گ-لاما+ الا ے کرنے والے جوڑی ایک نرائش دکھانی گئی ہے .- کیوبل_این تعالمول کیے مسادی اور شفابل نوم*یں سو*لی طَيْرُوسُ كُو تعادل كي عالت مِن لِهتي إِن طاهر سه كريواني كاورن کی مقدار اور خاص دونول نامعلوم سروتی بین راس کئے بالعموم آمہد پروتا ہے کہ کسی ملینے نبضہ کا جوتعا ال صبح پر ہواس کو دد علی الغوائم سموا نامعلوم اجزا سے ترکمیں کے مساوی فرض کولیا جا سے ۔ تب دوسر

' نبغه کاتعال اِن کے سِیادی کیکن متعابل اجزا کے ترتیبی ا ے تعادل کی عام *شطیں* قابل اطلار بولت نجلن تنويا بسكه سلاخون كوثرهاك ملیا نہ جائے بلکائن کے درمیان کیمہ حَکّہ خالی حِمورُ دی جائے جبیباکہ ذیل کی منال می کیا گیاہے۔ متال ۔ نین ساوی تعساط المیں جن میں سے ہرایک کا ورن ہے چکنے نیفیوں کے ذریعیہ ایک دوسرے سے اس طرح وسل کیا میں کہ اِن ہے ایک مساوی الا منلاع مثلث بنیا ہے۔اگراس نظام کو للنح کے وتسطی نقطہ سے لٹکا یا مائے تو ابت کروکرسب سے کیلے زاويه برتعال الملك و بوگا اور باتی هرایک زادید بر و الله موگار فر*ض کروکہ سلاخوں سے متل*ٹ (بب ہے بنتا ہے اور مسلع ١ ب كاومعى نقطه ٨ ب جس سي شمركونكاياكيا ب یرص کرو کہ سلاخ ﴿ حب کے نقطہ ﴿ پر قضہ کا تعامل دوا جرا ک جو بالترتنيب مها اور كا شخصيا دي *بين* اورانتصالي ارنے ہیں۔بس ایس تبعنہ کا تعالم (مج میران۔ ور متقابل اجرائ مرئیسی برطعتمل ہے۔ چونکہ کل نظام کے میں سے الے انتصابی خط کے لحاظ ہے مشاکل ہے اس کے لا یک کے یہ برنمی تعامل دو تو توں مہا اور کا برشتل ہو کا جیسا کہ مثل م مِن كروك ب ج كي نقطه ج برقبن كاتعال اتصابى المافق ول میں ما اُور کا ہے جہاں ما او برگی طرف اور کا دائیں طرف عمل رہاہے۔



ببریم بہلے ہی سے دکھ سکتے تھے کہ ج پرکانعا میں موازی الافو مونا چاہئے کیونکہ کل نظام خط ج دے گردمتنا کل سے اور تا و قترا جزوز کینی مہا معدوم نہ ہو جائے ہے برکانعا مل نشاک کی شرائط کو بہ نہیں کرسکتا ۔ معالمیں

ویک یرکاری ساتول کے درسیان زادیم عمر بتناہیے ماتیں میسا ملاخول کی بنی ہوتی ہیں جن میں سے ہرایک کا وزن و سے - بر کا ا دوميخول برجوا بكب انعتى ظامير إي اس كرح قائم كارار كا تبغنه ينج ا درام کی منا قول کے وسطی تقطیم یون سے سس کرتے ہیں۔ پرکا رکی۔ درمسیان زادید ۲ جما قارم رکھتے کے سے اس سے اور کے مرد ہ درمیان ایک ہلی ملاخ رکھ دی گئی ہے۔ نا برٹ کروکہ ہی م دباُرُا *در قیضہ پرکا تعامل سرایک ہے وہم* عیر کے ج وازہ جس کا وزن ۔ ۔ ا یو ند ہے دو مضروں کے ذریعیہ ائني فاصله ٣ فت بي تعاماً كياب أو تبضول بي سير زيول انتضالي كمناب دردازه كامركز تقل مطانتصابي سيريم فك ك فاصله دروازه مم يورس وزن كوصرفس مييح والأفيض رایک قبضهٔ برکاتعال دریافت کرونیه بيالكب كاورن وبسياي سيماندردونقطون ج اور د ا المسيم المركز المرين اور من المرين كرد بعا لك محوم سكرا سي- أار كوكداكرج د البس الدائرابوتواويرك تصنه يرديا والمالاند بوكاليكن اكرورا جمعولا موتوديا و ولك بوكا جمال و له بها كك كالم مثالين

اور ب = ج د ۾ ايک م بع مختهايک د بوارڪ سائنه ايک ري کے ذريعه مواس م اوپر کے کنارہ طے دویوں سروں کے مانند نبذہی ہے ایک جینی کم سے نگے رہاہے ۔اگرشی کا طول عملہ کے وترسے کم ہوتو تعادل سے تین خطیں واقع ہیں اس طرح ساکن ہے کہ یہ انتقابی ستوی میں ہے آر کھوٹیو ديمياني فاصله ج موتو تابت كروكه مالت نغا دل ميراس كاايك كناره افز كساته هم يا جب الراحج زاديه بناما ہے۔ ایک مسا وی الساتین تلتی پتراافتی خطیس دو تکینی کھومٹیوں کے بہادے انتصابی مستوی میں اس طرح لفک را ہے کہ اس کاراس معے کُ الرَب ہے۔ نا بت کروکہ اگر قاعدہ سُمت انتقبا بی کے ساتھ زاویہ ت جب ارجم عملی بنامے تو ریحل تعاول ہوگا اس میں ۲ عبدا پترے کا رائسی زاویہ کے اور قاعدہ کا طول تھنیوں کے درمیانی قاصلہ کا نین گنا ہے۔ ے منثور میں کی عمو دی تراش مسا وی الاصلاح متمل*ت ہے* دو (_{(۹}۷ بتوى ائل سلحوں برجوانق سے سامۃ عبرہ اور حیرما زا و سے بناتی ہیں اضطرح ساکن ہے کہ اس سنے دوکسارے افق کے متوازی ہیں۔ اگران کنا رون پر سے گزرنے والامستوی مست انتعابی کے ساتھ زادیہ کی بنائے توالت س طماء الما تجب عماجب بماجب (عماديم) ایک شلت تین سلانوں سے باہروائے اور تواذی الافی محل میں ٹابت کردیا گیا ہے ایک بتجانس کرہ اس پر ٹھاموا ہے ۔ ٹابت کردکہ مرایک سلاخ يكانعان أس كول كي متناسب ب-

تعلع ناقص کی مکل کا ایک شتوی بیتراہے ' اِس کے مزد و ج قیطروں **ک**ے روں پرائیسی ستوی سطح میں بیرونی عاد کی سمست میں نوتیں عمل اِس طرح رکھا گیا ہے گدایس کی مرایک ساق پسست انتھابی سے ساتھ زادیہ عما بناتی ہے اوراسے ایک رئیسی بواس کی ساقوں سنے وسطی نقطوں کو ملاتی ہے مہارے ہوے ہے۔اگر آرگر نہ موتو تا بت کروکہ جب آبک ورن و ایک الیسے قدم پر رکھا جائے جس کا ارتفاع فرش سے میڈر می کے طول کا الم موتورستی کے تنافییں اللہ ومسس عدم کا اضافہ ہو جائیگا۔ اا - ایک ہی موٹائی کی تین تھیاں سلاخیں (ب بب ج جہریں جن كے طول بالترتيب ل ' ٧ ل ' ل ايس ' إن كو ب اورج پر تيجينے وں کے ذریعے وسل کیا گیا ہے۔ یہ ملا خیں ایک چیخے کرہ پرجس کا مع*ت قطر۲ کی سبے اس طرح ساکن ہیں کہ* دب ہے کا وسطی نقطہ اور ب (اور کرہ سے سس کرتے ہیں۔ ٹابت کروکہ ب ج کے وسکی تقطیر پرکا دباؤسلاخوں کے درن کے <u>ال</u>ے کے ساوی ہے۔ ۱۲ - تین بیساں سلا خول (ب آب ج ' بج د ہیں ان کے وزن سلانوں کے طولوں آگ ' ب ک بیج کے متنا سب ہیں۔ ان کو ب اور ج ہر الملالكاب وردوميخول ف اورق براتقي ممل مين ركما كياب يورو ب آدر ج پرک تف ل دریا نمت کرداد ناگرت کرد که میخون کا درمیا فی فاصله

رتا ج بخ بخ بخ بخ ب سے
ر ال ب ادر ال ج ایک بی ماده کی کیسا می سلامیں ہیں جن کا طول لا بان كو الربيخ تبضيك ذريعه وسل كياكياب- حب د ايك

اورب وزن سلاخ ہے میں کا المول ہے "اس کا ایک سرا چیخے قیفہ دربیہ ب کے ساتھ وصل کیا ہو اہے اور د وسرائسرا 🗲 آیک چھنے ملقہ کے م بروست ب ج ﴿ ج برمبلاً إسى - اس نظام كوا بك مجول مني من ميغ مين مي المعلك اليرب مكالياكيا ہے۔ ابت كروكسلاخ ﴿ حج تسمت انتضابي كے ساتھ بد ناوب بنائی ہے چارمسادی بچسال سلاخول کو چوڑنے سے ایک نُ تُنَى بِنِي اورا سے جوڑ ﴿ سے دکتا اِگیا ہے اور سے کی شکل مربع رکم ا ہے کورمسی سے جوڑ دیا گیا ہے۔ ناست کرو کر رسسی کا طائو میارسلاخوں سے دِرن معت کے ساوی ہے، نیز ہب یا ۵ پرے تعامل کی سمت اور مقدار دیافت تيريسان سلامين أب ب ج ح دين ج ب امرج ير ، کی مونی مں اور جن کے طول بالترمتیب ۲ بح ۲ ب ۲ بح بیر ، للخير أيك يصخ مكاني قوس يرص كأمحورا نتفها بي به وررياس إوبركي ے ہتشاکل طور پر ماکن ہیں۔سب ملائیں مکا ٹی کومسس کرتی ہیں۔ اگر مبرایک مان*ل سلاخ کا وزن در بوتو تابت کروکه مکا بی کانع*ال ان مین ک ہے جہاں م و کا فی کاوتر فاص ہے۔ ایک ارتبع نافض کے ایک ایسے دیج کی شکل کا ہے وحدری مورد منطع ہو۔اس کے سرول ہے ساتھ دوسادی اوران باندھ کراسیے ایک میکنی مین برسائن کیا گیا ہے۔ ایت کردکر منج کے ساتھ نقطہ تاس کا خروج المرکزی داویہ ساوی چیئے گرسے ہیں جس سے ہرایک کا درن و ادر نصعت قطررے -ان کوایک اسلما نے اندروالاگیا ہے اسلموانے کے دونوں سر لمطلح بي أوروه أيك انتي سلح يرزكما بهاسي - اسطواز كالنسعت تطراك

(< ٧ ر) بي تابت كردك اگراسلوانه كاوزن ٢ و (١- كي) سيكم بوگاتو ایک النے والا برتن المرسے کروی تشکل کا ہے۔ یہ ایک ایسے موسے ئرد جوكرہ سے مرکز منے نبچ'ج فامیلہ پراور برتن کے مرکز نقل سے اوپر او فاصلہ پر سے تھوم مکنا ہے۔ اس کے اندر میندہ پر ایک ورکی کولد دکھا گیا سے نابت کروکہ یوالٹ بانیکا اگر کو لہ کا وزن برتن کے وزن کے لیے گنا سے زیادہ جم ستدیر فرص کا وزن و اور نصف نظر از ہے ۔ اِسکونن انتظا رسیوں کے ذریعہ حواس سے محیط پر متنا کا بندمی ہیں اس کرح نشکا یا گیا ہے کہ قرم متوازی الاقتی ہے ہرا یک رسی کا طول ب ہے۔ نابت کرد کہ اس کو راور طه یں سے کما موار کھنے کے لئے انتی جفت موگا ور <u>جب طب</u> البين مراز جب طب ۲۷ ۔ اجل توارن ۔ اگرایک جبم سے دیے ہوئے نقلوں پر ابك مستوى مين تنعدد قوش عل كرين اورمسم تعادل مي بهوتو بالعموم ايسا ر بہو اکرجب اِن توتوں کوان کے نقاط کم لیے گردنسی زاویہ میں کئے مساوی) سے گھا دیا جا ہے تو بھی مسم تعادل میں ر۔ إنحراميها بويعني كردمشس كيعد بمي صبم تعادل مي رسط تواتو ارن كواجل توازك ٨٧ - ہمستوى قوتوں كے ايك نظام كى ہرايك قوت كو اس کے نقط محل گرد مساوی راویدمیں سے کھا دیا جامے توان کا حال جسم کے ایک ٹابت نقطہیں سے زر گیا۔

كروكداس بم منوى نظام كى كوئى قوت ف سے جو مبر ی نقطہ (اُلا) ما) برحمل کرتی ہے اور اس کی سمت عمل محور الا کے ساتھ ہ بنا بی ہے ' نیز فرض کرو کہ محوروں سے متوازی اس سے اجزائے ا بس - اسی طرح دیر تو تول سے سے ۔ ب فرض کروکی کل نظام کے اجزائے ترکیبی محور دل و لا ا و ر وما ي سيست ميرَ بالترسيب لا اورهما بين اورمبلا و تحير وال توازيكا اور گ = ع ف (الرجب طهر ماجم طه) وفعدته وى مانندنظام كے عال سے خطاعل مى مما دات سے سب قونوں کوان کے نقاطِ عل کے گردایک ہی زاویہ عب میں سے کھا دو۔ ایسا کرنے سے طی اول + عدم ہموجا نیگا۔ لہذا ف جم طه بروائيًا ف جم طهاجم عما و ف جب طه جب عم ف جب طر مومانكا ف جب طراح عداد ف جم طراجب عما ور ف، (الإجب طما- ماجم طم) ف { لا رجب طماحم عما بهم طماحب عما إرجم طماجم عما -لجب طماجب عمال اليني جم صديد فرلارجب طما - ما جم طما) بجبعيدف (الرجم طماء ماجب طما) ں کا ہومایاہ کاجم علاء ماجب عما اور ما بوطائب برجب عدم ما جم عدد ہوجانا ہے گئے جم عدد س جب عمر بهال ص = خ (الإ+ ما ما) اس كونظام كى مكت كتي يس-

تب نظام کے لئے مامل کے خطاعل کی مسا وات ہو ماتی ہے گجم عمدمن جب عمدما (لاجم عمد - ماجب عمر) - د -لا (لاجب عمدماجم عمر) = ٠ يني جمعه إلى والا والما عدوس ماما والا =. ِ عه کی قیمت ِ نواه کی*ر بی موفط ستفنم جرمیا دایت (۲) سے تعبیر ہو*تا ہے *بین* ایک نابت نقطیمی سے گزر تا ہے جوانطوط منتقیم گ+ ما کا - لا ما = · ص-ماما- لالا = -كانقله تفاطع بب يعنى مسك محدد لما+س٧ ، صما-گ٧ "W+"X ہیں۔ اس نفظہ کو اعل مرکز کہتے ہیں۔ ۱۹ م من کروکہ ہٹاؤے سے پہلنے توتین تعادل میں تعییں۔تم تب ہٹا کو کے بعد بھی وہ تعادل میں مونگی اگر لاجم عدا - ماجب عه رلاجب عدد ما جم عدد. اور کے جم عدا ب ص جب عدا ہ . پس اگر قوتوں کوسی زاریہ میں سے کھانے کے بعد ص = . سنى أكرح (لا لا + ما ما) = -توہٹا وُ کے بعدمی قریش متعا ول رہیں گی یس تعاول سے اعل ہوکم شرط ص = ٠ -

امل توازن 46 مكونيات اعلى اس سے یمنی نتیجه نکلیا ہے کداگرا مک منع وایک بی زاویه عدم میں سے تمایا طائے تو کم وك كياما آ- اور كالإرد ما ما اس كام محسادى رتی آرای سے نقط عل کومبداسے نقطہ (لا، کا) لومیدا کے اپنے اصلی مقالات آگ سخرک کیا جایا۔ مرکسی مور پر بر آرانی ہے دیجا جا سکتا ہے کہ اگر قولوں کے بى زادىيە غىرىمى سى كھاديا ماكى كواڭ كا عالى جميشە ے گزرا ہے تواہ عد مجمدی ہو-ر دوقوتیں ف اور ف بالترتیب لم اور الرجمل سر خدافتا ناہے تب وَ= ولم وَ= عداینی ف کانیامل لم و سوگام

اسے می زاویہ عها میں سے تھایا جائے نير<ب وَاله = <ب والم ينى وَب بني وَوَتُوا اورُ دن سے ماصل کا نیامحل ہے جوا وَادراوَ کے مانتھل کرتی ہیں یں نقطہ کب وہ نقطہ ہے جس میں کئے گئے اور ف کا زرتا ہے نو اہ زاریہ عدا جس میں سے تو نیں نقاط کل کرکے گرد میتے سے جو ۱ _سیرعل کرتی ہوہم ایک دورنقطر دیسی ایسا یں میں سے ف اور اف ، ف کے حاصل (جو ک بر فل کرتا ہے) کا عاصل گزر تا ہے۔ یعنی ب وہ نقطہ ہے جس لیں ' ف اورف کا مال پیشه گزر تا ہے۔ اسی طرح بالتسال ترکیب دیہے سے تا و قلتیکی کل فو تیں ص نه ہوجا ئیں ہم ایک الیہا نعظ معلوم کرسکتے ہیں جس میں سے معب تو تو بھا من بهیشه گزارتاً ہے خواہ اِن نوتول کونسی می ستقل زاویہ میں سے نایا آگروتیں ف اور ف متوازی مول تونقطه و لاتناهی ایک آگروتیں ف اور ف میں متوازی مول تونقطه و لاتناهی برجلا مِاماً ہے اور دائرہ کم اور ال_ا میں سے گزرنے والا خط^{س ت}غیم بن ما آ ہے۔ نیز نفظ کب وہ نفطہ ہے جال برمتوازی تو نول ف ' ف کا مامل ﴿ إِنْ سے لمناہم اس صورت میں بطالق دنعدام فیل کے ربط سے دب کا مقام معلوم ہوسکتا ہے ف × ارب = ف ، × دب ال م

جوتھایاب رگڑ

ا بھے نقطہ تماس پرایکے درمیان ایک ا*لیبی قوت عل کرتی ہے جو*

ایک مبم کو دو مرے مبم پر معیلنے سے روکتی ہے۔ نیزنقط تاس يرعل كرنبوالي متذكره بالاقوت كوركركي قوت يا فوت فرك كتية بير. س ع ۔ رکڑایک الیسی قوت ہے جس کی ہمیشہ حسب فرورت مناسب تقدار عمل میں آئی ہے۔ اس سے ہماری یہ مرادہ یہ کہ دکت کورو کئے کے لئے جس قدر تو ت میں کائی ہوسکتی ہے مہن ئو رگڑی نو ت کل عمل می حتم مو جا نیکا اکر تجا رہے جوتون اُدر زمین کے درمیان رکڑ نہ موتو اِمن برحلیا نامکر ا کے ۔ اگرمیٹر حی کے یالمی اور زمن کے درمیان اگر زموز تسیمری رُّا نہ دکھا جا ہے۔ رکڑے تغیر بیٹے اور کیلیں کڑی سبھے اندر^ا

رومکین اور نہی دیل گاڑی کا آنجن ریل کو کمنیج سکے۔ ر گرم کے کلئے حسب ول ہیر کلیدا -جنب دوسیم ایک دو بسرے کومس کرتے بیول تونقطهٔ تناس بران میں۔۔ ایک بررگراکی شمت اس سمت متعابل ببوتي بيحس بين بينقطه تماس حركت كرنا شروع كرنبوالأبو کلیبه ۲ - جب اجسام تعادل میں ہوں تورگر کی مقدار اتنی ہو تی ہے جتنی کہ حرکت کو رو کنے کے لئے عین کافی ہو۔ اوہر ملے کلنے عام طور پر درست رہے ہیں۔ سین رائر ی میں مقدار حِماشرتی ہے محدود ہوتی ہے اور بعض اوقات توازن میں ، اوراکٹر حرکت بپیرا م**ن**و جا کی ہے برط کی تعرافی**ت ۔** جب ایک جسم دو سر*ے* لو ہو تواہس صورت میں توازن کو انتہالی توارن وقت رکڑی قوت جوعل کرتی ہے انتہائی رکڑم سن کلیداول کے تحت ہوتی ہے ایس کی تقال مے من کلیون سے مامل ہوتی ہے ۔ ۳ ۔ انتہائی رگڑ کی مقدارعا دی تعامل *کے ما تدہی*ث بت رهمنی ہے اور پرتسبیت صرف ان انسیادیر مربوتی ہے جن سے اجسام بنائے گئے ہیں ۔

کلیہ ہے۔ انتہائی رکڑمس کرنے والی سطحوں کی وسعد اوٹنکل بڑمصنہیں ہوتی تاوقتیکہ عادی تعال نہ بدلے۔ کلیہ ۵ ۔ جب حرکت جاری ہو مائے اور ایک عمیم لمنا تنبروع كروب توركو كي سمت حركت كي سمت شقا بل ہوتی ہے۔اس کی مقدار رفتا ریر تحصر نہیں ہوتی لکی*ن رگڑھ* کو عادی تعال کے ساتھ جو کسبت ہوئی ہے وہ دوران حرکہ ے کم ہوتی ہے جو حالت سکون میں انتہائیا (۹۵) بسائفة مواكرتي ہے حب سم عین حرکت کرنے کو ہو ر آماکی قدر ۔ انتہائی رگر کو عادی دباؤے ساتھ جو ستعل سبت ہوتی ہے اس کورگڑی قدر کہتے ہیں اوراس کو عام طور ہو سے جبیر کرنے ہیں ۔ بیں اگر عین اس وقت جبکہ تعا دل تو منے قرت فرک ق بواور عادی تعالی موتو ع = مه

ادراس کئے ق عدم سی مها کی تیسی اسٹیا سے منگف جوڑوں کے کئے مخلف ہوتی ہیں۔ تا ہم کوئی الیبی اسٹ اہنیں ہیں جن نے نئے رکڑ کی قدراتنی زیا وہ ہوکہ ایک کے مسا دی ہو جا ہے ۔ وگرو کا زاویه - جب تعاول انها کی مرتواس وقت انتها کی گر اورعادی تعال کو ترکیب دینے سے جودا مدقوت ماس ہوتی ہے آ اور عاديك درمياني زاويه كوركر كازاويه كتي بي اور واحد عاصل قوت دی تونِ می اور رگڑ مهاس کی منیس ہیں۔ نیز فرض *کروا* ست (دّ ہے۔ بس<ب (دِیرُرُ زاویه به سے رفرض کردکہ يەزادىيەلس ب تب سجمله، اور سيجب لهاءمهاي يس س= \ا+مما xس اورمسس لها يه ميا اس سے خلامرہے کہ رگڑ کی قدر رگڑ کے زاویہ کے عاس کے مماوی ہوتی ہے۔ چونکہ آرکی بڑی سے بڑی قیمت مہی ہوسکتی ہے۔ اسلا اس سے یہ فیجر نکلیا ہے گہ بڑے سے بڑا زاویہ جو عاصل نعالی میں

عبادی سائد بنامکتی ہے وہ لدینی مسلم مرہواہے۔ يس اگردوسيم ايك دومرس كومسس كرتے بول اورمشترك مواد كو بحرراور

بتائے گئے وں۔ یہ جدول بونیسر سنگن کی تماب مضینری ایڈل مرک میں سے

ر .	مر	نام اشیا
الما المالية		لكر ي لكر مي بالخشك)
引力です	545.4	کڑی لکڑی پر(صابن لگائی ہوئی)
りまじる中	sy 15 5 1 A	رهامیں رہاؤں پر (خشک)
i4 #	سو ی	وحاتی وحاتول بر (مندار)
°44 +	544	بمرا وهانون پر (خفکس)
°, ≠	ያ ሥዛ	در س (نمدار)
*^ †	,10	ا ال (مجرب)

24 - کھروری مستوی سطح ائل پرتعاول -ایک جسم ایک کھردری ال مستوی سطح پرر کھا گیاہے جوافق کے ساتھ رگڑ کے زاویو سے بڑا زاویو بناتی ۔ ہے اور خطے میسے لان اظلم اور ایس

جسم میں سے گزرنے والے انتصابی سستوی میں اس پرایک توسے عمل کرتی مے جواس کو تھائے ہوئے ہے، قرت کے مدود در افت کرو۔

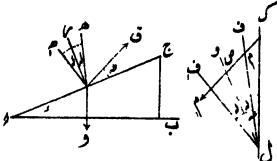
فرض کرہ کرسطے اکل کا سلان افتی سے ساتھ عد ہے برجیسے کا وزن

وب ادرى انتسابي ں کے ساتھ زادیہ طوینا تی جكر مسطح الرس نیعے کی طرف طرکت کرنے کو ہوتو رکڑا اور کی طرمنس عمل کرے گی اور تعاول کی ں ما واتیں ہونگی ق جمطه مريء وجب عد ١٠٠٠(١) ق جب طروع = و جم عد سروي اس لئے ق = و جب عرب مر جم غر اس لئے ق = و جم طر در در برط = و جم (طر + د) اب م آسان سے معلوم ہوسکتا ہے ۔ مب جب مسطح ائل پراو برکی طرف عین حرکت کرنیکو ہوتو رگڑ مد م سطح اکل اهما کے بیچے کی واف فل کرتی ہے بس مرکی علامت بدلنے سے ق ادر ق کے درمیان توت کی کسی تیت کے نے جم تعادل میں رمیکا ا مین این اول انتها نی نه موگالینی حبم کسی سمت میں مین حرکت کرسے کو مذہوگا۔ جسم کوسط اک براو برکی طرف عین حرکت دینے کے لئے قوت مجبوتی سے مجبوتی اس وقت ہو گا يني جب ، جم (ط له) = ا يني جب اط = ل

کمردئ متوی سلح اک

بسرجيم وسط الراريري طرب بجاناموتو كمست كم قرم اسسمت مي نكاني مياتين (٣) سے ینتجہ تکلیا ہے کہ ق صفر برگا اگر لہ = عدینی اگرسطو مال فق کے ساغة ايسا زاويه بنائي موجور كراسك زاويدك مساوى موزحبم سطح ائل برستعاول رست كاليكن يه تعادل انهائي بوكا ا درجبم عين ينيج يصطف كو بوكا-اس فاميت کی وجہ ستے رکز مسکے زاویہ کو بعض او قات تھمراز کا زاویہ مستے ہیں۔ اس متیج کی مدرسے بھی دواسٹیا کے درمیان رکڑ کی قدر سجر ہو۔ ہوسکتی ہے۔ فرص کروکہ سطح آئل ایک شنے کی نبی ہوئی ہے اور حبیم ایک تختی ہے حبیکا ایک رخ افقی ہے اور جو کسی دو سری شنے کی بنی ہوئی ہے۔ اگر سطح ما کل ، باب میلان کو بندر برج برها یا جائے حتیٰ کرتختی قبین تعبیلنی مثروع ہوجا۔ مزادیۂ میلان کو بندر برج برها یا جائے حتیٰ کرتختی قبین تعبیلنی مثروع ہوجا۔ توسیلان کے زاوید کا ماس رگو کی قدر موگی - اس طریقہ سے دفعہ ۵ ع کے کلیوں کی تصدیق ہوسکتی ہے۔ بہلے ہل کونوم (Coulomb) نے بیطریقہ شکھاویں استعال كياتما-ونعهٔ اقبل کے نتائج ہندسی ممل سے بھی ستنبط ہوسکتے ہیں۔ کو کی انتصابی خط ک کی تھینچو ہوکشی موزوں ہیا نہکے موافق و کو تعبیر کرسے۔ (سَلْاَ ایک ایخ = آیک پونڈ ایک ایخ = ﴿ ا یونڈ ﴾ ل د کومما دی تما ل کی سمت کے سوازی کیبنورول ف وک ف دوساوی زاوے بناؤجن میں سے ہوائی رگڑ کے زاویہ لاکے ساوی ہو حبیها کوشکل میں دیکا یا گلیاہے۔ تب کی فٹ کی هن الجا نوسسیت متوازی دوسگے دھ اور حاصے میں میں دیر تعامل کی قوت بالترتیب عمل کرتی ہے میب کہ لما کی بر منتھے کی طرف یا او پر کی طرف قبین حرکت کر۔ اسى بايدنار برس كى بوجبتك كل وزن وكو شيركرة البصك م اورك م

۵۵ رفعاتبل ی و تون ف ادر ق کوتنبیرکرتے بیں -



صرعیا ولک = م ادر مت انتصابی کا در سانی زاوی = عه

یں حمل کے = عرار اور حم لک = عدالہ اس حمل کے اور مان ہے اللہ اس عمرے کے درمیان ہے

= ٩٠ - ١٤، کيس

كس ل- ۹۰ د ، كرم ل = ۹۰ د ا

ر حکیم کی = ۹۰ + ط + له اس کئے <u>ق مکم ہو جب رعہ- لا)</u> ہے جب رعہ- لا)

 $\frac{c}{c}$ $\frac{$

ین طاہر ہے کہ کم سے کم اُس وقت ہوگا جب اسے لی ف برعود ارکھنیا جلسے بینی جب بف ، حاصل تعالی کی سمت دھ ہے ساتھ داویہ قائمہ بناسے اور اس سے سطح مانی سائے زاویہ لہ جاسئے ۔ كحردري متوى طح اكل

مرایک ذرہ کو ایک کھروری اکسطے بررکھا گیا ہے جس کامیلان انتی کے ساتھ عد ہے۔ ذرہ برایک قوت ق سطح ستوی کے متوازی اس سمت میں عمل کرتی ہے جوسطے اکل برسکے میلان اعظم کے خط سکے ساتھ زاویہ بہ بناتی ہے۔ اگر گڑئی قدر مہ ہو اور تعا دل انتہائی ہو توسلوم کرو کرجہم کس سمت میں حرکت کرنا مظروع کرے گا۔

فرض کروکه وزه کا وزن و ہے اور اس پر عما دی تعامل س ہے۔ سطح ماکل پر عمو و دار تو تیس صفر ہونی جا ہمیں۔

ن ما=وجمع سسسسر(۱)

وزن کا دوسرا جزو ترکیبی و جب عد ہوگا جو میلان اعظم کی سمت میں نیجے کی طرف عمل کرے گا۔

المد المنافع ا

فرض کرد کرائو میر سمت (ب میں عمل کرتی ہے جو سیلان اعظم کی سمت سے

سائد زادیہ طرابناتی ہے ہیں وزہ ب امودوہ کی سب میں حرکت کرنا مفروع کرے گا۔

چونکے سطح اکل کے متوازی عمل کرنے والی تو تیں تعا و ل میں ہیں اس کئے لامی کے مسئلہ کی روستے

ميم وجب عرب على الميار
(40)

کا جب ط مما ہم ط = س () اگردگری قدرمہ جوتو ذرہ تعادل میں رہے کا جب کرف مرما ہے بڑا یا۔ مدم سے چھوٹا نہ ہو لینی جبکہ کا جم ط + ما جب ط کی عددی قیت م (لا بب ط - ما جم ط) سے کم ہویا اس کے مسادی ہو مین جب٬ (۲+مامسط) ≷ رز (۲مس ط-ما) يني جب (لا+ ما فرلا) ﴿ مَا (لا فرلا - ما) جہاں فرط معارشخی کی مساوات سے معلوم کیا جا آہے۔ ۸۲ -- اگرمنحی متوی نرواورکسی نقطدت براس کے ماس کی متی جوب التمام (ل مان) دون تب چونکه کفردرے منینی برکے کسی نقطه پر ماصل تعامل (۱۷) مادکے ساتھ اسے بڑا زاویہ نہیں بناسکنا گویا ماس کے ساتھ ہے۔ کہ سے جهوا زاويه ميس بناسكما اس كف قرة تعاول مين رسيع كا اگروه زاويد جومال قرت ماس کے ساتھ بناتی ہے لیہ ۔ اسکے مساوی ہویا اس سے بڑا ہو ج (<u>اله + ما + ن مي</u>) حبير الم <u>للاممان مے</u> = جبر يني آگر (ل ٢٠ + ما + ن ع) = يني آگر (ل ٢ + ما + ن ع) = کیزنکومس له = مه

۸ ساگرایک ذره ایک کمروری سطح پرساکن بوجس کی مسا واست

نہ (۱۱۱) عی) ۔ ب اور درو برج قوتیں عمل کررہی ہوں آن کے اجزائے علیا کا ایماء ہے موں تو تعاول کی مساواتیں آسانی سے معلوم ہوسکتی اس کوبکر اس صورت میں کسی نقط (۱۱۱) می) پرسطے کے عما دکی متی جیوب التمام جف فر جف فر جف فر جف فر کے متناسب ہوتے ہیں۔ جف لا مجن لا اور جفن می

عنی تا ہیں ، بسی میں ذرہ تعاول میں ہوگا اگروہ زاویہ جو حاصل تعا مل عما و کے ساتھ بنا آ ہے استے بڑا نہ ہو۔

 $\frac{(\sqrt{\frac{40^{2}}{60^{2}}}\frac{1}{6} + \sqrt{\frac{40^{2}}{60^{2}}}\frac{1}{6} + \sqrt{\frac{40^{2}}{60^{2}}}\frac{1}{6})^{3}}{(\sqrt{\frac{40^{2}}{60^{2}}}\frac{1}{1}) + (\frac{40^{2}}{60^{2}}\frac{1}{1})^{3}} = \frac{1}{60^{2}}$ $\frac{(\sqrt{\frac{40^{2}}{60^{2}}}\frac{1}{1}) + (\frac{40^{2}}{60^{2}}\frac{1}{1})^{3}}{(\frac{40^{2}}{60^{2}}\frac{1}{1}) + (\frac{40^{2}}{60^{2}}\frac{1}{1})^{3}}} = \frac{1}{60^{2}}$

مثالين

اسٹابت کوکد کم سے کم قوت جکسی درن و کو کھردری ا نتی سطح پرکھینے سکتی ہے ۔ وجب فدہوتی ہے جاں فدرگر کا زادیہ ہے۔

۲ - بناؤکد ایک وزنی تؤڑی کے ساتھ رہتے بارہ کرکس سمت میں کھینیا جائے کہ کو ٹی کو کہ کا ڈی کو کم سے کم قوعہ کے ساتھ ایک بہاڑی پر کھینے کر کے جائیں۔ مع - ایک کھر دری سطح اکی پرجائی کے ساتھ ۲۵ کا زادیہ بناتی ہے اورجس کی رکڑ کی قدر مر یہ ملیے ہے ایک وزن ور کھاگیا ہے۔وزن کے ساتھ ایک درسی

یوں مدر سریا ہے جے ایک ودن ور مایا ہے۔ دن کے ساتھ ایک رسی بندھی ہے جو سطح مال کی جو فی فر بدایک جانے مطقی سے آزر تی ہے ادر ایک وزن

ف کوسپارے ہوئے ہے جوانقعا أِ فك راہم الروء ماف اورسى (وى بڑے:
ع بڑا سيلان سطح ائل كے سلان اعظم كے خط كے ساتھ ط ہوتونا بعد كردكد
جمط = المطاب

ننرووسمت معلوم كروجس مي وزن وحركت كرنا شروع كرسع ا-

(۱۹۱) مم - ایک وزن وایک کر دری سطح اکل پر بڑا ہے حیل کا زاویہ سیلان افن کے ساتھ

عدید اور رکو کی قدر مس عدید - نابت کرد کوسطی اکل کے متوازی کماز کم انفی توت جرجیم کو حرکت و سے سکتی ہے مہاتا و جب عدید اور جسم ایک ابسی سمت میں حرکت

کرنا خرارع کرے گا بوسطے اس کے سیلان اعظم کے ساتھ ، کو کا داویہ بناتی ہے ۔ ۵ ۔۔۔ ایک کھروری سطح اس کا زاویہ سیلان مرجے اس برایک وزنی ورہ رکھائیا

ہے ادراس کو ایک تنی ہوئی ہے وزن رسی ان کے ذریعے اکل مستوی میں ایک فا بت نظر است ما ایک ایک خط ایک ہوا در دادیا تن احب

ط کے سمادی ہو حیکہ درہ میں حرکت کرنے والا ہو تا بت کرد کہ

حب ط = مدمم عد مدنم ف کے ایک سے بڑا ہو نے کی صورت میں جواب کی تشریح کد-

٧-- دو دزون (ادرب كو ايك رسى كے ذريع لا إكيا ہے اور أن كواك انقى

میز پرجس کی دگوکی قدرمہ ہے رکھا گیاہے - ایک توت تی جور ((+ ب) سے چون ہے ایک توت تی جور ((+ ب) سے چون ہے ا

یں تبدر بے وادیہ طدیں سے گھا یا گیا ہے۔ اگر ق) مر (الا + ب الله) اللہ تو تا ہے کر (الا + ب الله) اللہ تو تا ہے کرکہ اللہ وولاں مجسلیں کے حبکہ

مرد - زاراد - (۱) + نا

لین اگروت ق مر ۱۱۰۰ میل سے کر کر اے زیادہ ہو قوم ف ا بھسلے کا جب کم

مباده سالم

کے سدایک خط تدورکواس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا محدانتھا لی اور راس ینجے وار کے تا بت کروکہ درہ اس کے کسی نقط برسائن روسکتا ہے حبکی لبندی راس سے اور کا حب صد سے زادہ نہ ہو جہاں صدر رکز کا زادیہ ہے اور کا خط تدویر کے سکوین دائرہ کا نفیف قطرہے ۔ میکوین دائرہ کا نفیف قطرہے ۔ میک درہ محدری کے سرازی ایک منتقل وقت کے زیرعل سطح لا ای سے بی بر

یہ سے ایک دروسوری سے مواد ی ایک سس و سے مریدس ح و و ت عامیر ماری سے ایک میں ماری سے ایک میں ماری مولی ساکن ہے اگر رکڑا کی قدر مد ہو تو تا مبت کرد کر مخرد طلب اللہ باللہ علیہ ملکن ہے ایک برتوازان ملک کا منحنی تفاظ مارسطے کوا یسے دو حصول میں تفتیم کرد سے کا جن میں سے ایک برتوازان مکن ہے ادر دو مرسے پر مکن مہیں ہے ۔

گیاہے کہ لاکا تحرا تصابی ہے نابت کو کہ کوئی وزنی وزہ اس اقص کے اس مصد میں جو تا تص نما اور سطوانہ ا' ج' (سز ب! + لاّ) + ی۲ ب (سا ج۲+ وا) پرماب ج کے سنحنی تقاطع کے اوبروا متے ہے کہیں بھی متعا ول رہ سکتا ہے۔ جہان مہ دارگوکی قدر ہے۔

•ا--- مكانى نما الله به المراكز كى ورس طرح ركها گياست كراس كا محرانتها بى ب ادرواس ادپردار به الكرد كرد كى در مد بوتونا بت كروكد ايك زره مكانى نما كامس صد

بوروس بوپردار ہو انزرز ن فدر سہولوتا بت رود ایک ذرہ مکا بی نما ہے اسس صد میں جو مکا نی نما ادر اسطوانہ کا ب کا ب کا ا = مدّ کے سٹحنی تقاطع کے ادبر واقع ہے ر

کہیں بمی متعادل رہے گا۔

اا — ایک تائم زائد کواس کے ایک انتصابی متقارب کے گرد کھانے سے ایک سطح ماصل کی تخی ہے ۔ نابت کرد کر اس سطح اور ایک فاص سند یا سطوانہ کے حظ تقاطع کے برے کے حمد میں کسی مقام برایک درہ متفادل رہ سکتا ہے ۔

۱۲ - ایک کودرا گردخی مکانی نا ہے جس کا در فاص می وہے ادر رکود کی قدر می سے - یکسان زاد فی رفتار سد کے ساتھ اپنے محررے گرد جوانتھابی ہے محرستا ہے -

اگر سدے ماہے م ب اے ماہے مس ب و تابت کردکہ ذرہ ایک فاص منطقہ کے سواے ہر متعام پر متعادل رہے گا، سکن اگرزاد ای رفتاران انتہائی فتبتوں کے اندر واقع ہوتو ذرہ برمتعام بدمتعادل رہیگا۔ [اس موال كومل كرف نے لئے فرص كرسكتے بين كرسط ساكن ہے اور دزہ براك مزيد مركزى قوت م سدا ما عل كرتى ہے جس كى سمت دره سے مكا فى منا كے محدر بر كھنچ ہوسے عود کے باہر کی طرف ہے]

مم م - كفردر - جور يا صفيف - دند ١٥ كى شكل مي اگرر كراكو بحى لموظار كما مائے تو اور کا عاصل تعالی فریرے عمادی سمت میں بنیں ہوگا- اس صورت میں اور کا تنا مل ق مرز ویں سے گذر نے والی ایک موازی دیت مدایک جنت کے مساوی ہوگا جس کا تعیار از وتت اور اُس مود کے حاصل مزب کے ا دی ہوگا جو وسے ق کی سمت بر کمینجا جائے۔ اسی طرح تماس کے ونگیر تعظوں کے گئے۔ بس ماصل تما مل و بس سے گزرینے والی جند تو توں اور چند جنوں کے ساوی ہوتا ہے یہ ترکیب باکر و میں سے گزرسے والی ایک واحد ترت ا در ایک وا حد حبنت کے مساوی ہوئے ہیں۔ بس حب کسی جوڑ میں رکڑ الل كرسى ادرايك سيرزاده نقطول برتماس جواز و فعه ۱ كى اسعام فرول

ں کے نا معلوم اجزائے ترکیبی کوفرض کرسیسنے کے علادہ ایک نا معلوم طبنت جب جوزٍ كمرورا موليكن بمّاس صرف ايك بهى تقطه ير واقع موجيساكهاتم

ك فكل من إبر وكلوا كياب توجك جوار كاطرت ام فرض كرسكة بن كه تعالى ايك واحد وت بر سنتى ب موا بس ساكرر ق ب -۵ ۸ – زگڑکے کلیوں کی تیفیے کے لئے ہم چپند

مثالمی ذیل می درج کرتے ہیں۔



کورے بوڑ

44

متال ا ۔۔ ایک بجسال سلاخ انتہائی تعاول کے محل میں ایک کھرورے کے الدريرى ہے- اگركس كے مركز برسلاخ كے خاذى زادي اعب ادراگر ركوكا ذاوي لد ہو تو نا بت كروكرانى كے سائة سلاخ كے سلان كا زاويد موكا

مسن-الم جم (د+ل) جم (د-ل) فرض کروک اب ایک سلاخ سے اسان سے اس کا وسطی نقط ہے اور و کرہ کا مرکز

حث واء حدث وبء م

أ اورب من سي مطوط أج أورب مج كينوج (أورب كوكروك مركزت للف دا کے خطوط کے ساتھ زادیر کر بائمیں است دند وی اوسے می خطوط ﴿ اور حب پر کے

حاصل تعاملول من ادر س کی ستیں

چونڪريه تعا مل اور سلاخ کا دزن سلاخ کو نشا دل کی حالت میں رکھتے میں اس کے مث میں سے گزرے والانتصابي خدج ميں سے گزرے گا۔

﴿ مِن سے ایک افعی ضا ﴿ ﴿

ين و بعن سادير لا _

فرص كروكر زاويدست إلى عط

لاديرج أحف = < وأحث له عد مدا زاوير ج ب ف = < وب ف + له = ١٠ - عد + لر

بس ومند ۵ م ك مئلرا سے ماصل بوتا ہے ۲ مس ط عمس (د+ له)-مس (د- د)

(1-4) 3 (4-6)

(40)

یا اس طرح: د ند ، و کی مضدانط کو استعال کرنے سے بھی مطلوب مل ماصل ہوسکتا ہے۔ قوق کو سلاخ کے متواذی تعلیل کرنے سے

> م جب (ھ + لہ)۔ س جب (ھ - لہ) = وجب ط - - - (۲) سلاخ کے عود وارتخلیل کرنے ست

> ۲ س جم رهرد له) = و جم ط مندندندندند (۲) مساواتون (۱) اور (۲) سے

مر جم (صر + له) = س جم (صر - له) = ل و جم طه س ادر مس کی یوتینیں (۲) میں درج کرنے سے

مسس (عد+ له) مسس (عد- له) = ۴ مسس طه

مثال ۱-۱یک شبتیرا ب اس طرع ساکن سے که اس کا ایک مرا لا ایک کر درست اختی فرش برہے اور و وسرا سرا دب ایک کر دری انتصابی دیواد کومس کرتا ہے۔ لا ب میں سے گور نے والانتصابی مستوی دیواد بر حمود دارہے اگر مشہبتیر کا زادی میلان افق کے صافے دیا ہوا موق شہیر سکے قواد ن برجمت کرو۔

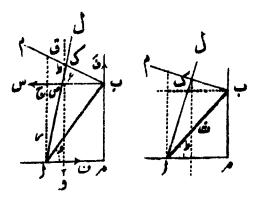
زمن کردکه از برکاها دی تعالی ادر رکز بالترتیب من ادر هف بین ادر ب برکاها وی تعالی ادر رکز بالترتیب سی ادر هف بین جیساکه شکل مین د کمسایا محیا ہے۔

واستول من تعليل كرف إوركس فقط كر معاد ا فرفي سعمين جارامانم

مقداروں مراس، ف اور ف میں مرت بین ساواتیں لمتی ہیں۔اس کے اس کے اس معدادیں معدوم نہیں ہوسکتیں۔

یام واقد علم بندسے بی ظاہر ہے۔ دو خط ال اور ب ہم ایسے کھینچو

جو عا ووں اج جو اور دب ج سے التر تیب ناویے لہ اور کہ بنائیں جال لااور کہ اور دب برگڑ کے ناویے ہیں اب فرض کرد کہ شہتیر کے مرکز تقل سف میں سے گزر نے والا انتصابی خط ان سے وادر طر پر ان ہے ۔ تب تا و قتیکہ ط فعنا قبل کے افرر اور و فعناج ب م سے افدر ہے میسا کوفئل میں ہے بینی تاوقیکہ فنا من سے گزر نے والا انتصابی خط نصاح ق ک ص کوکا تے ہم کو اور طر کے افر من میں سے گزر نے والا انتصابی خط نصاح ق ک ص کوکا تے ہم کو اور طر کے افراد کی نفط ن ایسا نے سے بین کر اور دب پر کے حاصل تعالموں کی سمتیں ال نا اور حب بر کے حاصل تعالموں کی سمتیں ال نا اور خوا کی نتا ہوں اور شہتیر تعاول میں دے ۔ اگر نن نقطہ عربہ خطبی ہو تو اگر بر تعاول کی سمتیں ال نتا ہی ک



ہوگا میکن ب پر بنیں اور اگر فن بط پر منطبق ہو تو تعاول ب پر انتہائی ہوگالیکن گر پر پالیکن کے پر بنیں ۔ اور ان دوا نتہائی موکلی سے ۔ کی پر بنیں ۔ اور ان دوا نتہائی محلوں کے افروق س کی کوئی سی ترتیب ہوسکتی ہے ۔ اگر فٹ یں سے گزنے والا انتصابی خطک کے دائیں جانب واقع ہو تو اس پریس کوئی نقط تن ایسانہیں ل ستاکہ اون ایک سائٹہ او پر گراؤ کے محزو ما اور نیز نب ت ب برد کوکے محروط کے اندر مواس ساتے تعا د ل نامکن موگا۔

اگر شہتر ایسے محل میں بوکر اس کا تعادل انتہائی مواور بنا ٹر علیہ شتیر نیمجے میسلنے کے عین قریب برد تفظیء اور هر ایک پر منطبق بو مائیں کے جو لک اور حب م م انقطاء

تقاطع کے راگران = فر اور نسف ب = ب زوند ہ فی سسکری روسے

(بربر) مكن ب و برم لك ف و برم ك ىينى (او + ب)مسس لمدة او مم له - ب مسس كه ينى ط يمس - ا (الم - ب مد مد ع) ينى ط يمس - ا (مد (4 + ب))

مثال سے سے تا نقس کی شکل کاایک بجسان وزنی تار ہے جس کے محرر اور نہا ہیں۔ اس کولیک جموی گھروری کھونٹی پراٹکا ایگیا ہے۔ نابت کروکہ تارا بنے ہرمقام پر کھونٹی

کے ادبر متعاول روسکیا ہوتو رگرا کی قدر اللہ اللہ اسے مہنیں موسکتی-

ز من کردکہ تار انتہائی تفاول میں ہے جبکہ نقط متاس کن ہے۔

ومن کوک تن ف مورا عظم رعود سے ، نیز نن ف ماد ب اور ج مرزے ت بر کا مامل تعالى جو ت برك عماد كساعة داويد لدبنا اب در د كومين سوادان (١٩١١)

ك كاس ك تج ف انتمال وكا اورزاويه ج ف ع ا اكران كاخوج المركزى زاوء طريموتر

مس <u>ن ج د</u> نه به مس ط

اورس ن دن ل دن ل د ب د د (بوالم الح الح الله مس مده اور سراد يس جن ف مسران شال من جل = المراس المال عن المراس المال المراس المال المراس المال المراس المال المراس ا

ه به ب براط م الم

اس مے جب مط = موجب میں سے تعاول کا انتہائ محل حاصل ہوتا ہے-

مہنیں ہے ۔ اس کئے نار کھونٹی کے اوپر کسی نفظ پر متعا ول رہ سکتا ہے۔ این است متا وی العفسل ہیں۔ مثال مع اللہ میز کے خان کے دست اس کی طرف سے متساوی العفسل ہیں۔ اور ایک دوسرے سے عاج کے فاصلہ پر ہیں ، خان کے بہلوؤں بیں رکڑ کی متدر مدموادر بیندا چکنا ہو تو ابت کروک مرف ایک دستے کو میدھا اِ ہرکی طرف کیسجے سے نا نہ اِ ہر بنیں بخل سکتا نا و تعتیکہ طان کا طول سامنے کے بنج سے اپنے سنت کپٹنٹ کک ۲ مرج سے

فرمن کرد کہ خانہ اب ج د ہے ادر اس کا طول اب ادر گہرائ مب ج بالترب ا و امداب کے مساوی ہیں - اگرب کے زیب کادستہ ع ہوتو ع بر با ہری طونت وت لکا کر میں سے کا منتجہ موکا کہ خارے کو سے ج ادرا میز کے سائتہ م جائیں گے اور اس طرح ببلود ب الداور بسب بردادُ مقامات ﴿ اور ج بر بالترتيب سما أورس بو منطح

اس وقت ہوگی جب کہ

ا اور ج پررگری ترتس م س اور مرس کے مسادی ہوں۔ ر اب کے موازی تملیل کرنے سے

ميساك غللس د كما إكياب

حبیم کی مرکت میں

ق > سراه س سن > سراه ب ق

يني (ب -سرج) ت>٠

جونکہ ق صفر نہیں ہے اس کئے صروری ہے کہ ب ر مہ ج اس صورت میں ق کی مقدار کا نیتجہ پر کوئی اثر نہیں پڑتا بینی اگریں سے میں ج

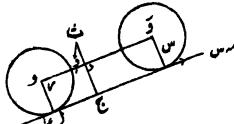
تو ت خود کتا ہی کم ہو خانہ اہر کمنے آئے کا سکن اگرب حرم ج سے تو ف خواد کتنا ہی

براكيون زموخانه بالبرز تمنيخ كاس

مثال ۵ -- ایک بائیسکل کے بہوں کے سب سے بیلے نقطوں کو لانے والے خطاکا (۱۷) طول ۲ والے خطاکا (۱۷) طول ۲ وسیل کا مرکز تقل اس خطاکے اوپر ف ارتفاع پراوراس کے وسلی نقطہ

سے فاصلہ لا برائے کی طرف واقع ہے۔ اگر و صرب کی رکا کا لفاظ مرکیا جائے قر بناؤ کہ اس سطح ان کی بڑی سے بڑی دُھال کیا ہوسکتی ہے جس پر انسین بغیرسیلے مغیر کے جبکہ الترتیب

تنظما کی بڑی ہے بڑی ڈھال کیا ہوسکتی ہے جس پر اِسٹنک بغیر ہیلے تھر سطے جبلہ اِکتر تیب اس کے انگلے یا بچھلے پہریکو رکسکا و ما سائے



موداس پرگرشه س کے مساوی ہوگی-اگرکز تقل ن ہو تو

خۇد ۋ + لا ؛

دو= ١١-١١

ج بن ۔ ن

سطح اکل کے متوازی اوراس برعموہ وارمست میں تعلیل کرنے سے اور دینے سکے گروسعیا داخ مس د وبب عد (1) س د مر الم س (مرف + و + لا) = من (الحدلا) .. ، ، (م) (١) اوردس) سعس (مرت + ١٤) = (١-١١) وجم ه اس ليغ (١) سيمس ه = مر (ا- لا) ... (م) اگر اس معدرت مونو (بر مرد مرد مد سع مساوی بوگی ادرا گراس مورت میسطی اکل کی بعال پرتوسی طرح ميمن = و چب ب من به س = و جم ير . اور مرا (و - لا - مرف) = سي (لا + لا) اس کے حب سابق مس برید میرون سروی درون ملىرىكى برزائ عسي بنى جب الكيدكورك تكاموة إكسكل زاده بدي ميلان والسطح منوى برتفهرسكتى ب بنسب اس عورت كم جبكر يجيل يهد كولكا بو مثال ١١ - ايك ميثا وزني مستدر ترص ايك كوردي سطيستوي بريزا في اوداين محیط کی ایک سولی کے گرویل تلف گھرم سکتاہے۔ یاست کردکہ یسی کول پرساکن روست ہے جبکررگرد کی قدر 11 مس م سے بوی ہوجاں مسطح ائل کا سیلان ہے ا فق سے سابقدیہاں یہ فرص کولیا گیا ہے کہ قرص کا دزن اس سکے دقہ پر کیسا ل مقتمے۔ زمن کودکر قرص کا تناول انتائ ہے جیداس کا تطروا بوسوئ و میں سے گزرا ہے خط سیلان اعظم کے ساتھ زاویہ فر بنائے۔ نیز فرض کردک قرص کادندن نی اکا فی رقبه و سے اوراس کا نصف قطر و سے - اس سلے اس کاکل وزن ١١ وہے

اگرقرص بركوني نقط ن ايسابوك ون عر اور حلون عطرة ن كركرد (١٨١) رقبه کا مغرومن ط معن ر کے سادی بوگا ۔ پس اس معر پر گرد کی قسعہ (مر درمن طرمعت رد جم عر) ہے اور ن برون کے مود وارست میں صور کرتی ہے کیو کر اگرن حرکت کرے ووہ ون پرعود وارحکت کر کیا۔ اس سے وسکے گردمیا ماز

۱۱ و د جب عد و عب ف على المجمد من المهم مد مدر الم مد مدر =ر د جم صد<u>د ا</u> کی جم ط فرط = ۱۳۳ مروم م جب ذء ۲۹۸مس

اس سے تنادل کا انتہائی محل ماصل ہوتا ہے۔ اگر ۳۰ مرے ۹۹ مسس عد وانتہائی مل ہنیں ہوتا مینی قرم ہر مقام پر متعادل رہیگا۔ مثال کے ۔۔۔ دو یکساں سلامیں اب ادرب ج ہیں جن کے وزن الترتیب وادر

و بن ان کوب پرومل کرے ایک کو درسے میزریاس طرح رکھا گیا ہے کہ دونوں سائیں ایک ہی خواستقر میں ہوں واسے برای بتدریج بُرُمتی ہوئی قرت ف سلاخوں بر عود وارعل کن ہے - بناؤ کہ تعاول کس طرح و میگا -

فرض کروکہ جب نشاول عین وسفنے کو ہو توسلاخ (مسب اسنے ایک نقط ع کے

سلاخ ب ج نقل ع کے گرد گھوستے تو ہونی ہے۔

الع الدابع الراب الدابع الرابع الربع

تب إع ادرع ب بررگوكى قويتى متقابل متون مين بونكى جيساكشكل مين كملا

اس ار ع ج کے اور ع ج کے اللے۔ فرمن کو کہب پر بھاتھال لا ہے جو مر بھا ہرا کیا سلاخ پر عود وارسے۔ ل ع بر

ملاخ اب برعمور وارتخلیل كرف سے اور ع كركد معياد افر الينے سے

ف+ الم = مرو الله - مرو الله عاد الله

 $\frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}$

اس مرے ب ج کے ہے

۲) (ب - ۱۲) × ق = کا

(م) اور (ممم سے ماصل برتائے ما = با اور لا = سور (رام - ۱) غزوا) اور (م) سے

1 (1-1h) 5- = 8 8 = (-1 - 18) 3-

((1-Fb) 3+1) - 1 1 1 .

اور ف ا (١) سے کل مایا ہے۔

ذكوره بالا عمل درست ربيكا حبب كك لاح ويني عق (ماتا-١) إ

اگر م و اور الاست بنیں اے و اور کا عل درست بنیں ہے اور

ادب کے مخلف نقعوں پررگراکی قرتیں سب کی سب ایک ہی سب میں عمل کرتی ہیں۔

اس صودت میں اسمانی سے نابع موسکتا ہے کون = لا = سے بینی اس صورت میں لا کم ہے مدو (اوا ۱- ۱) معجود بر کے مطابق ووقوت سے جوب ہے کو حرکت و بین کے لئے در کار ہے۔ اس لئے دو سری سلاخ میں حرکت کرنے سے قریب بنیں ہے بلکہ مرف و ب حرکت کرنے کے قریب ہے۔

مثاليس.

(۱) ایک سیحاں سلاخ م ن کے سرے ووٹا بت سیعی کودری الیوں و الدوج کے اندر ہیں جو ایک سیکے اندوج کے اندر ہیں اور ان کے ساتھ عد اور بر زاویے بناتی ہیں ٹابت کردکوب سرا م او کی سمت میں عین تجیسلنے کو ہوتو م ن ان کے ساتھ جو زادیہ بناتا ہے اس کا ماس

جب (عدر بر - بر له) ۲ جب (مر + له) حب (عد- له)

دم) ایک انتصابی ستطیلی تبهیر کا دزن و ب ادراس کا نجلاسرا ایک چکنه فرش پر فکام خبه تیراس طرح مقید ہے کہ یہ صرف اپنی سمت میں حرکت کر مکتا ہے۔ اگراس کے بیج معلومہ و طال کی ایک جکنی سطح اس ایک ایسی قرت سے و حکیل دیجائے جرسطح اس کے بیشت

و حال کی ایک علی صفح ال ایک ایسی توت سے و حکیل دیجائے جرسفے اس مطابعت پر عمل کرتی ہے اور انن کے متوازی ہے تواس توت کی مقدار معلوم کرو-اگر مرت فرض اور سطح ماکل کے در سیان رکڑ ہو لیکن کسی اور حبکہ رکڑوز ہوتو

بتاؤكم مركى كرست كرتيت كوابونى جا سيط كرسط اكن كو جمور ويفيرده خمبنيرك في المنطح الكن كو جمور ويفيرده خمبنيرك في المنطح كالك كو جمور ويفيرده خمبنيرك في المنطق الم

(م) ایک وزن سلاح جس کا طول ۲ و ب ایک کروری تی پر بر می سب اور اسس کا

اوراس کا ایک سرا ایک کردری انتها بی دیوار بر جبا بوامکا سرے - اگره یواد سے سطح کا فاصلہ ج بوادر دیوار اور سلاخ کا فاصلہ ج بوادر دیوار اور میخ برایک پر دگر کا زاوی لا بو قتا بت کروکر دیوار اور سلاخ کا فقط تاس میخ سے اوپر بوسنے کی صورت میں سلاخ نیچ کی طرف مین کیسلنے کو ہوگی میکہ حب اللہ = جے جم الہ جہاں طرسلاخ کا سیلان ہے دیوار کے ساتھ۔

۔ اگر سلائے اور دیوار کا تقلا تماس سیخ سے نیعے ہوتو ٹابت کرد کر سلاخ نیعے کی طرف عین کیسلنے کو ہوگی مبکہ

حب طروب (ط مدم له) = ع حم ل

ا جب الم الم الم الله الم المن بوسكار

(ه) ۲ وطول کی دوساوی کیمال سلاخیں چکنے طور پرایک سرے پرایک تبضد کے ذریعہ و مسل کی جو ٹی ہیں اور ج نصف تطریح ایک کمردرسے کرہ پر متشا کلاً ساکن ہیں۔ تعادل کا انتہائی محل معلوم کرو۔ اور نابت کرد کر اگر کرائد کی قدر تھے ہو توسمت انتہائی

كے ساخ برایک سلاخ كانتائى ميلان مسن الم

(۹) اگرایک پرکادایک چکنے انقی سلواد برجس کا تضعف تعلاج ہے آئی پری موتوثلبت کروکہ جوڈ پردگرد کا حبنت جواس کی ساتین کو پھسلنے سے ددکتا ہے و (ج مم حرقم عرف ہر عرف ہر م ہے جہاں و ہرایک سان کا وزن ہے ، ٢ ه سافین کا درمیانی دادیہ ہے اورجوات ما ق کے مرد نقل کا فاصلہ و ہے ۔

() ایک سلاخ ایک کھروری سفح اکل بربڑی ہے سطح اکل کا افق کے ساتھ میلان عد ا رگڑ کے زادیہ کہ سے بڑا ہے سلاخ اپنے ایک سرے کے گرد بلائلف گھوم سکتی ہے۔ خدرہ کے زادیہ کر یہ کئر خطوب الارداعظ الدیسلانو کا در مدال زادیہ زیادہ سے زادہ

ناہت کروکہ تعاول کے گئے خط سیلان اعظم ادر سلائے کا در میاتی زاویہ زیادہ سے زادہ در سالہ میں ہے۔ حد سالہ میں ا

بہ را اسکے اللہ اسکے اللہ اسکے اللہ وست بر توت لگانے سے الدر

بنیں د مکیلا جاسکتا او تعلیاس کوکسی اور طرح سے پہلے فاصلہ مرج میں سے المد مد د حکیلا مائے جاں ۲ج دستوں کا در سیانی فاصلہ ہے اور مر راد کی قدرسے۔

(A) اگرا کین دار کود کی کی ایک ڈوری و ٹ جاسے تو تا دک جو کھٹ کیر گرا کی قدر کم سے کم کر گرا کی قدر کم سے کم کیا ہونی جا ہینے کر دد سرا درن کود کی کوسنھا سے رکھے۔

(۱۰) ایک انصف کردی نول ایک ایسی کردری سطح مستوی پر با اسے جیکے رکا واور له ب، نابت کروکرمستدیر کناره کی سطح مستوی کا سلان افق سے ساعة حب الاجب له)

سے زیادہ منیں بوسکتا۔

(41)

[مرکز تُقل اُس تضعن قطر کی تفییف کرتا ہے جوخل کے قاعدہ برعمود مارہے۔] (۱۱) ایک کھوس سجالس تضعف کرہ ایک کھردری افعتی سطے مستوی اور ایک حکبی انتصابی و یوارسے تکا ہواہے۔ نابت کردکہ اگر گرف کی قدر ہے سے برقدی موقہ تضعف کرہ ہم حکی میں متعا دل رہ سکتا ہے لیکن اگر گرف کی تھر ہے سے کم ہوقہ تضعف کرہ کا قاعدہ سمت انتصابی کے ساتھ کم سے کم زادیہ بچرا میں بناسکتا ہے۔

اگر و بواد کمهر دری هوا در گرای قدرمَه جو تو ثابت کرد که به زا دریم (این میرا (این میریم) . ریست میرین در در دری میرا در گرای قدرمَه جو تو ثابت کرد که به زا دریم آن میرین در
[نسٹ کرہ کا مرکز تقل اس منصف تعلوکہ جو تا عدہ پر عو د دارہے نسبت ۳: ۵ بر تعلیم کراہے] ا (۱۲) گرفضف کرہ حالت تعادل میں ہم جل ح ساکن ہے۔ کہ اس کی سختی سطح ایک تھروری سطح اکل کوج افق سکے سافۃ زادیہ حہ بناتی ہے مسس کرتی ہے تو ٹابٹ کرد کہ نضف کرہ کی ہیتوی سطح کا میلان افتی سکے ساتھ جب ^۱ (ہے جب عر) ہے بشر کھیکہ عدکم ہوجب ^۱ ہیں سے

اورنیز کم مورگر کے زاویہ سے۔

اور پرم ہو رو سے روویا سے ۔ (۱۳) ایک کیمان نفسف کرہ کا نفسف قطر ہ ہے اور وزن و ہے یا بنی کردی سطح کے اس اس کی سنوی سطح کے اس افتی سطح مستوی سطح ہر بڑا ہے ۔ نا بت کردکستوی ان کے مرکز سے ذرہ کا فاصلہ سے وہ اس کی سنوی ہوئیں ہوئی جہاں مدرگردی قدرہ ہے۔ زادہ ہنیں ہوئیک جہاں مدرگردی قدرہ ہے۔

(۱۴) ایک کرہ حبر کا نفست قطراؤ ہے اور جس کا مرکز ٹھل اس کے مرکزے فاصلہ ہے پر واقع سے ایک ایسی کھردری مطحمسنوی پرانتبائی تعادل کی حالت میں ساکن سینے جوافق کے ساتھ ذاویہ عربناتی ہے ۔ ٹابت کروکہ اگراس کو زادیہ

٢ جم- (الجب م

میں سے کھا دیا جائے تو بھی بیانتائی تعاول کی حالت میں رہے گا۔ (۱۵) ایک بکیان مستطیلی تختر جس کے اصلاع ۲ او ادر ۲ ب ہیں ایک ہی انقی خط میں کی دو کھر دری میون پر جن کا درمیانی فاصلہ ن ہے انتمانی تنا دل کی عالت میں سائن ہے۔

الو مراب كرد كه انق كے ساتھ منكع ٢ و كا ميلان طامسا وات

ت جماد جم (له ۲۲ ط) = وجم ط - ب جب ط

سے ماصل ہوتا ہے جا س درگو کا دادیہ ہے۔

(۱۲) ایک استواد چرکھٹ معین کی شکل کی ہے جس کا ہمنلع و ہے اور حادہ زاویہ عرب یہ چرکھسٹ ایک کروری مینج پرسائن ہے جس کی رکڑ کی قدر سرے ۔ نابت کرد کرتا اول کے سخت نقط میں سے دوا تہائی مقامت کا در سیانی فاصل و سر حب عرب عرب (۱۵) ایک نو کا جس کا وزن و ہے یخ کے ایک تختہ پر کھڑا ہے اور اپنے القبول سے ایک کرسی کے چکے انتقابی منلع کو وحکم اور بیخ ایک تختہ پر کھڑا ہے اور اپنے القبول سے ایک اور کے ورمیان در و ہو اور کرسی کے درمیان در در میں میں اور نیز لڑکے اور کے اور کے درمیان در و کر نابت کرد اور کا ایست جسم کو اس قدر میکا سکتا ہے کہ وجب اس کے کہ درکا کرسی سے بڑا زاویے با سے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے با سے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارکا کی سے بارا کرسی سے بارا زاویے بارے بی بارے کی درکا کرسی سے بارا زاویے بارے بی بارے کرائی کے کردی کرسی سے بارا زاویے بارا سے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارا زاویے بارا سے بوجب اس کے کہ درکا کرسی سے بارائی کرائی کرسی سے بارا زاویے بارائی کرسی سے بارائی کرائی کرسی سے بارائی کرسی کرسی سے بارائی کرسی کرسی سے بارائی کرسی کر کرسی کرسی سے بارائی کرسی سے بارائی کرسی کرسی سے بارائی کرسی سے بارائی کرسی کرسی سے بارائی کرسی کرسی سے بارائی کرسی سے بارائی کرس

لزکے سے زیادہ وز تدار مو -

(۱۸) ایک کیسان وزنی سلاح ایک کو درے انعی میز پر ٹیسی سے اورس کو ایک رسی کے وربیہ جواس کے کسی فقلہ کے ساتھ بندھی ہے ایک انسی سمت میں کمینیا گیا ہے ج

اس کے طول برعمود وارہے۔ بتا اوک ہیکس فقط کے گردگھومنا شروع کرے گی۔

ا بت كروكران و ول كى نسبت الم ١٠١٠ سب بوسلاح كوكمات كے ليے مزدری موں جکراکی قوت کوسلاخ کے مرکز براور دومری کوسلاخ کے سرے بر

اس کے طول برعمو و وار لگا یا حا ئے۔

(١٩) ایک سیسان محرورا خرتبر (ب دو اور شهتیرون برا فق مح ستوازی برا سادر (١٠٠) ان کو نفاط (ادر ج پرمسس کا ہے ۔ نا بت کردکہ کم سے کم افتی قرت جونفط بيراب كوو وارسمت من لكائن برك تاكشبتيركو بلاف كم سنة مين كافي بو

قرن اور مرو اور مرو با مراس سے مجوئ وت برگی- جان الم=اب

ادر ب = الب انيز وشهتيركا وزن سب ادرمه رود كى قدرس

ر ۲۰) ایک سیساں کوردراشہتر اب جس کا طول ۲ فرے دومسا وی اورمسا وی طور پر کھردرے کو وں برافق کے متوازی بڑا ہے۔ کو اوں کے مرکزوں کا درسیانی فا صله ب ہے اور شہتیر کولوں کوج اور د پرمس کرتا ہے۔

فابت کردکد اگرب برا دم و الله است توشیتیری ایک ایسامی معدم بوسکتا می کسب

برقت ق شہتیر کی سب برعمود واد لگانے سے شہتیر ج اور د دونوں نفتلوں پر بربک و قت حرکت کرنے کو ہوگا ۔

(۱۱) ایک مکسال مختر حس کا طول ۲ او ہے اوروزن و سبے ایک کھردرسے نعی اسطوانہ براس طرح براب كراس كا وسطى نعظ اسطوان كومسس كراجيه اوراسطوان كا محور تخذيك عود وارب - ابت كروكم برك سه برا وزن جوهندك ايك مرك برنكا إجاسكما

ہے تاکر اسطوان سے زئیسلنے پائے مبالے وہے جہاں ب اسطوار کا نفع کم

ب ادر لدر گراکا زادی سے .

(۲۲) ایک قطع ناقص کومس کا خودع المرکو ز ہے اور ماسکے س اود سک جی اس کے مودا علم مع كد محاف سے ايك سطح ماصل كي كئي سنة اس سطح پر ايك كر درا دند ك ركا

محاب بردونه في اسكول كي طرف على في الدالترتيب ن س ادر الترتيب ن س ادر ن س کے متناسب ہیں۔ نابت کروک ذرہ سطح برکسی جگرساکن رہ سکتا ہے اگر درگرا کی قدر

(۲۳)ایک مندرور مرس کا وزن و سے ایک کمر درسے میز برا نتعابی مستوی میں اس طرح ساكن ميك أس كا نقط (من كومس كرائب ايك شخص اس كو نقطد ب بر ايني المجلى سد داما ب - الرفط (ب سمت راس كے ساتھ زاويد عد بناسے اور اگر

ا اورمی پردگوے داوئے الرتب له اور کم بول و ابت کروکه اگر عد کهست

تو ترمس ميز برفوراً اوكنا سروع كريكا خواه ب بركا دباؤكتنا بي كمكون مرمو اص الر لَ ﴾ ه کا تو قرص آپر سیلے کا حبکرت پرعادی دباؤ و جم عدجب لقراع الم

والاجامية ادر الرعد، له ادر له دونول مي كم موتر مب بركوي وتفاس كوبلايسكيكي (۲۴) دو کیساں شہتیروں (ج اورب ج کو بلج پرایک عِکنے تبعید کے ذرید وسل کیا ً در

كاب ادران كوايك انتعمابي سطح ستوى مين اس طرح ركما كياب كاس ك دونون تخیلے مرب ایک کروری افتی سطح ستری رہائن رہیں۔ اگر تعادل کو اور وا ما سے تو اُثارت کو در کا ما سے تو اُثابت کو دکہ بنید میں مرابیسلے کا اور جھوٹا شہتر گھوسیگا ۔

رِ ١٥) نابت كرد كر كم ست كم قوت جرايك ورن كيسان كرك كي سطح برنكاني جابية تاکه یه ایک کورری اختصابی دیوار کے مقابل ستعادل رہ سکے وجملہ

ومس د (مس د- مامس له- ۱) بوگی جکرد رجم المها

ر کے جم ملے اور اور کو کا داویہ ہے۔ (۲۹) (۲۷) نابت کروکہ دواسلوائی کندے جن کے نصف تعرساوی میں میکن جن کے

ولان وادر قر مخلف یں (مباں ؤ >و) لیکسط اس راس طرح ساکن رہ سکتے

فخاليس

میں کر ان کے محد متوازی الا فن رہیں اور زیادہ وزنی کسندا دیے ہوبشر طیکر رُکڑو کی تسدر مہد (جوتماس کے دونان خلول برمساوی سنے) و + ق سنے زیادہ ہواور سلح الل کامیلان

> مسرتا <u>سهور) (پرو</u>ر)

اگرسط مانل کے میلان کو تبدر ہے بڑا یا حاسے و بناؤک تفادل کس طرح ٹو ٹیکا۔ (۲۷) ایک تخت سا و بردار کے اکلے اور کھلے میرمت انتصابی کے سائنہ إلتر تب ۳۰ سے زاوبہ بنائے ہیں۔ ہرایک کیساں سرنے اور ہرایک کا وزن و سرمے با ایک سپاہ مخت جس کا وزن و سے الکے بیروں کے اور رانصف کو ڈ سے ہوستے ہے ا کیا ستاد تحتہ کے وسطی نقط کو حما دا ایک الیسی قرمت سے دہا ہے ہوتخہ کے دزن سے ہے سے سیادی ہے ا گرمروں اور فرش کے درمیان رکو کی قدر سریم ہے کے مساوی ہوتہ نابت کرو کر بھیلے میروں کے تبيننين سياتعا ول وليست كال

(٢٨) و، ب ، ج طول كي بن كيسال سلاخ ل كواستواد طورير جرد ف ست ايك شلت (ب ج بایا گیا ہے۔ مثلث کو ایک کوردی سے پراس طرح نگایا گیا ہے کوست اح ب ہے اس سے مس کراہے۔ اس سلاخ کے اس حصر کی حدود معلوم کرو جس کے ہر مُعَلد پرشلت متعاول ره سطف نير بنا وُكه اگر

م > ارزو + ب ا + ج) قرم + مس ع ب ب

ببان ج بدب و مثلث بركل مِن متعا دل رمي كا -

ر ۲۹) ایک مکس طور بر کمر در می سطیمستوی افق کے ساتھ حدزاویہ بناتی ہے ابات كروكه اس ناقص كا خروج الركز جواس سطح الل برساكن مدسكاب كم سسع كم

ار جب م بواجائي-

(. مهر) قطع نا قص کی فنکل کا ایک اسطوار ایک تھروری انتصابی سطح اور ایک اتنی جی كردرى انقى سط كے درسيان ساكن ميه - اسطوان كامورا فقى سب اور اتعى كامور ، عظم افق کے ساتھ ہم کا زاویہ بٹا اسے ۔ نا مبعب کروکہ رکڑ کی مشدد ما + + زارزا مع ، جاں زاقس كافروج المركزم-

(۱۳۱) تین مساوی اسطوانی سلاخیں اُسی نفسف قطر کی ایک چوکٹی سلاخ کے گرو منشأ كلاً ركمي كني بن اور بجراس معتم كو دوساوي تجدار رسيوس يسي كهير ما كيا س جوسروں کے خاطبے تشاکل میں ہیں۔ اگر ہرایک رسی کا طول (بغیر کھیا وُسے)ہرایک سلاخ کے محیط کے مساوی ہو تو ٹا بت کرو کہ اندرو نی سلاخ کو تھینینے تھے معے م مراكس و در كار موكى جال مرركوكى قدرسي اور لوكيك كا مقياس ـ (۱۳۲) مفعت تطراو کے تین ساوی کیسے ایک افقی سطح پر پڑے ہیں اور ایک ووسر ام کو مس کرتے ہیں - ان کروں سے او پرا کے اور کہ اور کرہ رکھا گیا ہے جس کا نصف قطر ب ہے۔ ار تعاول قایم رہے او فابع کروکہ او برکے کرہ اور سیجے کے کروں کے

درمیان رکڑ کا چمو منے سے جموال زاویہ باحب السرال بال) ہوگا۔ (٣٣) ایک سائیکل کے بیوں کے سب سے نیلے نقوں کو لمانے والے خط کا طول و ہے۔ مرکز تقل اس خطست ھ لبندی پر اوراس کے دسطی نقط کے آگے لا فاصله برواقع ب- اگرد حرس كى دكر اور يهتي كراد ك وقت اس كے فلان سرك كى مزاحمت كو نفراندازكرديا جاسئ و نابت كروكب يحيلے يبديريك لكا دى جائے ة اسسطح اكل كابر ك سے بڑا زادي ميلان جس برسائيل بنير ييسك روكى ماسكى

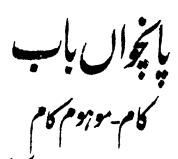
جال مس ع = مع × ١ - ١ مه ه ہے عدیوگا اور مرببی اورزین کے درمیان رکو کا زاویہ سے۔

(۳۲) مساوی نفعت قطرد کے دو پہیں ا اورب کے وزن و اور وہیں۔ان کو ایک الی سان سے جان کے مرکزوں کے ساتے پیوست ہے لا ای ای ساخ

کا لمول ل ہے۔ ان بسوں کو ایک کھردری اکس سطح مستوی پراس طرح رکھا گیاہے کہ ان کی مشترک مستوی سطح انتھا ہی سبے اور ال دوبر کی طرف ہے۔ بیرسطے ماس کے ملان کو بندر سرکے بڑا یا محیا ہے ارکسی ایک بہیدکو پر کیک نگاسے سے بہیے سطحان کے أبك بى سلان سے بھسلنا سروع كري تونا بت كردك سرا = و-ف (۲۵) ایک تا مین کی ویل کے سکلے کا نفت قطر جسب ادراس سے دوواری مسرول كا نفعت قط وسعد ريل كوايك كودرى مع الل مراس طي ركما كيا ب كرجب م ينع کی طرف لڑکتی ہے واس کا ٹاکا کھلٹا جا آ ہے ۔ اگر اگڑ کی قدر مرہو ا درسطیستوی کا سلان افق کے ساتھ ی ہوتو ٹابت کرد کر ریل سطح سستوی پرادبری طرف تا گئے کے ذر پیم کمینچی حاسکتی ہے بشرطیکہ مہ < کے مساوی رو تو نا بت کرو کہ اس کے جواب میں کٹا گے کی سمت افقی m) ایک بیبیه کا دسطوانی و بهراد وستوازی ریل کی باروین برختکا جواسیے بیٹر ایں ایک اُل سطح بنائی ہیں - ایک ووری بہیا کے محیط برقیلی ہوئی ہے۔ بناؤ کو کن عالات میں ڈوری کو نیمچ کی طرف اکس سطے کے موازی مھنجے سے بہت بڑلوں براد برکی طرف چوسے گا۔ (س) اکے کی ایک اض کے کنار سے اور تکلے کے نصف تطرا لترتیب و اور ب یں ایک کمردری افغی میزر بڑی ہے اور اگر کا کھلا سرا ج تکلے کے بیچے سے گزرا ہے میز بر بڑا ہے ۔ یہ بورا نظام ایک ایسے سطح مستوی کے ترد جریل کے محوریر عمود وار ہے منتاکل ہے۔ ابت کروکہ اگر کھلے سرے کو اتنا اس ایا ہے کہ یہ افق کے ساتھ زاویہ ط بائے و تاکے میں وراساتنا و بھی عود میل در کا نے کا باعث در کا اور انعانے والے شخص کے ہاتھ کی طرن یا اس کے مخالت سمت میں موکت پردا ہو گی جبکہ طہ ایک خاص میت سے کم إ زاده دو - جباطه کی يه خاص میت موتو ابت كروك مرك بيدا بنس بوگي او قتيكه تنا دُايك خاص محددِ د انتها سع متجاوز ذكره ب (٨٨) دو جيري کا واي كا تم جب انت ك متوازى و فراسس كا مركز تقل بيتيك

وحرے کے عین اوپر ہواہے۔ بہتی کا نسنت قطرائ اور بطورت وہرسے برآوا فالد محمد سكتا م وحرب كالفيف قطرب إلى زين يسلن كم عمل كورو كمفرك الفي كافى عروری ہے۔ نا بت کرو کو کم سے کم زت جول طول والے بم کے ایک مرسے بم لگائی جائے وکا ڈی وکت داے کیتے ہتا اور زمین کے من اِک نقیلم میں کسے وک ما لا ال کے سادی ہے۔ اس یں اس عربی م جال صدبیت اور د حرے کے ورسال اور کا زادیہ سے اور و گاؤی کا وزن سے۔ روس)ایک وزنی بیدیوایک رسی کے ذراید جواس کے ایک اڑے یا تیلی کے ساتھ بندمی سے ایک را دے سے او برسے کمینے کرے جانا مقصور ہے رکاوٹ بہیر کوج پرمسس كرن ہے۔ اگرسى كوافق كے متوازى كھينجا مائے تو ثابت كردكم بيب سے كركم اُدِ كِيكًا المدندين برياج بربني ميسليكا الرزسي كا ركيا في ج ك إدبر إو حب عدد مم (عد -صه) سے کم ہر جال او بہد کا تصف تطریبے ، ج پر کی ز گرد کا زادیم رہے اور وہ زاور مربطے ج ج میں سے گزرنے والا نعیف تواسمت انتعبا بی کے سات (۲۰) ایک موس سندیراسطوان قا مده کے بل ایک کمروری افعی سط مستوی پر کیا ہے ادراید مورک کرد آزادان حرکت کرستماسے - اگراس کا وون و بواوراس کی تراش كالنعف تعطرا وبرة نابت كردكر جبوسة سعيموت جنت كامعيادا فرج اسرك باسكا ب يه مه و د به به ان بيا ماست كه اس كا در ن سطح مسترى بريكال (۱۱م) ایک و د خارناتمی قرص ایک کوردے میزید براہے اس برایک افتی ات ق عمل کرتی ہے جس سے زرعمل دو مین حرکت کرنے کو بنے الا بت کر دکہ اکر اس کا ورن اس کے رقبہ پریکیاں طور إستسم بواورید ایک اسکہ کے گردگھومنا مفروح

)**%**(------



۸۹ ۔۔۔ جب ایک قرت کا نقط عمل وت کی سمت میں حرکت کرے قرکتے ہیں کو قرت سے ایک گاڑی کو کمینچے ہیں گھوڑا جوقوت لگا آسیت وہ کام کرتی ہے میں ایک کاری کا کہ میں میں ایک کاری ہے میں ایک کاری کاری ہے۔

بهاپ کا دباؤجب فشاره کو حرکت دنیا ہے تو کا مرکا ہے -جہاپ کا دباؤجب فشاره کو حرکت دنیا ہے تو ده کا م کرتا ہے کیسی قومت جب کوئی شخص تمڑی اِنگر اِل کو کنجی دیتا ہے تو ده کا م کرتا ہے کیسی قومت

کے کامرکاناب قرت عالم اوراس فاصلہ کا حاصل صرب ہے جس میں سے قرت کا فتوار علی اُقدید کے سمہ میں موکور کا اس سر

معد سوف کی سے بی رف رہائے۔ زف کردکر ایک وت ق جوایک جسم کے نقطہ الر برعل کرتی ہے اکودتک مے جاتی ہے۔ ایساکرسے میں وت نے جو کام کیا وہ توت ق اور الد کے طالعنرب سے نتیر ہوگا۔ اگر نقطہ کا اسکے اس طرف ہو حس طرف قوت عمل کرتی ہے تو کام مشبت ہوگا اگراس سے مقابل سمت میں ہوتو کام شفی ہوگا۔

3 - 3 - 1

اب ومن کردکر قدمت کا فقط عمل حرکت کرسے ج ہے ہما ہے ج ا ب برداقع نہیں ہے۔ ج دے ا ب او ب مدده برعمور گراؤ - تب ا حده فاصل ہے جس میں

سے قوت کے نقطۂ عمل سنے قوت کی سمت میں حرکت کی ہے۔ اس سنتے بائین کل می کام ق × اد کے سادی ہے اور دائی فکل میں کام ۔ ق × (د کے سادی ہے اور دائیں فکل میں کام ۔ ق × (د کے سے مسادی ہے اور دائیں کا کام سفی ہوتو اس کو مبض او قات یوں بیان کرتے ب آج، أب يرعود وار بوز نقاط (اوريد مثلًا الركسي صبيم وافق ميز برحوكت وي ماسة واسدة ون كاكام صفر بوجاب ن طرح الركون جسم ايكسط الل يوركت كرس وسط الل كاهادى تما مل وي ے ام کی اکا نئی جوسکونیاے میں استعال کیما تی سبے فٹ یونڈ کہلاتی سے۔ _{ای}ک ، یوزر وزن کی توست اپنی سمت منجفر می ابن اوری وت مروز کرد سے لمب کن چریک اوس کی ترت اسٹ نقط عل کر منے وہ (کام مرکے اصطلاحی معنوں میں)کوئی کام بنیس کرا۔ 9 ۸ _ نابت کرد کربہت سے ذروں کوایک مقام سے انٹھاکردوسرے تقام پرے جانے میں جو کام کرنا پڑتا ہے دو ولدف سے مسادی يرة المص جمال و يزرون كالجوعي وزن سي اور ف ده فاه جس يس عندول كامركز تقل أشايا كياسي-

فرض کردکه در و بو به ... و زروں کے دزن بی ادرا بتدائی محلی افتی سطے کے اوپراُن کے ارتفاع بالترخیب لا بالا با است الله بین میزاُن کے مرز تقل کا ارتفاع آہے۔ اس طرح دفعہ سے سطابت مرز تقل کا ارتفاع آہے۔ اس طرح دفعہ سے سطابت میں اُل یہ و لا + و لا + و لا + و ن لا ن ا

اور لا نے مرز مقل کا ارتفاع ہے اسب

ولاً = و لاً + و لاً + و لاً + + و لاً لا ن ... دم) من ولاً = و الله الله و الله

سکین سادات کے دائیں جانب کارکن اس کام کو تقبیر کرتا ہے جو نظام کے مختلف فروں کو ابتدائی محل سے آخری محل میں لے جانے میں سرانجام با کا ہے۔ نیز مامیں حانب کا دکن یہ و مدار تفاع جس میں سے مرکز تقل او پراٹھا ہے۔

، یہ ۔۔ یا بات کا بل غورہ کے دندگئر شنہ کا نیتجہ دزوں کی ابتدائی اوراً خری ترتیب پرکسی طرح موقون نہیں ہے تا و قبیکا ان ترتیبوں سے دروں کے مرکز نقل کے

ابتدائی اور آخری مقالت میں فرق مذرطے -ابتدائی اگرزمین میں ایک سوراخ کیا جائے اور مٹی کو نکال کرسوراخ کے باہر منالہ اگرزمین میں ایک سوراخ کیا جائے اور مٹی کو نکال کرسوراخ کے باہر

سطح زمین پر پیدلایا حائے و کام کی مقدار معلوم کرنے کے سلے ہیں مرت میں معلوم کرنے کی عزورت ہے کہ ابتدا میں مرکز نقل کہاں تھا اور اکٹویس مرکز نقل کہاں ہے - یہ کام کسی طرح ہس امر رہنے عرض کرسٹی ا ہے ابتدائی محل سے آخری کل میں کس داستط سے پہنچی -سے پہنچی -1 سے طاقت - تعرفیف -کسی عالی کی طاقت سے وہ کام مراد ہے جودہ کیساں

خرح سے اکا ئی وقت میں کرتا ہے۔ طاقت کی دو اکائی جوانجینیدوں کے بال سعل ہے اسپی طاقت کہلاتی ہے۔ اگر کوئی عامل ایک منٹیں ، ، ، سام فٹ پونڈ کام کرسے۔ لینی ایک منٹ میں ، ، ، سام ف الماسية المواسية المراس إذا كور أو ف الماسياس بوالمركورون افت ك اسپی طاقت سے کام کردا سیے ۔ در ورک کی طاقت کار اندازہ والٹ صاحب نے تکایا تعالیکن رہا گھوڑوں کی طاقت سے بہت زیادہ سے۔ ۹۲۔۔ توت کے کام کی رسیمی تعبیہ ، كام كوبرا ه داست محدب كزنامشكل مية نا مدّک تقریبی ترایخ حاصل کرنا بهت علن اسے۔ مركت كرست تزونت كتناكام ا وردب ميسهمين (ج اورسب د كمينج جران دونقاط عمل برقبت كي تول کوظا مرکزی اسی طرح الب کے مرسان سرنقط عمل کی سے مین ل ف وينو جواس نقطر رعمل كرسان والى قرت كى مقداد كو تبركرسي - تب مري ان یئوں سے مرسے ج من قد کی تسم کے کسی منی پردائے ہوئے۔ ل کے قریب کوئی فیلاہ الباکوجر ل کے اس قدر قریب ہوروست کا نقط عمل ل سے مرتک درکت کرسے کے دوران میں قوت کی مقدار کوستقل منے من کیا

تب وقت كاكام = اس كى مقدار × وه فاصله جس سے وقت كانقط عمل حركت كرا ہے ۔ ول ف مل مر عن مركار قبر تقریباً با اس طرح جب نقط عمل هرسے ن تك مبائے و

، مارن بب عنه س کر من منه . کام عه ق ن کارتبه تفریباً

علیٰ ذانقیاس اس سے بنتیج نکلتا ہے کو نقط عمل کے اسے ب کرکت کرنے میں جوکام ہواہے ووطول ل هر هران، کولانتها جموال لینے سے رقبہ اسے حب د کے

زیادہ قریب آنا جاتا ہے ۔ سام سفال کے طور پرہم وہ کام سلوم کرتے ہیں جوایک نجکدار رسی کوطول ب

کینیخین آنجام با ا سے دسی کاطول گنیر مخواد کو (و و و) بر سے یہ

وَتَارُ = لِي (دف - وَ) = لِي دف (، ك كليت جال بك كالموت ما الم كالمورك المركة المركة المركة المركة المركة الم ف برعود ف ق كالوجاس تاركو تعبيرات -

تب <u>ف ق</u> متقل ہے اور اس لئے ق واقع ہوگا ایک خطاستقیم (عصرو رسیگاری ہے۔ اگر خاصتھ دیاں سے رہ کری آپ عار جو رہ کریا۔ رسیمگاری ہے۔ اگر خاصتھ دیاں سے رہ کری آپ عار جو رہ کریا۔

ا ب ج × (ب ع + ج ص) کے سادی ہوگا مینی كام = رسى كالحجاد بدابتدا ألى اورا خرى تناول كا اوسط

ياتحملي احصاءت

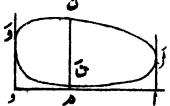
= 1/6 (6-6)] = 1/6 (3-4)(3+4-16) غ-ب (تن+ سي₊

سم م سلطور دوسری مثال کے ایک بمای ایمن سکے مظہار نقشہ برغور کرو۔

فرض كروكدو أوه فاصله سب جوائنجن كافشاره مطيرتا سبع حبب فشاره أسطم کی حرکت میں مقام مریر ہوتواس برے بھاب کے داؤکو عود مرت سے تقبیر کرد-

اس طرح عمل كرفي سے ظاہر مركز فضاره كى آگے كى وكت كے دوران بى اس بر بعاب سيك وباؤكرمنحني

وُن لِ تَعِيرُتا ہے۔



فناره کی والسینی کی حرکت کے دوران میں حب بھا : لی آمربند کردی جاتی ہے فشارہ کے اسی مے سے دِاوُ کومنحنی آن و تعییر

لائاسے۔ تب فتارہ کی آگے کی حرکت کے دوران میں وہ کا م جو مجاب فشارہ برکر تی ہے منحنی دو ن (کر کے رقبہ سے نبیر مو کا اوراسی طرح دابسی کی حرکت میں وہ کا م

جوبماب نشاره کے خلاف کرتی ہے منخی آئ و وا کے رقبہ سے نتبہ پروگا۔ اس الني الك مكل منرب ك دوران مِن ووكل كام جو معاب فشاره مسك أي رم بركرتى سے رقبون الى قسے تبير بوا سے اوراس الغ معلوم موسكما سے -كے مخی کو جنگل بالا میں و کھا یا گیاہے ہم فطہار نصنت کمبیں 'کے ادریعا ك وكرت ست خاد بخود كمينج سكتاسي بني مناسراً بتظام سي نجل بنانطراؤه وآب كمينج سكتاسيم. ی قوت کا کام - اُس فوٹ کے اُجزا سے ترکیبی کے کا مول کے فرض كروكة وست كے اجزامے تركيبي ودعلي القوائم سمتوں ميں كا اور صابي اس کے لاء سم فر اور ما یک جب فر فرض کردکر سے کا نقط عمل ت وکت کرکے لا ماستوی میں ف برا ماا ب، فك تصح كاسمت براورق ن مينم اور زمن کرد کے ن ن ق عرف (1) تب لا أورها كي كامول كامجوعه -لا×قل+ما×ق = جم ود ف ق م (د + م) + حب د ، ق ق مب (و + م) م ف ق جم مر م × ن ن م ح کا کام ٩٢ -- الرَّق تِس ادر المِنْ أيك بئ طيستوى بين ندبول ترجي بي نتج آساني مامل برسکاب ۔ فرض کروک ق سے کی سمتی جوب المام کسی علی انتوائم محادر و لا ، د ما ، د می م کے لاط کے (فی م) ن) ہیں لین لاول م ما م م مے دن م ، بر بڑاؤمف من ایک ایسے خطرواق ہوتا ہے جس کی سمتی جوب الام (ل، م، ن) ين أسس طرح مع لا = ل معن سي معن ا = م معن س اور أمعن على سے ن معت ہی

تب تركيبي قرقون كاكام = لا معندلا + مامعند ما + عدمت ى = ح مف س (لل + م م + ن ن ،)

- معن س بجم ق ق ح ح × ف ف كأظل ح كي ست بر

ے کاکام اگر کی ذرہ فضامیں سیکنے منحی پر حکبت کرے اور اس کے کسی نقطہ (لا ا با ای)

براس برعمل کرنے والی توت کے اجزادے ترکسی لا، صا، سے ہوں و ظامر ہے کہ جب کہ جب ذرہ (سے حرکت کرکے ب برجاتا ہے او

ء کر (لا فرلا+ما فرا + سے فری) م

عه- جفست كاكام - فرض كروكم عينت كى برايك قت ق مع الداس كے بازد وب كاطول قب -

اب زمن کرد کرجینت نیا مقام اختیار کتاب اور اسب کا مقام اکتب ہو جاتا ہے۔ اور اسب اور السب کا درسانی زاویہ سف طربرتا ہے

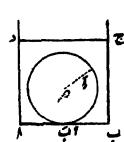
یں اُجائے۔ اس بٹاؤ کے لئے مسادی اور شقابل قوتوں ق کا کام صفر ہوگا۔ اب قوتوں کو اُر کے گرد جمو سے زاویہ معن طدیس سے کھا کہ۔ اقوع ت جو

کی بر عمل کرتی ہے اُس کا نقطائه عمل ہنیں برکنا اس سے وہ کوئی کا م ہنیں کرتی۔دولوں قوت ق کے نقطائه عمل کا ہٹاؤ ﴿ مف طریعے۔اس لیے کل کام جوہوا دہ ق × اُو × منِ طامے مسادی ہے۔ مینی جنت کے معیاما اُر اور کھاؤ کے زادیہ سکے ماصل خرب

کے مساوی ہے۔ اگر جنت کے گھا ڈکاکل زادیہ عربوتو جنت کا کام میم تی × فر معن طریق × فر عر ام المصمب صورة ب من جنت كاكام ب دبنت كواس كي ورك كرد (١١١) جواس کی مطح ستوی برحمود وارجو تھایا حاست جنٹ کے معیار از ادر تھاؤ کے زاویہ کے حاصل مرسب محمساوی ہوتا ہے ۔ **۹۸** ۔۔ توانا کی بالق**رہ** ۔ قرتوں کے کسی دیئے ہوئے نظام کے ز التوه سے دو کا مماد ہوا ہے جو کفام ناور ہم برکسکتا ہے جب کجسم موجود و رولی۔ (Contiguration سے کسی معیاری روپ تک جس کو عل صفر کتے ہی سنچے۔ شلاً وزن و کے کسی ذرہ کی توانا ٹی اعزہ جب کہ وہ زمین کے ادیرار تفاع ہ پرم و دھ موتی ہے۔ اگریم جاذبہ ارض کے تیزر کرجی موظ رکھیں اور یہ مان لیں کوز مین کے مرکز سے لا مسام میں مصرف میں مصرف میں مصرف است میں مصرف فاصلہ پرسکے کسی درہ برزمین کی کششش میں کے سادی ہوتی ہے تو ملندی بر توانائی باعده حبکرزمین کی سطح و محل صفرانا جائے اورزمین کونضعت قطر لا کا کرہ فرص ر- مر) فلاءر [ال- المر] = المرود الم کے سادی ہوگی۔ کیو کرزین کے سط رسے کسی تقام پرکشش و = سے امی طرح اگرایک لجکدارسی بی جائے جس کا قدرتی طول و مسته اوراس کے رسے کوایک نابت نقطر کے ساتھ با رھ دیا جا سئے زودند ۹۳ کی روست ب وزوی قرانای با لقوہ جواس کے دوسرے مرسے ساتھ بندازہ لاا متنفق ا - ایک کردی گرلی ص کا درن و بوند ادر نصف قطر و منصب یک اسطوانی وول کی ترین بری سے ول الفعت تطرب نت ب ادراس کے اندر م (٧٧ أ) ارتفاع تك إنى تجواجوا ٢٥- تابعه كروكورى كولى كان كم مين ابرتكال سيعتمير جو المعمومة المعاده و(ه- المرام والمرام والم والم والمرام والمرام والمرام والمرام والمرام والمرام والمرام والمرام

(14)

بائے ہوسے یانی وزن وہے۔



55 P) 55 P

اگریانی کے اکائی مجم کا وزن و اورگری کی من نت اصافی ک ہوتو

کام کراز کم نظام کی توانائی بالتوه کے اصاف کے ساوی ہوتا چاہیے -بیلی صورت میں توانی بالتوہ

= إن ك (إسطوار إب سج د- كره) ك قراما في إنقره

+ کسیدو سے بوت کرد کے سادی اِن کی نوانا کی اِنتوہ مل دیا ہے جو کہ بیت دکر ان میں کری کے مناکہ

= إن ك اسطوار (ب ج حك توامًا في إنقوه + إن كره في توامًا في بالتوه كا (ك- ا) كما

 $= R \stackrel{\gamma}{\sim} A e^{\frac{A}{4}} + \frac{\gamma}{4} R \stackrel{\delta}{\delta} (\lambda - 1) \stackrel{\delta}{\delta} e^{\frac{-A}{4}} \stackrel{\widetilde{\psi}^{\dagger}}{\delta^{\dagger}} \stackrel{\delta}{\delta} + (e - \tilde{e}) \stackrel{\delta}{\delta} \dots (1)$

حب کرہ کو کا ک لیا ماے تو فرعن کروکہ پانی کی گہرائی حکہ ہے کہس ہ ہت تھ = بانی کا مجمر = ہ تب ھ - کیا ہو ترا

يني هـ هـ م المرابع
دوسري صورت يس لزانا ئي إعره

= 17 = 17 $= \frac{7}{4}$

توانا کی بائتوه کا اضافه

$$= \frac{m}{\tilde{r}^{1}} \frac{\tilde{c}^{1}}{\tilde{c}^{1}} \left(\tilde{a}^{1} - \tilde{a}^{1} \right) + c \tilde{a} + \tilde{c} \tilde{b}$$

$$= c \left(a - \frac{m\tilde{s}^{1}}{m\tilde{c}^{1}} \right) - \tilde{c} \left(a - \tilde{b} - \frac{\tilde{b}^{2}}{m\tilde{c}^{1}} \right)$$

مشق ا — او ماؤ براک گیس کا جوح ایک اسطوان برتن کے اند بند ہے۔ اگر گیس کو اس مشق است اور بیش سنقل رہے تو ابت اس مطرح پیسلنے دماجات کر کیس کا طول البست الا بروجائے اور بیش سنقل رہے تو ابت کردکہ اس کا کام اس کا کور سن برگا۔

الرس كا بحيلا وُحوا كردمو بينى اس كے بھيلنے ميں دنو حرارت إبرسے اندرجائے اور خات اور اس اندرجا ہے اور اس اندرجا ہے اور اس اندر جات کا رست دے ایم اور اس اندرجا ہے اور اس اندرجا ہے اور اس اندر ہے اور اس اندر کے اس من کام ہے اور اس کام ہے اور اس کام کے اور اس کے اس کام کے اور اس کے اس کام کے اس کام کے اور اس کام کے اس کام کی کام کے اس کی کے اس کام کے اس کے اس کام کے اس کے اس کام

فرض کرد کرد با کہ دیار کے حبر کسی سطوان کے طول لا میں پیسیلی ہو لی ہے وکلیائل سے دان ہے وکلیائل سے

جب طول لا سے لا + معن لا مروباے تر

کام = ۵ × ال سف لا جاں اسموان کی عودی تراش کا رقبہ ہے = = 1 اللہ × معن لا

بس مطلوب کام سال سال سال می است مرا سال سال می است می است می در است می در است می در است می است می در است

(AL)

 $\left[\frac{1-\sqrt{\frac{1}{10}}}{(\frac{1}{10})} - 1 \right] \frac{\pi}{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}} = \left(\frac{1}{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}} - \frac{1}{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}} \right) \frac{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}}{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}} = \pi - \frac{1}{1-\sqrt{1-\frac{1}{10}}} = \frac{1}{1-\sqrt{1$

مشق سا۔ اگرمفق اقبل مرگیس کمی شکل کے برتن کے اور بند ہواور و او س براس کا

عجم ہوادر براس کا جم ح ہوجائے و ثابت کہ کہ کام T-5(2)-1-5-1 1 - (7)-1

ہوگا بوجب ہی بات کے کہ پھیلاؤکس شرط کے اتحت ممل میں آیا ہے۔

ا - ایک دخانی جلد مواسل فی مینشد کی رفتار سے جار ایے - اگراس کے انجن کی موز اسپی طاقت أن الموق تباؤكه اس كى دكت من كس تدرمزا حسف موربي مع -

[جاب عظ ۱۱۱ ش وزن]

٧ - ایک بباردی کا و حال ٧٠ يس اس اسرايك سائيكل سوار ١ ميل في تحفيد كى رفتارس اور چراه راسبه ارسواراورسائيل كا مجوعي وزن ٢٠٠ يوند مو تر با دُك ده كم از كردام

ایسی لماقت سے کا م کردا ہے۔ سو سیسلیٹ خص ایک میٹ میں کشتی پر ، ہم دفع چوچ جا درا ہے اور اس سے کشتی ۱۰ میل نی گفتهٔ کی دفتا رسیم استی محراره دبی ہے اگراس کی حرکت میں ۸ بوٹ وزن کی مزاحمت میم و تباوک دو ایک دف چو چاے میں کتناکام کاسپے۔ نیز باؤکس سی طاقت سے کام کرد ایک (جوابُ ٤١١ فش إوزدُ النواع والسي طانت)

۔ایک میکداد رسی کا قدر ال طول ۱۰ ایخ سبے اگراس کو با می ید ندوزن کی قوت سے کمینیا مائے و س کاطول کمنچ کر ۱۱ ایخ ہو مانا ہے ۔ بتا وُکراس کے طول کو ۱۱ لکھ سے کھی ان کا سے کول کو ۱۱ لکھ سے کھی کا بڑتا ہے ۔ ان کی کے فٹ بونڈ)

- ایک بیجدار کمانی کو ایک ایج کمنیے کے ایک پونڈ دون کی توت در کار ہوتی سے بنادُكا مع مرد م بني كميني من كتاكام كرنا برايكا -(چان پود)

المسدايك قوت ايك ذره برخل كرتى سے اس كا اعلانى قيت ٢٠ بوند سے اوراس كى فيتين حبكواس كا نقط عمل ذره كي حركت كاست مين ١١٥ ، ١١ م ١١ م ١١ م ١ م م الم الم میں سے وکرے ارتیب ۲۵، ۱۲۹ ۱۳۱ ۱۳۱ اور ۲۲ پوٹ میں فیسلمرک که دره کی حرکت کے برایک نط میں توت میسال طور پر بدلتی سبے ترت اور فاصلہ کی ترسیم تاہ ا وراس سنے فرت کاکا م معادم کرد-

ك مساك يبيح كامورا معالى سرى اوراس كي مصل فيردول كا درمياني فاصله والني س ١٠٠ بويد وزن در وازه كواس بيج كمالة اس طرح لكا يا كيا سع جيس قصف كم سالة لكايا مإلى باوكد دروازه كوايك زوية قائم يس علمان بين كتاكام بواسي-(بالم منط يوند)

۸ ۔۔ نابت کرد کر رہے کا تناؤ ۹ ٹن وز ن ہے جبکر رشا ایک ایسے ووسرے بیچ سے گرہ بیا ہواہے میں سے ایک پانے جوڑی نی ایخ والاراست دستی تیج ہے ادر ووسسوا چھ جو اور می نی ایج والا چپ وستی بیج ہے اور وس بولد وزان کی وقت اف کے متھے کے سرے پرنگان حمی ہے۔

(ووہر سے بیج الی ایک مکمل گردش میں سرے (1 + 1) ایج قریب آتے ہیں - اس کے

ニュス(キャナ) = トカス(キャナ)

مبال دست روک رستے کا تنا و بونڈ وزن یں سے مونیسی یروے میں اوپر کی نابت سلاخ کے علاوہ ن تبلی سلاخیں ہیں اور مت الل

خرکت حصه کا دزن و سے بدده چھوڑ دسینے بر اس کا طول لا موتاسے اور حب اس کو ا ویر المشما إ حاست و اس كاطول ب بواب- بناؤكراس كورد المفا في من جا ذبارض ك

خلات جوکام / تا پاتا ہے وہ و ن ان اللہ (او - ب) ہے

• اس ایک شوس لفف کردجس کا وزن ۱۲ بوند اور صفت تظرا نط ب، این بیان میلی رخ کے بل ایک میزبریوا ہے اگراس کو س طرح بیٹا ما سے کواس کاسنحی رخ میزکومسس كرتے موسے لكا رہے و بناؤكمل اوّل سے محل ان س اسے مي كناكام برا أوفعه م

اور مرم ا کے نیٹیج استفال کرد) الا ۔۔۔ شلٹی منشور کی شکل کے ایک بیساں کندے کا دزن نفسف ٹن ہے ۔اس کی عمودی الا ہے کہ مذہب عمل منظم کر دینہ طور الدین طور میں در در میں میں معروب وقو

تماش کے اصلاع لیا افٹ اور لیا افٹ ہیں۔ یہ زمین ہرسب سے چھوسے رخ کے بل بڑا ہے اس کو ایک کنارہ کے گرواس طرح اٹھانا سنطورسپ کہ یرسب سے بڑے رخ کے بل گریڑسے ۔ بتا وکہ ایسا کوف کے سے تقریباً ۲۰ ء فٹ من کام کرنا پڑیگا۔

وع عين رويسات بود اي والماي وا

10 سایک سائیکل سوار جوہینے ہے اسبی طاقت کی خرج سے کام کرنا ہے ہموارا نعی زمین برا میل فی نمین اے اور ایک بہاڑی بھی اسبی الم کامیل ہے اور ایک بہاڑی بھی کامیلان ھامی اہمیل فی گھنٹ کی دفتار سے جڑ بہتا ہے - فرض کروک سواد اور سائیکل کا دزن ۱۸۰ بوزد ہے اور

ی صندی من برگی مزاحمت دوحصول پرسنتل ہیے جن میں سسے ایک مستقل ہے اور دوسری انفئی زمین برگی مزاحمت دوحصول پرسنتل ہیے جن میں سسے ایک مستقل ہے اور دوسری رفتاد کے مربع کے مسادی ہے ۔ 'اہت کروکہ دہب دفتار ومیل فی کھنٹہ ہوتو مزاحمت فی کھنٹر کھ

(۵ - 1 + وام) بِوَنْدُورُن

۱۹۷ - ایک اسطوانه کی شکل کے کاگ کوجس کا طول کی ہے اور نفسف قطر دہے ایک بوتل کی گردن میں سے بتدریج نکا لا جارہ ہے۔ اگر بوتل اور کاگ کے مذبیکے موسئے مصد سکے در مہان عما دی دہائوتی اکا ٹی رقبر کی کھی میں ستقل رہے اور ق کے مسادی ہو تو تا بت کود کہ اس کوئٹا لینے میں جو کام کرنا بڑتا ہے وہ ۹ مد رکا ف کے مسادی ہے جاں رگڑ

اگردگرا کی قدر مرہو تو نابت کروکہ حب جبم مخروط کے داسٹس پر بہنچے گا تو کل کام و ھدد (۱+ مرمس مد قطع) کے مسادی ہوگا -

(۸۶) ما سدایک زره حبر کا وزن و ب کھردرے نفف کردی بالد کی تریس بڑا ہے جوراس پرسب سے نجلے نقط برنا بت ہے۔ درہ کے ساتھ ایک رسی

بڑا ہے جوراس پر سب سے محلے تقط برخا بت ہے۔ درہ مسے ساتھ ایک رقی بندھی ۔ن جو پالد ک کفارہ بر سے گزرتی ہے اورذرہ کو ایک انتعابی مستوی میں جو

پالہ کے مورس سے گزتاہے رسی کے ذریعہ آ بستہ آ بہت او پر کھینجا گیا ہے۔ نا بت کردکہ درہ کو کنارہ کا کھینچے میں

کام کوایٹر آہے جمال بیالہ کا نصف قطر او ہے اور رگڑ کا زا دید صدیب [اگر بیالہ کا مسال من ہو حبکہ ذرہ میں سے گزرسنے وا لا نصف تطرا من کے ساتھ زاوج

تھ نیا سے تورسی کے عمود وارتحلیل کرنے سے

س= وحمصد حب ط قط (طي - صد)

س ملے زرد کو او پر کھینیسے میں بڑٹ کے خداف جو کا مرکزا بڑتا ہے دہ مز

عن (- و فرط) = واحب بدآر بب ط قط الح - صد) زط الله عن الله الله عنها الله

عوا جب صرك بب (ذ+ مد) تعاذ فرفه = ۲ د جب صرك [جب مد مجم صد مس نم] - صد

میر میرون نیروزن کے خلات جو کا م ہوا وہ = وال

۱۹ - ایک ستجانس محبر محزوط کا ارتفاع هدا تفعت قط زا در کتا فت اصا فی ک بے اس کوایک انتقابی اسطوان کے افراد کی اس کوایک اس کوایک انتقابی اسطوان کے افراد کی انتقاع هد یک لیانی عرا کیا ہے دیس مخطط میں اسطوان کے اندوار تفاع هد یک لیانی عرا کیا ہے بعد می خوط

علی دوبری طرف ہے۔ استعوار سے الداد تفاع کا سبک باتی تجرا کیا۔ مین ڈو باموا ہے۔ بتاؤکر محزوط کو بانی سے عبن! ہرتکا ننے کے لئے ہے و ھ (۱ - بیکے)

كام كرنا بثرناً ہے جہال مخروط كا وزن و سيے إورك ايك سيے بڑا ہے۔ مورموم کام-جب ایسجم و ہوں کے ایک نظام کے زیر کھل ساکن ہو اور ہے اور اگر مبسمہ کا کو ٹی نقطہ ت اس خب بی شاؤ مے تو فِ قَ كو فِ كى مو بوم رفقاريا سِنا أو كميتے بي الفظ موجوم کا استعال اس امروز فع کو ظاہر کرنے کے لئے کیآگیا۔ے کہ مٹا و محص خیالی ہے ا اور فی کھقیقت و تو ع پزیرہنیں ہوتا ۔

اگرایک توت مے نقطرت برعل کرے اور اگر تک ن اون کے سے سے کی سمت يرعمود كمينيا جاست توحاسل ضرب سيد ق ن كوتوت م كاموبوم كام إو بوم معيار افر

وفعه ٨٨ كي طرح يه كام منتبت موكا اكرف ن كى دہى سمت موج سے كى سے اور منفی مو کا اگر ق ن کی سمت کے کی ست کے نحالف ہو ۔

موہوم کا مکاہول اس بات کوظا ہر کراسے کہ اگر ایک جسم رعمل کرسنے والی قر تو ا كانظام تناول میں بلوا درحیم میں نعیف ساہٹاؤ واقع موحیں ہے۔ لظام كی ہندسي سترا كط یں فرق نہ آئے و موہوم کاموں کاجبری مجوعه صفر ہوگا اور بولکس اس کے اگر جبری مجرو صفورو قو

توتين تعاول مين بونكي - ووسرك الفاظ بن الربرايك قوت في كاموبوم بالواسك خط عمل کی سمت میں من تی ہو توجیو نی مقداروں کے سیطے رہے گار

Z(ق×ىن ق)=، منىزرىكس اس كے اگر

🔀 ِ (ق× سف ق) صغر موتو قوتیں تعاول ہیں ہو بھی۔ ا الرحيم ايك واحدوره جونو وفعه ٩٦ كى دوست يدسيمنيط بواست ك اكرتمب

قو توں کے سوہوم کا موں کامجوعہ جوایک ذرہ برحمل کریں صفر ہو تو حاصل کا موہمی كام تجي صفر بوتا كيد اس سك حامسل قوت معدوم بو ما أى سب اور ذره تعادل

ا كلة دفوين بم على قوول ك في اسمسلكا فروع درج كياما ميكا تين ابعاد

میں عمل کرنے والی قرنوں سکے لئے اس مسئلہ کا نبوت وفعہ 2 امیں دیا جائیگا۔ ۱۰۲ ۔ موہوم کام کے اصول کا نبوت جب قوتیں ایک سطح مستوی میں

مل رہیں۔ ایک طحمت دی میں دوخط کھینچو جوایک دوسرے برعلی القوائم ہوں۔ فرص کرو جسم میں خنیف سامٹا و وقوع بدیر ہوتا ہے۔ بیاسانی سیے اس طرح ہوسکتا ہے۔

دهم من خنیست سامنا و وقوع بدیر برقاب - بداسانی سے اس طرح بوسکتا سے اس طرح بوسکتا سے اس علی میں اس میں اس کا در بھر اس کا در بھر اس کا در بھر اس کا در بھر اس کے درول کے مقال مقام کیا جا سے ۔ ورول کے مقال مقام کیا جا سے ۔

مثال سے طور پرطالب علم ایک تماب کو جور پزیر بڑی ہو حرکت دسے کسی دور سے اُ ضیاب می محل میں لاسکتا کہے اس طرح کہ دورا اُن حرکت میں کماب میز سے مسس کرتی رہے۔ کی ر

کرتی رہے۔) فرفن کروکسی قوت می کا نقط عمل قسم جس کے مود بلجاظ مبداء وک ادر ایس نیز نقط ق کے قطبی محدد را در طری جہاں وق = رادر الاوق = طر

جب تعنیف ہٹاؤ واقع ہو بھے تو فرض کردکہ ف کے لئے سئے تحل تی کے محدد رجم (ط + عد) + ل ب اور رجب (ط + عد) + ب ب ب بینی دجم ط - عد رجم ط + ب

ہیں میٹی رجم طاعد رجب طا+ اور اور رحب طا+ عدر جم طا+ ب جمسال جموعة زاوم عدم مرابول كو نظرا زاز كميا كياہے۔

ما قرام ا

(AA)

اس کے ق کے محدد ول میں تغیرات ہو گئے الد۔ عدر حب طبر اور ب +عدر حمر طب

اه- عدر حب طه اور ب + عدر حم طه امن ۸ - عدل اور ب + عدلا

ینی و ۔ عدما اور ب + عدلا ا اس کے اگر سے اجزاے ترکیبی کا اور ما ہوں قدح کا موہوم کا مجو

ا اور ما کے موہوم کا موں کے مجبوعہ کے سادی ہوتا ہے۔
اور ما کے موہوم کا موں کے مجبوعہ کے سادی ہوتا ہے

= 8(1-21)+ما(ب+al)

= الله ب مأ + عه (مألا- لله ما) اسى طرح نظام كى سى اور قوت كامو بوم كام معلوم بوسكتاب - او، ب اورعه رقوت كه سنت وبى بوسكت -اس سنت ديروم كامول كانجوعه صغر بوگا اگر

و الا الحرك (ما) + عرك (مالا- لاما) مغربو-

اگر قوتیں تعادل میں ہوں تو کے (کم) اور کے (ملا) د فعہ ۲۰ کی روسے عبدا کا ناصفر ہیں ۔

نیز ح (مالا - الاما) = و کے گرد جرق فن کے سیارا زوں کا مجوعه ،

اور میر تحبرعہ وخد ۱۰ کی روستے صفر ہے ۔ اس سے بنینتج رئولم اسپے کہ اگر قرتیں تعا دل میں ہوں قرا کن سے موہوم کامول

کامجرع صفر ہوتا ہے۔ مہر 1 - برعکس اس کے اگر ہر ہٹا او کے لئے موہوم کا موں کا محبوعہ صفر ہو تو قرنبی تعاول میں ہونگی -

ؤنیں تفا دل میں ہونگی -و مغدا قبل کی ترقیم کے مطابق موہوم کا مول کا محبوعہ سبع

11) (ما) + م ح (مالا - ١١) (١١)

اوراس کے متعلق معلوم سے کہ بیسب ہٹا اول کے لئے صفر ہے۔ ایب ایسا بناوُ انتخب کرو جس سے جسم صرف مور لا کے متوازی فاصیر ا ادين سے مركب كرسه اس باوسك سك دب أورعه وونول بعفر بول سك اور اس صورت میں (ا) سے حاصل موکا

·=(X) <

ینی محرر و کا کے متوازی سب اجرائے ترکیبی کا مجوعه صفر سے۔ اسی طرح سے عدر ما کے متوازی بٹاؤ سینے سے و مانے متوازی بھی

مب اجزا نے ترکیبی کامجوعہ صفر ہوگا۔ اسی طرح فرض کرد کہ ہٹاؤ' بغیر نقل مقت ام کے صرف سدا کے گرد محض گروش سنے بیدا ہوا ہے۔اس سورت میں و اور ب دونوں معدوم ہوجاتے ہیں اور (١) مع حاصل بوتا سب

Z (مالا- \ ا) =.

یمی و کے گو تونوں کے معیار انزوں کامجبوعہ مسفرہے دنه ۲۰ میں تعاول کی جوسر طیس بیان کی گئی ہیں وہ پوری ہوتی ہیں۔

اس کفروں کا نظام تعاول میں ہے۔

(٩٩) ام ١٠ -- قوتين جومومبوم كام كى مساوات بنانے مين نظراندا زيبوسكتي ہيں- (٩٩)

(۱) کا متاریذ پر رسیبوں کے تناو^ر زمن کردکه و (ایک ئامنداد ندىرىسى <u>سەسى</u> كاتناۇ ن ان د د و مت ہے۔ زض کردکر بد مِنْادُاس كانحل وَ إِنْ ہِي-وا به کات و کر عور کھینچ - بدآسانی سے نابت ہوسکنا ہے کہ رنبہ اول کی صغیر مقداروں کک و هرد اکت د کومبدا اور و اکو لاکا تحور انو اور فرض کروکم و نقطه (لا ، ا) می) اور فر نقط

(و ، ٤١، ٢) ب جان و (= ١

چونکه و فر = و فر کیونکه رسی کینج بهنیر سکتی

.: (و + لإ – ٧١) + (لمه - لم) + (يحكم – يحم) = الآ

ن م و (لا - لا) + چونی عدارول کے مربع = .

: الا = الا : جيلے رتبہ كى جيسو لي مقادير مك

يني وهر= الن

اس کئے تناؤ کا مربوم کام = ت × وهر + ت (- اس) = :

اسی طرح نظام کے کسی وہ ذروں نٹ ادر تی کو ما نے والے خطیس ال کرنے والی قرت کی بھی بھی کیھنیت سرمے بشرطیکان ذروں کا درمیانی فاصلہ نہ دسے۔

ر ۲ مجتبهم جن تعلمو گرمش کرتا ہے ان کا تعالٰ سر ر ۲ میں کر مار کا میں اور ان کا تعالٰ سرو

اگر منطح جگنی ہوئو تعالی نفطہ تماس ن برسطے سکے عمادی سست میں عمل کریگئے اس سے اگر ن ن ن توت اس کے نقطہ کئٹ برر بیا جاسے تو ن ن توت کو اس کے نقطہ کئٹ برر بیا جاسے تو ن ن توت کی مست برعلی انقوا کم بوگا۔ اس سے اس توت می موجوم کا مرصفر ہوگا۔

ا منت بر معلی القواعم بو کا - اس کے اس کوٹ کا موہوم کا م منفر ہو گا ۔ اگر مسلح کھرور می ہوتو رکڑ گے کا کا م میٹی گ × (- ن ن بر سا ورت

یں وال ہرا جاسعے کیوند کیا ہام و م مقربیں ہوتا۔ (مع الکر سیم می ابت سطح ریفیر تھیلنے کے الاصکے قوکسی نقطہ تماس ن پر کا تما مل۔

ظارِسِدِ کر جسم کا نقط تماس ن اُس آن کے لئے ساکن سینہ ادر اس کے بیاد اُ صفر سیدے اس وقت ن برکاعادی تعالی اور ن برکی رکزا دو نوں کے بیٹاؤ صفر ہوئے ہیں۔

(4) ارام)زریجت ادی نظام کے کسی دوسیوں کے درمیان تعامل -

> ج در رفون ج در رفون ج در رفون

ساتہ ساوی المبلان بیں اس کے فاہرے کر نقاط ج ، نشہ کا کی گررئیاں (ب سے میعج بشار کی گرائی کا المرتیب

ج دسمت انتصابی کے

فرض كردكه نظام انتعابي سطح سنترى مي اكب ايسا مثا و اختيار كرتا جي كدا درع زمیندب اور ا سیسک زرنے واسے انفایی خطوں میں دیتے ہیں ادر دع جمیت موازى الافِي رسما ب الرحث مبدرانتما بى فاصله لاست يني أترب و ت م بقيد فاصله لا كي نيج أربع كا رادر مض ادر دف بالترسيب بقدر الا اورالا فاصلوب كم سيح اتربيك -

وزبن کے موہوم کامول کامجوعہ

= و× لا+ و × سلاء و× م لا + و × سم لا + و × لا = ١٢ و × لا

اگردسی کا تناؤ سه مونواس کا موموم کام در اسم لا) در سال کا

کوئک نٹ یکا بٹاؤ اس سے متقاب ہے جس میں تناؤ اے عمل کراہے اس لئے

اس کا موہوم کا م سننی ہے - اب موہوم کا م کے اصول سے

۱۲ و لا + ت (- م لا) = - یعنی منت = س و

مشتق ۲ - جارماوی میکساں سلاخوں کو جوڑنے سے ایک سمین اسب جد بالی گیا ے جس کواکی انتصابی سطوستری میں اس طرح رکھا گیا ہے کہ ا ج انتصابی ہے ادر کون

المانقي علم رايكاموات ايك الى رسى ب دي درياع مين كاذاويد ب الج ط کے مساوی رکھا گیاسیے ا

تابت كردكراس رسى كانناؤم وسطم

ہے جہاں واکیسلاخ کا درن ہے۔ زمن کروکد ایس اد کے

سطی نظوں کی مبندی انقی طح (کے

نيز زمن کردک بع = ع د= ١٠ جان ع مین کا دسطی نقط ہے۔

اب معین کے اس مناو برخورکرہ

جس مي طرا طد + معت طر اوراس سط لا الا +معت لا اورما الما +معت لا موجا آب

(44)

مب يوكرب كالناو ت سيداس الفرموم كام كاسادات س ٢ - (-سن ١) + و (-سن ١) + و لم وسن ١) + والم من ١١ ١) + و (-سن ١١١) } ن ت = - م ومن لا

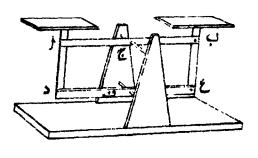
اب اگر کب = م و تولاء و جمطه ادر ما = م ام حبط

من لا - اجب طرمت ط عن الم عن الله
ن ست = ٢ ومسس در الريك تمال كو مركم الله المركم الله المركم تعالى كو مركم الله المركم
الدب كم سفادر دوسرى دوسلاخ ب ب كريك

مشق ۳- روبرول '(Roberval) کی زازو- یه زازو مظاقه کی مام طور پر تمال م في سي اسسي عارساني اب، بع عد اورد أمون بي من كوكولول الحب

د ۲ پرس ط للآياً مو"اسبے ك

ان سے اکریتوازی



الاصلاع بتناسب نيزاب اور دع کے وسطی نقطے ہے اورف كواكث تعاني

خ*طی*ں نامیت نقطول كوميل

مرديا طاكسي سلامش (ب

اوردع بع او ف ك رد آزادا : كموم عتى بي-

سلافوں اُ ﴿ اور بِ ع کے ساتھ مساوی پلڑے گئے ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک پروہ سنے ورکمی جاتی ہے جس کو تو لما مقصور ہوتا ہے اور دو مرسے پر باٹ ق رکھے جاتے ہیں۔ ہم موہوم کام سکے اصول سے برنا بت کریں سگے کہ اودان واور ق کو خواہ پلڑوں کے کسی عمد پر رکھا جائے اس سے کچہ فرق ہنیں پڑتا ۔

بوندج ب ع ف إدرج (حف موازى الاصلاع بي اس من طامري

كر زازو خواه كسى زاوير من سے كھو سے سلافيں ب ع ادر ﴿ ﴿ بِمِينَ مِ فَ مِنْ مِنْ مِ

متودزى لىينى انتصابى رسنگى -

اگرسائے آ ب کوکسی حیوت زادیہ میں سے گھایا جائے تو نقطہ ب اتناہی اربر اُ تُفنا سے متناکہ نقطہ او برا طقی ادبر اُ تفنا سے متناکہ نقطہ آ ینچ کرتا ہے ۔ اس کے سائے سائے ب اتناہی او برا طقی ہے جتنی کہ اُ کہ شیجے اُر تی ہے اور دائیں طرف کا بلرا اتناہی او پر جرمہتا ہے جتنا بائیں طرف کا جیجے اُر تی ہے اس کے ایسی صورت میں مربحاً سلاخ حب نے اور اس کے بلزے کے دزوں کا موہوم کام سلان کے بلزے اور اس کے دزوں کا موہوم کام سلان کے بلزے اور اس کے دزوں کے موہوم کام کے مساوی اور نالف العلامت ہوتا ہے ہموہوم کام موہوم کام کی مساوات میں ایک دوسرے کو خلیج کا دوسرے کو خلیک کا دوسرے کا دوسرے کو خلیج کا دوسرے کو خلیج کا دوسرے کو خلیج کا دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کو خلیج کا دوسرے کو خلید کا دوسرے کا دوسرے کو خلید کا دوسرے کا دوسرے کو خلید کی دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کو خلید کا دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کا دوسرے کو خلید کا دوسرے
ہے ہیں۔ نیز اگر دائیں طرف کے بارٹ کا بشاؤ ادبر کی طرف ب ہوتو ہائیں طرف کے بارٹ نیز اگر دائیں طرف کے بارٹ کا بشاؤ ادبر کی طرف ہے میں مدارہ میں میں میں

کا مباؤ ینیج می طرف می ہو گا اس مے موہوم کام کی مساوات سے حاصل ہوتا ہے۔ قریب در کی مراد ہے۔

ق × ب+و (- ب)=.

اس کے آگری آلدکسی عمل میں ہمی منعاد لی ہوجا سے توق اور و مساوی ہوئے اور یو مساوی ہوئے اور یہ ساوی ہوئے اور یہ ساوی ہوئے اور یہ اندرا بول اور سنے کے مقام برکسی طرح بھی منعمر بنیں ہم اس کے بات اور شنے بار ول میں کسی مقام بر بھی در سکھ جاسکتے ہیں۔اس سے یہ نیٹر میں کسی مقام بر بھی در سکھ جاسکتے ہیں۔اس سے یہ نیٹر میں ان کا آلہ میں نکل کا ہونا مزوری بنیں ہے اور نہیں ان کا آلہ کہ کے لحاظ سے متناکل ہونا مزوری ہے لینر طبیکہ ان کے وزن مسادی دی دہیں۔ مستقی ہم سے ایک میسال منت ہر ماسی طور پر ایک جینے انتصابی منحنی بر بڑا ہے ادر امس کا ایک مرا ایک جانی انتصابی دیوادے ساتھ لگا ہوا ہے۔ اگر شہ بیر بر کا کے لئے متعادل ایک مرا ایک جانی انتصابی دیوادے ساتھ لگا ہوا ہے۔ اگر شہ بیر بر کا کے لئے متعادل

ایک طرا بیک جنگی متصابی دیوارد. رہے توسنحنی کی مساوات معلوم کرد۔ (4r)

وبواركه ما محور ما نؤا دراس ير کے کسی نقطہ و کو بدا

تقل كى اد تجائى وكلا كے

اوير ما بوتو موبوم كام كى مساوات ہوگی

كيونكه ديكر توتين تعني

د بوارا د شخنی کے تعامل

دفنه م. اکی روسے موہوم کا م کی مساوات میں نہیں آئے۔ ن مائے ستقل = ه اس کے نقطہ دف کے محدد ہیں (و جمط، ه) جہاں م و ملاخ کا طول سے اور طم اس كازاديد ميلان سميسمت افقى كي ساعة -

اس کے اف کی مساوات ہے

ا - ۵ = مس ط (١١ - امجم طه) = الممس طر - الاجب طر

اس كے نفاف كے لئے لا كے لحاظ سے تفرق كرنا جا سيتے

تفرق كرف سے حاصل موتا سے لاء وجم اطرادر ا۔ ه =- و جب طر

ラ=デーー()+デ

لینی مطلو بهنمنی جار قربی در نددیر کا ایک معدسرے ۔

مثالیں - جارمساوی کیساں وزنی سلاخوں کوجوٹر نے سے ایک معین بنایا گیا ہے جس کوایک

۳ ۔۔ ایک بنتظم مسدس (ب ج دع ف جرمساءی سلاخوں کو آزا دانہ جوڑنے سے بنا یا گیاہے۔مسدس ایک انتہا بی سطے مستوی میں اس طرح ساکن ہے کراس کا تنابی ہ افعی میزسے مس کرنا ہے اگرج اور ہن ایک ہلی رسی کے دزیعہ بویست ہو ل تو ثابت کرو کہ رسی کا تناؤ و ماہ ہوگا جہاں وہرایک سلاخ کا وزن ہے ۔

مردی ما دور بہہ بروہ بنیاں و ہروی سان ما دون ہے۔

ہم سے چارساوی کیساں سلاخوں کو جوائے سے ایک مربع بنایا گیا ہے ہرایک سلاخ کا

وزن و ہے مربع کو ایک کونے سے اٹکایا گیا ہے نیچے کے تینوں کووں میں سے ہرایک

پر وزن و لٹکایا گیا ہے افقی و تربرایک سلاخ لگا نے سے اسے مربع شکل میں قائم رکھا

پر ورن و حقایا تناہے ہی و تر پر ایک علاج کا سے اسے اسے گیا ہے۔ تابت کروکہ سلاخ کا تنا وُ ہم وہے ۔ ۔ برطبال مراہ ماری مراہ اور مراہ فرک مرمہ یک کساک کر

ہ ۔۔ و طول کی جارسا دی سلاخوں کو بیست کرکے ایک کو نے سے لٹکا یا گیا ہے اور اس کونے کو مقابل کے کونے سے ایک مجکدار رسی کے مزیعہ بیوست کیا گیا ہے ۔ اگر سلاخیں لیک مربع کی شکل میں لٹکیں اور رسی کی کجک کی قدر سلاخ کے وزن کے سادی

ہوتورس کا طول بغیر کمنیاؤ کے اوال ہے

۲ -- جاد معلاخ ں کو جوڈ نے سے ایک متوازی الاصلاح بنا یا گیاہے - مقابل کے جوڈول کو رسیون سے ملا یا کیاہتے جو متوازی الا صلاح کے وتر بناتی ہیں - اس نظام کوایک افتی میزرپر دکھا گیاہتے ، نامت کرد کہ ان کے تناؤسلاخوں کے طولوں کی نسبت میں ہیں -کے ۔ چے مسادی وزنی مضہتیروں کے سرول کو جوڑنے سے ایک مسدس بنایا گیاہے اور مسدس انتصا بی سطح مستوی میں اس طرح رکھا گیا ہے کہ ایک شہتیرا نعی سطح مستوی پریساکن ہے اد بر کے دومال سنہنیران سے ساختراویہ طدنباتے میں ادران سے وسطی نقطوں کو ایک مکی رسی کے ذریعے لمایا گیا ہے، ٹابٹ کردکر اس کا تناؤ و مم طریب جہاں و ہرایک ایک منظم مسدس می مساوی وزنی سلا فول سکے سروں کو جورو سے سے بنا باکسیا ہے اوراس کے دومقائ کے راسول کو ایک افقی رسی سے ملا ایکیا سے مسدس کی ایک سلاخ ایک افغی سطح مستوی ۔ سے مس کرتی ہے ۔ مقابل کی سلاخ کے دسطی نقط پرایک۔ وزن وركعاً كياسيت رازمراكي ساخ كا وزن و بو تو نابت كروك يسي كاتاؤ شاهيد عمريكا و -- بع مسادی وزن سلافول کے مرول کو جوڑے سے ایک متف مسلاس (بع دع ف بنا إرب اس كونقد اس مكايا كيا سي ادر دو بلي ساونون ب ن ادرج ع عداس فنكل و قام ركا كيا بهدينات كروكدان سلاس كي دائ في الماسلا ادر عل ویں جان وہرابک سلاخ کا وزن ہے۔ (يبط لطام كوسوم مناؤاس طرح ووكر (هب اور (هن نابعد نين اور بب جاور دن ع سمت انتصابي كامن فرسادي الميلان بون- اسطرح ج ع كامن ومعلوم كرو تب نظام کواس طرح بٹااؤ کر ب ج اور ن ع دونول انتصابی بیں اور باتی سلا ضی کمی ت انتصابی کے ساتھ سادی کمیلان ہوں)۔ - ایک چیٹا نضعت کروی تختہ ایک جگنی انتی سطح پراس طرح ساکمن ہے کہ اس کی طع

انتعبابی سبند ادراس کاسخی کاره ادیری طرف سب - اس کو در معلور نقطول بردوایسید سنجتروں کے دریعے دبا گئی انتھابی طیوں کے اندر بیسلتے ہیں - اگر ترزقال لی سبت معلوم کرد - بیسلتے ہیں - اگر ترزقال کی سبت معلوم کرد - اس دو مساوی بیسال ساخیں (حب ادر ا ج بین جن میں سے ہرایک کا طول بات سب یا معلوم کرد کے یہ مساوی بیسال ساخیں (حب ادر ا ج بین ادر او نصف قطر کے ایک حکم ایک محلام انتھائی دائرہ برساکن ہیں - اگر ان کا درمیانی زادہ باط ہوت دائرہ برساکن ہیں - اگر ان کا درمیانی زادہ باط ہوت

جو ترتیس موہوم کا م کی ساوات میں آتی ہی وہ صرف اوران و ہیں اور ہرایک سلاخ کے مرکز نقل کی لمندی واکرہ کے مرکز کے اوب لیے ۔ ب حجم طریع ۔

نه ۲ ومت (في - ت جم له) = . " يعني - في حم طرمت ط + ب جب لا عن الع

۱۲ --- ایک منتورجس کی عودی تراسنس آیاب مسادی الاعظاع مثلث ہے دو تو تو ہولا میں جوانق کے ساتھ عداور بہ زاد سے بناتے میں اس طرح سائن ہے کہ اس کے دو کنارے ان مستویں سے مس کرتے ہیں۔ اگر مسس کرسنے والے کناروں میں سے گزرسنے والا الغ سمت انتھا بی کے ساتھ ناوم بطہ بنائے تو نابت کردکہ

> مس طرے امام جب عرجب بر ۱ مب (عرب) مام جب (عرب)

۱۱۷ -- ما دی و دون کے دوجیوٹے چکے طفق ایک ٹابت نافقی تاریر جسس کا محدراعظ انتصابی و دون کے دوجیوٹے چکے صفق ایک ٹابت اور برسکے ماسکر رایک محدود کی کھونٹی کونٹی کردئی ہے۔ ٹابت کردکہ وزن تعادل میں رہیں گے خواہ ان کو کمدر رکھا جائے۔

14 - ایک جبوا در نی حلق ن ایک چکنے نار بر بھسلنا ہے جس کی سطے ستوی انتصابی ہے ۔ یہ حلق ایک رسی کے ذریعہ جو سنتی کی سطے سستوی میں ایک جبولی جرخی حربر سے گزرتی ہے ایک اور درن و کے سائٹ مربوط ہے جو آ دا دان لٹک راجے ۔ اگر حلقہ قاد بر کمسی مقام میں شعاد ل ہو و خابت کرد کہ تارکی فئل ایک مخروطی ہوتی جس کا ایک مخروطی ہوتی جس کا ایک محروطی ہوتی جس کا ایک موجو

[اگر متا دل کے تحل میں مرن = ر ادر پیمت انتھا بی کے ساتھ داویہ طد بنا نے تو موہوم کا م کی مساوات ہوگی

ن معن (دجم له) + ومعن (ل- ر) = .

ن رجم ط + و (ل - ر) = متقل وغیو] ٢٠ - ل ب ایک وزنی شهتیر ہے جو (برایک ا فقی نحورکے گرد تھوم سکتا ہے -ایک رسی جرب کے ساتھ بندی ہے { کے انتصاباً او پر سج پرکی ایک جکنی جرخی کے اوپر سے گزرتی ہے۔ رسی کا دوسراسرا ایک معلومہ وزن ن کے سائھ بندھا ہے جوایک د کے بیوے کے خلنے منحنی برحرکت کرتا ہے اگر ہرمحل میں نقا دل رہے تومنحنی کی ساوات

معلوم کو-[آر کرا کے نیچ شبتیر کے وسطی نقطہ کی گہرائی لاہواور اس کا وزن و ہوتو

ن سن (رجم له)+ وسف لا=.

مینی ك دمم له + و لا = مستقل

يز (ل-ر) = ج + م و + م ج الا جال (ب = ٢٥ ادراج = ج الدين الدي الدين ال

(44)

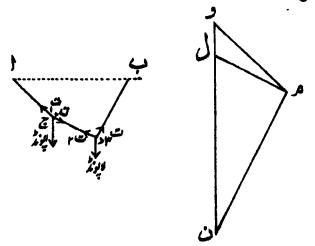
چھٹا باسپ ترسیم س

كوا - ايك نقط يرعمل كرسف والى متعدد قوقول كا واصل قوقول كي كميرالا منلاع کے وریعے ترسیمی طریقے سے بھی معلوم ،وسکتا سے کیونکہ (طاخطہ ہوشکل دفتہ ۱۹۸۷) نقطہ وبر من كرسف والى توكيس جولمجا ظ مقداد الرسمت كثيرالا منلاع (ب ج وع ف ك ا صلاح سے تعبیر ورتی ہیں متوازن ہیں۔ اس کے الب اب ج اج دام دع اور ع ف سے تبیر روسے والی قو قو س كا عاصل باقى الله وتت ف و كے مساوى اور متقابل موگا یعنی مافسل ذکور (فنسے تعبیر ہوگا۔ اس سے بنیجہ بحل ایک درہ برعمل کرنے والی تو توں ف ا ق ما س اط کا ماصل اس طرح معادم بوسکتا ہے۔ کو فی نقط (او اور قوت ف کے متوازی اور متناسب (ب کمبنی اسی طرح ق میں) میں اورط کے متوازی اور متناسب ب ج رہ درع درع ف کمبینی مب مطابق ماصل بحاظ مقدار ادرسمت کے خطار ب سے تعبیر ہوگا۔ ظاہرہ کمتعبد دق و ل کی صورت میں بھی یو عمل کیا جاسکتا ہے ۔ مبست سے سوالات جن کا تحلیلی طریقوں سے حل کرنا نہایت شکل یا مختل ب برتا ہے ترسی طرق سے مقابلہ اسانی سے علی ہوسکتے ہیں المیصرول انجنری یا دیگری کام میں بلزت بنی است علی ہوسکتے ہیں المیصرول انجنری یا دیگری کام میں بلزت بنیں است مار مورب ان سوالوں کے علادہ کسی چیزی مزدرت بنیں بوتی۔ اور کنیرالا منلاع کے علادہ کسی چیزی مزدرت بنیں بوتی۔ ۱۰۸۔ منصق ا۔ (ج دب ایک رسی ہے جس کے مرسے دوحوادی الا فق نقلوں ﴿ اور جب کے ساتھ بندھ ہیں۔ فاصلہ اسب ، فٹ ہے، ﴿ بح اج مح د اور دب کے طول الرج ہے کہ اور دب کے طول الرج ہ دج برایک ایسا نا معلوم وزن بندھا ہے کہ تعادل کی مالت یں جدب ناویہ تا اُرُسم ا اس وزن کی مقدار اور رسیوں کے تناؤ معلوم کرو۔

فرمن کرد که ست است مطاور تناو می اوروه ودن جو در بدندها م

ا پزنر ہے ایک انتمابی خطول کھینچو جس کاطول ا ایخ ہوج ج برکے ایک پہندون کو تبیر کرے۔ ویں سے ج ح کے متوازی قبیر کرے۔ ویں سے ج ح کے متوازی وی کھینچ اور ل بن سے ج ح کے متوازی ل م کھینچ۔

وه = ٥٠٤ الج الره = ٩ مره الج عرت = ١ وه الخ اور ت ك = ٣٤ و ه الخ



اس کے دیرکا وزن ۱۲ ده پوید م ادر تناو بالترتیب ۱۳۰۵ م ۱۳۹ اور

اء ۾ پونڈ وزن بي-

مشق ٢- عالم - حال كے فرورى مصے نيج كى شكل ميں وكھائے كئے ہيں الرب ب انفالی کمبا ہے۔ اس ایک شہیرے جس کوجب کہتے ہیں اور جوسرے الم کے روگھوم سکتا ہے۔ اس کو لکڑی کی ایک سلاح از بخیر سہارے دہتی ہے جس کوبندھن

كيتيب أورانتما بي كميا ب كانتغدد سابده موتى ب ع پراک چری موتی

سے جس کے اوپر سے اک زیخرگزر تی ہے من كالك مراوزن و کے ساتھ بندھا ہڑا ہے جبکواُ ٹھا یا منطور مواسے اور دوسرے

مرے ع برالاقت لگائی ماتی ہے۔ یرسراعام طور پرایک اسطوانہ کے کولیٹا ہوگا ہے۔ بندھن مرک مرد تو میں افق کے متوان ی ہوتا ہے اور اکثر اوقات زیجر ج ع کی سب اس پرسطبق موتی ہے۔ اور کی صورت میں جب اور بندعن پرسکے تعالی ترسیمی طور پر بطریق و بل

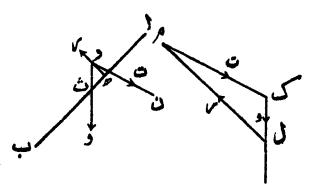
سلوم ہو سکتے ہیں ۔ سلوم ہو سکتے ہیں ۔ رو ان اسل میں بیانہ سے سلابی دکو تغیر کرنے کے سے ک ل انتھابی کمینو اسل موج ع كمتوازى كميني اورك ل ك مسادى و- هريس عدن ال ك ك موازى اور ک ن ، و ہے کے متوازی تمبیخو۔

سبك ل هرت مقطرج كو تعاول يس ركهن والى قرق لا الك كثيرا لا منلاع

ے کونکر ممان مینے بیں کوز بخیر کا تناؤ برخی کے اور سے گزر نے میں تبدیل نہیں ہوتا اوراس کے سناؤ مذکوروزن و کے ساوی ہے۔اسکے اس کا وبار من اور ج دکا کمیاؤ ت ہوتو

اِس کے اُسی بیانہ برحس برکک کی ورن و کو تغبیر کڑا ہے هرت و ت کوار مان کے کہا کو تبییرکرتا ہے۔ رمشق مع ۔ بناؤکرایک ِ اِژنے والی تبنگ پرھو تو تیں ممل کرتی ہیں وہ اسے کس طرح تنا ول میر

ر کمتی میں اور ثابت کرد کر تبنگ برکا عود ۷ شدوری اور خطوا تنصابی کی سمتوں کے اندواقع ہوگا۔



ز من کرد کہ ﴿ سب بنگ کا وسطی خط ہے اورب دہ نقط ہے حس پر دکم کل ہو تی ہے نیز بٹنگ کی مستوی سلط کتاب کے دری کی سلم مستوی بر عمود ہے ادر فرص کرد کر بٹنائس مع دم كا مركز تقل مف م

ہوا کا تعامل تینگ کے ہرایک نقط پر دواجزائے ترکمیبی میں تحلیل ہوسکتا ہے۔ اک مینکوئی مطع پرعودوارادردو سرے اس کی سطح کے متوازی عوفرالذکرا حزا سے ترکیبی

كا يمنك بركيه الزينيس بوتا اس كي ان كونظرانماز كما ما سكمات - اول الذكرا جزاك

تركيبي تركيب باكرتبنك برعموه واراكب واحدونست بن ما تنه بس ج دف كم مجداوير نقط حدير فمل كرن بيء مما ادر وكسي تقطرف برسكت بي ادريتسرى قرعت ليني رسى كأ

تناؤمت اس فتطرمی سے کررا ہے۔ وزن وکو تعمیرکرے کے نئے انتہابی خط ک ل کمینچوادر س کو تعمیرکرنے

کے لئے ل مراحد کے موازی کمینجو۔ تب و وں کے مثلف سے موک رسی کے

مناؤت كوينبيركس كا_

فك سيدن برسه كرانقها في خط لك كماتد ظاهرك برسب خط

ل مرکے بڑازادیر بنائے گا مینی بنباک برکا عودرسی کی سب اور خط انتصار لی سکے انمد واقع میکا ۔۔۔
واقع میکا ۔۔۔

ورج ہوں ۔ توتوں کے شلف سے یکبی فل مربے کہ تناؤست اوروزن و دونوں ہوا کی ترت س سے چھو نے ہو نگے ۔

مثاليس

(ذل کی منالیں رسیمی طرنق سے حل کی جائیں)

ا ۔ ۱۰ فن لمباایک وزنی تنهتر الب وزرسوں کے ذریعے جو (اور ب پربندسے ہیں اس طرح ساکت و وار و ، پربندسے ہیں اس طرح ساکت و و اور و ، اور و اس بنا سے ہیں ، اگر الب سمت انتی کے ساتھ وو کا زاویہ بنا سے تو تا و کہ شہیر کا مرز تقل

بالسے کیتے فاصلہ پر ہے۔ نیز اگر اس کا دزن ۲۰۰ پونڈ ہو تو رسوں کے تنا وُمعلوم کرو۔ (سے کیتے فاصلہ پر ہے۔ نیز اگر اس کا دزن ۲۰۰۰ پونڈ ہو تو رسوں کے تنا وُمعلوم کرو۔

(١١١ء م فش ١ ١١١ اور ٨ و ١١ يوند وذان)

۷-- (نب ایک سیسال سلاخ ہے ہوج جول کے گرد تھوم سکتی ہے اور ایک ہلکی رسی (۵ کے ذریعہ جوایک طرف ایک ہا لا ترین کفط کر سے ساتھ اور دوسری طرف جو کے انتصاباً نہیجے نقطیب دہ کے ساتھ بندھی ہے ساکن ہے۔ اگر (ک = سوفٹ م

ج کے انتصاباً نیجے نقطسہ (کے ساتھ بندھی ہے ساکن ہے۔ اگر (ب = س فٹ / ال ج = افٹ اج د = مف ادر دال = ادر انٹ ادر سلاخ کاوزن ۱۰ پوزل ہو تو رسی کا تناوُ اور سحد پر کے تعامل معلوم کرد۔

(هدو اور ۱۹۱۹ پنتروزل)

۳-- ایک برآمرہ بیرم ذیل کی دوسلاخوں پر مشتل ہے ایک افعی سلاخ (ب ہے جے تھا۔ ایک افعی سلاخ (ب ہے جے تھا۔ تھند کے ذریعے ایک ناجت نعظ (پروصل کیا ہوائے اور دوسری سلاخ دج سرمے الکہ عالم اللہ کے ایک مائے اور دوسری سلاخ کے سرمے الکہ مائے اور دوسری طون (کے کر عسر نہری اکو میں۔

جایک طرف اب کے نقط ج کے ساتھ اور دوسری طرف (کے عین نیم ایک نابت نقط د کے ساتھ وصل کی ہوئی ہے۔ ایک ہندار و بیط کا ایک و زن ب بر بند حاہے۔ اور ج برکے تما مل معلوم کروجیکر (ب = انف ، ا ج = م نش اور (د = س نط سلاخوں کے وزنوں کو انظرانداز کیا گیاہے۔

(۱۸۲۳ ادر ۱۹۷۱ ونظرویٹ وزن)

9- 1- رسیانی (مینی میری کا) کثیرالاصلاع - اگرایک رسی کے سرے و وابت نقطوں کے ساتھ بندھے ہوں اور اگر رسی کے مخلف نقطوں پر وزن لکا سے مائیں تو

سے جاتا کے بدرگ ہوں ، در امراز می سے سات مستوں پر در در ان معام رسی سے جو فئکل مبنی ہے اسے ربیعا نئی کیٹرالا صلاع کہتے ہیں۔

فرص کردک و ادر و دوناب نظ بی جن پرسی کے سرے بدھائ

نیز فرص کروکہ (اور اور اس اون رسی کے وہ نقطے ہیں جن بربالتر تیب وزن وی دی د

و و ، وم ون مك رب ير-

نیز فرمن کروک رسی کے حصوں و (۱ لر لر) لر ارائی لون و کے طول الترتیب واد فر میں اور افق کے ساتھ ان کے مسیلان

اگرنفطوں و اور کا کے درمیان افتی اور انتصابی فاصلے بالرسب حاور کے جو رہوں تو

الم جماعه + في حم عمر + الرحم عمر + + أون + المم عن + = هر (ا)

المجب مم + فرحب عم + " " ورجب من الم

زمن کوکر ت ، مشرا مت اس ، م من الرتب اس کے

تخلف حصوں کے تناویس۔

یے بعد دیگرے مخلف سمتوں کے تعادل کے لئے انقی اور انتھا بی ممتوں

مِنْ کَلِيل کرنے سے

ت جب عم - ت جبعم = و الد ت جم عم - ساجم عم = ٠

سي جب عن - سي جب عه و ادر سيم مم عن سي جم عدد .

ت جب عسن د الم عن عن عن عن اور تن المجمع عن المحم عن عن عن عن عن الم

یہ ۲ ن ساواتیں مع ساواتوں (۱) اور (۲) کے (ن +۱) امعلوم مناول اور (۱) امعلوم سیانوں کے معلوم کرنے کے لئے کافی ہیں۔

ا دیر کر مساوا تول میں جومسا وا تیں مائیں طرف درج میں اُن ست

لت مم عر- رت مم مر = ست مم عمر =

= سناراحم عن ا = هم (فض كرو) (٣) بینی دسی کے تناؤ کا افغی بزو ترکیبی مرمگرمستقل ہے اور حرکے مساوی ہے۔

مندبح كرنے سے

مس م - مس م = ط ممسس عم -مس عم = - (۲

سس عن ۱۰ مساعن × <u>ون</u>

اگرودن بسب مساوی مبول تومسس هم مسس می^{دم}سس عه_{د ب}اکسد حسابب

اس کے اگر رسی کے بختلف نقطوں پر متعدد مساوی وزن با ندھے جا میں تو رسی سے ختلف حصے افق کے ساتھ جوزاد سے بناتے ہیں اُن کے ماس ایک سلسلم

صابد بناستے ہیں جس کامستقل فرق = کو ائی ایک بند ہا ہوا وز ن ب رسیون کا نقل متی تناد-ااسترسیمی عمل-اگر رسیانی کثیرالاصلاع میں رسی کے مختلف حصول کے میلان سیسیمی عمل-اگر رسیانی کثیرالاصلاع میں رسی کے مختلف حصول کے میلان

دے ہوئے ہوں تو تہم ہاتسا نی ہندسی عمل سے د، ورئہ و ن کی نسبتیں معلوم کرسکتے ہی فرض کردکہ ہے کوئی نقطہ سے ادراس میں سے گزرنے والاکوئی افقی خط ہے دہتے

ج ف رج ف، ج فنان الم الم رسيول ول، إلى الم وسكمتوازي كمين

بس الدي فناج دا فناج د . . بالترتيب عمرا عمرا السكمساري بو منكم. كوئى انتفعا بى خطا كمينچو حرا ل خطوط كو

> دا ن ن ن سر برتطع كرس نت و نعه گزست نه کی روسے

<u>ق</u> يمس عبر مسس ع

دن دن دن عني، جد جد جد ور وس مي مس م و دف م دف و من وس وغيره وغيره

اس گئے مقداریں هر، ور، ور، الرتب خطوط جه در، ف ف ف ف ف ف

فنن هنن المسلم مساوي مير - اس النه ان كي سبتير معلوم موسكتي مير -

([-1)

ینیجداس امرے بھی فاہر ہے کہ نقط الر پر اوزان کے قونوں کا مثلث ج دنم دن ہے کو اور ل پر ج دن دن ہے اوراس طرح و گر نقطوں کیلئے۔ اسی طرح اگر جروں پر جو دزن لطکتے ہیں وہ دئے ہوئے ہوں اور کسی

دورسیوں کے سلان سعلوم موں توہم باتی رسیوں کے سیلان معلوم کر سکتے ہیں۔ ہم ایک انتصابی خط تھنچتے ہیں اور اس پر ن من من من من ہم وزوں و ، و کے مقالب نشان لگانے میں۔ اگر دورسیوں و فر ، فر کی سسیں دی ہوئی۔

موں توہم ف ج ادر ف ج أن كے متوازى ممينے ميں اوراس طرح نقط ج

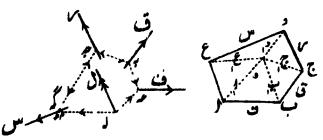
معلوم کرتے ہیں - اب ہے کومخلف نقاط ف ، من من میں منیہ وغیرہ کے سائقہ لمانے اسے افرائلے سے افرائل کے سائقہ لمانے سے افرائی رسیوں کے سیلان معلوم ہو سکتے ہیں -ااا - ترسیمی طریقے سے ایک مستوی میں عمل کرنے والی متعدد قرق ک کا حال معلوم کرا۔

ر میمی طرفیعے مسلے ایک مستومی میں عمل کرنے والی متعدد فروں کا حاک معلوم آرا۔ ِ زُمِن کرد کُر تو میں بنی ، ق مر ما ادر میں ہیں ادر من کے خطاعمل با میں

و طن زوله کومین در که می اور طن بین اور آن سے خطا مل با میر طرت کی شکل میں دکھا سے کئے ہیں ۔

کٹرالا عنلاع ال ب ج دع کمینج حس کے اصلاع (ب، ب ج، اور دع بالترتیب ف، ق، م اور س کے متناسب ہوں۔ رع کو لائو،

اس طرح قوتوں کے کیٹرالا صنلاع کی روست (ع بلحاظ مقدار اور سمع مسلوبہ حاصل کو تغییر کرتا ہے۔



كيرالامنلاع كاندركوئي نقط ويو اوراس كو النب اج د عصلاد

14)

ورفرض كوكم إن ما في والع خطول محطول والباج في ع عير وت ون کے خطاعل بر کو لئ افتط عراب اور ب و کے متوادی خطاعرب ینچوج تی سے مربر لے بج و کے موازی خط بر حرکمینی جس سے حربر لے اور دو کے متوازی جر کے تحییج جو س سے گر پر کے اور عدمیں سے ع و اور و (کے متوازی خطوط گفت پنچو جوایک دوسرسے کولد پر کمیں۔ لدمیں سے لد ل، ال ع کے مساوی اور متوازی کمینچوا خب لدل ہی بمانرجس را ب قرت ف كوتنبركرتاب الحاظ مقدارا ورضوعمل ك مطلوب بونكون ا ب سے تبیر واسه اس كئے یہ ا و اور وب سے تب ہونے والی وو تو تو ل کے معادل ہے ، اس سے اس کی بجاسے دو تو تیں فاورب له عد اور سعد كى متولىي إلى جاسكتى إين - اسى طرح فى كى بجاست ووتو مين ب اور ج اعد به اور حربه کی سمتوں میں ای جاسکتی ہیں اس کی با نے ورقوتیں ج اور 4 ب ج اور کہ جبر کی سمتوں میں لی جا سکتی ہیں اور مس کی بجاسے تو تیں در اور ع ، مرکہ اور لدگہ کی سمتوں میں لی مباسکتی ہیں۔ اس طرح توتوں ف ا ت اور س کی بجا سے شکل ع یہ مجدلہ ماعمى ماسن والى تونوس ل كسي-ان تولوس یں سے کناروں عدب ہر بہ جہ اور حد گہ میں عمل کرنے والی فرتیں ایک دوسرے لہ پر عما کرنے والی صرف وو تو تیں بھیں جن کا حاصل (ع ہے۔ و ب ج د ع كى سرى ئىكلور كو قو ق س كا كييرالا منلاع كيت بس اوره بر ملك له

و جب ہے دع کی شم کی شکلوں کو قوق ک کا کثیراً لا صنلاع کہتے ہیں اور عدیہ جبگد لہ میں میں نکلوں کو زیخیری الاصلاع کے نام سے موسوم کر ہے ہیں کیونکواس میں ہیں میں ہیں کیونکواس میں ہیں۔ کیونکواس میں مہید می رسیوں اور بخیروں کا ایک جٹ تعاول میں ہے۔ 11۲ ۔۔۔ اگر قوق کے کثیرا لاصلاع کا نقط ع نقط الریر منطبق ہر توکیٹرالا صنلاع

كوبند كيتي بي اوراس عورت بي حاصل قوت معدوم موجاتي سمع-الرُّوُّون كاكثير الاصلاع بندمونكين رسِما ني كثيرالا صلاح بندنه موسيتي الرّ

كر له عد خواستقيرنه بو يو بارس إس وع اور أ وسك موازى تقاط كراورع

برعمل كرف والى دو أو من زي جاتى إلى معن إس مورت من جارس باس دوساوى

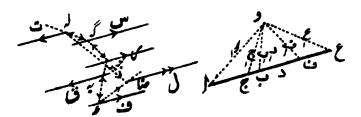
متوازی اور شقابل قوتیں رہ جاتی ہی جن سے ایک جنت بمائے۔

لين اگردسياني كيرالاصلاح بمي بند بوتو گه له م خطيمت تيم روگا اوريساوي متوازی اور مخالف تویش ایک می خطامت قیم میں عمل کریں گی اور اس لئے ایک

اس کے اگر قریب ف اس اور س تعاول میں ہوں قومزوری ہے

كه ان قوق كے قونى كيرالا منلاع اور رسيانى كيرالا صلاع دون بند موسك

چا ہمئیں۔ عالاح اگرو تیں متوازی ہوں تب مجی ممل و نعہ اقبل کے مطابق موسکتا ہے۔ نیچے معالاح اگرو تیں متوازی ہوں تب مجی ممل و نعہ اقبل کے مطابق موسکتا ہے۔ بوسكل ميني اور اس صورت كے لئے ہے جيكرة تيس متوازى بيس اور باج توں میں سے دونو تیں اِن نین تونوں کی سمع کے مفالف عمل کرتی ہیں۔



يزكدف، مراورس كىمت ايكسى عداس كالبرب جدام دع كى سمت يمي لازيًا ايك بهي موكل - اسى طرح ب ج ع ع ف كى سمت ج ق ادر ت كو تعبيركر تى بين اس كے خالف بوگئى -مل كانبوت وبك سب جووف اقبل من درج كما كياسبي- خاصال جو

﴿ ف كمساوى اور سوّازى س بها ظ مقدار اور خلّ عمل كم مطلوبه مامل كم

تبیرکرتاہے۔ اس ممل سے مریخ بہت سے وزنوں کا حاصل درُن معلوم ہوسکتا ہے۔ سشق ہے ایک کیساں سلاخ ھاک کوجس کا طول ۱۱ فٹ ادر وزن ۵ ہنڈر و بیٹ ہے ہو اور کے براس طرح سبارا گیا ہے کہ یوا نن کے متوازی ہے اس کے نقطوں ل اور هر پر جن کے فاصلے هسے بالنرتیب ۲ فٹ اور ۸ فٹ بس ہم بنڈرویٹ اور م ہنڈرویٹ کے وزن با مدھے گئے ہیں ترسیم طریق سے ھ اورک پر کے ننسا ل دريانت كرو -

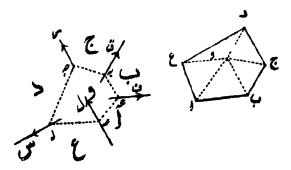
ا ب ب ب ، ج ، ج د انتعاباً نیم کی طاف اس بیاز کے مطابق ا پوجس برایک مِنْدُروب بضف الخ سے تعبیر موّائے ، اس طرح أب = ٢ الخ ببع علم الح الح اور - &11 => E

E

كونى منامب تعلب ولمتخب كردر

انتعابی خط ل پرکوئی نقط عد لوادراس میں سے عد صد ہ حد بالترتیب و لا ادر وجب کے متوازی کھینچ جر ھ اور ف میں سے گزرنے والے انتصابی خطول سے صداور ہر بر بلیں ہے و کے متوازی جر فر کھینچوا کہ جدکو طاؤی اور میں ہے کر سے متوازی وع کھینچ جو اور ع اور ع اور ع اور ع اور ع اور ع اصریحاس اور مما کو بقیر کر مینگے۔ ناپنے سے می = ۱۹ میں ہوا ہو ہو اور سے اور ع اور میں کو بقیر کر میں کو بقیر کر میں ہوا ہو ہو ہو ہو ہو گا ہو گا ہو گا ہو
قوتی ف اور ق کی در میانی جگه کوب سے تبیر کرو، ق اور مماکی در میانی حگه کوج سے تبیر کرو، ق اور مماکی در میانی حگر کوج سے تبیر کرد اور علی نزالقیاستب ف کا خط عمل فر اور ب کی حگہوں کی در میانی حد ہے اور اس لئے

مب ف قاحطِ من آراد مب لی جبول کی درمیاتی حد ہے اوراس سے دع سے بوسوم کیا جا سے اوراس سے دع سے بوسوم کیا جا سے اورار سیانی کثیرا لا صنلاع حد بہ جدلہ صد کو کھینے لیا جا سے آوکیٹر الا صنلاع خذکور کے اندر کی جگہ کو اسمانی سے دسے موسوم کیا جا جا سکتا ہے۔



امی طرح قوق کے کیٹرا لا منلاع کے کسی زا دیر کوچیوٹے حرف کے مانڈ کھنے کے جوب یں الیانی کٹرالا منلاع کی بردنی نفتا کوبڑے دف کے مانڈ کھیا جامک ہے۔ قریت من کا نقطہ عمل عرفضا وُس (، حب اور و کا نقطہ نقاطع ہے اسلے

(14)

109 اس کو نقطه (ب و کرمه سیکتے ہیں ۔اس مقط کا متنا طرقور ت کا شکٹ اب و ہے۔ اسی طرح ووسری فوتوں کے کیے۔ راگردو تطیون و اور و سکے جاب میں تونوں سکے کسی وسئے ہوسئے نظام کے دورمیمانی کثیرا لا صفاع تھینیے ماکیں تو ان کے ستنا ظرا صفاع کے نقاط تقاطع استبقرر وأقع بوسق بن جو و و كم متوازي س -فرمن الروكر عَه بَه حَرِيها في كثيرالا صلاع بع جو دفعه ١١١ كرمط إلى ومرے قطب وَسکے جواب میں بنا یا گیا ہے ، عَد ، بَہ ، حَب پرعمل کرسنے وا لی سب

بہ یر کی قوت تی کو عد یہ اور جہ بہ کے متوازی دو تو توں میں تخلیل کرد حوہب و اور وج کے ساوی ہوں اور تبر برائٹی ہوئی قرت ت کو تبر عد اور بر جر کے متوازی دو توتوں میں کلیل کرو جو و ب اورج و کے ساوی موں انقطہ ع کے گرد جو عدب ادر عرية كانقط تقاطع سب معيار ارزاو-

نب جونکه یه حپارا فزات ترکیبی تعاول میں ہیں اس-

توة ں ک ، ق ، ر کواك دو۔

معیارا زوں کامجوعه عفرمے۔ نیزان میں سے دو قریس مے گزرتی ہیں-اس کے ہم بہ اور بہ جَہ پر عمل کرنے وائی تو تو س کا معیارا فرع سے گرو (جو وج اورج و کے

. اس کے ان کا حاصل عربی سے گزر تاہیے لیکن مید صری ط برے بھی گزرتاہے جو بہ حبر اور تیر جرکا نقط تفاطع ہے۔اسلتے ان کا مال خط و فلیس عمل کواہے الیکن دفد ۱۱۷ کی دائی طون کی شکلسے وج اورج و سے تعبیر ہوئے والی قرقوں کا ماصل و وسے متوازی ہے۔

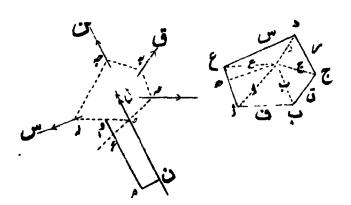
اسی طرح خططص جو کل کو خطوط عبالہ اور عبر کہ کے تقاطع ص سے مانا

ہے و دُکے موازی ہے اس ك تام نقط عاظاهيا ايك خطاستقيم برواقع بي جوود

الرستوى وون كي ايك وسئ بوسئ نظام كا ايك رسيا في فيرالامثلاء

علوم ببوتوسب رسياني كثيرالا ضلاع بناؤ -ا بور جاریاں میر راسی میں ہے۔ اب دند اقبل کے عمل کو النے سے بر سکا ہے۔ ر فرض کرداعہ باکسی خط ہے کے سے ہر لما ہے کسی اختیاری سمت میں خط ع عد به طميني جوتوتول ف اور ق سے عراب برسفے - فرفن كروك به جام لاالماء ه ک سے و، و، و پر طخی بی -خط و بر حر، و خر که او که منه، ... کمینج جرم، س،ت ... سے حَد، که ا حکد، پر کمیں۔ تتب دِ خد اعبل کی روست عد بتر حبہ دوسرار میانی کزرالاصلاع ہے مناب انہاں مربد رائس کے ظاہر سرمے کے منطب يز چونكم هك اوروعة بر دونول العقادي بين اس سلفظا مرسايع كسطيح ر نسیا نی کتیرا کا صنلاع کی لِا انتہا تعداد حِاصل ہو سکتی ہے ۔ ر وہ ان میر بات میں اس میں ہوئیں۔ 4 اا -- معلومہ تونوں کے حاصل کے معیارا ترکی رسیمی تغیر ہے۔ ر د فعدادا کے طریقے سکے مطالق ہے ۔ الرمين سعام معلوم نقطهم المسك كردمعارا فرمعلوم كرا بوتواس مي سع ايك خطام و و مامس ك محمد إزى فينجو دربياني كثيرالا منداع سك أن اعتلاع سيع بواس ماصل برسك میں عادر ویر مے - ومیں سے ایک خط و ھا، (ع پر عمود کھینچو ادر هر سے ماصل کے خطاعل برعمور مرت کا او۔ چوبکہ متلوں عصد و اور اوع کے اصلاع سواری ہیں ر ع و عصه صد سے ع وربعود عراق مرك ما الله على ا اع × هری = عوم ده اس اے ماروں ترکیبی قرال جنے ، ف اس اس سے معیارا تروں کامجراعہ هرك كرو = عاصل ل كاسباراز مر ك كرد - ل يرن - اع مرن = 9 5 × 6 a

ینی هر کے گروسیا داخراس حاصل مزب کے مسادی ہے جس کا ایک جزو منر بی و دمظوم (۱۰۱) ہے جورب ان کثیرالا منلاع کے ماصل میں سے گزرنے والے امنلاع کے درسیان هر سے حاصل متوازی خوبر تطع جوتا جواور دوسرا جزو منربی وہ عمود ہے جو تطب دیں سے حاصل کو تعبیر کرنے والے قرق کثیرالا صغلاع کے ضلع بر کھینچا جاسئے۔

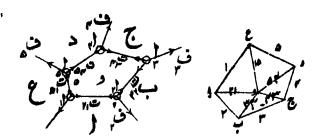


اسی طرح کسی ترکیبی قوت هن کا مرک گرومعیارا تراس حاصل حزب کے مساوی ہے حس کا ایک جزود بمطوع ہے جوف کے متوازی ہو میں سے گور مے والے خطر پرالیانی کے عدمی سنت گرز سے والے دوا صلاع کے درمیان قطع ہوتا ہے اور دو سراجرہ وہ عود ہے جوقوقوں کے کیٹر الا صلاع سے صلع (ب پراجوت کو تبیر کرتا ہے) قطب و سے کمینی جاتے ہے

۱۱۸ ۔۔۔ ہلی سلاّ خن کو آزادانہ جوڑ نے سے ایک کیٹرا لا منلاع بنایا گیا ہے قوق . کا ایک نظام جوڑوں برعمل کررہا ہے جو شعاد ل ہیں بعلا خوں کے طور ان کی مت میں تعالی دریا نیت کرو۔

فرمن روكه بايخ سلافول المرار له لم المسد له الم كوا دا دا ما طورير

بوست کرکے ایک قالب بنایا گیاہے۔ زمن کردکر اس کے جوڑوں پر تو تیں ت، ف، ف، ف، ف، ف، مل کرتی ہیں جیساکہ شکل میں د کمس یا گیاہے۔



وض کرد کران کی دھ سے سلاخوں کے تعال الترتیب ت، سے اس سے سام اس کے تعال الترتیب ب ، سے اس سے اس اس میں اس کے تعال الترتیب میں ۔ سے اس میں اس کے تعال التر الت

مخس اب ج د ع کمینچوجس کے امنلاع قوتوں ف اب ف اسلامی مند اسلامی می است میں اس کے مقابلات اللہ میں اس کے قوتوں کا کیرالاصلاع کے متوازی اور متناسب ہوں چونکہ قوتیں تعاول میں اس کئے قوتوں کا کیرالاصلاع میں در سر سند موکا۔

جسر ہوں۔ اور اور اور اور اور اور کے متوازی کھینچواور ع میں سے م ور اور کے متوازی کھینچو۔ اب شکٹ میں کے متاب متاب کے متاب متوازی کھینچو۔ اب شکٹ می و و اس کے اعتلام قوتوں منب متاب متاب ہے۔ متوازی ہیں جورڈ کر ہی میں کاس کے اس کے اس کے امتلام ان قوتوں کے تناسب

ہیں۔ اس کے اُسی بیار رحب برع او قرمت فٹ کونتبیر کرتا ہے امتلاع اور اور وع تناوی دیاں دیا ہی دیا کہ قدمی ترجی

وع تناوُل دت، اور مت کونتبرکرت دس۔ وب ، وج اور و ه کو لاؤ تب اصناع وب اور د او دون توق من

ادر ستا کو تعبیرکرتے ہیں جو اله برعمل کرتی ہیں۔ اس کے ب و حس سے شلف ورب کی تعمیل میں ایسے تب میں تاریخ

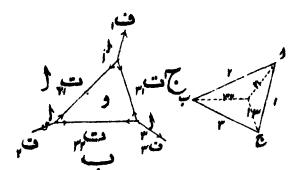
و وب کی تکیل ہوتی ہے تیسری قوت ست م کو بلجا کا ست ادر مقدار کے تعبیر کرسے گا۔ اسی طرح وج اور وہ بالترتیب تناؤں ست مادر مشام ہو کو تبریکو میگا اس کے خطوط و او او ب و ب و ج ، و د اور و هد مجافا مقداراتریمت قالب کے امتلاع کے ساتھ عمل کرنے والی تو تو ت کو تعبیر کرتے ایس خاو قالب میں اصلاع کی تقدا د کیے ہی جو اسی تشیر کا عمل کرنا کا فی ہوگا۔

ہوائی عمرہ سی مرہ ہی ہرہ ہو۔ 194۔۔ طاہرے کہ دفعہ ہا قبل کی فکل اور عمل دہی ہیں جو دفعہ ااا کے میں۔ اگر دائیں طرف کی فیکل سلا خوں اوب ہر سب ج بر ج و ۔۔۔۔۔ کے قالب کونعبر کرے اگر دائیں طرف کی فیکس سلا خوں اوب ہر سب ج بر ج و ۔۔۔۔۔ کے قالب کونعبر کرے

جس من تو و آور بر تو تین دو م ب و عمل کرین تر بائین طرف کاکتیالامالاع از از از از مربرگان کاتوالا صناع برگا کیونکه از از از از است. از از از از این از مربرگان کاتوالاصناع برگا کیونکه از از از از این از از این از از این از از این از این از این

> پ کا دانب و سلیمتوازی میں-در سرزین

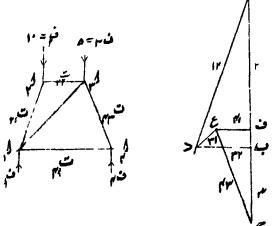
اس منے ان کیٹرالا صلاع اس سے کسی ایک کو قالب یا رسیانی کیٹرا لا صلاع کے طور پر لیا جاسکتا ہے ، تب دوسرا کیٹرالا صلاع تو تی کیٹرالا صلاع دو گا-اس دھیمے ایسی مسلکان کو مشکلات کیشکلوں کو مشکل فی شکلیں کہتے ہیں -



١٢ -- منتى ٥- ايك قالب ١، وروس مم جرياد بكى سلا فول برمست على به احد

جس کو سلاخ فی فی کے ذرید استوار بنا یا گیا ہے انتھا بی سطے مستوی میں نقطول کی اور فی کے سیارے اس طرح ساکن ہے کہ فی اور فی کا اور فی فی اور کی میارے اس طرح ساکن ہے کہ فی اور کی انتیا ہو نش اور ہم فسط میں نیز فی فی اور فی میں فی اور فی بر اور کی میلان رکھے بین آگر او بیٹ اور فی برا کی میان کی درن فی اور فی برر کے جائیں تو فی اور فی برسیاروں کے تنا لی دریان کرد اور قالب کے متملف حصے جائیں تو فی اور فی برسیاروں کے تنا لی دریان کرد اور قالب کے متملف حصے جو تو تیں لگاتے ہیں انہیں معلوم کرد۔

ومن کروگر صناعول کے ساتھ الل کرنے والی تو ہیں حسب شکل ذیل ہیں۔ اور د) وہم کے تنا ل ب، هنب وی -



ایک انتمایی خط و ب کمینجو جس کا طول ۵ ایخ بو ادر جد ۱۹ برعل کرنے دالی ۱۰ منظرومیٹ کی توعد کو میں اور جد کا در جب در اور اور میں منظرومیٹ کی توعد کو تعبیر کرسے نیز و در اور اور جب ادر جب در اور اور کے ادر جب در اور اور کا مناخ ہے ۔ متحان کی جب کے سوائی کا مناخ ہے ۔

م اع قابل فررس كرسلاخ لم المها ١١ برعمل كرف والى وست الم وم

ک سمت میں یا الم ور ک سمت میں عل کرے کی ادر اوس پر ک ون اوس و و یا اور اور کی سمت میں عمل کرسے گئے۔

إكراكك سلاخ ير دباؤ عمل كراس جيهاكه موج وه مورت مي ب توسلاخ كويكيف کے علی ک مزامت کرنی پڑتی ہے یا تھنچے کے عمل کی مزامت کرنی پڑتی ہے۔ بہلی عودت میں برایک سرے برکا تعال سلاخ کے مرکزے مروں کی فرف عمل را اسے۔ اس صورت بن سلائے کو فشار بندسلاخ کہتے ہیں۔ ووسری صورت میں برای مرح پر کا تعالی مرکز کی طرف عما کرتا ہے - اس صورت میں سلاخ کوبند ہیں سلاخ کینتھیں ہر صورت میں سلاح کے دونوں سروں پر کے تنا ل ساوی اور شقابل سوتے ہیں ؟ خطائب ج انتصابی سمت می تعینجو جس کاطول ۲۰ ایخ جو اور جو اور برکے وزن کو تعبیرکرے۔ ج ع ، ز ، و ب کے سوازی اور دع ، فی اب کے سوازی کھینچو تب د ب ج ع جور الله کے ائے ووں کا کیر الاصلاع ہے۔

فطع هذ افق ست بر کمینو جروج سے ف پر لے۔ تب ع ج ف ، اور کے لئے وَ وَلَ كُو كُثِيرًا لا منابع سب اس لئے تعال ف مراس عن سے اور شناؤ مت م من عس تميرية اب-

الآمزور و کے لئے کثرالاصلاع دع مس ابنا ہے، اس سلنے ف، ف اس تيريونات

ایون مین اسے سے

ع ف = ١١١١ ج ع = ١١١١ ١٤ ب ع ١١١١ ه (= ١٥١٠ م ح ع = اور اع ف = ۱۹۱ دم اف (= ۱۹۱ دم

یونکه ایک ایخ دو بندرویول کو تعبیر کرتا ہے اس سف بندر ویول میں ا سام ۱۹۲۲ د سم ۱۹۳۵ د ۱ مشام د ۲۵۲۰ سے ۱۰۶۷۰ ، سیم = ۱۶۸۲ ، ف بر = ۲۵ وور ف = ۵۵ وور کی اور کی در کی الا صلاحوں کی توقوں کی ترتیب سے فلا ہر سے کے سلافیں اور کیٹر الا صلاحوں کی توقوں کی ترتیب سے فلا ہر سے کے سلافیں

فیرولوں سے منطول اور خیران کیا ہوں کی کیوں کا میں اور قالب کی الم قال ہوں ہیں اور قالب کی الم قال ہوں ہیں اور قالب کی الم قال سال خیر ایک اور قالب کی الم قال خیر ایک اور قالب کی الم قال خیر ایک الم قال خیر الم خیر الم قال خیر الم
مشق ٢- دارن كر دركارك صديك قالب برمنتا سے جرين سادى الا منلاع غلنوں و ور ور ، ور ور ، ور فر ور ، علم الم

اس طرح سیارا بوا بنه که اور اوه کم ستوازی الانق ب ۲۲ اور الن کے وزن الترمیب کم اور وائن کے وزن الترمیب کم اور وائن کے وزن الترمیب کم اور این کرد-

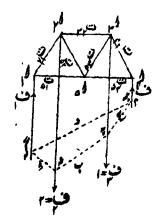
رور پر مان رہے ہیں دیب میرون یا میں اور اسلامی اب سبع انتقابی سب میں کمیپو جوالزئیب ۲ ایج اور ا ایج کے مساوی

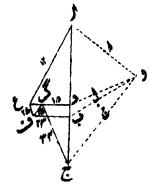
ہوں اور بو دن ، اور دن م کو تغییر کریں ۔ کوئی تطب ولو اور و لا ، و ب ، و ج کوالم من کے خطائل پرکوئی نقلہ عدلو ۔ عدکہ ، و لا کے ستوازی کھینچو جو الم پر کے مقسال

دنم کے دوا عمل سے گر برلے ، حرب و ب کے متوازی کھینچ جو اور میں سسے گررنے والے انتہا بی خطاع بر برسلے نیزم ج ، ج د کے متوازی کھینچ جو اوم میں گررنے والے انتہا بی خطاعے بر برسلے نیزم ج ، ج د کے متوازی کھینچ جو اوم میں

سے گزرنے والے انتھا ہی خط سے جر پر کھے۔ جر آگر لا اُو اب عدم حر کر بیا اُل کیزالا لا ا بو گاجس کا توتی کیزالا صلاع خط سنقبر (ب ج د بوگا-اس میں ۱/ اج بر کا وہ نقطہ ہے جاں

جُرُّدٌ كا مقازى داد البيسات





(111)

اس کے نے اور ف م الزیب ﴿ اور ج د سے تیر برتے ہیں۔ زمن کروکہ الوض کو و تیں ہوں یا شناؤ کی ووحب سلاخ ل کو و تیں ہوں یا شناؤ کی و وحب نظامات متار نہ سے رس میں۔

نظامت متاراً سترس سد میں۔ دع راع بالزئیب و اور ورور کے سوازی کمینج را تب اع دار

الم کے لئے قوق کا شلف ہے۔ اس نئے اعلی عد الترتیب ت الم ت و کوتیرکرتی ا

ع ن ، ب ف بالرنيب و لي آور وي وي كموادى كمينو-اس طرح على ب ف ب ب ف على المراد على المرا

الترميب بت وي كولتبركرينگار

ج ک ، ن گ الزیب اللہ الدور اللہ موازی کھنٹے (جوایک ورمرے سے دع ریے بیر) اس طرح دنیے ب ج ک جوڑ اللہ کے قرنز ل کا کیڑا الامت لاح

ے اور اس کے ف ک اور گ ج تاؤں ب ا بور سے کو تعبسے مراب

تبع دیک جرا ام کے اللے وقوں کا طلق ہے اس الله واک تا و

ت م ہ کو تبیرکرتا ہے۔ بالآخرع دگ ت جوز او کے گئے قرق کا کبٹرا لا صلاح ہے۔ مختلف طولوں کو انچوں میں اسپے سے

ن عدود ، ف مع مرود ، ف رود ، درم ، ف مرود ، درم

ت نیم = ۱۲۰ مشم د = ۲۵۰ / مشاره = ۱۰و۱ / بشام د ۱۲۹

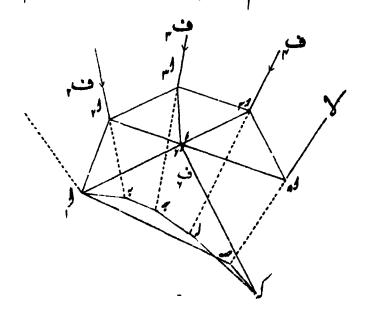
ت ١١٥ عن وزن-

یز قرق کے مثلق اور کئیرالامنلاعوں میں قرق کی ترتیب سے ظاہر ہے کہ اور کئیرالامنلاعوں میں قرق کی ترتیب سے ظاہر ہے کہ اور اور اس ا

رگر ڈرجدکورہ الانو نے کے متعدد حصول پرسٹنل ہوتاہے اس کے ان کتیان دارن کے نام پرجس سے اس کے ان کتیان دارن کے نام پرجس سے اسے متعدد حصول پر کا تھا وارن گر ڈرسے موسوم کرتے ہیں)۔

شن س-د م م و و و و ایک تبنی جست کا قالب م میاکدویل کی

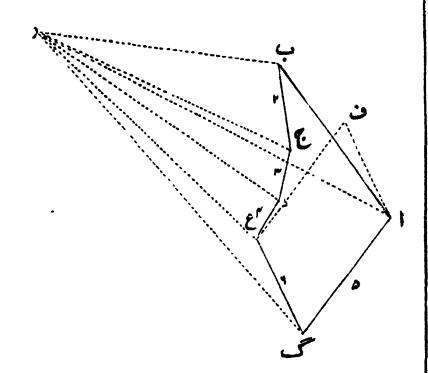
شكل ين د كاياكياسيم، نقلول وي وي، في ، وي بر قوين بن، منيه، منه، ف مب فعل زبر محلف من من من كرى بي - تنا دل و برك تنا مل ن کے ذریعے جر لمجا ظامت اور مقدار کے نا معلوم ہے اور او مرسکے نا معلوم تعا مل ف م ك دريع جو الم لا كست من عل را مع أنائم م ان تعالموں كومعلوم كرو اور نيز قالب كى سلا خوں كے دار اور تنا و معلوم كرد-



میں بہلے ن اور ن کی مقداریں معلوم کرنی چاسکیں۔ کسی مناسب پیاد پرب ج بجد، دع الع کسی کسینی جون مان، نده، ن م ان ت ا كولم الاممت اور مقدار ك تعبيركري - كسى نقط وكو تطب مقرركرو ..

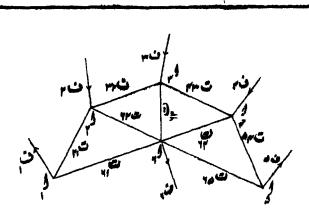
الم سے خروع بورکیز کرنا معلوم قوس ف کے خطاعمل میں ہی، یک معلور نقط م رساني كثيرالا صلاع في برجر له كمينوس ين في برد برد مدار لكرد كرفد،

بالرتب وب، وج، ود، وع، وگ كے سوارى مول-

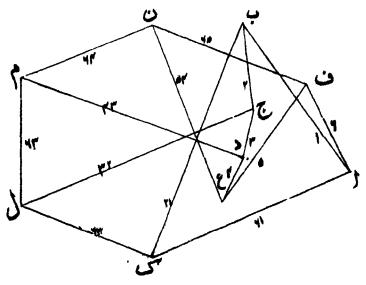


ا من كو طاؤ اور وا اس كے متوازى كھينجو جوگ السے (جرمعلورسمت اله مركم كے متوازى كھينجو جوگ السے (جرمعلورسمت اله مركم كے متوازى كھينجا كياہے) إيرفے-

تب مریاگ ا نا عدم تعال ف کو تعیم کراب اور (ب ، فر برک نا سعلم مال ف کو تعیم کراب اور (ب ، فر برک نا سعلم مال ف کو تعیم کرا ب کیونک تو تو س کا کثیر الا صلاع اور ب ج دع گ ا اور رسان کثیر الا صلاع اور ب ج دع گ ا اور رسان کثیر الا صلاع اور ب ج د ع گ ا اور رسان کثیر الا صلاع اور ب ج د ع گ ا کور سنا تا کو تی متنا تا کو تی متنا تا کو تی متنا تا کو تی متنا ول بین و بین متنا ول بینا ول بین متنا ول بینا ول بینا ول بین متنا ول بینا ول بینا ول بینا ول بین متنا ول بین متنا ول بین



رون کے کنر الا منلاع کو حتی الا مکان معت کے صاحتہ کھینجنے سے ہم دیکیتے ہیں کداس کی توتیں اور اور اور اس کی ترتیب میں ہونی جا ہیں ہیں۔ ع ن اس من الم المرسیب کی اور اور ایک عرب میں من الم الم المرسیب کی الم المرسیب کی المرسیب کی المرسیب کی المرسیب کی الم المرسیب کی المرسیب کر المرسیب کی المرسیب کر مثلث المبيك بوكا - ك ادرج مي سفك ل اجل الترتيب في الها اور الم الم کے موازی کھینچو-اس طرح وہ کے لئے وروں کا کیرالا صلاع بج ل ک بوگا۔



اسی طرع سے دع ن م ال الم کے لئے قور کا کثیرالاصلاع ہے۔ مب اس سے معلوم ہوتا ہے کہ ن ف الور اللہ کے متوادی ہے۔ اس لئے ع ف ن مثلث الم کے لئے قوق کا مثلث ہے اور کیزالاصلاع ف) کی ل م ن الله

يه أساني سي ويحط جاسكيًا سي كرسلافين في وم ا وروس الم وم الم وم الم

دا وُں مِں ہِں اور اِ تی بابخ تناوُں کی مالت میں ہیں ۔ ۱۲۱ — شکل تھیھنے کے لئے ایک بکتہ قابل خورہے۔اس کی تشریح د فعۂ ماقبل

کی آخری مثال سے ہوسکتی ہے اوہ پر جوقو تیں عمل کرتی ہیں اُن کو میسنجے میں ہم ج بی سے وہ اور کے متوازی خط کھینچ سکتے سنتھے اور ک میں سسے ایک اور خط اور اور کے متوازی کھینچ سکتے تھے ایسا کرنا اگرچہ با لکل غلط قریز ہوتا گراس سے

وہ وہ سے سواری یج سے سے ایسا رہا ہر جد باض ملط کو رہ ہونا مراس شکل مقابلہ مہبت بیجیدہ ہوجاتی۔ اس کے عام قاعدہ حس کو کھنوط رکھنا جا ہیئے

و یہ ہے کہ شکل کئے کسی نقط ج پر ملنے والے حظ حتی الامکان و د جرڑوں پر عمل کرنے والی تو توں کے خطوط عمل اوران جرڑوں کے لماسے والے خط

کے متوازی ہوں۔ شلآ چونکہ ووجوڑوں 4 اور اوس کرمنے والی قوتیں ج بر ملتی ہن اس کے متوازی ہونا اس سے کرنے والا تمیسرا خط اور اوس کے متوازی ہونا

چاہیئے۔ اش کئے ہم ج کُ اُ اور اوس کے متوازی مینٹیے ہیں۔ لیکن بعض او قات کوئی خطوط لیسے نہیں ہوتے جو قالب پرعمل کر سفے

والی ابتدائی بیرونی قونوں کے متوازی ہوں مثلاً نقطہ کی برکی قونیں-الیسی صورت میں ہم کی میں سے گزرنے والے ایسے نصالیتے ہیں جابتدائی قالب میں شانسٹ

کے المنلاع کے متوازی ہوں۔ مثلا اور کے لئے قرق کا کیٹر الاصلاع کیسینے میں ہم ل ج اج دسے متروع کرتے ہی جریسے ہی تھینے جا تھیے ہیں۔ اب ہم ل میں سے ایک خواسا رکھنے شکتے ہیں جو اور اوس کے الیہ اور

کے ستوازی ہولیکن کی برجہ تو میں تبل ازیں تھینچی جاچکی ہیں وہ کھی اور ام اور ام اور ا

(84)

کے متوازی ہیں اور اور اللہ ان وونوں کے ساتھ ل کرابتدا نی قالب میں ایک شلف بنانے کی شرط کو پوراکر تاہے لیکن اللہ اللہ بورا نبیں کر تااس کئے ہم خط کی م، اللہ اللہ کے متوازی مستنجے ہیں اور بھر دم، اللہ اللہ اللہ اللہ بخية وقت مين اس إت كاخيال ركمنا جاسية كم کے مسی نقطہ میں سے گزرنے والے خطوں سے تعبیر سے والی تین **تو تیں** و و بیرونی قران اور قالب کی متناطرکزی کے متوازی ہوں یا قالب کے اری ہوں۔ ی کا طریقہ ۔ بیض اوقات نقشہ کے ایک صدیکے تعالموں کی اس صوبت یں پورا منکا فی نقشہ کھینچنا صروری مہیں ہوتا مشاق فرص کردکہ دفتہ ۱۲۰ کی مفق سر میں ہم مرت متیں، من یہ کت ہے معلوم کرا جاہتے ہیں۔ فرض کردکہ ایک خط ق س ، اس ایسا کھینجا گیا ہے جو اور او س او کو او یہ ، كالمعسداس برعمل كرف والى توتول كوزير عمل تعادل موكا بشطيكه بهم ت ، ت ، ت ، ت کو بھی جو وہ وہ ، وہ وہ ، وہ کے سات عمل کرتی ہیں شامل کرلیں سینی سے برونی قوتوں د ،ف، سے ، سے ، سے ، سے دیر عمل تعادل میں ہوگا۔ یرسا ول بی و و تو تول ف ف یا کے جو بلحاظ مقدار اورسمت کے معلوم ہیں ، تنا وُ مت، کے حبکا خطاعمل دیا ہوا ہے اور ایک قوت کا کے (بونامطلوم تناؤں مسام اور ست ۲ کا حاصل سے) جس کا صرف نقط ممل ازم معلوم سے بس مل کی تکیل اسس طرح موسکتی ہے کہ پہلے ف ، سا،، ساہ کے لئے ہرت، ن اور لا کے لئے اور الا فرلا ، ت ، ت کے لئے زوں کے مثلث تمینی مائی-یا ہم فی کردمداراز کے سکتے ہیں۔اس طرح مترو × اور ست عمود اوراور ير

عث × ام سے اوات پر عود

اسى طرح من اور الى اور كى تقاطع كے كرد اور الى كے كرو

معیار از لینے سے سیس ت رسر اور ت ،، مامل ہو سنگے

اس طریقہ کے مطابق عمل کرنے میں امتیا طرکھنی جا ہیئے کہ تراش قالب کے نین رکمزں سے زیادہ کو قطع نہ کرے ہے

۱۲۱۷ — جندسلا غیں جن کے سروں کو باہم وصل کیا ہوتا ہے قالب کہتے ہیں۔جب اس نشم کی سلاخ برعمل کرنے والی توتیں ایسی موں کے سلاخ تنا وکی حالت میں ہوتو میں نہ دوس کن میں لک جب سرکاری کیا ہے۔ میں تنزیر کو فیزیار کے نازیر

اس کو بناد من کیتے ہیں لیکن جب و دیجیگا و کی قالت میں ہوتواسکو فشارہ بند کیتے ہیں۔ سب سے سا دہ قالب ایک مثلث ہوتا ہے جو تین سلاخوں اسب ہے ،

ج ا کے سوں کوجڑ نے سے بنایا جاتا ہے۔ چڑکہ شکٹ کے اصلاح کو معین کر دیے۔ سے اس کئی عل معین ہوجاتی ہے اسلے اس تسم کے قالب کی شکل نا قابل ہوگی اس کوصل

مکن یومزوری نبیں ہے کہ ایک ایسے قالب کی شکل جو چارسلا خوں الب ا ب ج ، ج د، د ارکے سرول (، ب ، ج اور د کو جوڑ نے سعیر بنا ای جائے

ہمیشہ ایک ہی رہے کیو بحرسوائے مثلث کے اور کوئی سندسی شکل تحض اعتلاع کا تقد کی سے سے متعدد بند مسکرہ

البیعے قالب کو نامکسل کہتے ہیں کیو مکداس کے سروں پر عمل کرنے والی توتوں ان

کے بدلنے سے اس کی شکل برلتی ہے۔ میکن اگر ہم جا ہیں تو اس میں ایک قطری سلاخ ال ج کا اضافہ کرنے سے جس کے سرے قبعند کے ذریعہ (اور ج کے ساتھ وصل

کرو نے گئے ہیں اس کواستوار بنا سکتے ہیں۔ اب اگر قالب کے جوڑوں برقو توں کا کو بی معلومہ نظام عمل کرے تو ہم قالب کے بایخ اصلاع کے سابھ عمل کرنے والی

تر تول کومعلوم کرسکتے ہیں ۔ قرقول کومعلوم کرسکتے ہیں ۔ غرم کے کا قرام رسالا خراج سی سمالا دیم ریکی اور قوامی رسالا خرار ری

فرض کروک تقری سلاخ (جنے علاوہ ہم ایک اور تعری سلاخ سب د

(110)

کی کل تعدا د

لگا دستے ہیں۔ اس صورت میں قالب کو دائد کہتے ہیں چونک اس ہیں سلاخوں کی اس سلاخ ان دہ ہے اسدا و کی نسبت جواس کی شکل کو تعین کرنے کے لئے حافر دری ہیں ایک سلاخ زادہ ہے۔
اب اس کے ہرکن کے ساتھ جوقو تیں عمل کرتی ہیں اُن کا نتین کنا مکن بنیں ہیں۔
مام طور برکوئی قالب صلب اس دنت ہوتا ہے جبکہ یہ مثلثوں کی سی تعداد میں منظم ہو سلے کر مکن ہے کہ یہ ذائد ہو۔
میں منظم ہو سلے کر مکن ہے کہ یہ ذائد ہو۔
میں منظر اور خیرزائد بھی ہونے کے لئے سلاخوں کی نقداد میں سے ہوتی قالب کے صلب اور خیرزائد بھی ہونے کے لئے سلاخوں کی نقداد میں سے ہوتی قواب ہوئی جا ہے ہوتی قواد میں میں سلاخوں ہیں ہوئے کے لئے سلاخوں کی مقداد میں ہوئے کے سے اور خول کے ماتھ میں سلاخوں سینی ب ج ، ج (اور (ب) ج ہوں توان کو سقین کر دول کے ماتھ میں سلاخوں سینی ہوئے اگر میں دوگر مشتد برڑوں کے ماتھ ماتھ اور جوڑ ع کے لئے علیٰ جوالفیاس د بس سلے تین جوڑوں سے بعد ہر ایک اور جوڑ کے لئے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے من جوڑوں ایک موروں کے موروں کے موروں کی ہوئے۔ اس سلے میں جوڑوں کے موروں کی جوڑوں کے موروں کے بید ہر ایک اور جوڑ کے لئے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے بعد ہر ایک جوڑ کے لئے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے بید ہر ایک جوڑ کے سے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے سے دو مزید سلانوں کا ہوتا حروری ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا حرور دی ہے ۔ اس سلے میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا میں دوروں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کی موروں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا میں جوڑوں کے دو مزید سلانوں کا ہوتا میں دوروں کے دو مزید سلانوں کی موروں کے دو مزید سلانوں کی جو میں ہوتا کی دو مزید سلانوں کی دو مزید سلانوں کی میں کی دو مزید سلانوں کی دو مزید سلانوں کی میں کو دو مزید سلانوں کے دو مزید سلانوں کی دوروں کی دو مزید سلان

アーント= (アーン)++==

ین ابعادیں ہم آسانی سے دیم سکتے ہیں کہ تداد فرکور میں ن ۔ ۲ ہوگی کو کھ بہلے ہیں جوڑ وا دب ، ج کے معلوم ہونے کے بعد چو سکتے جوڑ د کا مقام اس معررت میں متعین ہوسکتا ہے اگر ہیں سلاخیں ا د ا ب دائے د معلوم ہوں کسی بائج یہ جوڑ ع کا مقام معلوم ہوں کسی بائج یہ جوڑ ع کا مقام معلوم ہوسکتا ہے اگر ہیں اس کو گذشتہ جوڑوں میں سے کسی تیں کے ساتھ ملا سے دائی سلاخوں کے طول خلا کر ع، ب ع ا دع کے طول حلول خلا کر ع، ب ع ا دع کے طول معلوم ہوں۔ اس سائے بہلے تین کے بعد ہرایک جوڑ کے سائے جادے ہاں بی تین مزید سلاخیں ہونی جا ہمئیں ایس جا تھا دمطلوب

4-Ur=(r-U)r+r=

ہیں نیم رکن سکھنے ہیں۔

مثاليس

ا --- ایک ۱۰ ف مجے شہتر کے ایک سرے سے ۱ ف ، ۳ ف ا ، ف کے فاصل ا پر بالر تیب اوزان ۲ ام ، ۳ منڈرویٹ لنکائے گئے ہیں۔ میے نقش کفی کے ممل سے ماصل کا خطاعل دریا فٹ کرد -

(اسرسے ووس نے)

۲ _ ایک افق خبتیر ، م ف لمباہ اور اس کے ایک سرے سے بالرتیب ۲ ، ۵ ، ۱ م

(۱۱ م ادر ۱۵ مود بندویث)

مو ۔۔ ایک شہتیر کہ ۱۱، ۱۱، ۱۱، ۱۱، ۱۱ ونڈ کے وزن اس کے ایک سرے سے الرتیب ا، مر ایک ایک سرے سے الرتیب ا، مر ای ا ۱، مر ، ۱ ، ۱ ، ۱ ، اف کے فاصلوں پر کاویزاں میں - خبتیرا بنے ایک سرے سے مد اور ہوا ہے فاصلوں پرمہارا ہوا ہے ترسیمی طور پر مہارے والی کو تیر مطابعہ اور ہوا کے فاصلوں پرمہارا ہوا ہے ترسیمی طور پر مہارے والی کو تیر مطابعہ اور مرا ا

م ___ اب ج دع ن مكنظميس بدار ع ج كسانة اكسبم بند

وزن کی قرت ممل کرے تو نامت کروکہ تعاول قائم رکھنے کے سنے (ج ، ﴿ ن ، ﴿ ف ، ح م ا

بربالترتيب ١١٠ ١٤٠ ١٥٠ اور ٩٧ و ١٧ و إنذ وزن كي وتين عمل كرميت في -٥ --- ذيل كي شكل (١) من إلى سلا فون كوايك متشاكل نظام ب جن محرس اود ١١٠١)

آذا والذجر السيك بين اورجيع مرول برعمل كرف والى انتصابى قرق سك وريك انتصابی سمت میں عمل کرتے ہیں ۔

اگر جانبی سلاخیں افن کے ساتھ ، ف کا زاویہ نہائیں تو سلاخوں کے وار اور شناؤ

(ت = ۱۳۶۰ ت = ۱۹۶۱ ست = ۲۹ دس سعام = ۹ م م ۸

ت و بنوروید ، تام اورت و بندمن بن إ قى فشار سندمير) ٢ -- فكل ٢١) ين بكى سلاخول كا ايك نظام ب حسك مرسة زاوانه جورس كني بي

ادرجو سروس فر اور مب برعمل كرف والحامتهما بي نقالون سنصهبادا مواسب اكر المرهدي كالك وزن د برركما ماست وسلاخون كرباؤا ورتاؤ معادم كرو

سنرم سے کد داب = وہ اور ح جاب = مس

(ت=٩١٥٨، ت، = ٩٨ ١١١ سي = ١١١٨ مندروك، ستانقاربزم اور ست اور ستا بندهن س)



- فنك (٣) يى ايك حاله كى فنكل و كهائى كئى ہے اس يى (بر ١٥ بنڈرو يىك كا

ایک دزن انگ رہ ہے۔ صول اوج اور السب باعل کرنے والی توتیں معلوم کرو۔ اگر تھمیا ب بج آزادان حركت كرسكما ورب مد استوار طور برنابت موقو بدمن ج درمنيا ومعلوم كوب [۲ و ۲ م م د د ا و سوم بندروليك

٨ -- ايك دارن كردركا ايك حصد تمين مساوى الامنلاع مثلثون البهج ، الديج ، ب ج ع پرختل مع جن کے خط ا ب ، د ج ع افتی بی اور موفوالذكر سلاخ سب سے اور ہے۔ یہ انتقابی سماروں ا اور ب برساکن ہے اور اس کے نقط د برہ سن اور ع پرم ٹن وزن أورزان إي - اس كے عار مائل ركون برك تعالى اور د ماؤمعلوم كرة

(١ أن اورم ش ١ ٤٤ ١٥) ١ ١١ ١ / ١٥ ١١ ١ م ١ م م م ش ١ موخرالكر

چار رکون میں سے بہلا الممسرا اور جرمقا فشار بند میں اور و مرا مندھن ہے) 4 -- (ب ج د ایک زوار بعبة الا صناع سب م حار ملی سلاط س کو د مصلے طور برج رح سے بنا یا گیاسے اور صر کوسلاخ ب دست صلب کیا تھیا ہے۔ اور ج یہ مم یوزوزن ى وتي مل كرتي بي - ارديملوم بوكر اب عدد ف السبح عدد من المرج عدد م ف ، حرا على اور أد ب مد ف وسلاخ ل ك تناوُ اور و إو ا

(ا ب رب ج) ج د اور د ا کے تناؤ مروح ، م و وس ، مرو و اور ه وه و يور ورن يس د كا د إد عروم بورون م

مسدونیسان مساوی سلاخیں مب بر ازاواز جوشی گئی میں اور ایک کھونی میا*ل* طرح للك دمي بيرك وكمونشي برسي الدملافيس (ب اورب ج ايك ساكيف رس کے دربیہ ج ج اور کمونٹی آ پرندمی ہے ایک ووسرے سے زاویہ قائم بنان من اگر برایک سلاخ کا درن و معلوم مو تو ترسیمی طریق به جاد که رسی کا تناهٔ (۱۹۰) و بوگا اور جور ب يركا وإو له وكي ساوي موكا -

_ (ب ج ایک ایما افتی خو مے کو ل ب = ه نش اور ب ج = ه ا فث ا ب کے انتصاباً اور د ایک ایسانظرے کر بد = ١٠ فك اورع، دع ک تغیعت کامے۔ اج رج در د (رب در ب ع سلامیں ہی جاک قالسب

بناتی ہیں۔

۱۰ منڈرویٹ کے اوران نقاط د اور ع برنگاے کے بیں اور قالب کو آ اور ج پر سپادائیا ہے۔ منکانی فکل کھینچ اور قالب کے تمام رکؤں میں دباؤ در پافت کرو۔

۱۲ ۔ ایک قالب کو جو پانچ سلاخوں (ب اللہ ع اس کے آلا اللہ ع اس کے آزادار جوڑنے سے بایا کتیا ہے۔ اور اللہ علی سرکھا گیا ہے۔ اور اللہ سے اور اللہ کا ایک قائم الزاویہ مثلف ہے جس کا صلح کا ایک قائم ازاویہ مثلف ہے جس کا صلح کا سادی ہے اور آج دارا کہ کے ساوی ہے۔ اور اللہ دارا کے ساوی ہے اور اللہ دارا کے ساوی ہے اور اللہ دارا کے ساوی ہے اور اللہ دارا کہ دارا کے ساوی ہے اور اللہ دارا کی ساوی ہے دار اللہ دارا کی ساوی ہے درا کی ساوی ہے دارا کی ساوی ہے درا کی ساوی ہے درا کی ساوی ہے در ساوی ہے درا کی انسان کی ساوی ہے درا کی انسان کی ساوی ہے درا کی سا

(عصر و سر و سر و سر و سر و سر و سر و سروی اور د سروی اور و سروی اور سروی ایر سروی الاصلاع مثلثوں سے بنا ہوائے و اس کے بنجے کے حصد میں باریخ جوڈ بی اور اوبر کے حصد میں جاری کی لمبی سلاخ کے سرے دو وہم ارتفاع سرونوں پر ایر خاتم ہیں۔ بنیچ کے ہرایک جوٹر پر تمین ٹن کا وزن بڑا ہے اور اوبر کے حصد میں بایس طرف سے دو سرونوں پر ایس طرف سے سونوں پر ایس طرف سے دو سرے موٹر پر ہی ٹن کا وزن بڑا ہے تر سیمی طری سے سونوں پر ایس طرف سے سونوں پر ایس طرف سے سونوں پر ایر کا فران پر ایر اور قالب سے این جاری ہوئے و الب سے باری سے سونوں پر سے تر سامی کا دو تا ب

ب کو اکن ہیں۔ نب کو اکن میں۔

۱۵ - ایک جمت کی ترامش نفست نظم مفن اب جدع بر منظ و اورد اور در نظر برامش نقط و اورد اور نظر نقط برامی منافر ا

ج ، د ، ع پر آزاد اد جراگیا ہے اور کفارے ﴿ دور ع ساوی بندی پرسہارے ہوئے ہیں جیت کیمال طور پر کھیرٹی سے ڈھکی ہوئی ہے ۔ قالب کے وزن کو جھت کے فتلف کے وزن کے حقابہ میں نظرانداز کرکے ترجی طرفقہ سے یائسی اور طرح چست کے فتلف کرنوں برسکے د باؤں کی مقداریں جیست کے وزن کی توم میں حاصل کرو۔

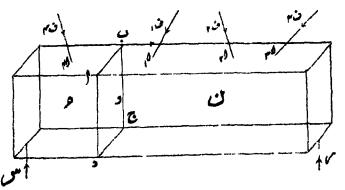
منٹر تیروں (ب ، ب ج ، ج د) دع کو طوطنے والی کمیرٹ کی ہرتراش کا وزن ہرایک غربتی مرتراش کی ہرتراش کو وزن ہرایک غربتی سے وسطی نقط پر عمل کا ہوا فرص کیا جاسکتا ہے۔

الم اسٹا بنوں کے کہ قوق کے کسی نظام کے حاصل کا ضط عمل نظام مدکورے سب بسیا بنوں کے اخری اصلاح کے حاصل کا طوق ہوتا ہے۔

دیسا بنوں کے اخری اصلاح سے نقاط تقاطع کا طرق ہوتا ہے۔

سیانوال باب بَنْ ی زور اور جھکا ؤکے معبار انٹر

میں سے اس اس باب میں ہم ایک شہتیہ کی تواش برعمل کرنے والے اندرونی تعالموں کی جند مثالوں پر عوٰ کریں گئے ۔



ایک شہتیر بو فررکروجس کی مکل او پر دکھائی گئی ہے اس شہتیرکو کناروں پرسہالگیا سے اور اس کے نقطوں و، او، اس سیب پرتوین دن، دن، دن، سیب اس مثل کرتی ہیں۔ شہتیرکی کوئی تراش ا ب ج دیو۔ تراش کے ائیں طرف کے حصد کو ہر سے اور دائیں طرف کے حصد کوٹ سے موسوم کرد - هرکا جو عمل ن پرسے دہ ان بیٹمار قوقوں پرسٹ تمل ہے جو شہتیرکی تراش (ب ج د کو عبورکر نے والے ریسٹے لگائے ہیں۔

(114)

ان قوتوں کے شعلق فی کا کیے بہتیں کہا جائے تا لیکن میں مورسے کہ یہ قوتیں اورف ، ف إلى من ل كرحصه ف كو تعا ول مِن كمتى بي- اس كے ترامض ا ب ج د يس ست عمل كرف داني قرق كا حاصل قرق من من و ف الديما کے حاصل کے مساوی اور متقابل ہونا چاہیئے ۔

اب اگریم تراش و ب ج د کے کسی نقط و کو میدا این اور شبتیر کے کاروں (۱۳۰) کے متوازی خطول کومحا ور قرار ویں تو اب دہم میں ہم دیکیس کے کر ک برعمل کرنے اور کا کہ متوازی کے متوازی کے متوازی

و پر عمل کرتی ہلی اور تین ترکیبی جنوں کے جومحروں کے گرو و بر عمل كرت من مديسب ل كراك واحد توت اور اك واحد حنت ي

بس رامض اب ج د بررسوں کے موازی مل کرف وا ساے علوں كا حاصل ايك واحد قرت اورايك واحد حبنت كے معاول موكا-

اب معدم کا علی ن براس عل کے ساوی اور شعت ال ہے جوصہ ب ، هرير والتاب - اس سنة راش مح ايك طرف مح علون كي مكل

کے لئے ہم جو قریس اور جنت فرص کریں آن تے مساوی اور متصناد قریس اور جنت تراش کی دوسری طرف سے سلے فرص کرنے پڑھینگے ۔

كالم إ -- جوصورت إلىموم واقع مو ق ب اس من عمل كرسن والى قوتس شهتير كم طول کے انتصابی ستوی میں عمل کرتی ہیں۔ مثلاً اگر دفعہ ا قبل کی سب توثیں فنہ ، ف ، اسم من المعرضي من مول توظا برست كرج د كم متواري

کو ٹی حاصل عمل نہ ہوگا اور 🗲 کے متوازی خطوں کے گرد اور فتہ ہیں کے طول کے گرد کوئی حاصل جنت منیں ہوگا۔

كتاب ذامي مرت اسى مورت ربحث كى حاسئ كى اس مورت يس

تراسٹس او ب ہے د پر کے ممل ان فوتوں اور جفتوں میں تو آب ہو سکتے ہیں اسکے ماران کا بہت ہے اسکے اسکے اسکے اسکے ا

طول کے عاس کی مت میں اِس قرت کو تنا او کہتے ہیں ۔

(۲) ایک قت میں جواس کے طول پرعور وار موتی ہے۔اس کوجری زور کتے

(س) ایک جاسل جنت اُس خط کے گردجواس کے طول پرعمو دوار ہو-اس کو حمكا وكامعيارا ترأ زوركا حبنسته

٠- ره حير رورون وسك ب بن -١٣٨ -- يه اب اكثر مشابده بن آتي م كسيسي كي نيس جيساجها م كوتو رائح كاسبب عَمُكَا وَكَامِعِيارا رَبُواسِ مَهُ لَهُ مَنَا وَكَي فِرنت لِيكِن رُوري كَي صورت مِن حِمكا و كامعيال

كو ئى وتعت بنس ركھنا اور يه صرف تنا ۇكى قوت سسے تو متى سے -

با فاہر سے کہ سلاح کے وہشے کا میلان زیادہ موگا جیسے جھکا و کامعیار اخر زیادہ ہو ۔اس کے سمیشہ حبکاؤ کے معیارا ترکوسلانے سکے رو منے کے میلان کا ناہب قرارد يا جامات ـ

ترسیمی طوریر بزی زوراور حمیکا و کا معیار اثر دورنی سلاخ کے ہرایک نقط بر معین کالکران میں سے ہرایک کوان کے متناسب نبائے سے دکھائے جاسکتے ہیں۔ (۱۴۱) ١٢٩- الرئسي افعي شهتيرية تصابة وزن لا د احاسه تو نابت كروكه اتصابي جذى زور س زهر کے مساوی ہوگا جاں مر نقطہ زیر بجٹ پر جبکا و کا معیارا تر ہے۔

ستبتیر کے کنارہ ایسے فاصد الا پر کے چموٹے عضرفت فی (= معن لا) پر عفركروك فرض كردك رخف برادير كي طرف كا جدّى زر س سے ادر رخ ق بر ینے کی طرف بندی زورس + معن س ہے - نیز فرض کروکرشف پر کا حبکاؤ کا معبار الزاهرسے اوراس کے فی برجمکا وگا معیار از مر + مف هر (ہوگا۔
(بیجملی شکل میں فٹ ق کو بڑے بیانہ برد کھایا گیاہے)
فرض کرد کفٹ برنی اکا فی طول وزن کا ہے اس سے ف ق کے وزن
کوکا مف لا کے مساوی فرض کرسکتے ہیں جواس کے وسطی نقطہ پرعمل کرتا ہے تب
ف کے لئے فٹ کے گرد معیار افزیلنے سے

ه = هر+ مف هر- (س + مف س) معت لا- الا مف لا مف لا س + مف س = م<u>ف هر</u> - با الا مف لا

اس سے ظاہر ہے کداگریم بقری زور کا سنحنی کھینچیں اور نیز جھکاؤ کے معیار اٹر کا شخی کھینچیں تو پہلے سنحنی کا معتن ووس سخنی کی ڈھال کو تعبیر کرے گا۔ نیز اگر اس مفسر ف ق برعمل کرسنے والی تو توں کو انتصاباً تحلیل کریں تو میں = س + مف س + کی معن لا

زس = - لا م انها مي

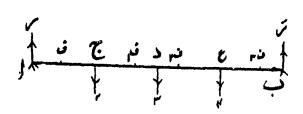
معا ا ۔۔ مشق ا ۔ ایک شہیر حب کا دزن نظرانداز بوسکتا ہے ۱۲ فیط لمباہے یستعبیر کو اس کے کناروں پرسبارا گیا ہے اور اس کے ایک سرے سے چر تھائی فاصلہ برح فی کا وزن رکھاہے اس کے وسطی فقطہ در برح فن کا وزن اور اس کے دوسرے سرے سے چو تھائی فاصلہ برم فن کا وزن رکھاہے۔ حبکا ہے والے معیار افر اور جذی زور کے منحی بورے شہیر کے ہے معلوم کرو۔

بورے شہیر کے ہے معلوم کرو۔

فرض کروک من اور می مروں پر کے مہاروں کے تعالی ہیں۔ اس سلے ان کے

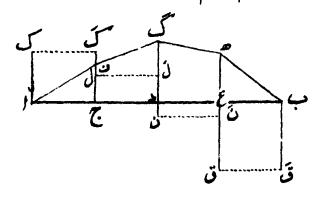
LIPPS

سروں کے گردمعیاراؤ لینے سے ہیں آسانی سے ماصل ہواہے کہ ما = ہم اور می = ه فن



ميدوم معدد ميدوم

زمز کرد کر اور ہے کے درمیان کسی نقط هف برحبکا و کا معیار افرا ورمیدی ندر هراورس بی جیسے کفکل میں دکھائے گئے میں اسی طرح ج اور د کے ور سیان کسی فقط ف ك يفير إلرتب مراولان بي اورعل فالقياس -



اور انتصابی مت س طبل کرنے سے اس عام الا عام الا اس در) ا

اسی طرح سے ہے لئے

هرد الرا- ())))))))))

هنم کے لئے ف ایک دوئی طرف کے صدر خزر کرنے سے

هر = مَر (۱۱ - لام) - م (فرع - لام) = ۱۲ - لام } ... (س)

اس طرح إلا تزه م كے سائے است سے وائي طرف كے حصد ير فزركرنے سے

مر = تر (اب - لا) = ١٠ - ه لا درم)

اگریم شہتیرے مرایک نقطر براشنے ماول کا معین کھینجیس کراس سے اس نقطر یکا مختا اوکا معادا فرنبيرم وران معيول كمرون يك طري خلوط مستقيم فن منك ،ك ه ادر هب بو مع جان ج ف أ دك أورع ه الربيك ١١١ م اور ١٥ ف

تخلُّف نقلوں یر مزکز بوجموں سے ادے ہوے سنبیروں کی صورت میں ہمیشہ دیجیا واست گاک جمکاؤ کے معیارا زوں کے منحی خطوط مستقیم ہوستے ہیں۔ اس لے مرت مرتكزاوج واسك نقطول برجيكا وسك معياد اخروس كي قبيس ملوم كرليني كاني بوبكي-

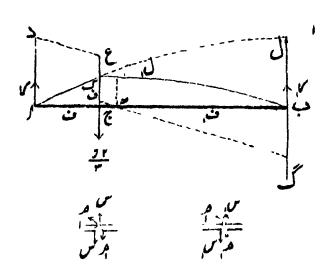
مرکز ہو جھ کے نقط پر مثلاً ج پر جذی زور میں تسلس نہیں رہا۔ اس عمام کی وج بر مغروض سبے کہ وزن ملکورایٹ طرم مرکز کرسکے مست دسی نقط پر لگا یا گیا ہے عملاً وزن الميسے نقط رحمل نہيں كرسكتا اس لئے اس قسم كا عدد تسلسل بك بخت واقبہ مرفح ا

مشق ۲ ساب ایک سخت یحال سلاخسی جس کا وزن و اور طول مرور اور اسے اس کے کناروں ال ورب برافقی وضع میں مبارا کیا ہے آیک

و فہتمر کے ایک لیسے نقط ج بر رکھا گیا ہے کہ اج ، فیا جماؤ کے میآرا زاور

اک مج ل دن اورع ن بالنرتيب مهام الدر اور - ه طول كو تبير كرست من -

مِنْدَى دُورِ کے منحَیٰ کھینچو-اگرسلاخ کے اکا نی طول کا دزن و مِرتو و = ۲ و د



۱ اورب کے گرومعیار افر کینے سے میں آسانی سے معلوم ہوسکتا ہے کہ س = واور س = اور ا روز ج کے درمیان کسی نقطاف کے لئے جہاں (فٹ = الا جبکا و کا معیار افر هر

(1771)

اور س - س = ولا + او

کسی مناسب طول کے انتھا کی خطکو بھکا کو سے مسیارا ترکی اکائی فرض کرو توسا وات (۱) ایک مکافی کے قوس وکک کو تعمیر کن ہے میں کا رأس تقطم لی برہے ہو ہے سے انتھا یا او پرہے اور مساوات (۳) ماوی کانی تیسک ہے ہے جس کا رأس ل

انتفابی خط لاء مل برہے ، یعنی هل برہے۔

اسی طرح کوئی مناسب طول کے انتصابی خطاکو بندی زور کی آئ کی اوز تنب تب در) خطامت تقیر دع کو اور (م) خطامت تقیر ان دکھاک کو نتیر کر بگا۔

ر مسیم کے و اور رام) مقد میم ک تقات کو مبیر ربیات حسب دفعہ گزمشہ کسی نقط بر جذی اسمنی کا معین متنا طرنقلہ پر حمیکا ؤکے

معیادا فرکے منحنی کے ڈھال کے سادئی ہوتا ہے ہر دوسنی ج میں سنے گزردنے والے معین پر عدم تسلسل رکھتے ہیں ۔ معین پر عدم تسلسل رکھتے ہیں ۔

برمے سے بڑا جمکا ڈکا معیار افر لا = الله میں مصل متاہد

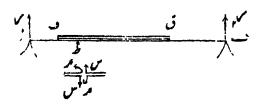
اور تب یہ مسادی ہوتا ہے و * مراز کے ۔

ان تمام صورتوں میں حبکہ تنہ تیر کیساں طور پرلدا ہوا موادر مختلف نقطدی برسہادا ہوا ہو ہو در مختلف نقطدی برسبادا ہوا ہو ہم دیکھیں سکے کم حبکا کو سکے معیار افروں سکے منحنی مکا فوں سکے حصتے برستے ہیں

جن كا وتر فاص ايك بي بوتائے -

مشق سوس اید استی مضعبتیر و ب کاطول ال سے اوراس کا وزن نظرائداز موسكتاب - شمبيردورس سرول پرسهادا مواجه ادراسيركيسا كافت وكي متحك كادى

هن ق گزر رہی ہے گاڑی کا طول م اور اور لی کے۔ شہتیر کے کسی نقطہ و بد ارشے سے بڑا جمکا کو کا سعیار افر معلوم کرو اور ثابت کرو کریداس وقت واقع موتاہے جب نفطہ ط کاڑی کے طول کو اسی سبت سے تقلیم كاب جسس ياك كوتفيم راب



فرض كروكم من اورس سهادول بركم تفائل بين ادر أوف = ١٠١٨ اورب كر روسيارا زينے سے مرا = ورف (ول - او - الا) اور مرا = فرائد (م + لا)

زمن کروکہ او و لا ، اورطر جبکاد کاسیار اثر مربے - حمد (طرکے لئے معیارا فر لینے سے

1 × 1 - 1 × 1 - 1 × (1 - 1) (1).....(1) 1- 4- 4) 11- 5- (11-8)(1)

فقط المكايك معلم محل كم يخ م براست برابوتا ب جبكر فري =.

يني جب \ = لا (١- ١٥٠) اور تب <u>ف ط ت ا الحلا = الم الملا = الما الملا = الملا المل</u> لا كى جوتيت (١)سے حاصل موتى سے اسے (١) ميں مندرج كرنے سے هركى برى سے برى تيت = درور (ا - الله) (ال له) لا یس بڑے سے بڑے جمکا و کے معیار افر کا منحنی کا فی ہوتا ہے جس کا روس (ب کے وسطی نقط کے انتصاباً اوربہوا ہے۔ زمن كروكر في بركا جزى زورس ب- حصد الذك ي التما أتحليل كيف نقط وکے کسی معلوم محل کے ان بیصری بڑھا ہے جھیے لا بڑ سما ہے اور بڑے سے بڑا اس وقت موقام حجب ف القط طربر معلق مو اور اس وقت س كى براى سع برى قميت بس بڑے سے بڑے جنی زور کا منحیٰ خطِ مستقیر ہے۔ سی مم ۔۔ ایک صلب انعتی سلاخ ایک کارہ ا پراور کسی دو سرے نقط ہے بربہاری ی مے۔ اگراس پریکیال طور پرنفشیم کیا ہوا بڑسے سے بڑا ورن اس طرح رکھا جائے كرية من وسط تو تأبت كروك ج سلاح كونسبت ١١١٠ بن تعتبم كرك كا-فرض کروکه (ب=۱ل، اج=۱، بزنرض کروکر (اور ج رکے نتسال مرا اور مراب می ا بس اگراکا فی طول پروزن و برو مرا = اول (ا-ل)

اگر ما > اج توکسی ایسی تراش کے لئے جس کا فاصل اسے ال موجم کا و کامعیاراز

ادراس کے یہڑے سے بڑا ہوگا جبکہ میں۔ و لاء · ، مں کے ایج کے کے بڑے ہے بڑے جبکاؤ کا معیادا ژ

$$\frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{1+\frac{1}{2}} \right)^{n} = \frac{1}{2} \left($$

ير حدج ب أ ي يخ برات من را عِنادى معيارا ترمريا ج يربواب اور

اگر (۱) اور (۲) مساوی دبر ل قربم بڑے کو کم کرسکتے ہیں اور اس سلے اکو مبلنے سے ٹوشنے کے بڑے سے بڑے میلان کو کم کر سکتے ہیں -

ا ہے: سے بڑھے سے برسے مملان و کر مشتہ ہیں۔ اگر دہ مسادی ہوں تو بڑھ سے ابڑا جھکا و کا معیارا خرصب خواہم فس جیوفا ہوسکتا

ب بسندهیکر

(177)

$$(r) = \frac{1}{4} (r - 1)^{3} - \frac{1}{4} (r - 1)^{3} - \dots (r)$$
 $\frac{1}{4} (r - 1) = 1$
 $\frac{1}{4} (r - 1) = 1$

÷ (۱۰ - ۱۰) = ۱۰ - ۱۰ مینی ۱ = ل مآتو

(٣) ك إ فى طول سے نامكن مُلَعُ عاصل جوت بى كونكه اكومركِاً منب جواجات اورنيز ل سے بڑا اور م ل سے جوٹا بونا جا سے - مثالين

ا ۔۔۔ ایک سلاخ ا ب ایٹے کمناروں براس طرح سہاری ہوئی ہے کہ یہ متوازی الافق ہے۔ جدی دور ادر حملا و کے سمار انرکے معنی کھینچو

(۱) جبکر سلاخ کیساں طور پر لدی ہوئی ہو۔ تباؤک هف پر کا جھکا وُکا مع ایسے بدلاہے جیسے ﴿ ف ع ف ب

(٢) جكراس كم ابض وزن كونظر الدازكرويا جائے ليكن اس كے وسطى نقطه بر

ایت درن و ہے۔ ۲ ۔۔۔۔ ایک سلاح (بب ایک نقط (براس طرح نابت ہے کہ وہاں یہ افق کے ستوادی

ہے جدی دور اور جبکا ڈے معیارا ٹرکے سختی کھینچو (۱) جبکہ یہ بیساں طور پر لدی ہوئی ہو

(y) جبكراس كے وزن كو نظرانداز كيا جائے كين اس كے وسطى نقطه برايك

رن و ہو ۲---- ایک شہتیر ۸ فٹ البا اینے وسطی نقطہ کے سہارے برا س طرح ساکن سے کہ

کراس کے ایک سرے پر ، ۵ ٹن وزن لٹک رہا ہے اور دوسرا سرا ایک رسی کے ذرایم نبرین کے ذرایم

رین سے ساتھسہ بند ہا ہے اس سے جدّی ذور اور جھکاؤکے معیاراڑسے شخی تھسینچہ۔ میں مسینچہ۔

م --- ایک شبتیره ۲ ف المباع اوایک طرف ایک سرے برادر دو سری طرف دوسرے مرسے مرادر دو سری طرف دوسرے سرے سے کے فاصلہ برسیارا مواجے اس کے طول پر ۵۰۰ پونڈنی فٹ

کا کیسال وزن لدا ہواہے اورمہارے سے بڑے ہوے سرے پر (۱۰۰۰) پونڈکا وزن لٹک رہاہے پیہاروں پرسکے دباؤ سلوم کرد ، نیز بڑے سے بڑا حبکا ڈکا سعیارٹر اور اس معیارانز کی حراض کا محل سلوم کرو۔

ے معیار اور میں میں میں ہو ہے۔ جھکا ؤ کے معیار افر اور جنوبی زور کیے سختی بمبی کھینچو۔ [داؤ کے وی ۲۰۱۴ کونڈ وزن اور وی ۲۰۱۳ کونڈ وزن ہیں انجھکا

دباؤ ہو ، ۱۱۸ پنڈوزن اورہ ۱۲۰۳ بونڈوزن یں اجمکاؤکا بڑے ۔ ۔ ۔ بونڈوزن یں اجمکاؤکا بڑے ۔ ۔ بیٹا معیاراؤ سہارے کے دوسیے فقط برہے)

۵ --- ایک شهتیر اب ۱۰ ن المباسه ادریه دوایسے نقطوں پرسیارا مواسے جن کے مًا صلے ﴿ سے اور ، فش بن ﴿ اور مب بر إلترتيب ١ اور ١ من كے وزن بند ﴾ ہیں اور علادہ ازیں سہاروں کے ورسیانی طول پر م ٹن فی من کا کیسال وزن لدا ہوا ہے۔ جمکا کو کے معیار انز اور جزی زور کے نقشے تھینجو اور زسیمی طریق پر ایکسی اورطرخ ست معلوم كروكر حمكا وكا معيارا تركبان معفرے -

٢ --- ايك بيرم ايب كرس وكرسي كي ذريدزين كم ساتم المده دا كيا سے اوراسے وسعی نقط ج پرسپاراگیاہے جو الی ہواری برواقع سے مجمکاؤ کے مع إدا تراور بتزي زور كم مخني كهينجو

(١) ببكر ١٠ شن كا وزن بب برافكا إجائ اور ٥ شن كا دزن البجك وسطى نفتطه برانكا إجاست -

(۲) جب ۱۰ ش کا وزن سب پر لٹکایا مائے اور (ج پر ۵ من کا تقسیم شوہ وزن مطايعات

وونوں صورتوں میں شہتیر کے وزن کو نظرانداز کردیا گیا ہے۔

ا ب ایک افتی شبیر ہے جس کا طول ۱۸ فٹ سے ادرجوای سروں (اور ب برسهادامواس - اس بردو تقطّ ج اورد ایسے س کر اج = 4 نث اور (د = ف ج اور د پر دد وزن م اور ہٹن کے رکھے ہیں اور اس پر اسے ج ک ا بی نی فٹ کے حاب سے بج سے دیک ورٹن نی نٹ کے صاب سے اور د سے ب اک و اُن فی ف کے حاب سے کیان وزن لاے ہوئے میں خبنیر کے مخلف حصول کے کئے بنی زورا در حکا و کے معیار اور کے منحی کمینچو ۔

۸ --- ایک برتی ژام کا کھمیا انتصاباً گا ہے اور اس کے ادیر کے درے سے پر ایک اِنو اِ برکو نظامواہے۔ جو تھیے کے مرکزی خصصے وافٹ کے فاصلہ یارد ک کوسیار ہوسے کے - ہرایک کمیا ۲۰۰ ورد تارکوسنجا کے ہوئے ہے اور استعلے ہوئے بازو کا وزن ۴۰۰ پونڈہے۔ یہ زمن کرکے کہ بازو کا وزن اس کے تمام طول پیکیا طور پر منعسم ہے ا زو کے طول پر سِزی رور اور جمکا و کے منحنی کھینچاور انجمیے ہے بدندس برج كاوكا معيارا ترمحسوب كرور ھ۔۔۔ایک افتی خرتیر ۲۵ نگ لمبا ہے، یہ ایک طرف ایک سرے ﴿ براورد و مری طرف ایک سرے ﴿ براورد و مری طرف ایک نظل ج بر بود و سرے مرے ب سے ۵ نظ کے فاصلہ برواقع ہے سہا ال ہوائد و دون کی سفدت ب سے ﴿ یک بتدری الله فَی فَثْ سے الله الله فَی فَثْ سے الله الله میار الله اور جزّی زور معلوم کو نیز جکاد کا معیار الله اور جزّی زور معلوم کو نیز جکاد کا معیار الرا ور جزّی زور کے مخنی کھینچو۔

• اس ایک تحت کیماں شہتر ہے جس کا درن را در طول ۲ ل ہے۔ اسے
دون سروں براس طرح سہارا گیا ہے کہ افی کے متوازی ہے۔ ایک شخص جس کا
وزن و مے شہتر کے ایک ایسے نقط ن پر کھڑا ہے کہ اور ت اور ل) بنا بعد کرد
کر جمکا وَ معیار افر کا اسمنی دوایسے مکا فیوں کی دو قوسوں پر شقل ہے جن کے
وز خاص مساوی ہی اور جمکا و کا معیار افراس نقط پر بڑے سے بڑا ہوتا ہے جس کا
فاصلہ اسے ل ۔ بُ لا ہے۔

سوا ۔۔۔ او اور دائن کے دوستوک ہوجدایک دوسرے سے لیا عف کے فاسکے فاصلہ ہو ایک دوسرے سے لیا عف کے فاصلہ فاصلہ ہم ا فاصلہ ہر دے فٹ ملے گا ڈرکواس طرح عبورکرتے ہیں کہ بڑا وزن آگئے جاتا ہے۔ قام کا ڈرکے لئے بڑے سے بڑے جمکا و کے معیارا ٹراور جڑی زور کے سختی مینجو۔ مع اسسائی سلسل ہوجہ جس کا وزن و ٹن فی فٹ طول ہے ایک ہموار بل بر کھینجا گیا ہے کیل و فٹ طول کے ایک داعد استوار کا ڈر پرسٹ تل ہے۔ بوجہ استوار مہنیں ہے اور بل سے زیادہ ما ہے۔ پل کے لیے درن کونظراندازکر دیا گیاہے۔ گا در برایک نقط ن ایسا ہے جوز دیک سے سرے سے ک ن کے فاصل بہد ، ٹا بت کروکان پر بڑے سے بڑا جری زور و (1-ک) من مے اور د کھاؤکہ جب متحرک بوج کسی قلم ررواوراس کے ایک مرے وسے ایک خطا تھا بی وس کھینیا جائے جون پر کے جزى دورك مناسب مووس سے جریخی مرسم ہوتا ہے وہ چارمكا فى كى قوسول اورايك 10- ایک یکمان گاؤر این سرول کے سہارے ساکن ہے اور وزن اس کے وسطی نقط پر مرتکز سہے۔ تا بٹ کروکہ بڑے سے بڑا تھیکا وُکا معیار ا تر اس صورت کی نسبت جب کروزن کیاں طور بنتیر سفدہ ہو دو چند برا ہوگا۔ ۱۲ --- ایک بلی کیساں سلاخ کے نجلے سرے اکوایک چکے قبعنہ کے ساتھ وصل کردیا گیا رے اور اس کا ادبر کا سمرا نسب ایک جکنی ائتصابی سطے مستوی برساکن ہے۔ تابت کرد کرکسی نقط ک پروٹسنے کا میلان لیسے مدلاً ہے جیسے (۱۵ر سب سے ن کے فاصلون كاحاصل صرب ـ كا -- ايك تخة جس كا وزن ن و ادر طول ل ب سوازى الافق محل مي اسين مردل پرساکن ہے۔ ایک آدمی جس کا دزن وسیے اس کے ایک مرسے سے دوسے سرے نگ اس طرح میل سکتا ہے کہ خفتہ وسیفے کے عین قریب ہواہے۔ اگر تخت کے يرسك كونا بت كرديا جائے ادر دومرا مراة زادان وكت كرسكے تو نابت كروك آب آد می مون بل (ا - ب ن) فاصل کم بی سکا ہے ۔ اب اسسسیمی کیا وزن وصل کی ہوئی سلانوں کے ذرید ایک محراب اس طرح بنا استقعدهم كراس ككارون كا درمياني فاصله و ادر ارتفاع مع بوادراسي المراسك بالمى افتى فاصنول برسات مساوى اوزان وبندسه مول اورسلاخ ل كركسى نقطه بركوني محكا وكومعياد الزنرجو- بقاؤكه ترسيم عمل سصماخ كالتلاكسط متعین ہوسکتی ہے اور ثابت کرد کہ سرد ل کوساکن ر تھے کے لئے جوا فتی قرتیں گفاتی

برنی بی وہ والے کے سادی ہیں۔ 4 إ- ايك يكيال سلاخ كاطول و اور وزن وسب - اس كم سرول كساته مسادی طول ب کی رسیاں ہندھی ہی جن سکے دوسرے سرے دوائیے نابت نقطوں کے سابھ بندسے ہیں جن میں سے ایک دوسرے سے انتصاباً و فاصلہ اوس اسے۔ الرسلاخ كوبيسان زادني مذفتار سديك ساتدا نتعبابي خطاك كردهمالي مباسيع أو نابت كردكسى سرے سے فاصلال برجمكا و كامدار والا (و - الم مسع بوكا جال عر برایک رسی کا میلان سے افق کے ساتھ۔ نیز بتاؤ کررسیوں کے تناؤ مسادی میں ٠٠ - ايك بلي افتى سلاخ حس كاطول وسه ايف سرون برساكن سم - سلاخ كواس طرح وزن بنا ياكياب كركسي نقط برازست كاميلان نقطة مكودير في أكا في طول وزن کے تناسب ہے۔ تابت کردکرکسی نقط بریکا وزن ایسے بران مے جیسے جب اللہ جباں لا اس نقطر کا سلاخ کے ایک مرسے سے فاصل سے۔ (الرراك مرب يركا تعالى بواوراس نفطير حبى كافا صلى سلاح كاك موك سے لا ہُونی اکا نی طول وزن و ہو اوراس نقطہ پر جس کا فاصداسی مرسے ستے لا ب جمعا وكا معيارا ترله ويدجو تو مغرا نظر سوال كي روست له × و عرا × لا - كر (لا - لا) و فرلا اس لے لا کے کافاسے دود فر تفری کرسے سے د ر= (بب (الله + <) بيال (ادر د منتلين-نزچ کر براک سرے بر جبکا دکا سیارا شومز ہوتا ہے اس نے د صفر ہونا جائے جب کر ا = . یا و [T= 1 10

۲۱ -- ایک تاجس کاوزن و ہے لضف دائرہ کی تکل کا ہے جس کا لفت تطر و ہے تار ایک انتعما بی سطومستوی میں ایک سرے ابراس طرح لٹاک رہا ہے کہ یہ آزاداز گھوم سکتا سیعے کسی نقط و جرکائر کا موارا خود ایک میں۔

ہے۔ کسی نقط برجیکا ؤکا معیارا خر معلوم کرہ۔ (وفع ۲۹ امنی ایس یہ و کمایا مبائے گاکہ تاری مرکز تقل مسٹ مرکز سے علیہ ا

فاصلہ بہوتا ہے ، نیز تاول کے لئے فروری ہے کہ سنت سہارے کے مقام اللہ مامید اللہ میں سنچ ہو۔ اس لئے (میں سے گزرسے والا قطر خطِ انتصابی کے ساتھ ایک سے ساتھ ایک ساتھ ساتھ ایک سا

زاوير عد اليما بنائے كاكد مس عد = ٢

اُرُتَارُکا کوئی نقطہ ن ایسا ہوکٹا ن خطا نتھا بی کے ساتھ زاویہ طہ بناسے تو ن پر جھکا ُوکا معیارا تر = ن کی ایک طرف کی مب بیرونی تو توں کے معیارا خروں کا محد عہ

= وعمر الم و فرفر (۱ وجب فرجم (هدف) - ۱۶ حب طرجم (عد - ط))

= ۱۹ و ((ع-طر)حب (ع-۲طر)+حب طرحب (عـطر)] که سازند بر مرسون کرار بران در این از از این از

۱۳۳ - ایک تبائی تین مساوی سخت بکسال سلاخ بر برمنٹالی ہے تینوں سلاخ ل کے ایک تبائی تین مساوی سخت بکسال سلاخ سے اس مقام وصل سے کنتلی لٹاک ایک برم ہے والی حالے کے دہمی ہوئے کے دہمی ہوئے کے سے ایک میلئے سے روکنے کے سے ایک جگنا مستدر حلقہ ان کے گرد زمین پر قائم ہے ۔ تابت کردکہ ایک ملاخ کے حجما کا کا معیادا زاس کے دسلی نقط پر بڑے سے بڑا ہوگا اور یہ ملاخ کے طول اور کمیشلی

کے وزن پر سخھ مزیں ہوگا۔ ۱۹۲۹ — ۲ ل طول کی ایک میکسال سلاخ دد کھونٹیوں پر جرایک ہی افتی خط میں واقع ہیں اور جن کا درمیانی فاصلہ ۲ ج ہے قشا کلا بڑی ہے۔ اگر ل < ۲ ج تو تا بت کرد کر سلاخ کے قرشنے کا بڑے سے بڑا میلان کھونٹی پر مرکا اگر ال > ۲ ج تو تا ب اور سلاخ کے وسطی نقط پر مرکا اگر ال < (۲ + ۲۰) ج لیکن اگر ل > ۲ ج تو فرشنے کا امکان بڑے سے بڑا کھونٹی پر مرکا ہے اگر ال = (۲۲ ۲۲) ج قیتا ہے کہا۔

داقع پڙگا ؟ الكُول > ٢ ج توايك كلونش براور مركزير جبكا وكسك معياد افر مخلف العلامت موت بمِ ادراًن كي صوف مطلق فيتوركا مقا لمركزا جاسفية] ہم ۲ -- رایک سلاخ جس کا طول ال بے بیسال طور پرلدی ہوئی سبے اور وزن کی مشدت سلاخ کے دسطی نصف حصد برسروں برکے جو تھا نی حصول برکی سندت کا دوجندہ اسے مرزسے مسادی العصل دوالیسی کونٹیوں برسبانا مقصود ہے کہ سلان کا جھکاؤکا معیاراتر کم از کم جو ناب کا جھکاؤکا معیاراتر کم از کم مو ناب کردکہ ہرایک کمونٹی مرکزسے بات فاصلہ برجونی جا ہیں ۔ اسم ا۔ ایک شہتیر جوا نے دو نوں سروں برسہارا ہوا ہے بہت سے جسمے دزنوں سے اسلام کی اس کے اور کا درنوں کا دلیا مالی کی الم مناب کردکہ دزنوں کا دلیا مالی کی الم مناب کردکہ دزنوں کا دلیا مالی کی الم مناب کردکہ دزنوں کا دلیا ہوا ہے۔ ناب کردکہ دزنوں کا دلیا مالی کی الم مناب کا میں میں میں میں کہ میں کا دلیا ہوا ہوئے۔ معیارا ترول کانقندہے۔

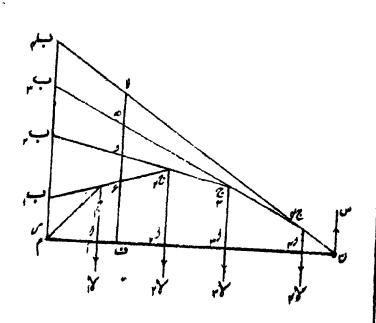
وص كروكستيرم ن كے نقاط ور ور ور ور براوزان كار كار كار كار للك رب يس مياكنك من وكاياكيا ب- يز فرض كروكم اورن برك تعال س ادريس بي-الكرانضابي خط إع ايساكميني كر إب، ب ب ، ج ١ ، ح ع الترتيب لا لا لا المركزي- كون تطب وله ادر خلوط و (اوب والإكسى تغطم عرست متروع كرد ادرخطوط عناعه ادرعه بالترتيب واراء وب کے متوازی کمینے۔ اور پھر برجر وسی کے متوازی کمینے وادرعلی موالمیاس ردفعه ١١ على كرة اس طرح مست مين الآخر خط صير صا حاصل موكا- ولااسك ولافوع لاسسي ادرس تبير بوسك يْرُوهِ، زع برعمود كالواس النه وه (= تم) الا،ب، ي دغير كيسقل فعي م ن برأ الم المرك درسيان كوئي نقط ب وادر ب ك انتصاماً كمينه و رسان کیرالا منلاع سے ک ادرل برسلے ابہم نابت کرینے کرمب نے جما فوکا معاداؤک ل سے تعیر والے۔ قولال کے نقفہ سے ظاہرے کہ توت لا عرم كم ما لة قوت ب ادر م بر كم ما فة قوت ج " لا = برم كمانة " ق ادر لرم كمانة " ر و الدكام = بدلكماته ر د ادر صدر كم ساته ر ع ادرى = لمد كے ساتھ م على ادر صدمنا كے ساتھ ہو ون اس لئے کا کا کا کا سے عرب کے سات قت ب

اور حدمنا کے سات توت ب

اس النے میں کے گرد ان کے معیارا فروں کا مجدور - عدب كي ساته عن كرك والى قرت ب كا معيارا أرب كي كرد معہ صد منا کے ساتھ قل کرسے والی قدت من کا معیاد افرنب سکو گرد اب ل م کے ساتھ مل کرنے والی قرت ب کا ایک جزد ترکیبی انتصابی ہے حبر كاب كروكوني معبارا فرنبيس ب اور دوسرا جزو تركيبي افعي ب جس كاب اسى طرح صد منا كسك سائد عمل كرسف دالى نوت ن كامعياد اثر ب سك اس من قوق للم اللم الله الس كامجوعي معيار الرف كرو = مديول - مهيك = مكال (ينى ب كرو حبكاد كامعارا زمقطوع كاست تعبير وابع اورمقداريس اس ماصل مرب کے مسادی سے جس کا ایک جزومقطوع سے ادر دوسرا جزو تطب وست وزيزك سكي خطاكا فاصله سبع اسی طرح سے کسی دوسری صورت برحبف ہوسکتی ہے۔ یہ بات قابل غورہے کریمسکد دراصل دہی ہے جو دفعہ عدا میں متوازی تو توں کے سفے خامت ہوچکا ہے۔ مشق سد ایک شبتیر ۱۰ نف کمبا اسینے دولوں سروں پرسبارا جواسے اس سے ان نقطوں پر جنك فالصله ابك معرف سنة بالترتيب ١٥ فث ، ١٥ فث ادر ١٨ فث بي والمرتيب ه ١ ٩ ١ درم من وزن فلك رسب من اس كاربيها في كثيرا لا منلاح بنا وُاور بنا وُ كَم جمكارُ ك معداد افر كم المرام المعكن بالدريد بنا جاسية -المساو جعكادُ كم معالاً في كالتي دوموارسي عمل ديل مرمندج ب-وص كروكم من على م و على م و عليم في عليم في عديم علیهم ب ، من بدعود کمینی ج می × ل کو تعبیر کرسے الداس برسی ب ب ايد نقط لوكربر بن ب ب ب ب ب ب ب ب م ، ب الرئيب الم « وَم ، الم * في اور الم * في اور الم * في كونتبيركري -

ن بم كو لا وجو ور ميس كررسا دال انتما بي خطس جي برطيع بي كو لماؤ جو ام من سي كرسان وال انتصابي خطس ع مرسل اده

اس طي سے ہيں كني الاصلاع م ج ج ج ج ج ب فال مقال مقالت جس ككرى نقط ف كامعين اس نقط بر محبكا وكسك معيارا فركو تعبير كراب -



کورکو اگریمین فف و خلوط عیم عیم، عیم عمر اور ج م ن سے واح اور لا برسط تو مت برجما وكاسيادا تر یس بن سر کیدن ور کر بن ور سکر ن او

بس ف يركا جكا وكامعارا ثر

من × مبر من الم مر من الم
ن لا له که مه و دو

اسی طرح سے شہتیر کے کسی اور نفطہ کے لئے۔ سوسوا - ونعد اسواستے یا ظاہرہے کہ وزنوں کا، کا ،کام کا عاصل معاول

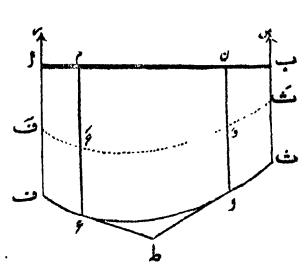
ب عدر کے سائد عمل کرنے والی قوت ب معد صدار کے سائد عمل کرنے والی وت ع کے اینی وزوں کی اکم الا کا مامل رسیانی کثیرالا صلاع کے اصلاع ب اورع کے نقط تقاطع میں سے گزر اسے ۔ اسی طرح سے اصلاع کے کسی

ادر زوج کے گئے۔

بسرسیان کثیرالاصلاع کے کسی دوا صلاع ب اورع کے نقطار تقاطع میں سے اُن وزوں کا حاصل گزرتا ہے جوب اورع کے درمیان واقع ہم آ

اب فرض كردك تشبتيركومسلسل طوريرالا والكياسي اس مع اليمانى كيرالاصلاع سلس منحی ہوگا اور اس کے نقاط و، و برکے دوماس اصلاع ب

ادر ع ہوں گے۔



= وزوں کے مخی کے مرکز نقل کا م سے فاصلہ ا میساکہ دند ھیں ا سے فلا ہر وہ گا۔

اس کئے طہر سے گزرنے والا انتعابی خط وزنوں کے منحنی کے مرکز منل میں سے گزرتا ہے بینی جھکاؤ کے معیار اٹر کے منحنی کے کوئی دوماس ایک ایسے نقطہ پر قطع کرنے میں جو دزنوں نے مرکز تقل کے انتصابا بیجے واقع موتا ہے۔

______B#

الحقوال بابب مرکزنفل مرکزنفل

مهم مع اس داد کا ہرایک ذرہ زمین کے مرکز کی طرف کھنچا ہے اور وہ قرت جس سے
زمین کسی ذرہ کو اپنی طرف کھینچتی ہے ذرہ کی کتیت کے تبناسب ہوتی ہے۔
ہرایک جسم کو ذرات کا ایک مجموعہ خیال کیا جاسکتا ہے۔ اگر جسم زمین کے
مقابلہ میں جوٹا ہو تواکس کے اجزاکو زمین کے معرفر سکے ساتھ ماسنے والے خطوط
تقریبًا متوازی ہو نگے ، باب ہذا میں ہم ان کو عین متوازی تقور کرینگے۔

بس ایک استوار جسم کے ہرایک درہ برایک قرت انتھا یا سیمے کی طاف عل کرتی ہے جس کواس کا وزی سکتے ہیں۔ یہ سب تو تیں متوال ی فو نول کو ترکیب دستے کی طریعے سے جود نعہ ۳ میں بیان کیا گیا ہے ترکیب یا کرایک واحد قرت میں نول میں نول کیا گیا ہے ترکیب یا کرایک واحد قرت میں نول میں نول کے مجوعہ کے میں نول میں نول کی جوعہ کے میں نول میں نول کی جوعہ کے میں نول میں نول کی جوعہ کے میں نول کی جو میں نول کی جو عہد کے میں نول کی تو توں کے مجوعہ کے میں نول کی تو توں کے مجوعہ کے میں نول کی تو توں کے مجوعہ کی میں نول کی تو توں کے مجوعہ کی میں نول کی تو توں کے مجوعہ کی میں نول کی تو توں کی تو توں کے میں نول کی تو توں کی توں کی توں کی تو کی تو کی تو کی تو توں کی ت

یں عولی مروجا ی ہیں ہو ہجا طامعدالد است سب العرادی ووں سے جو سے سے مسادی ہوتی ہوتی ہے۔ مسادی ہوتی ہے اور حبیم کے ایک خاص نقط پر عمل کرتی ہے۔اس نقطہ کوجسم کا مرکز نقل کہتے ہیں -

مرکر کھا۔ تعرفیف کسی جسم کایا ذروں کے کسی ایسے نظام کا جوہا ہم استوار طور پر مربوط بوں مرکز نقل وہ نقطہ ہوتا ہے جس میں سے جسم کے وزن کا خطِ عمل ہمیں شد گزرتا ہے۔

میں ا۔ چونک متوازی قون کے حال کا خطاعی معلوم کرنے کا عمل مرسب وقون کے اور فوق کی مست پروقون بنیں کے افا طاعل اور فوق کی مست پروقون بنیں

ہوتا اس کیے مرکز نقل کا نقط دہی رہتا ہے خواہ ہم جسم کوکسی زادیو میں سے کھا دیں ریں ہے۔ سمبو کھ موخوالذکر صورت میں بھی حسیم کے حصوں کے وزن متوازی ہوسکے ۔اگر حسیب مت جبہ کے کمحاظ دو لا صور کول میں ایک ہی نہیں ہوگی-اس سے ہم دکھا سکتے ہیں کوجہم کا صرف ایک ہی مرکز نقل ہوسکتار ا المريكن بورد فرص كروكر اس ك دومركز القل نف اور نف أيس الب مبيم كواس طبح ما ذكر من من الني بومائد اس طي سه بين النفعالي و ولي كاايك ا نظام مل عاست كا جن كا حاصل من أور كن ، دونون ميست كررست كالدليكن چونکه خاصل دست خود لازمی طور بر انتصابی بر نی جاب یے اس کے یہ توسیافتی خط نف نف میں سے بنیں گزرسکتی -اس نے برمبیم کا مرف ایک ہی مرکز نقل برسکتا ہے -ا مع ا - اگر حسم اس قدر حمولاً ديوك اس كسب جزدى حصول ك وزاول ولفريما ببرمال جسمركا وونقطه جوالبس ونعدا ساسك عمل سنع حاصل بروتا سبع مببت مِنروري ادرا بَم خواص رکھناسب^{ے ،} اس کوهبم کا مرکز کمیت یا مرکز جمو د تھی سکیتے ہیں-اگر محبر كميسان تأنت كا بوتواس كامركز كميت مركز بهندسي الوسط مركز برمنطبن مؤاب -ع ١١٠٠ بنل كيدان سلاخ إسب-اس كا مرزتفل مركياً اس كا وسطى نقله من ب کو کھ سف آور اے درمیان برایک دره کے متناظر دوسری طرف سف اور ب کے درمیان سف سے اسی فاصل بابک مسادی فرہ موجود کے۔ الك يسال متوازى الاصلاع إب جد- إد كم متوانى

ایاب بلسال موازی الاصلاع اسب کے دیا کہ کے متوازی خط کھینچنے سبے متوازی الاصلاع کوبہت سے بیٹلے نکر دں میں تقبیم کرد۔ اب چوکو ہراکیہ

تع بینے سے مواری او معلق و بہت سے پسے متروں یں مہم رو۔ اب بولو ہزائد گراسے کا مرکز نقل اس کا وسطی نقط ہے اس النے کل شکل کا دسطی نشط کا کہ اور اب مج کے دسطی نقطوں کو کانے والے خط بردا تعربے۔ اسی استدلال سے مرکز نقل اور سے کہ کے دسطی نقطوں کو کانے والے خط برتھی واقع ہے۔ اس کئے مرکز نقل مطلوب و تروں سے تقاطع پرداقع ہے۔

مرونفل Y. A م مطلوبه مرز نقل [2 آور مبع کے تقطہ وصل پر و اقتع نشابه مثلوں ف (ب أور ب ع سے بم ديمه سكتے بي ك ف (ادراس لئ ف لا الله الله الله عن كامقام عسادی بوستے ہیں اور ہو وزن اور ﴿ بر کا ایک وزن ورون ل کرمث وزن ۳ و کے معادل ہو جاستے ہیں (دیکھو دفعیہ کے معاول متصور موسکتا ہے جن میں سے ہرایک مثلث مرکورسے وا ن کا ائی ہوا وراس کے کونوں پرر کھا جاسٹے ۔

در من ہیں برخ آ ب ج کے متوازی سبت سی مس اسى طرح سے يہ ج ن برجى داتع ہوا ہے بنى مطلوم مركز اسك ن خعوط كا نقط تقاطع ہے۔ اب مثابہ مثانی سے فا برہے كر اگر كادسطى نقطه ع بوتو مركفس

پس من سن الله علی علی الله علی الله علی معام موجاتا ہے۔ چار طبی کو جالا میں وزان کے معاول خیال کیا جاسکتا ہے جن میں سے ہرایک

فارسطی کے درن کا ایک چوتھائی ہو ادر ہرایک کو حدا گان اس کے کو نوں پر کما جائے - کیزکر (اب) ج میں سے ہرایک پرایک وزن و، گرخ

ر مع میں میں میں ہوئے رہ جب ہی میں سے ہرا یہ پر ایک ورون و ہ مسرح ر مب ہے کے مرکز تفل من ہم برایک دنان میں و کے معاول ہے اور من ہم ر کم وردان معاول کے برکارون اور و بارک و بن میں کر ایک دوروں میں کر ایک دوروں

بر کا وزن ۱۷ و اور که برکا وزن و آر کرف برک ایک وزن م و سے مساوی میں- (دیکیو وفغها ۱۷)-

کسی قاعدہ ہم مخروط مصنلع - تھوس مخروط - اگری دط مصلع کا قاعدہ متوی غکل (دب ہم ک م ن ... ہو جس کا مرز نقل دف ہوتر اسی شیر کے متوال سے نابت کیا جاسکتا ہے کہ مرکز نقل دادر دف کو ملائے والمے خط ہر دار قع ہوگا۔ زندہ تا میں میں مرکز نقل دادر دف کو ملائے والمے خط ہر دار قع ہوگا۔

نیزمستوی سطوح خرا من ، ح ب دن من ... کھینچے سے پورے مخرد طامضلع کو شائل کا میں اسکتا ہے جن میں مخرد طامضلع کو دطول میں مقسم کیا حاسکتا ہے جن می

ر ایک کا مرکز نقل (مب ج ک ... کے متوازی اس طرک جاستان ہے بن میں ہرایک کا مرکز نقل (مب ج ک ... کے متوازی اس طرک توی میں داخ ہے میں کا فاصلہ دستے مونز الذکر سطوستوی (مب ج ل ... کے فاصلہ کا تین جو قائی

میں میں ہے۔ بس کی جبم کا مرکز تفل خط سن دروا قعدہ اوروس کونسبت ا: سو بیں لفتے مرکز تفل خط سن دروا قعدہ اوروس کونسبت ا: سو بیں لفتیم کرتا ہے۔

اب فرمن کردکستوی قامدہ کے اصلاع ایک سلم کشرالاصلاع بناتے ایک سلم کشرالاصلاع بناتے ایک سلم کشرالاصلاع بناتے این اوران کی تقداد کولا انتہا برصایا گیا ہے بالا خرستوی قاعدہ وائرہ بن حایا ہے اور مخ وط مصلع مجسم مخوط بن جاتا ہے جس کا راس کے جدی نیز نقط سف، اب سستدیر قاعدہ کا مرکز ہوجا اسے ۔

اس کے ایک فوس قایم ستدر مخود طاکا مرکز نقل اُس خطابر واقع ہوتا ہے

جرقا عدہ کے مرکز کوراس کے ساتھ ملآیا ہے اور قا حدہ سے اس کا فاصلہ اس خط کے طول کا أیب جو تھائی ہوتا ہے۔

قائم متدر مخروط كي سطح - بوكريزوط كراس كواس كمستديرة عده بر ك لانتها قريب قريب كي نقطون كم سائع المائي سي اس كي سطي كولا انتبا متلتی بتروں میں تقسیم کمیا حاسکتا ہے اور ان مب کے مرکز تقل محروط کے قاعدہ متوازي اس سط مسلومي مي داقع بوست ري جس كا فاصل قا عده ست قاعده اور کے فاصلہ کا ایک تہا تی ہواس کئے کل مخروط کا مرکز نقل بھی اسی طرح اسے میتوی

میں دا قع بوگالیکن تشاکل سے طاہرہے کہ مرز نقل مطاو برمخرو ط کے محدیر واقع ہے اس کے یہ دو نقطرے جہاں مرکورہ بالاسطے مستوی محورست ملتی ہے۔ بس مطلوبه مركز تفل محدرم كاوه نقطه سيم جس كافاصلا قاعده سنع محزوط سكم ارتقف اع

١١٨٨ - مركز تقل معلوم كرسنے كے سك عام صنوا بط- درو لكا ايك نظام ہے جن کے وزن و، ورا وہ و بس اورجن کے محدوثا بت محوروں والا،

ان کے مرکز تعلی دف کے محدد (آ) آ) تی) حسب ذیل طور پر ماصل ہوستے ہیں۔

آ<u>ء ولا + و الا + و لان ۽ ڪرولا)</u> آ<u>ء م + و ب + وي</u>

اور ی = <u>کر در ی</u>

الن منابطوں کودندہ س من ابت کیا گیا ہے کیوں کا فردوں کے در ن متواذی قوق کے نظام کی ایک خاص صورت ہیں۔ ارمب ذرّے ایک خواستقیم بر واقع ہوں تو بہلے صنا بطر سے دیث کا مقام مرید الرسب ورس ايك سطوستوي مي واقع ا

فرض کروکر معلومه مرکز نقل سف اور سف بایس اور دو حصوب کے وزن ف اور و ہیں تب معلور نقط سے ونداس کی روسے سف سف کو اس طرح

نقط دف دمر، کے استال سے بھی معلوم ہوسکتا ہے۔ مشق ، ایک بی قا عده (ب براس کی تخلف اما نبوں پر دومسا دی الساقین تلف

ب ج اور اب ح بنائے محت میں جن کے ارتفاع بالترتیب ١١ ایج اور

٢ الجيبي- (سب سنه زوار مبر الا منلاع ج (٥ سب ك مَرُونُقل ما فاصل معلى كو فرص كردكر ج ل در اب برعورب

اور (سب سے ل پر من سے اور دونوں شائل ج اب الدب الدك مرز تقل الرتيب

من اور سن مین تب

スープで×デードラ

اورج سفو = جل بل ف = ۲+۱۲ = ۱۸

مثلول کے وزن ان کے رفوں کے تناسب

بوتے بی، اس سے الترتیب ل اب ۱۲ اور الب م ۱۲ می مادی میں۔

أكرست كل شكل كا مركز تقل بوتو

جف= <u>△عالب مع ب+۵داب ع ضم ۱۱×۸+۲ ×۱۸۱</u> ۵۶۱۰+۵۱۱۰

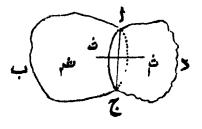
اس لئے ل ف= جل- ج ف= الخ

اس تنكل كويتك مغو سے ميں كات كراس نتيجه كى تقديق كرسكتے ہيں۔ ، مم المسمى درست حسم كامركز تقل إدراس حسم كا أكب حصد كامركز تقل دونول معلوم

پی - باتی آنده حصد کا مرکز تقل معلوم کرد-فرص کرد که ایک جسم (بیاج د کا مرکز نقل مث بها در صد فردج ا ہے۔ نیزفراص کردکہ کل جسم کا وزن و اور حصد اس ف کا وزن

وہے۔ بس وہ (= و- و) حمد اب م كاوزن ہے۔ زمن كروكر حمد إ ب ج كامرز نقل دف ہے چوكد دف برو اور منت پر و کامرکز تقل من ہے اس کے من لازمی طور پر خط من من

یر واقع بوگا ۔ اور

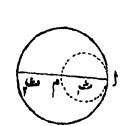


وِ« ثاث» وِ « ثان اس کے اگر ن مث سام بول توہمیں ەن مەن كومىشە تك

خارج کرنے سے من ویل کی مساوات سے حاصل ہوتا ہے

مطلور نقط دنع ١٨٨ ائے صالطت عبى ماصل بوسكا است مشوق ۔ ایک سندر قرص سب حس کالفعن قطر رہے اس میں سے ایک دائرہ اطبع

كا كا كاكياب كردارُه كا قطر قرص كا ايك نصف قطرب، با في صدكا مركز تفل علوم كرد



چونکہ دائروں کے رہنے اُن کے نصف قطودں کے مربوں کے متناسب جو ستے ہیں

اس کے تفطوعہ حصر کل قرص کا ایک جرشائی سے اور بائی اندا حسر کا مین جرتفائی ہے -

بس و= الم و

اسك و «من = د من = او و الم

: م مشر = الار

بخررسے سن فی تعدیق برسکنی ہے۔

اہم (۔ اگرایک استوار حبر نعادل میں ہوا دراس کا مرت ایک نقطہ نابت ہو تو جسم ندکور کا مرکز نقل نابت نقطہ میں سے گزرنے والے انتصابی خطب واقع ہوگا۔ - بر کر کر کر ہے اور نیاز نامین میں سے گزرنے والے انتصابی خطب واقع ہوگا۔

ا نرص کرد کوسم کا نابت نقطہ وہے اور اس کا مرکز نقل مش ہے اب سم برعمل کرنے والی مرب دو قرتیں ہیں جن میں ایک فوت جیم کوسہار سے

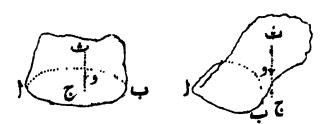
بھم پر مس رہے وہ میں مرب رونویں ہیں بن بن ایک وسے بھر مہد مسط والے نا بت نقط میں سسے گزرلے والا نقائل ہے اور دومری قومت جسم کے ترکمبی صوں کے وزن ایں جو مبر کے مرکز فقل میں سسے گزرسنے والی ایک واحد

رئی صول سے در تران اور جم انتصابی قرمت کے معادل ہیں-





اب ظاہرہ کوجب دو قرتی حبم کو تعادل میں رکھیں تو ضروری سے کہ وہ



جمر برجوقو بس عمل کی ہیں وہ یہ ہیں جم کا درن جواس کے مرکز نقل سٹ میں اسے نعمل کرنا ہے ادر سلے ستوی کے تعالی جب کے قاعدہ کے تعالی نقطون برعمل کرنا ہے۔ انسانی ہیں ادراس کے ان کی ترکیب سے ہیں ایک واحد انتصابی جو تعا عدہ کے کسی نقط برعمل کرتی ہے۔ بیال چوکھ دو کیسان متوازی قونوں کا حاصل ہمیشد ان قونوں کے اندر کے چوکھ دو کیسان متوازی قونوں کا حاصل ہمیشد ان قونوں کے اندر سے کسی نقط برعمل کرتا ہے۔ اس سلے جب کے تمام تعالموں کا حاصل تا عدم سے تبای خطام متالی خطام علم متوی اس سے تبای کسی نقط برحمل کے تمام تعالموں کا حاصل ہونے والا انتصابی خطام علم متوی اس سے تبای خطام علم متوی

سے قامدہ کے باہر کے کسی نقط پر ملے تو یہ حاصل تعالی ہے منعا دل بنہیں ہوسکتا مركم أبنين روسكتا بلد لازا كرماسي كا- الرحبير كا عده المس يل برجس كا أيك زاديه متداخل زاديه وجيها كمساعة كي شكل مي د كها ما محما میں اور اس مورث میں افظ تا عدولا میں دور تبہ شریک ہوگا جو مہد سی تا عدو کے گردمضرطی سے بندھے ہوئے تاکے کے اند داقع ہے۔ بس اور کی شکل سے شکل اب دع ف اکارتبرادے۔ مثلاً نقطرج حس برعامس تعال

ل راب رقبر إ حدب كالمد واقع ہوسکاہے گرخط (ب کے اہر داقع بنين بوسكنا - أكرنقط م خط إلب پر دانع ہو توجم گرنے کے مین زیب ہوگا۔

ا - ایک سٹلنے کا قاعدہ تا بت ہے اور اس کا داس ایک سلوم خطامت تقیم روکت کتا ہے نا بت كردكم مركز نقل تعبى ايك خطاستقيم بربوكت كراس

٢ - ايك مثلث كا كا عده نابت ب اوراس كاراسى زاويه لمحاظ مقدار-تامت کرد کم اس کا مرکز نقل ایک خاص دائرہ کی توس برحرکت کرتاہے۔

- شلٹ پرکسی جگراک معلومہ وزن رکھا گیا ہے ۔ ٹابت کرد کہ کل نظب م کا مركز نفل ايك فاص متلك كالدرواقع بوابء

مم سنامت کردکتین کیساں سلانوں سے سنے ہوئے خلیف کا مرکز لقل اس شلث کے الدولي وائره كا مرز موكاجس كراسي تقط سلا فول كرسطى تقطيب

۵ - اگرین توین ایک نعون برعمل کرین اور بالترتیب مد × ت کا مر × م د اورمه × كن ج سے تبير جون و نابع تروكه مامس مر × ن مف سے تمير وكا جاں مث ملف إب بح كامرك تقرب

4 - ايك دره ك نقاط إلب عج... ك مرت ان و ون سع ولم ال

مد و ن سب مسد و ن ج ، صفير بون بي منع راسي اب اب كروك الن كا مامل (له +مر + مر +) * ن بث سے تعیرہ اب مبال سف مركز تقل ب أن دون كاجرا، سب ج برد كم جالمي اور بالترتيب د، مر، سد .. کے تناسیہوں۔ (یودفعہ ۲۵ کی تنمیمی صورت ہے اورامس دفعہ کے نتائے کے متواتراستال مسے ابت ہوسکتی سمے - ا ٤ --- ايك منحوت بترك كا مركز تقل معلوم كرو-فرض کردک اسب ج ﴿ ایک سون معرف محاصلاح اب اور ج دمولک میں اور بالترمیب ۲ و ، ۲ سب کے سادی ہیں۔ وم كروكر إسب اور بح 2 ك وسلى نقط بالترتيب ع ادر ف بي 2ع اورع ج كوملاؤ منكون أخرع ، حرع ج اور ب ع ج كر بنيان كے كاعدوں اع الخيج اور ع ب تمناس من يني و ، الب ، و كمناسبي-اب برایک مظلف کی بجائے اس کے وزن کا ایک تبائی اس سے داموں برد کھو۔ اس طی سے ہیں ج اور د پر الم اللہ اللہ کے اور ع بر الرب اب كم مناسب دزن عاصل موست بي -ا بزج اور در بر کے مادی وزوں کی کائے ج حکے وسطی نقط ف بر م في + السن كمتاسب وزن كل

> اور المب پرکے سمادی وزوں کی کابئے اب کے دسطی تعلم ع پر اللے کے تناسب وزن دكمو المسس طرح سيمي فيريك بميد كادرع ير

سي مل الميداك مناسب دنان مال

برستي ر

بى مطور مركز تقل ف خط ع ف برالى مجر سيم كم ع ف بركادان الم+ ١٠٠١

۸-- ایکستری دوارسبته الا مناوع بترے کے راسی نقطول ادرو ترو لسے نقطم تقاطع كا فاصله اسي طوستوى مي ايك خطو لاست بالترتيب في مها عيم ادر اور

ع ہے شابت کردکہ مرکز حمدد کا فاصله اسی خطستے ملے (اب ب + ج + ج + ح م ا) ج

فرمن کرد کرراسی نقطه فی مب عب عبر احد بین اور تطرون کا تقاطع عرص ثب ۵ اج د دے اج برعمد دع د-ع، ۵ اج د مار کا ج دفد عوا و مواكد الله ١١٥ ح ح ح مرز تقل كا فاصله و كاس

المعرب المراج بالأملا المراج ب

س نے والے مطلوب مرز نقل کا فاصلہ

15+4+11+315 × + (1+2+1)+215 - × + (1+1+31) <u>△136+△13</u>4

مرکز تقل لی اور م وی اور لی م ، (جسے تن بر مناہے نب مرکز تقل من خط کی مرکز تقل من خط کی مرکز تقل من خط کی م پرایسے واقع مورکا کہ م من اور کی م بدایس خطائی رقبہ (مب ج میں ب ج کے متوازی ایک خطامتنم کھنچے سے اس کے رقبہ کا ن واں حصر منقطع کردیا گیا ہے نابت کرد کر باتی ا ندہ صدکا مرکز گفت لی اس کے رویسے والے وطی خطاؤ منب ن بات اس ۲:۲ (ن ۲ ان ۲ ان ۱) میں سے می رسے والے وطی خطاؤ منب ن بات ۱۰ (ن ۲ ان ۲ ان ۱۰) میں سے می رسے والے وطی خطاؤ منب

ا ا - كا فذك ايك مثلتي سترسه كو دواصلاع ك وسطى نقطور كولان واسلي خطار ت كيا كيا ہے اوراس طرح مثلث كے راس كواس كے قامدہ برلا يا كيا ہے ثابت كروكم مثلث سب قاعده سب اس مل من فذسك مركز جود كا فاصله ابتدا في حالت من شلتي ہترے کے مراجود کے فاصلہ کا تین جو متعانی سے -

1/ - ایک کیسال سلاخ دورسیوں کے ذریعے جواس کے سرول کے ساتھ بندھی ہیں اور دوسری طرف ایک ٹابت نقطر کے ساتھ بندھی ہیں لٹک رئبی ہے۔ نابت کر و کہ

رمیوں کئے منا وُان کے طولوں کے متناسب ہیں۔

ٹابت کردکہ اگرایک سلتی بترے کو اس کے تیوں کونوں کے سابھ رسسیاں المد مراك كموسى سعاتكا إ مائ ويجى رسيون كتاؤان كودون كم مناسب

مع ا _ ماند کی کمیت زمین کی کمیت کا ۱۳۰ و گذاہیں۔ اگرزمین کے لفعت قطرکو ۰۰ پیمیل ان لیا ما -ے اور زمین اور ماندے مرکزوں کے درمیاتی فاصلہ کو زمین سے مفعظ كا الكنا فرص كيا جاست و زمين اور جاند ك مركز تعلى كا فا صله دمين ك مركز سس

(۸۰ سرمیل تغریباً) مع إلى بناؤكم ايك مخ وطاكا راسي زا ويدكيا بونا جاسية كداس كى كل سطح (بسنمول اس

مستوی قاعدہ کے) کا مرکز تقل اس کے عجم کے مرکز تقل بینطبق ہو (احب اسلے)-

4 ا۔۔ ایک مفوس قائم سندر بحوال کے قا عدہ کو اس طرح جیبالا ایکیا کہ مجون جیس اسى قاعده براك فائم مخروط سب بنا وُكه كننا حصد جيلا جاسية كا في مانده حصد كامركز مُعُلِّ مِجون مصدك والس يِسطبق مِو -

(اندروني مخروط كاارتفاع = بيروني مخروط كاارتفاع)

14 - بتا وكدايك عشوس كيدال اسطواز سي ايك مخروط كس طرح كافا عاسق حركا فاعدو اسطوا دی قامده برسطبق بو ادر إنی ما نده محبیم کا مرکز تفل محرفط کے راس برمنطبق ہو۔

(مخروط كارتفاع = (١- مام)كن اسطوانه كا اركفاع)

2 ا - ایسستدیر بترسے میں ایک ایسام بع سوراخ کیاگیا ہے کہ مربع کا قطر دائرہ کالفعف مطرب - ان مادہ کا فعد پر مطرب - ان مادہ کا مادہ مرابعہ کا مرابعہ کی مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کی مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کا مرابعہ کی مرابعہ کا مرابعہ کی مرابع

ہے جہاں و وائرہ کا قطرے۔

۱۸ - ایک یکسال مثلتی مبترک میں سے ایک مصد جس کار تبہ مبترے کے اندرونی دائرے کے رقبہ کے مساوی ہے کا ٹاگیا ہے ٹا بت کروکہ باقی ماندہ مصدکے مرکز تقل کا فاصلہ کسی صلع کی سے

ہے جال مس بترے کارقبہ سے اورس اس کا تصف محیط ہے۔

19- ایک معلور مقدار کا متدرسوراخ ایک بیسا ن ستدیر بیترے کے افر کیاگیا ہے۔ تابت کردک مرکز نقل ایک خاص دائرہ کے المد واقع ہے۔

۲۰ - ایک طَلَقی بِیْرا (ب ج بے جس کا دادیہ ج منفرجہے۔ یہ ایک میز پر صلح (ج کے بل کمواسے۔ ٹابت کرد کر کم ہے مم وزن جو سب سے لٹکا یا جائے اور شاف کو ایکٹر کر کرئری فرید

۲۱ سادک مخزوط کا اد تفاع اس کے قاعدہ کے تضن قطر کا جارگناہے اسس کو قاعدہ کے محیط برسکے کسی نقط سے لٹکا یا گیا ہے ۔ ٹابت کر دکہ حالت سکون میں اس کا قاعدہ اور محیرا نتصابی سے سادی المیلان ہونچے ۔

۲۷ - دو کمیتوںم اور ن کے حل اور سب میں اور ان کا مرکز قل دف سبے، اور ان کا مرکز قل دف سبے، اگرت کوئی اور نقط موتو نابت کروکہ

م * (ق الن م ب ف ال م م أسف الن م ب ب ن الم الن الن م الن الن م الن الن م الن الن م الن الن الن الن الن الن ال الن طرح الربيت سي كيتيس م النك بون اور أن كي الن ب بح ي

ہوں اوران کا مرکز تقل نش ہور اور ق کو کی اور نقط ہوتو م * أُقْ الله ب ق ا + ك * ج ق ا +

ء م × (سنا + ن × ب سنا + ک ×ج سنا + ۰۰۰۰ + (م + ن +ک + ۰۰۰۰)ق سنا

۲۲ ایک شوس قاع مقطوع مخروط ایک محودی أل سطح مستوی بر براست مسطح الل سے

میلان کوئیدریج بڑایا جا آہمے اِگرمقطوع کی ٹری اور چھو کی تراشوں کے نفیعت قطب بالترتيب سن أورربون ادر مقطوع مجسمركا أرتغاع حدبوته ثابت كروكه بالآخر مقطوع مجسم الت مائے كا يا بيسل جائے كا أرزو كى قدر

م ۲ - ایک قائم محزوط کا داسی زاویه ۲ عدست اس کوایک سطح ستری ست جواس سکے محدرکے ساتھ زاور بہ بناتی ہے کا ٹا گیا ہے اس مجیم ایک ممل کھر دری سطح اکل پر اس طرح رکھاگیا۔ ہے کہ اس کامحورخط میلان اغظم پروا نع ہوتا ہے ۔ اس محل ہی مالٹنے کے میں قریب ہے . تابت کو کہ افق کے سا تھ سطح اس کے سیلان کا ماس ا ن میں سے ایک قبت دکھتاہیے

الم جب اعمله جب اب

مرزتقل كا فاصله سك قاعده سے بسب كنانت ك كا انع دالاكيا ہے۔ جب كل كے مرزنقل كا ارتفاع كم سے كم زو تو نابث كروكر اكنے كا وزن

\و (و+ + س ب ل) - و بولا -

معومم إ- وفعه ١١٨ ميك صنوا بط كى مردست معلوم ينكل كىكسى قوس يارقب يامجسم

کا مرکز تُقِلَ معادِم کیا جاسکتا ہے۔ کا مرکز تُقل معادِم کی فوس کا مرکز نقل۔ اگرایک سنزی توس برکوئی نقطہ ک (۱۰۱۱) ہو

اورت ف جھوا توسی جرو معنس ہوجس کی گنافت نظرت برک مواوراس لئے جس کا وزن ک مف س کے تمناسب ہونو مذکورد بالاصالطول سے حال ہوا سے Z کِ منس × لا) _کک لا فرس آء <u>< کر منس</u> کی فرس کا کی فرس

MIA

مبكراس مين كمات كي التبايس قوس زير كبت ك ايك سرك سے دوس

رے کا آن جائیں۔ اس طی آ = کی فرس اس طی آ = کی فرس

نیز وس = ۱۱+(وزا) ادر فرا کی تیس سخنی کی مساوات سے

معلوم ہوسکتی ہیں۔ اگر قوس کیساں کٹافت کی ہوجیساکہ عام طور پر ہوتا ہے قوک مستقل رمہگا ادرا وبرادر سیچے سے کٹ عائے گا- اگر نوس کی کٹائن متنیر ہوتوک کی قیست

لاء ما كى روم مين معلوم جوني جاسيع -سى تسم كم منوا بطائين ابعاد كم منى برصادق أستى ميراليكن اب

 $r(\frac{\zeta_{j}}{\zeta_{k}}) + r(\frac{\zeta_{j}}{\zeta_{k}}) - 1/2 = \frac{\zeta_{j}}{\zeta_{k}}$

اگروس کی مسا وات قطبی محدووں میں معلوم ہو

معن س = ما معن را ب ز معن طا ٠

اوران صابطون من والسل بوتاب

<u> کک رجم طافرس</u> اور آ ہے کک رجب طافر س اگ فرس اسی تسم کے صندا بطانین البعاد کے لئے بھی حاصل ہو سکتے ہیں۔ معہم ۱-مشقی ا- مکانی ۱۱ = م و لا کی مس توس کا مرکز نقل معلوم کرو جوراس اور راکسا سے افقی فاصلہ و سے اپر کے سین کے درمیان منقطع ہوتی ہے ريم کي م لا (لا+و) فرلا $\frac{1}{1+\sqrt{(u+1)}u(u)} = \frac{1}{\sqrt{(u+\frac{b}{4})^2 - \frac{b^2}{4}}} = \frac{1}{\sqrt{(u+\frac{b}{4})^2 - \frac{b^2}{4}}}$ 1-+1/+ =) - 1- 1-1/ (1+1-1) = 1 = =

 $y^{(i)} = (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} = (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} + (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} = (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} + (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} = (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} + (\frac{i}{\sqrt{2}})^{-1} = (\frac{i}{\sqrt{2}})^{$ مِن وَس = أ (و م و الله على) = جزي الله اورس = جريد

77

مركزتنل

$$\frac{3! x_{i} \cdot \frac{1}{3} - 3! x_{i} \cdot \frac{1}{3} + 3!}{3 \cdot x_{i} \cdot \frac{1}{3}} \cdot \frac{3(1 - 3)}{3 \cdot x_{i} \cdot \frac{1}{3}} \cdot \frac{1}{3} $

مثالیس ذیل کی قوسوں کے مرکز تعلوں کے متعام معلوم کرد۔ اسسے خطاتہ دیرا = و (ط + بب ط) ا = و(ا - جم ط) کی دہ قوس جوشنیت رہے میں سہے۔

$$\left[\frac{Jr}{r}=\overline{l} \ (3\left(\frac{r'}{r'}-\pi\right)=\overline{l}\right]$$

مرزنقل

قطرکونسبت ۱:۳ می تقسیم کرا ہے۔ ۵ ۔ ایک کاک مکالنے کے بیچ کا طول دنسف قطراور گھائی معلوم ہیں اور بیچ کی چودی کے کسی نقطریر جوڑی کی موٹائی ب + ن ی کے مسادی ہے (جہاں کی اس نقط کا بیچ کے ایک مرے سے محور کے متوازی فاصلا ہے کارکے مرکز تقل کا مقام معلوم کرو ۔

۵۲۱- کسی متوی رقبه کا مرکر تقل - کارٹیزی محدود ل بی رقسب د کا جزد

معن لاسعن ما ہوتاہے اور اگراس کی کتا فت کے ہوت اس جزو کا وزن کے بعد معن لاسف ما ہے تناسب ہوگا۔اس کے اساسی صفا بلطے ہوجا۔تے ہیں

> ور آ به کا زلا فرا اور آ به کاک زلا فرا

جہاں انتہائیں اس طرح منتخب کی گئی ہیں کہان کے امدرزیر عوربورا رقبہ آجا ہے۔ اگرر قب کیساں کیا فت کا ہوا ور لا فاصلی کامعین شخنی کو جن نقطوں پر تعطیم کرتا میں مرد کرمیت کی سیار کی مصرف کی مدر مرد کی مدر کا مصرف کی مدر کا مصرف کی مدر کا کا مصرف کا مصرف کا مصرف کی م

ہے ان کے متین کا اور مام ہوں تو ہم رقبہ کے جزو کو (ما- مام) مفالا ہے مساوی کے سکتے ہیں اور انتہامیں جکہ مف لابہت چوٹا ہو تو اس جزو کے مرکز تقل کھ

محدو لااور الم + الم برسكة -

۱۱) اب اساسی ضابطوں سے مامل ہوتا ہے

 $\overline{V} = \frac{(4_1 - 4_1)^{1/2} V}{\sqrt{4_1 - 4_1}} = \frac{\sqrt{2}(4_1 - 4_1)^{1/2} V}{\sqrt{4_1 - 4_1}^{1/2} \sqrt{4_1}}$

 $\frac{1}{|c(\sqrt{J} - \frac{1}{4})|} \times \frac{1}{|c(\sqrt{J} - \frac{1}{4})|} \times$

ما، اور ما، کی تیمنیر سخنی کی مساوات سے معلوم ہوتی ہیں اور لا کی انتہاکیں اسی لینی جا تہمیں کر سب رقبہ شامل ہوجا کے۔

اگر شختی قطبی محدووں میں دیا ہوا ہو اور اس کی سماوات بلحاظ قطب و کے رہے و ن (طر) ہو اور اگر فت اور ق ایسے نقطے ہوں جن کے سمتی زا د نے طر

اورطه + معن طه موں تو رقبہ کا قطبی جزو ل رئا معن طه ہوگا اور اس کا مرکز نقل جبکہ معن طه بہت مجمونا ہو وہ نقط ہوگا حب کے قطبی محدد ﷺ ر اور طه ہیں اور حب کے کارٹمیزی محدد ﷺ رحم طه اور ﷺ رحب طہ ہیں۔

: لَآ= کے الزمعن طرح مار جرط یہ کا جم طرفرط کے آپر رامعن طرف کا فرط

جہاں رے ف (طر) نیز اسی طرح کی ایک مساوات آ کے لئے ہصے بہت تطاعی رقبہ او سب کا مرکز نقل معلوم ہوتا ہے۔ طرکی انتہائیں (اور سب کے سمتی زاد سے میر فریرا سکتھ میں

ہوی ہا ہیں۔ اگریۃ طاق دقیۃ نیکٹانت یا موٹا ہی کا ہوتی پس رقبہ کے جزور معن طامعت رکوکٹا فت ک کا دینا جا ہشتے اور تب قطاعی رقبہ اوسب کے لئے

آ - کے دمعت ط × معت رک × رجم ط کاک راجم ط فرط فرد کا کے درموط خرد کے درموط کا کے در فرط فرد

اور اسی طرح آکے لئے ک کی قیت راور طرکے تفاعل کے طور بردی ہوئی ہوگی۔ رکے لئے محلاکی انتہائی صفر سے ف (طر) نکب ہونی جا جسٹیں اور طرکی انتہائیں (احدب کے ممتی زاو لئے ہونی جا ہمیں مركزنتل

إنهم المدمشق السداكي والله كي قوس، قطاع ادر قطعه كا مركز تقل معلوم كرنا-ز فن کر کہ توس اس کے محاذي وائره ك مركز وبرداويه معمد نتاس اور من قوس کا دسطی نقطه ہے۔ وج كولا كامحور الذ ، تب توس آ = كرنس × لا أي أو افرط × و جمط = و × جب كذيس كيم وإفرط قطاع إوسب كي لمخ زمن کروک سٹ شلف او ب کاسرکو تقل ہے۔ اس کے ون = ١٠ ون = ١٠ وجم تب تطعه إن ب س م كا وزن جواس كے مرز نقل من برعمل را اسما ور مثل ا و ب كاوزن دو نول سف كرومتوازن إي -ن م مجبء و ف المراوب × وت الطاع أوب ما وب الما و ف المحلف الما و المحلف الما و المحلف الما و المحلف الما و الم ا المام العربي المربي اس سے مامل ہذا ہے و دش = اللہ × حب عرجم عد

مركزتقل

میر صریح ۔ عدد ۱۳ رکھنے سے ہم دیکہتے ہیں کہ نضعت دار او کی قوس کا مرکز نفت مركز سے بيل فاصل برسبے اورنصف دارى رقبہ کے مرکز نقل کا فاصلہ مرکزے میں ایس شق ٢- خطِ تدويرا = ارطبحب طر) = إ (ا- مم طه) ادراس كے قاعدہ رما محررس مرك موت رقب كا *ىركز* تقل دريا فت كرو-آ = كا فرايد الم = في × كر (ط + جب ط) حب ط فرط) (ط 4 جب ط) جب ط × فرط ور كر إطا جب ط + طرا-جم وط) + به (٣ جب ط - حب ١١ ط م) فرط رُ (طوب ط+ له - به جم اطه) فرط اب مكل إلحصص كے توسيع شده قوا مدكے مطابق كو طزّ حب طه فرط = - طراحم ط + ٢ طرجب ط + ٢ هم طم) طرجم وطر فرط = الم طر عب عاطر + ملم جم وطر كالمحب طرفرط = - طرجم طر + حبب طر كطرمب الحد فرط عد - في طرحم اط + في مب اط

مرزقني

لَّهُ وَ اللهِ اللهِ عَلَى اللهِ اللهِ عَلَى اللهِ ال [لد (الم - مم ط) + جب ط - الله جب ط] $\frac{1}{4} \times \frac{14 - 1779}{110} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{17}{4}}{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{17}{4}}{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}}{\frac{1}{4} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}}{\frac{1}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}}{\frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{4} \times \frac{1}{4}} = \frac{\frac{1}{$ اً رُ (طر+جب طر) جب طر فرط و × العرب المرب ا رُ [وب لم+ الم - الم جم اط] فرط مشقق ١٠ - منحى ر = وجم اط ك أس صلعة كا مركز تُقل معلوم كروجس كه اندرا بتدائي خط ہے۔ ط کی د وقیتیں جن سے بیطفہ عاصل ہوتا ہے۔ 🐺 سے 🏪 تک میں۔ اس نے قا ہے آ فرط × ہے رہم طر اس نے قا ہے آ فرط ہے آ کے درمیان اس کے قائد کے درمیان اس کے قائد کے درمیان کے اور ہے کہ مرافع کے درمیان کے درمیان کے اور ہے کہ مرافع کے مرافع

مكونيات اعلى ي ب كر [سجم اط + سم مم الط + جم مط + جم ١٠ الم أفراد الم الس مد ا (۱+جمه ط) فرط ق م - ایک نیم دائری قرص ہے جو تطور (سے گھرا ہوا ہے ۔ اس کے کسی نقلہ برگافت مرتبی ہے جیسے اس نقلہ کا فاصلہ وسے -مرتبی ہے جیسے اس نقلہ کا فاصلہ وسے -اس کے مرکز تقل کا مقام معلوم کرو۔ بہان کتا نت ک عدار آ_ <u>گارفرطه</u>× فزر× لدار× رجمط ∬ دفرط فرر× لدر _ ∫ راجم لم فرد فرط إلا فرر فرط ادر آ = الراجب طافرله فرر [[وفرونوط كملون كى انتبائي يومي رد و مصد و ٢ جمطه جان م مفعد تطرب اور له = . سے ط = بات ک 如此

سكونيات على

مَرُثْقَل

نيز آ - ترجب طراح المجامل فرط مع المرجم طوب طرفط ما المرجم الموب طرفط ما المرجم الموب طرفط ما المرجم الموب طرفط ما المرجم الموب المربح الموب المربح الموب المربح الموب المربح ال

مثاليس

منحنیات زیل محدقبوں کے مرکز کمیت معلوم کرو۔ اب مکانی مائے ہم اولا م محورلا ادر معین لا۔ حر کے در میان۔

۱- انقس للم + للم = اكا دوحمد وبنبت ربع مي واقع ہے-

 $\left(\frac{r}{\pi r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{1}\right)$

سما - مكافى (الله) + (المب) الماء المنحى اور محورو ل ك ورسيان-

 $\left(\frac{rou}{\pi rio} = \frac{1}{-} = \frac{1}{4}\right)$

۵ - ا = مب لا ، لا = ٠ ك درميان -

٢ - و أ = أم مبدأ اور لا = ب ك درميان-

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$- \frac{1}{2} = \bar{u}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$- \frac{1}{2} = \bar{u}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \frac{\bar{u}}{2} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} = \bar{u} \\
\bar{u} = \bar{u}
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
\bar{u} =$$

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \mu}} = \frac{1}{1} = \frac{1}{\sqrt{1 - \mu}}$$

١١ - ١١ - ١١ - ١١ و١١ - اور ١١ - ١١ - ١ ب ١١ ع . مورال كم شبعه ين حصر

١٨ -- ١١ - ١١ ١١ م م م الا الا = الم الم اور الا = م دا

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

19- ایساستدر مجرے کے کسی نقط برکنا فت ایسے دلئی ہے جیسے اس کے محیط پرکے ایک نامدی میں اس کے محیط پرکے ایک نامدی اس نقط کے فاصلاک ن ویں قرمت نا بعث کردکر بتر سے کا مرکز نقل ویں سے گزرسنے والے قطر کو تسبت ن+۲:۲یں تقسیم کرتا ہے۔

مرکز نقل و میں سے گزرہنے والے تطر کو تنبیت ن+ ۲: ۲ پیر تقسیم کرتا ہے کہ و۲ ۔۔ تضعف نظر وکا ایک متدبر قرص ہے جس کے کسی نقط پر کٹافت مرکزہے فاصلہ

کے تمناسب ہوتی ہے اس میں سے ایک دائرہ کا ٹ ایا گیا ہے جیکا تطرب ہے اور جو قرص کے مرکز میں سے گزرتا ہے۔ ٹا بت کروکہ قرص کے مرکز میں سے باتی مصہ

کے مرکز فقل کا فاصلہ ہا ہے ہے۔ اب ب ہے

۱۱ - ایک سندیر قرص ہے جس کے کسی نقط پرکٹا نت قرص کی سطی سنوی میں کسسی بیرونی نقط و کا انعکس تمنامیب ہے۔ بیرونی نقط و سے اس نقط کے فاصل کی جو تھی قرت کے العکس تمنامیب ہے۔ تا بت کردکر اس کا مرکز جود قرص کے محیط کے لھاظ سے نقط و کا مقلوب نقطہ ہے۔ ۱۲۲ - خطاصنوبری ر = و (۱+ جم لم) کے کسی نقطہ برکٹا فت ایسے یہ لئی سیے جیسے نقطہ قرن سے نقط برکود کے قاصل کی ان دیں قرصا۔ بنا ذکہ مرکز نقس لی ناصد قرن سے (ن +۲) (۲ ن + ۵) × و ہے۔ ناصد قرن سے (ن +۳) (ن + ۲)

سام ایک شخی کی شکل اتفوای رہے او ب ہے اس کے سی نقط براس کی موال کی

۵۹_نا تقر کا ایک و تراس می این قار قبر کا ایک قطعه کا شاستا ہے۔ نا بت کرو کر قطعه کے مرز قطع انصر ب- مرز تقطع انصر ب- مرز تقطع انصر ب- مرز تقطع انصر ب- مرز تقطع انصر ب-

مروس کا طریق ایس مشاہ ، مشا بالور برر کا ہوا درہم مرد سط الفن ہے۔ ۱۹۱۹ ۔۔ ایک مکانی سے مسادی رقبہ کے جتنے قطعے کا سے جا سکتے ہیں اُن کے مرد نظوں کا طریق ایک مسادی طع مکانی ہوتا ہے۔

44 ۔۔ آرا ٹیرن راے والم جم اطر کی کسی توس ف ف کا مرکز نقل ن ہے۔ تو نابت کردکہ و فٹ ذاویہ فٹ و ف کی تنعیف کرتاہے جاب و محدد دکا قطب ہی ا ۲۸ ۔ ایک منحی ایسا ہے کر ایک نابت نقط سے اس کے جو دوسمتی نیم قطر تھینجے ما سکتے

مرم سایت میں بین میں اور ایک بیت مسلسلہ میں ہوروسی ہے ہوسیہ ہیں۔ ہیں اور اس تطرون کے افد راس کا جور قبہ منقطع ہوتا ہے۔ اس کا مرکز نقل مہیشان سمتی نیم قطروں کے درمیانی زاویہ کے خطونا صعف برواتع ہوتا ہے۔ تا بت کرو کہ منحنی کوئی واگرہ موگایا براذلی کا اٹیرن موگا

دائرہ ہوگا یا براؤی کا امیرن ہوہ فادیہ برکی تمام تیوں کے لئے ہیں مطوم ہے کہ مسس ہے = کر فرس رجب طر دارہ رفعی دفعیں مدر مداری ا

س من الرفون = ن (ط) تو

رُّ فن (م) ب (م) فرط علمس ت كُف (ط) مم طافرط ب کے کا طے تفرق کرنے سے

هن (١) بب به يمسس في هن (١) جمء + لم تط م كر دن (ط) جم له زط

حب برفنسا (بر) - كرفن (ط) تم طرفر

يمرتفزن كرك سے

ر مرارا + (فرر) = المستقل = وا

سب سے میں اسانی سے عاصل ہوتا ہے کہ ریاستقل ہے یا تا ۔ والم جم (۱ ط + جر) ۲۹ سئاست کردکہ دائرہ ہی صرف ایک ایساسختی ہے جب میں منحنی اور ایک تا بہت

نقلد سے کھنچ ہوسنے وونیم قطروک سکے درسیانی رفتر کا مرکز نقل ہمیند ان سمتی نیم قطروں سکے درسیانی داوید کے خط تنصیف برواقع ہوتا ہے ۔

یه ا- کسی گردتنی سطح باگردشی محبیم کا مرکز نقل -فر*ض کرد ک*ر منحنی (سب محورلا کے *اُرد کر دش کرتاہیے*۔

موراے فاصلوں لا اور لا + معن لا پر

معین هن همادر ق ن محالو-، بروی رقبان قن مس

تون بالمب اوس كارفيه الملفلا ے اور اس کا مرکز تقل وسے فاصلہ لا۔ لا پر ہے مکرمن لاہرت چھوٹا ہو۔

يس المحجى كمسال كنافت كابوتو

<u> ک</u>ا کا فولا رَا فولا لآء ج ہا کمٹ لا× لا آ کے ہا کامف لا جاں اک قبست منحنی کی مساوات سے لاک رقوم میں عاصل ہوسکتی ہے اور لاک انتهائي وكب ادر ول رب-و لا کے گرد قوس منٹ ق (معنس) کی گردش سے جسطے کوبن یا تی ہے اس کا رقبہ ۲ ۱۱ معندس ہے اس کے سطح کے سلنے لا = كالافرس الله عنس الله عنه الله عنه الله عن الله عنه الله عن اب فرس = ١١٠ (فرل) اور اکی نبسته سخنی کی مساوات مصمعلوم سبے، اس کے تکمل کاعل ہوسکتا ہے۔ اگر کمون نتنی کی مساوات قطبی محدود ل میں ر = ف (طر) د می ہو گئی ہو تو تعلى عندر معت مر معت دكو كروش دسين سير الفعت تطروب طدكا ايك دائرہ م شرکر کا ہے۔ اس کئے عم كا قا حير أمت طهمت ر×٣٠ روب طهرج ط = كا ي جب طرح ط فرر فرط من طرمت و× ۱۳۲ رجب طرب کا جب طر فرد فرط ر کی انتہائیں صفرسسے ن (ط) ہیں اور ط کی انتہائیں زیر عود منحنی کے حصہ على لا منس×١٣ دوب طه د دج طري كرا جب طرجم طرفوس مع الله وجب طري الله عن الله وجب المراجب المر

جبان رون (ط) اور (فرس) و زرا (طرب) الم مهم ا مشق ا - ایک رو کانست تطر

3000

رہے۔ اس کا جوصد مرکزے فاصلوں ب

اورج برمتوازی مستوری سکے درسیان منقطع ہوتا ہے ایس کی سطح اور حج کے مرکز نقل معلوم کروس

كره كورىغىف تطريسے ىغىف دائرہ كى محردش سنے تكويں إفنه خيال كروتب لأ+ ما" = را

 $\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt} + 1 = \frac{(\frac{d}{dt})^2}{(\frac{d}{dt})^2} = 1 + \frac{d^2}{dt} = \frac{d^2}{dt}$

ق - كالافرس - كرو لافرلا - في (ج'-با) بهج كافرس - في وفرلا - و (ج-ب) - ا

نیزآ مرکیاً منزہے۔ اس لئے کہ کےکسی منطقہ کا مرکز نُقل اس کی مستوی سطوں کے عین بیج سی مجاہبے

= 1 (+-3) 181-1-3 17 (-+5) 181-18-31

يْجِ فِي كُور عَ عَلَى الرب - و ركما مِاسة و بين نسف كره مامل بوماً به الريد كو كملا بود لآد في اور اكرة غوس مِود لآد مين مشق ۲ ۔ اس مجم می مرکز نقل معلوم کروج مکا فیوں اتا ہے و لا اور لا ہ سے غرب ہوئے رقبہ کو محور لاکے کرد کھما نے سے مامل ہوتاہے۔ سم آسانی سے دیکہ سکتے ہیں کہ دونوں سخدنیوں کے نقطاتھ تا طع فٹ کے محدد ہیں۔ العاقبة ، أعم وأب ١ اگرون ۽ لاء ن من = ا، ان هنب عداء المسلم المس مشالیں ویل کے خنیدل کی گرد ف سے مجھیں منتی ہر این کے مرزنتل عدم کد ا ۔۔ مکانی ا ۔ ۲ وہ کو لاءج سے کاٹ کر محد کے گر کھانے سے $\left[\frac{\frac{1}{r_3} + \frac{1}{r_3} + \frac{1}{r_3}}{\left[\frac{1}{r_3} - \frac{1}{r_3} + الماست خوتدور لاء و (فر + مب طر) ام و (۱- جرط) کومورا کے حرد-

مركزتنل

$$\begin{bmatrix} \Lambda - \overline{\pi} 10 \times \frac{4r}{10} = \overline{1} \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 1 + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} & \text{if } \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac$$

$$\frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}$$

$$\left[\frac{dr}{dr}=\overline{0}\right]$$
 $\frac{2}{3}$

الله المرام) مع مال مدود داديب جوتفاع كردى تامده بسكاكسي

نقلمیں سے گزرنے وا لانفعن تعاقطاع سیے محدسے ساتھ بنایا ہیے۔ ۱۲۷ - ایک کوکا نسعت قط و ہے اس کے کسی نقط برکٹا منت مرکز سے اس نقط سے فاصلے متناسب ہے آگراس میں ایک کرہ جس انظر اول الذکر کرہ کا نصف قطر ہو كات ليا جائے قوتا بت كروكم إتى الد مجسم كا مركز نقل مركز سے يہ إلى فاصلير وكا-مما المك كرو ككسي نقط بركن مت سطير المحايك أبت نقط سن فاصل كم مرج کے بالکس تناسب سبے۔ ابت رو کرکرد کا مرکز تقل ابت نقط میں سے گزر نے والے هنعت تطرک تنصیعت کراسے ۔ 14 ۔ ایک نصف کرہ کی کا نے کسی نقط پر مرکزست اس نقط کے فاصلہ کی ن دیں وہ مے تنامب ہے ۔ ثابت کر دکھ کو نقل اس تفعت تطری واضعت کر ہ کی مستدی سطح بر عمود وارسبے نسبت ن + ۳: ن + ۵ مِن تعلیم کرتا ہے۔ ۱۴ ۔۔ اگرزمین کو نضعت تطر او کا ایک کرہ فرض کیا جائے تو لایاس کے کلید کی مطابق ك = كرجب ط جال ط = ملك ادرك فاصل لا يرك أنت ب-ابت کرو کرنسٹ کرہ زین کے مرکز تقل کا فا صارم کزے و (۱-مرا) جمم مر + ۲ مر جب مر- ۲ ۲ مر (عب مر- مر جم مر) 14 سنعت تطرف کے ایک دائرہ کو اس کی سطح مستوی میں ایک ایسے خط کے گردجس کا فاصلهاس دائرہ محے مرز سے (ع > فر) سے محاسف سے ایک نا کمل ملعة بنا الما اب اگرده زاديرحسيس سعدائره مموسع مدمونو مجم کا مرز فقل خا ذکور سے مع بال می اللہ میں میں میں میں سے ٨ ١- ايك كيسان محبم ايسي سطح يست كمرابواب جوخط تدويركو قاعده ك كرد محاسف ست منی ہے۔ محد کردفل میں سے گزرنے والے مستوی سے آس مجمم کودو معد ل میں کا آگیا ہے۔ ناب کرد کی بھرے ہود صول کا مرکز نظل ستوی منے سے ماہ فاصلہ برسے

جاں او خط مدریسکے کوئنی دائرہ کا تضعت قطرمے. 19 - صنوری ر= ۱ (۱ جم طه) کو محدث تردودقا ترفاور بی من کمانے سے بنی سے اس کی معن سے ایک مجد لیا ہے ابت کوکر کورے اس کے مرکز فعل کا فاصلہ اللہ اللہ اور محدر کے متوالہ ا يفيف تفرل محمي ايك ربع دائره كو ما تط نست تطرول مي سعدايك ك، خط کے گرد کھا نے سے ایک مجسم تیار کیا گیا ہے متوازی خط کا مضعف قطرسے فاص ب حوان ب حوالت كروكر اسطره سعدد منحى سطح ادر حجم بدا براس ال مركة نقلوں كے فاصلے اس كى ستوى سطے سے بالترتيب (٢٠٠ ± ٥) الرحم كاكوني نعط ف (لا، ١ ، ي) مو اوراس كم قريب كالق عن ما ، ی معندی) بوتو هندادرفی می ا و ی عن ی الا اور لا و ما ستویوں کے متوازی سطوح مستوی عمینیے

جو چوٹا سا سوازی اسطوح بنا ہے اُس کا حج معن لا × معن ا × مُ حمعت لا × معت ما × معت ی ×ک × لا کارک لا × فرلا فرما فرک ک من لا « من ما پیمن ی پرک]]]ک زلا فرما فری

∭ک فرلا فرما فری انتائیں الیں ہونی چائیں کو او برسکے محملوں کے اغریسب جم ا حاسے -

مكنياهامل

معلوم کرو کٹا نت بکساں ہے۔

> یباں ق=<u>الالافراافری</u> 🛚 زلا فرا فری

ی کے لئے انہائیں منفرسے مم

> لا کے لئے صفرسے ن س يني و م ا - الله تك اوراك ك

> > اس کے (۱) کا خارکہندہ

= 1 × + × + × 1 × 1 + × 1 + × 1 + 5

نيز ۱۱۱ کانب ناء شن کامجم= له × کته × ۱۱ و ب ج 1 2 VI

اسی طرح سے آء سیت اور تی = سیتے

مركز تغل

منتوه م اسطوانه ۲ لا + ما ته ۲ و لا کو سطوح مستوی می = م لا اوری = ن لا مست کامنے سے برمحبم حاصل ہوتاہے اس کا رُزِنْقُل معسادِ مرکزد-أكريم الطحستوى لااسع اسطوا كى تراش كاكو في منعرسي لا معن اليس قرآس کے اوپر کا حج صرکیاً معت لاہ معت ما× (م-ن) لاسکے مسا دی سبت اودستوی لا ماسکے اوپر آل مرز نُقل کی لمندی مم + ن لا ہے۔ اس من لا و المرام - ن) لا * لا جال الى الماس م ا و لا - م الا الله الم ∭ (فرلافرا ارم - ن) لا ا ولا - الا اور لا كى انتائيس صفرے وتك بين - $| \frac{1}{10} \frac{1}{10} = \frac{1}{10} \frac{1}{10} \frac{1}{10} = 1 \frac{1}{10} \frac{1}{10} = 1 \frac{1}{10} \frac{1}{10} = 1 \frac{1}{10} \frac{1}{10} = 1 اگر لا = و جب ندتو = اکر (جب ذ -جب ذ) فرفر = الکر (جب ذ -جب ذ) فرفر رُّ (جَبُ ذ-جبُ ذ) فره $(3+3)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{19} = \frac{1+3}{19} =$ {{ فرلا فرا (م-ن) لا

مُرَانِقُل + جَمَ

مشق ١٠ - اگزانس كالله + لله + حق = ١ كايكنن ككى نقط بركانف لا اق ی کے مناس بوز نابت کردکہ

مار س + با) مار ن + ق + ر + ۲) نيزان مورون يرغوركر وحبكر ف = ق = ر = ، ، ف = ق = ر = ١)

ت ۽ ق ۽ ر۽ ٢

جاں لاء ١١ي مشرط

15 15 + 1 + 1 کے اتحت مب مثبت تیتیں اختیار کرسکتے ہیں۔

لآول الكافتامانية المحاسبة فرلا فرما فرك

ا الله المرابع
بہاں کا مُا اے سب منب فیمین افتیار کے این جو شرط لا + ما + عالح اللہ كويوراكرس

اس کے دریفلے کے تکملوں کی روسے

مركز فقل يجم 「しょけりゅ(キャウ)も(キャウ)・カニーショ(キャウ)を(キャウ)も(キャウ)も(キャウ) م! (<u>ت + ق + ا</u> + ۲) ما (ن + ق + ر + ف) مارن++)مار<u>ت بن بن برب</u> $\frac{(\frac{1}{4}) + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}}{(1) + \frac{1}{4}} = \frac{1}{4} \frac{(1)}{4} + \frac{1}{4} \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \frac{1}$ مية مبياكمش ايس ارت = ن = ر = ا تر لل = المراس ط (م) ما (١) ما (١) (1)声1×4×4×(長)声 14 - (上) h×上×ウ×キャ(1) p ارت عن = ر= ۲ ق = با (۲) ما (۴) = با (۲) ۴ × ۴ × ۴ × ۴ ما (۲) او (۴) با (۲) × ۵ × ۴ × ۳ × ۲ ما (۲) 4100 = • ۵ ا- اگریم کی مساوات قطبی محدول میں دی ہوئی ہو اورکسی فقط ن کے محدو (د) طا فه) بول أجال دن = را ى ون = طه ، ادر فه ده داويه موج سط مستوى ی دن ای دلاکے سات بنان ہے ت جم كاعتفر معت ر× رمعت ط× رجب طدمعت ذ يتى دّجب طدمت دمعن لمعت ذ بوكا اس كنة ۱<u>۵۲</u>۲ برج طرمعت دارمعت دارم دارم دارم دارم دارم دارم دارمی دارمین دارم _ كارتاجب الأجم فا فرر فرط فرفه }} ∑رٌ حبب طر فرد فرط فرذ

آ - کے کیمب طابعت دیمت طابعت فدیمب فیمب طریق میں اسلامیت و فرد فرط فرف میں کے کیمب طریق فرد فرط فرف فرف میں اسلامیت
مركز نفل جم

می کی تاب طریعت د معت او معت او کی در در طر فرافه فرافه او کی در می او کی در فرطه فرافه کی در تاب طریق اور تاب طریق اور تاب طریق کی در خرافه فرفه کی در تاب طریق و فرفه فرفه کی در تاب کی در تاب کا تاب کار در تاب کار تاب

ا نہائیں ایسی ہونی جا بئیں کرسب حجم ا جائے۔ مشق ۔ ایک نصف کرد کے کسی نقط پرکٹا فت ستوی کنارے پر سے ایک نقط سے فاصلہ کے تناسب بدتی ہے اس کامرز فعل معلوم کرور

رکی انتہا میں صفرسے ۲ وجم فرجب طریق فرکی انتہائیں۔ ۳ سے ۳ کیک ہیں اورطم کی صفرسے ۳ کیک ہیں۔ اگریسی فقطر برکٹافت لدر ہوؤ کمیسٹ کا حنصر ہے۔

بر می سترپردانت در پوو بیشت و معرب معت ر × دمت ط × رجب ط معت ذ× لرر ن^د

ل<u>اً ∭لاگا</u> جد فرد فرط فرف× رجم ذ جبط ∭لرگجب لم فرد فرط فرف

مورا در مرد به مرد المرد الم

- C (= 1 1) = 1 1 - 1 - 2 + 1 - 0

[Em, m, <u>fr</u>]

١- (المرابع المرابع المربع المربع المربع المربع المربع المربع المربع واقع سع

[211 , -11 , 311]

ے۔ ایک کرد کانسف قطر و ہے اس میں سے قطر و کا ایک سترراسطوانہ اس طرح کا ال الكياب كد اسطوان كروك مركزس ست كررتاب من بت كروكد اسطوان ك المدواك

کو کے حصد کا مروز نقل کرد کے مرکز سے مالی فاصلہ برہے ۔

ا ۱۵- کسی کروی مثلث کا مرکز تقل-

فرض کرد کے مثلث الب ج ہے آدرکرہ کا مرکز وہے يزومن كردك وج، ي كامورب

اورو لا ادر و ما دوعمودی محربین جن میں سے واامیوی ج والمیں واقع ہے۔ فر من كروكم مثلث يركوني نقطه ن

ہے اور وار و ج ن کا ن پر ماکس لادامستری سے سے براتا ہے۔

ن ن اس مستری زمین مینیو - ن بر

مثلث كاايك جمونا عنصرمت مس لواور فرمن کروکراس کا ظل ستوکی لا د ا بر من صد ہے۔

تب معن صديدم ن دت ن دب ن دست - كل جال رصين

ہے ن کا اور راگرہ کا نضعت نظرہے ۔

: ی × معن س = ر × معن ه

اس کئے اگرتی مطلوبہ مرکز تقل کا معین ہوتہ

ت کے ی ×من س کر فرصہ اور مسس سے اس (۱) کے من س کر فرص سے در مسس سے کر فرص سے در مسل سے سے سے سے سے سے سے سے سے

بهان س خلف کا د قرب ادر صد سطح لا و ما براس مثلث کے طل کار قد سم م اب صد = رقب (ج دیب کاطل ستوی لا و ما پر = رقب (و دب کاطل ستوی لا د ما پر

= المراد (زاویر (وسب) دم (ائس زادیر کا جو (وب اور لا و ا کے درمیان مع)

= لزيدج × جب (اس داديركا جه وج ادر (وب كرويا ب)

= ہا را ہے جب عمر جبال عامدہ توس سے جو ج سے السب پر عمودوار مائے۔

= ل راج ب ب ب

ئىر ئىس = را × فر جان دروى امالى سېت

ن کی = الم × الم مب ب جب را

اس سے وج پرمرکز تقل کے مل کا و -سے کا صلہ معلوم ہوتا ہے اس تسم کے ضابطی ول اور و حبب پرفلاں کے فاصلے معلوم ہوتے ہیں- اس لئے اس کا مقام معلوم ہوگا۔

معلوم ہوگیا۔ ۲ ۱۵ سے وفعہ گزشتاکا ربط (۱) یعنیاً کرہ برسکے ہرایک رقبہ پرصا وق آ یا ہے خواہ : وو رقبہ شلسف ہو پانہیں ۔ ریس کے سرایک رقبہ پرصا وق آ یا ہے خواہ :

مست ہود ہوں۔ اس کے معلوم ہوا کو اگر کرہ کی سطے پرکوئی رقبوس ہوتو اس کے مرز نقل کا فاصلم سطوستوی لا واسع جوگره کے مرکزیں سے گزرتی ہے مساوی ہوتا ہے۔
اس ماصل مزب سے جس کا ایک جزوکرہ کا نضف قطر سے اور دوسرا جزو وہ نشبت
ہے جوسط لا و ما پر دقبہ سے فال کو حزور قبس سے ہے ۔
مشق سے نابت کرد کردی مثلث کے مرکز نقل کا فاصلہ اس سطوستوی سے جو مثلث
کے منبع احب درکرہ کے مرکزیں سے گزرتی ہے

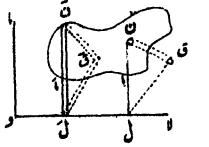
ب×ررع-بتمرا-وقم ب ب-

سا ۱۵ ہے بی کاسٹا۔ اگر کی ستری رقبہ استے ستوی بی کسی محور کے گرد
کسی زاد سے بیں سے گوے آزا) جوج اس طرح سے کوین یا سنے کا وہ رقبہ اور
رقبہ کے مرکز تقل نے جوفاصلہ ملے کیا ہے اس دونوں کے عالی مزب کے سادی ہوگا
اور (۱۱) جوسطے اس طرح مرتسم ہوگی اس کا رقبہ گھو ہے والے رقبہ کے محیط اور جو
فاصلہ محیط کے مرکز ثقل نے سلے کیا ہے ان دونوں کے حاصل مزب کے مساوی ہوگا۔
فاصلہ محیط کے مرکز ثقل نے سلے کیا ہے ان دونوں کے حاصل مزب کے مساوی ہوگا۔
جور کہ وائے کہا ہے منی کے رقبہ کے مرکز نقل کا قاصلہ آ اور منی سے مورسے

بس کو لاکامور ماناگیا ہے منتخی کے رقبہ سے مرز نقل کا فاصلہ آ اور منتی کے محیط کے مرز نقل کا فاصلہ آئے۔

(۱) فرض كروكردة بركاكوني نغط ن سم مس كاسمين ماسب تب الركموسة

کا داویرطہ ہوتو ن سے جوتوس ہے اس کاطول ء ماطہ اس سنے رقبہ سکے عنصر فرال



اس سے دیے سے معرور سے جرم رضم ہوتا ہے دہ سادی سے اطراع فراک ۔ اس سے کل جم چر زمبر تسم

= 2 الله فرا = طد ع (ما * فرل) = لم * آل (دف هم) كى روست) - لا ما ط

منحنی دربد اس قرس کا طول جورقبه کا مرکز تقل مط کرتاسید-(١) زَصْ كرد كمنى كم محيط بركونى تقط كنب حب كامعين مكسف و دران

گردیش میں ن جوشخنی مرشم کرتا ہے اس کا طول = ماط اس سلفے ن پرمعال کے عضرمت س سے بوسطے مرتشم ہوتی سبع وہ

اس منے محیط سے کل سطے جومر شم ہوتی ہے وہ

= \ (أط × معنس) = لم \ (مأمنس) = طرياً كس (دنده ١٩١١ كى دوسيے)

=س × آ × طه منحی کا محیط × اس توس کا طول جو محیط کا مرز تقل مے کرتا ہے۔

مثالين

ا سایک لنگرچلے کا تجماد رسطی معلوم کرو۔

الك الكرجيلي سے واسط مرادبوتى ب اور كى دائرة الى سائى بى الله عنى سك كرد كلو من سے مكون كرّاب - أكروارُه كا تفعف قطر الموادراس كم مركزة فاصله كردش كمورس ب

موروایک ممل گردش میں دائرہ کا مركز جو فاصله مرشم كرتا ب و و = m ب m

اس کنے منگر چھلے کا حجم = ۱۱ وا × ۱۲ ب = ۲ ۱۱ وا ب

اور اس کی سطح = ۱ ۳ و × ۲ شب = ۱ ۱ او ب

٢- ايك كره كا نصف قطر وب سي سي يكر بول تطاع كاث سياكيا بحص

قاعدہ کا محیط سندرسے اور اس محیط کے تطریح محادی کرہ کے مرکز پرزاویہ اعد بتاہے

تابت كروك قطاع كاحجم سية و" × حب من الله الاداس كى مخى سطح م ١١ واحب عيد م

(دائرا کے ایک تطاع کواس کے ایک ساتط نفسف قط کے گرو گھاؤ)

س بے نس کے سنل کی مدست ایک قائم مخروط کے مقطوع کی سطح اور مجم اس سے

متوی سروں کے نصف قطوں اور ارتفاع کی رقوم میں معلوم کرو۔ مم سے بیس کے سئلوں سے ایک نضف دائرہ کی قوس اور رقبہ کے مرکز تعلوں کے مقام معلوم کرو۔

۵ - ایک مناف کارقب ق ہے اور یہ اپنی سطحستوی میں ایک خط کے گرد محومتا ہے مناف کے رائد مناسب مناف کے رائد مناسب مناف کے رائد کا دائد کا

ع، ع، ع، این - نابت کرد کر مجم سیق ق × (ع، + ع، + ع») ہے۔

ع ع ع ع م ع م این - تابت (ول مجم من ک × (ع + ع + ع + ع م) منے - اور صفح من اور سفح من اور سفح من اور سفح مناوم کرو جوایک خط تدویرکواس سکے قاعدہ منال کردش دسینے سے قال ہوتا سیے ۔ سے اگر دیکل گردش دسینے سے قال ہوتا سیے ۔

نوال باسب

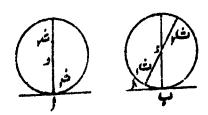
قائم اورغيرفائم تعادل

مع 10-ہم معدام امیں بتا جکے ہیں کہ اگر اُس دننہ کی شکل (۱) کے صبی کو خفیف سا ہٹا دیا جائے تو وہ اسی محل تفادل میں دائیس آنے کی کو مضعض کرتاہے ماکھکل (۲) کے مبیم کو زماسا ہٹا دیا جائے تو دہ ابتدائی محل میں آنے کی کومٹ ش ہمیں کرے گا۔

لكه اس كل تعاول سي ادر در بهدف حائيكا -

ہر ہاں میں مادر کے تعادل کو قایم نقادل اور دوسرے جسم کے تعادل کوغیر قائم خیادل کہتے ہیں۔ تعادل کہتے ہیں۔

اب ایک وزن کره بر خور کروجوا فتی مستری پر رکھا ہوا سبے اور حسب کا مرکز نُقل اس کے مرکز پر مطبق بنیں ہے ۔



فرفش کروکر بین شکل سے کرہ کا محل تعادل فلا ہرکیا گیاسہ اور کرہ کا مرکز فقل یا توکرہ کے مرکز وست سیمی نفط سف بر ہوگا یا او پر لفظ سف بر ہوگا ۔ کے مرکز وست سیمی نفط سف بر ہوگا یا او پر لفظ سف بر ہوگا۔ نیز فرفش کروکہ دو مسری فنکل میں کو کا محل جبکددہ جبو سفے زادیو میں سے مکموم جانا ہے دیکھایا گیا ہے۔

اب كره اورستوى سطي كانقطه تماس سب بروكا-بنوی کا تعال آب مجی کرہ کے مرزمیں سے گزر مگا الكروزن نفطه مت میں سے عمل كرسے توجهم ملنا وُ كے بعد اسپے ابتدا لئ محل وازن ست اور د ورمیت جا برگا - اس سلئے ابتدا عبلم غیرقائم تنا ول کی حالت ويربوتا تو دوسرى تكليس مجيم كاوزن سطيستوى ك منت محل من مع حليم تعادل بين رسا أيسي مربيط كرسنے والى توتىر حبىم كوابتدائى محل تعا دل ئى مون - يە غىرقائم نقا دل مى ائس دقت كىلا تاسەجبكر ع بعد جسيم برهمل كرست والى ولتين حسبم كوا بندا في محل بقاء ل-لا ن رهنی ہوں۔ یہ تعاول تعدیلی میں اُس وقت کہلا اسبے جبکہ کے بعداس برعل کرسائے والی قوتیں متواز ن ہوں۔ مام کا تعادل جواد پرسسے تجاری موں یا جن کے بیندسے ہے کہ ایک بن افقی میزر پرنوک کے بل نغادل طالت ليكن عمل من " قاعدة اتنا جيونا بردكاك وراست مافاء رِ تَعَلَى مِن سَعِيمُ كُرُر سِيخٌ وَالا انتَعَما لي خطاس مع قاعده ك إلى منزرياً مصا إركا ماسع -اصول یہ ہے کہ حجم قائم تعا دک میں اس وقت ہوتا ہے جبکرا م

سے جورا ختیار کرسکتا ہے زیر تر مقام میں ہواس کی سٹ لیس

د صباقبل کی صورت اور گھڑیا ل کا رقامیں ہیں ۔ گھڑیا ل کا رقاص ہٹا ہ کے بعد ہمیشا بینے ابتدائ محل سکون کی طرف آ ا سب ودائسے اس طرح رکھتا سیے کہ اس کا اور بانس کا سرکز تقل بہیغے یا و سے ۔ ں کا اور بائس کا مرکز تقل اس کے یاؤں کی دوسری ما نب ما ما سے ں قائم کا تحل مربکا اور دو محل تحرم كمذنقل كانيامحل وبهوكا نيافقاتمام ل مركز لفل كانياتمل مسف ادر أكامقام ملول حد ہوگا۔

ل ل انتعابا كمينورو م ج سے ل برطے ادر و م انتعاباً كمينورو ال می سے گزرنے والے انفی خطاسے کم برسکے۔ فرطن کروکہ < لر و لر =ط اور < لر و ہے = فر اسك زاويج لهم = (ط+ف) چوکاحبم دوسرے محل میں او حک کرایا ہے اس لئے وس ارا - وس ج الما اس کے سی مدید رہ س س س س س ۱۱)
جہاں س اور رہالترتیب مجلی اور اوبر کی تطوں کے نصف قطریں۔
اب تعادل کا قائم یا فیرتائم ہونا اس بات پر مخصر ہے کہ دن وخط آرال کے اِئیں طون مدافقہ سر اور کا مائی مدافقہ مد طرن واقعب إدائي طف واقعب لین مش, کا فاصلہ وہم سے > یا < اہم لینی (ر-هه)مب (طر+فه) > یا < رجب طه يني (ر-ه) مب (مرا الرام طر) > إ < رمب طر ینی داور کی جیب کے میلا رکوزا ور ندکور کی رقوم میں مندرج کرنے سے [... + "b (1+1) + -b 1+1) (1-1) يعني (ر-مر) [مرا - بيا (مرا - لي) المرا - ١٠٠٠] > يا حرا [- لي] يغي (ا - ١١) (ر + س) تروك يا در ليني دم کار ه (۱۷+۱) يني له کیا < س + ل - ۱ س ا

ائس خاص صورت مي جبك الم + الم = الم البي ه = مراد

تومين مساوات (٢) برمير خوركرنا جاسيئ لهذا تفاول قائم باغيرقا مم بوكا

آر بالترتيب المراد الم

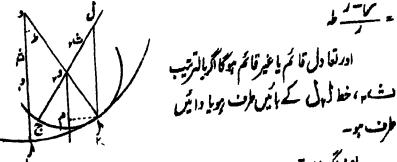
﴾ المرالزمنيب - المراس الما المراس الما المرابي المرا

مینی اگر الترتیب (س + ر) ا - ط کی دوسری قوت وغیره را برا - ط کی دوسری قوت وغیره را برا - ط کی دوسری توست وغیره ست

ینی اُگر(م+ ر) ﴿ یا ﴾ زجکه طرکو لا انتها حیونا بنایا جاست اسسے طاہر ہے کہ اس صورت میں تعا ول عیرفایم ہو گا۔ پس تعا ول قائم

مرف اسى مورف من موكا جبر مل كالمراب الله التي تام مورون من يوفيرقا مم موكا -

اگرینیج کی سط کاانحا دومری جانب ہو جیسے ذیل کی تکل د کھا یا کسیا ہے تو اس صورت میں زاویہ ج ور م ء فر اط



ينى الرائرتيب وسن بب (د - ط) م أم

منی اگر (هدر) حب مورد طر رجب طر

مینی آگراه - ر) مار کر دیبکه طرکولاانتها چیونا بنا دیا مایش

سِني اُرُه ﴿ مِن لِهِ مِن الرَّهِ ﴾ ﴿ لِن الرَّهِ ﴾ ﴿ لِ - مِنَا

انتهائ صورت مي حبكه ه ماير است (م)ين طرى اسطار

تو تمر المینی جا میسی -اس مورست مین مساوات (م) ویل کی شکل اختیار کرتی ہے

 $(....+\frac{1}{2} - 1)$ > [....+(1 - 1) - 1) = (1 - 1)

مِنِيُ اگر- الله (<u>سمار)</u> طِیّا + ﴿ - طِیّا + نینی اگر (<u>سمار)</u> طرکی قرتیں ﴿ ا - طرکی قرتیں

رهسرهه) مه من و ین حربه معنون وین اس گفتیب ناور بلهِ لاانتها مجونا موزیم دینجنه بین که نتا دل قائم بر محلیا خیرانم

اگرالترنیب (م - ر) محرار اگرالترنیب (م - ر) محرار منی اگر م محرار

يى الرس حواله الس مورت مي جبكرس = اراور اس منتے هده سيائے = ار تو . ذ - سياطه = اط اور وردش، جب (د - ط) = (ه - ر) حب (د - ط) = رحب ط = هم في بهيز -

اس خاص مورت میں من بہیند کی پر منطبق بوٹا سے اور او پر کا حسم

ہمیشہ تعادل میں رہے گا خواہ اس کوکسی زادیہ میں سنے مگیا یا جائے کیونکہ مرصورت میں اس کا مرز فقل نقط تماس کے انتصاباً اوپر ہوگا۔ میں میں کا مرکز فقل نقط تماس سے انتصاباً اوپر ہوگا۔ میں میں کا مرکز فیل کے جسم کی طح تماس سے ہو جسیاک ذیل کی فیکل میں کا قور کی قیمت لا منا ہی ہوگی۔ بس تعالیل قائم ہوگا اگر

<u> المحرا</u> يتى الرهد حريم

میں اگراوپر کے حبم کے مرکز نُقِل کا اس کی سطح ستوى ستعفاصل سيطفهم سكنفعت قطرست مُم إد تو تعادل قائم بوكا ورأية تعساول عَرَقائم

منتجهر کا- اگرینیچ کاجهم ستوی پولینی س لا تنابی بولو تعادل فائم موكا أكر

المحرر بني اره حرر

اس الفَارِّس مبم كا بينداكردى بوادراس كوكسى ميز بدركا وإست واس كا تقاول قائم ، وگا بضرطیک نظم تماس سے اس کے مرکز تعلی کا فاصد الکروی سطے کے

ے 10 سے سطول کے وہ حصے جوایک دوسرے سے مس کوستے ہیں کروی ناہول بلکرایسی عمیں بوں جن کے انحا کے تفسف تطربالترتیب مما اور مرموں و بھی اسی طرح سے معلوم بوسکا سبے کرتعاول قائم بوگا یا عیرقائم اگر اِلترتیب



ر ا فرس (م) + فرس (ر) منغ مواشیث -

منفی ہویا مثبت -اگرینظ طانکام دستے بعد کی سینے بات کام درے گی جبکہ نقاط تماس اعظم اور اتحل انحنا کے تقطے میں قائعاً دل قائم یا غیر قائم ہو کا اگر الترتیب فزر (ا) + فزر (را) + فزر (را) + (سر + د) (سر + د) ا

امثله

ا۔ ایک جبرای افعد کرد اور ایک مخرد ط کے مساوی مستوی قا حدد ل کو جوڑ ہے سے
بنا اگیا ہے اورا سے ایک مستوی کم دری میز بھاس طرح رکھا گیا ہے کا نصف کرد میز سے
مس کرتا ہے۔ نابت کرد کرمخ دط کی بڑی ہے ہوی او کا لی جس سے جبر قائم تواد ن ک
مالت برساکن دوم کی ہے نفیت کہ کے نفیت تقل کی باس گنا ہے۔
مالت برساکن دوم کی ہے نفیت کو کے نفیت تقل کی باس گنا ہے۔
مالت برساکن دوم کی ہوتو تعاول کا کم ہوگا اور اگر مستوی منطح
کرا کر نصف کرد کی ہوتو تعاول کا کم ہوگا۔
کرد سے مسس کرتی ہوتو تعاول کا کم ہوگا۔
کرد سے مسس کرتی ہوتو تعاول کا کم ہوگا۔
مالے میں کی بال کا کرد ہے ان ہے نفیت تطر اے الکی کرد دے انتی اسلامان ہے۔ نا بعث کرد کہ تعاول کا کم ہوگا اگر بالتر تیں ب

مم ساک وزنی کیان کسب ایک کره کے الائرین نقط پرساکن ہے کرہ کا تفعنت قطر رسع الكركه اس قلد كم درام وكركمب عبسل دسك ادراكر كعب كالبر منلع الد الوق الماسك ادراكر كعب كالبر منلع الد الوق الماست كوك كالبر منلع الد الدينة المرس سع جول سكام الم ایک مسادی الساقین مثلث کی شکل کا ایک بتراہے جس کا راسی دا دیر عدہ اس کو اكك كره يرجس كانفط تط رب اسطره ركا كياسي كراس كي سطيمستوى انتصابي سيع اس تع سادى المناعي سيد ايك منك كره سيمس كناسيد تا بت كروك اكر مثلث كوابى سطىمستوى بين ذاسا باديا جاستة وتعادل قائم بوكا اكرمب عدكم بوسي سيد سيجال ہ مثلث سے ساوی اصلاع میں سے لیک کا طول سے۔ ٢ -- ايك عقوس متجانس تضعف كروكا تضعف تطرد سبعد اس كي مستوى قاعب وير المسى سفى كا ايك قائم مخروط بنا إكياسي اس حبم كونف تطرى كالك دوسرت ابت كره كى عدب سطح ماس طرح دکا گیاہے کہ مخروط کا محد انتصابی سے ۔ نابت کرد کر دوا سعے بہتا ہ کے کئے تنا دل قائم رکھنا مفصود ہوتو تخرد طاکار کناع زیادہ سے زیادہ -4- [V(40+V)(V-V)-1/] jenting-كسد الكمعلومدون ف ايك رسى ك وريع جوتاب جرى يست كررتى م اور جى كامقام معلىم سعكسى عكن سطح اللراك ادر دان دكوستنمائ برديم ، سطح مستوى كر والتي تفادل ومحل معلوم كرو - بنادكه برفائم سهد ٨ - ايك تحرورا بكسال مستدير قرص المبعجب كالضعف قطرر اور وزن ع مع يرقص ایک ایسے نقط کے کردجس کا فاصلہ اس کے مرز سے ج سے حرکت کرسکتا ہے ۔ایک رسی جاس قدد کوری ہے کہ کیسل بنیں سکتی اس کے عیط پراٹک رہی ہے اور اس مے مرول مسيم اوزان و ادر دَ مبند سنه بن - تفاول كم محل معلوم كرد ادر بنا وكرية اعم ہم یا فرقائم۔ 4 - ایک ملوس کو ایک اور تابت کم درسے نصف کر وی بالے کے افدوس کا اور تاب کم درسے نصف کر وی بالے کے افدوس کا افرون منعت تطراس کے تعسی تعری دو جند ہے ماکن بڑا ہے ۔ ابعا کردکرہ کے الا ترین نعظير خواه كُنْنا بي ودن ركها مبائد من مروالت سي نتاول المرابع -

در د ارس

کم دری سطح سنوی پراس طرح ساکن سرے کرنے کا محدانتھا بی ہے -مرکز ثقل انتصابی محدر پر شخیلے راس سے فاصلہ حدیم سے ۔ ٹا بت کرد کرتناول قائم

بولاً اگره كم يو اور اور اور است

مم اسایک وزنی خودط ایک تابت گردخی مکانی نما براس طرح ساکن ہے کہ اس سکے قامدہ کا مراح ساکن ہے کہ اس سکے قامدہ کا مرکز مکانی سکے درخ مکانی سکے درخ درخ میں مکانی سکے درخ درخ میں مکانی سکے درخ درخ اس سکے قامدہ ہے۔ مراز مکانی سکے درکی افتی سطح متوی پرماکن ہے مواجہ ایک کوردی افتی سطح متوی پرماکن ہے اور اس کا مرکز نمقل فقط نماس پر سکے منحنی سکے مرکز انحا پرمنطبق ہرتا ہے۔ تاب سے کد کر اتحا دل فیر قائم ہے۔ تاب سے کد کر اتحا دل فیر قائم ہے۔

۱۷- گردش مکانی نسبا کے ایک کخوس مقطوع کی بلندی حداور و دزفاص ہم و ہے۔ یہ ایک اور کر دفاع ہم و ہے۔ یہ ایک ایک ایک ماکن ہے کہ دون سکے راس ایک و درسے پر منطبق ہوئے ہیں۔ منطبق ہوئے ہیں۔ منطبق ہوئے ہیں۔ منطبق ہوئے الذکر مکافی نماکا ویز فاص م ب ہے۔ نابت کرد کو تعاول قائم ہوگا اگر حد سے و ب

14 سایک پر افظ قدویر کی شکل کا سے حبی کا کون دائرہ کا نفسف قطر او ہے۔ یہ ایک اور خط تدویر کی شکل کا سے حبی اور خط تدویر میں کا کون دائرہ کا نفسف قطر ب ہے اس طرح ساکن سے کہ موفوں کے داس ایک دومرے پر منطبق ہوستے ہیں۔ اور دونوں کے عورائن مالی ہے۔ اور دونوں کے خط تدویر کے مرکز نقل کی لمبندی اس کے راس کے اوپر ھا ہو تو البت کروکر متعادل قائم صورت ہیں ہوگا جبکہ ھ حرے ہم اس کے در مذغیر فائم ہوگا۔

۸ ا - ایک مکافی نما بیال جس کا وزن و سے ایک انفی میز بربرا سے اس کے اند کچھ یا نی ہے جس کا وزن ن و ہے اگر بیالہ اور یا نی کے مرکز تعل کی لبندی ھرموتو نامشکرو میں اس میر روس اور در در میں اس

کر تفادل قائم ہوگا اگر کانی کا و ترفاص کا (ن ۱۱) ھ۔
10.4 - خرض کردکہ ہارے پاس ایک جسم یاجسموں کا ایک نظام ہے جن رسوائے اس کے در نوں کے ادر کو بی قرت عمل نہیں کر رہی ہے اور جو عکم کی استطوں کے تفایل سے یا دیگر قوتوں سے جو موہوم کام کی مساوات بیں نہیں آئیں مہارے جو سے بین ایک در نواز میں میں ایک میں میں اور کسی تا بت سطح مستوی ہوئی ہیں۔ تب اگر جسموں کے دلال وار وہ وہ میں ہوں اور کسی تا بت سطح مستوی کے در اور ایک مرکز تعلوں کی لمبندیاں می ، می سب بوں قوموم کام کی مساوات ہوجا لی ہے۔

- ومعنى - وم معنى - وم معنى ي +

اگرپیرسے نظام کاکل دنان دیو اور اس کے مرکز تقل کی بلندی تی، مو تو موجوم کام کی بلندی تی، مو تو موجوم کام کار م موجوم کام کی ساوات موتی ہے۔ - و معت تی ہے .

لیکن معن تیء ، اس بات کی شرط ہے کہ مرکز تقل کی بلندی کی اعظم پاا قل اگر مرکز تقل کی لمبندی حقیقتا برسی سے بڑی ہے تو لطام کے کس کے مرکز تقل نیجا ہوجا ٹیگا۔ اب اگراس ش ، کئے ساکن کریے حیور جو میا جائے تو فا ہر سے کہ بی^{ا ا} ہونے ابتدا کی محل تعادل کی طرف دابس بنیں آنے گا۔ کیونکہ ہر اِت علم فرنٹ کے اس اصول کے ب سے کواس تسم سے کسی نظام کی وانائی بالحرکت اتحام سفدہ کا م سے مساوی ين المادل كوف دايس بين مأسف كالكواس دور مبث جائے گا. ایسلی صورت میں تعادل کو غیر قائم تعادل کہتے ہیں۔ أرمرك تقل كى لمندى مقيقنا جمول سيح جوال المونوكسي جيوت فسي حيوست للَّے مركز لقل كى لمندى بڑھ فباستے كى اس سورت ميں اگر نظام كوا كيك لمحم کے لئے سائن کرشے چیوڑ ریا جاستے تو د داسینے ابتدا کی محل ننا دل کی طرف عود کرآئیگا. کھے اِس معورت میں نفاد ل کو قام م تفادل کہتے ہیں ۔ لبذائسي مبم إجبمون كي كسي لطام كانتا دل حسب ول طريقه ہے ۔ کسی ٹا بت مطح مستوی سے اور جسم کے مرکز ُنقل کی لمبندی تی کو کسی فیرا بع منتغیر طے تفاعل کے طور یربان کرد مساوات فری ۔ ، کوظ کے لیے عل کرو اور فرض كرد كو ط = عراب اجراك اگر فرط كيا كي فيمت بين طر = عد درج كرك في ت يمنب بوجائ ينى تى حنيفة اقل بو نوطه = مدع فائم تعاول كا ايك محل جامسل موگا-اگر فرای کی قیمت بس ط = عردرج كرف سے يقيت منفى بو جاستے يعنى تَى حقيقة اعظم بروة طه = عه سي غيرقائم نفا دل كا ايك محل عاصل موكا -

جیسے جیسے نظام حرکت کرکے نخلف محل اختیار کرے اس کا مرکز تقل کو ان منحنی مرتسم کرسے کا اور ہم جانتے ہیں کہ اس نحنی سے اعظم اور اقل معین ستباد لا

" عامُ اور فيرُفا فم قوازن

سكونيات أعلى واقع بربيك اس لئے فاہر سے كر خيرة الم ادر قائم تعادل كے محل تما دلاً واقع بر تيمين 4 ا- مشق ا-ایک مربع بترا دو جگی بیخوں پر جایک ہی افقی خطیں واقع ہیں اس کو مات ایک مربع بترا دو جگی بیا اس کردکہ تعادل کا مرت ایک کل ہے اس کو ح ساکن سے کداس کی سطح انتصابی ہے خاب کردکہ تعادل سے بڑا نہ مولیکن آگرہ تا د تعلیم سے بڑا نہ مولیکن آگرہ تا د تعلیم کی کا درمیانی فاصل مربع کے قطر کے ایک جو تعالی سے بڑا نہ مولیکن آگرہ تا د تعلیم کی کا درمیانی فاصل مربع کے قطر کے ایک جو تعالی سے بڑا نہ مولیکن آگرہ اور تعلیم کی مولیکن آگرہ بی مولیکن آگرہ اور تعالیم کی مولیکن آگرہ بی مولیک آگرہ بی مولیک بی مولیک بی مولیک آگرہ بی مولیک آگرہ بی مولیک بی مولیک آگرہ بی مولیک آگرہ بی مولیک بی م پڑا ہو تو نظا ول کے تین کل ہوسکتے ہیں جن میں سے متشا مل کا کا مکم نظا دل کا محل موگا اورباتی دو محل غیرفائم تفادل کے-زين ركر إلب ج د مربع به اورف اور ق دوسيفين ايس ارض کردکر قطر اسج ۲۰ د اور إج المتى خط ل لاكسانة زاديه فرباتا معدهت ق سعادير مركز لقل مشكى بلدی سف ن (=ی) جدؤیلسے طامل ہوئی ہے تى د د ي ب در الن ب در د مم) ء د بب ذ - ج بم (ذ - ٥٧) جي اله - ٥١) أكرف ق ع ج ميني تن ء در مبب فر+ ع<u>ج مم ا</u>فر - ، ، ، ، (۱) ، - فرقي يه درج جب افر سسس اب چوکر پیمنیں مکنی ہیں اس سلتے موجوم کام کی مساوات موجا تی ہے دمعت تى . . أس ك (١) كى روس تعادل ك كالساوات ولى سيمعلوم يوسف

جم د (د- ۲ عم جب نه) = ٠٠٠٠ (١٩)

Si

اس مساوات کے علی ہن فرع ۱۹ اور جب فرع ملے

ا ان الما وات کی مملیر حقیقی مرت اسی صورت میں ہوسکتی ہیں حب کم ۲ ج م مینی جکرف ت کے لئے اج

اب اس مورت پر غور کرد جیکه ۲ ج ک

اب تفادل کے تین محل ہیں۔ بہلا وہ ہے حس میں ال ج انتصابی ہے اور بائی دومل وہ میں جن میں اج محط انتصابی کے و دیوں طرمت خط انتصابی کے ساتھ زاویہ

جب المراج بالأس

حب فره و ه تو (۳) کی روسے فرفع = - د + ۲ ج اور می مثبت ہے۔

اس لئے تی کی قبیت اقل ہے اور اس لئے تعاول قائم ہے۔

اگرجب ف = دا و فرقت = - درجب فد ۲ ج ۲ ج جب ف = دا - م جا

اور بینفی ہے اس سلنے اس صورت میں تی اعظم ہے اور رہنا ڈ علیہ تعادل غیر قائم ہے۔ اب وہ صورت لوحس میں م ج < د،-

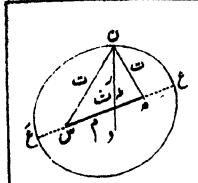
اس صورت میں تنا ول کا مرت ایک محل ہے جو فہ = ، ف سے عامل مواسم اورب

زمی = - در ۲+ جم = منفی ذرقی = - در ۲+ جم = منفی

> ر کئے تی اعظم ہے اور لغا دل غیر قائم ہے ۔ میشور میں میں اور انداز میں اور خوالد میں میں

مشق م - ایک سلاخ اس ه ب جس کا طول م جسب اورجس کا مرز نقل سف اس کے وسطی نقط وسے فاصلہ دیر ب سلاخ کے دونوں سروں سے مرج نظر عمر طول کی ایک رسی با خده کراس کوایک جکنی مینج لٹ پر لکا ایک ہے تھا دل کا کام معاندم کرد اور دکھا دُکہ وہ محسل جوانتھا بی بنیں ہے خت ارسی م

غيرةا يم ہے۔



چونکرس ن + ن هه ۲ ج تطاعه اس کے حزوری ہے کہ بینجاس اتف پر کہیں نہ کہیں واقع ہو جس کے اسکے س اور ه بین اورجس کا لفعف محوراعظم سم ج قط حرہے۔ نیزاس کا لفعف محوراصغر نیزاس کا لفعف محوراصغر

= ﴿ عَ الْكَا الْو - مَ وَا = عَ مسرو

بس اتص کی مساوات ہے لا جب حد + ما ان جا مسس حدیا سف میں سے گزرنے واسلے قلبی محدول کے محافظ سے

مِبْ عرارهم طه و) براجب ط =ج مسن عد (1)

اگریم طرکی وہ قیمت معلوم کرلیں جس کے لئے راعظم یا اقل ہے اور ٹاقص برکے متناظر نعطہ ن کو سخ کا مقام لفتور کریں اور ن دیث کو انتصابی بنائیں تو ہیں تعاد ل کا ٹیر جانحل معلوم ہوجائے گا۔

(۱) مصعاص بوتاب

م طدراج و ۲ مرط در دب و = را ع اسس عد + دا جب عد

اس منظ بم ط = د دب عرمس عد+ ۱۵ ز- (ع'- د') مسرع عد د مج عر

ركى كمت كوفيت مركياً م العادرات وقع جوار = ومسرم مرك كمت كوفيت مركياً م العادرات وقع جوار = ومسرم مركا - والم

مو- ان صورتول ميسان صريكا انتصابي وي كي-اگرست بن اقل بوتونا برسیم کرست دن بر کا ما و بوگار بس فقط ان کا مقام اس امرے بھی معلوم ہوسگراہی کہ یہ وہ نعطرہ جس برکا عاد محورا عظم بہسکھ ایک معلومہ فقط نسٹ میں سے گزرا ہے۔

وفعه ۱ ه اسكسوال كي قيام تناول بريمي اسى طرح إساني عوركرسيك ہیں کیونکہ اگر صورت اول میں دیکے اوپر سٹ کا اد تعاع تی ہوتو

ى = (س+ر) جم طر- (د- ند) جم كر + ا طر .

: ورى = - (س + ر) مب ط + (ر- ه) مرا + ر حب س + ر ط .

ن وناي =- (س+ر) جمط + (ر- ه) (من + د) جم م + د ط س - (٣) .

ی کی ایک اعظم یا افل قبیت صرحاً ط ء · سیے حاصل ہو تی ہے - تب تی کی متنا ظر قیمت تنجیمو بی مستعلم چھو تی ایر می مست بڑی ہوگی اور بنا تا علیہ تعا دل قائم یاغیرخالم

مِوگا اگر بالترتیب فرای مشبف مویامننی

يني أكر- (م ا+ر) + رر - حر) (مرا +ر) مشبت مريا منفي

يني آگر ه 📚 🔨 🛴

اگره اس تبت کے سادی ہوتو فرائی = . جبکر الم = .

اورا حصامية تفرقات كے قواعد كى روست ميس إلا تررتبه كے تفرقى سروں بر هور كزا جاسيئة -

اس صورست میں

فراي = (س + د) [-جم طه + جم (سر له طه)]

 $\begin{bmatrix} (\sqrt{1+1}) & -(\sqrt{1+1}) & -(\sqrt$

اگرطہ = . تو خوات صفر ہوگا اور فرم ی منفی ہوگا۔ اس کے تی اعظم ہے اور لتما دل غیر قائم ہے۔ دوسری صورت میں و کے نیچے دین، کی گہرائی تی ہوتو

ت المران مور - ين ر - - بي مران ك ي = (م-1) جم ط- (ه-1) جم مراز طر

اور تعاول قائم يا غير قائم برگا اگر بالتر تيب تي اعظم يا اظل مو يني آگر بالترتيب فرائ مني بويا مثبت جو جبكه طه = .

لین اگربالترتیب حسب سابق هد مرس اگر ه اس قبیت کے سیادی جو تو

 $\left[(\sqrt{3} - \sqrt{3}) + \sqrt{3} + \sqrt{$

تب فرحي صغربوگا جكر طرصفر بو ادر فرائ سنى يا شبت بوگا اگر إلترتب مراكز الرالترتب

۱- (مرا - له) المنعى ما يشبت مو

يني اگرس ڪار

اس کئے تی اعظم اِاقل ہوگا اور بناء علیہ لقا دل قائم یا غیرقائم موگا اگرس کے ۱۲ ۱۲۱۔ اگرونعہ ۲ ۵ اسکے سوال میں حبیم کے محل توازن میں مشترک عما وانتعما بی دہو

تو اس مورت میں سوال رو ذمل کے طراقیہ عور كريسكت بي مفرطيكه مثادابها موك مركز لقل من مترك ما ديسي رزائے والے انتقابی سطحسنوی میں ورکت زمین کدک نظرتناس اربرادیر کے ا دنیج کے حبموں کے انخا کے نفیف فطر بالترتيب من ادرريس كيوكر تفادل كامل و ك س انتما إ الكادر وكا ومركا ومن كدك است = ٥ تو تناول قائم إغيرة لائم بهرة كاراكراوير كصبهم كو ذراسا مثاسف يرصم كام كزنق يا شيج كي فرف وك رُسه بيني المربالترنيب بيث المحري في ، ہو لینی اگر بالتر تیب من مے مران کا مركز الخنا دیریا یسیجے ہو۔ گردو نیامت سے انخاکے نظریہ کی مدسے مش سے طریق کا مضعف ذيل كى مسا دات ستصحاصل مرتاسيد-- (\frac{1}{2} + \frac{1}{2}) \text{ \text{\ti}\text{\texi}\text{\text{\texi}\text{\text{\text{\text{\text{\text{\texi{\texi{\texi{\texi}\text{\texi}\tint{\text{\text{\text{\text{\texi}\text{\texi}\text{\text{\texi جاں من سے اکا طوف عرکے اپنے کومشبت فراد وا ماستہ ا بوگا یا منفی جبکامت سے طریق کا مرکز انخالات سے پیچ ہوگایا ادب ين الربالزئيب لي + له > إ

يعني اگرالترنيب هڪيا< سرار جمعه

بس وازن قائم إ غيرقائم بوكا حبكه الترتيب هد إ

ارم إدرياك اتنانابيس كر الك = س + ل

ادراس لے اک = مار اگر است اس وار مسے جو اک کوقطران کھینہا

مائے ق برطے تو

(ق= (ك جمد = مراس جم

بس تعادل قائم إغيرقائم بوكا الرابريب هرا > (ق

معنی اگر بالترتیب لف دا روسک الدیا با بردا قع بریس داره کو اس بناپرتیام ده کفته مورد

اگر من اس دائرہ برداقع جوتواس کا تعادل تقرب کے بہلے درجہ تک سے بھی درجہ تک سف اللہ مار میں اس سے طریق کا صفت قطرائے کا لا شنا ہی جو کا اور سف

اس مے طاق پر نقط النطاف ہوگا اس دائرہ کو اس سلے اکثر اوقات الغطافوں کا دائرہ مجمی سکتے ہیں۔

مثاليس

ایک وز نی کیسان ملاخ اس طرح سائن سے کاس کا ایک مراایک چکنی انتصابی دیوار کے ما ایک ایک مراایک چکنی انتصابی دیوار کے ما تھ لگا ہوا ہے اوراس کے طول برکا ایک اور نقط ایک چکنی شخ برساکن ہے۔ تعاول کا محل معلوم کد اور ثابت کو کہ یہ غیر قائم ہے۔

ا سددومسادی پیکسال سلاخوں کو ایک سرے پر مضبوطی سے جوڈ دیا گیاہے ادران کے درمیان زاوی ہو بھتا ہے ادران کے درمیان زاوی ہو بھتا ہے اور ینصف تطریح ایک ہیں کہنے کرہ پر انتہا بی سطحمت وی میں ماکن ہیں۔ نابت کو کہ یہ نقادل کائم یا غیرقائم میں ہوئی آگیا لنریب ہرایک معاف کا طول کے ہم رقوعہ

مع - ایک فرتیر کے سرے ودمکنی ائل طوں برجان سے ساتھ زا دسے عدا در مربالی بن اورجن كا خط تقاطع التي ب ماكن بي - نقادل كامحل معلوم كرد اور فابت كروكريد غِرِقًا تُم ہے ۔ مع سائک کساں درنی سلاح (مب قبضہ ایک کردانتھا بی سطیمستوی میں آزاوانہ مع سائک کساں درنی سلاح (مب قبضہ ایک کردانتھا بی سطیمستوی میں آزاوانہ حرکت کرسکتی ہے دوسرے سرے سب کو ایک وزن کے دراید جو السکا تعا اُ اور ایک جکنی چرخی ج برسے گزرا سے سہارا گیا ہے۔ نا بعد کروکہ نعا ول کا ووکل حیں میں المب سمت انتعابى كسي سائدكون ملان ركمتا جوغيرقا محسه ۵ ـــایک چکنی سلاخ ابب سے جس کا وزن وسعے ۔ اس کا ایک سرا (ایک حکنی افتی سط مستوی (ج پرماکن ب اور دوسرامرا ب ایک عکنی انتصائی دیوادب ج کے ساتھ ایک رسی بدھی ہوئی ہے جو ج پر ا کے جکنی جرخی رسے گزرتی موئی ایک دنن و کوسبارے ہوئے ہے۔ (اسب اج ایک انتصابی طیمسنوی میں ہیں۔ تعادل کامحل معلوم کرواور تباؤکر مینیرفائم ہے۔ ٧ - أبت كردكه د نعه ٩ همشق ٢ كى سلام كا تعادل فا تم ب-ے ۔ عارکیاں سلا خیں ہیں جن میں سے براکی کاطول ا وہے، ان محصروں کو جورت سے ایک معین بنا اگرا ہے اوراس معین کو دو جکئی سخوں برجو ایک ہی افق ا میں ہیں اور جن کا در میانی فاصلہ و مام سے اس طرح لٹکا یا گیا ہے کہ میمنیں مختلف سلاخ ل مصمس كرتي ميس- نا بت كروك نظام نفا دل مي موها جكيم معين مربع موليكن یا تعادل تمام ہٹاؤں کے لئے قائم مہیں ہے۔ ۸ سا ایک مربع بترے کے ایک رسنے کے ساتھ ایک دسی ہند میں ہے جس کا طولِ مربع کے ایک منلع کے ساوی ہے۔ رسی کے ایک سرے کرد بوارے ایک فقط کے سائة بانده كريترك كواس طرح مناول ركفاكيا سع كهاس كي سطيمستوى ديوادير عودواد مع - نعادل كانكل معلوم كوادر بتاد كرية فا مرع - ایک کیسال سادی اسافین بترا اسب سے ہے یہ بترا دد مکنی میوں پر مین کا درمیانی فاصلہ ج سے اور جن کا خط وصل افتی ہے اس طرع ساکن سے کاس سکے منلع ﴿ بِ ادر إبع ميون سيمس كرت بن - اكرسب ج يرعود إلا ا هر

کے ساوی ہوتو تا ہت کردکر تنا دل کے تین محل ہیں ان میں ایک جس میں ا دانتما بی عِنَا مُ مِهِ اور با في دونيروا مُ مِن اگر هي سن قم (- الكين اگر ه >سن مم أ بندهی سیماوای محوشی برست گزر ق سبعه دیواد سیمسائد اس طرح لفکایا کمیا سے کمتخذگی سطح دیدر سے مسرکرتی ہے۔ اگرسی کا طول تخت کے بین زاوئ سے کم ہونو تا ہت کردکہ تعاول كي مِن عن نيز تباؤكر تشاكل كالحل عيرة عُهب ــ ااسلیک منظیل تفور ہے جس کے اوپر کے گنارہ کے دو متناکل نقطوں کے ساتھ میں اور میں ان فاصلہ ہے کہ میں اور میں کا درسے باغد حدد کے میں اور اس دسی سے قدیدنسورکوایک حکنی کھونٹی ہاس طرح التا یا گیا سے کرت را متعب کو فرا ایسا محل بنیں ہے جر بی تصویر کا صلع افق کے ساتھ کو ای زاویہ بنایا ہو۔ لیکن اگر ل ا ح ع ما ج الم 1 و تعاول كے دو محل ميں اور دو نون تائم بير جمبال رسى كاطول ي يهي أبت كردكه وخرالد كرصورت بن و محل جس مين معلمان تعما بي ب بعض مثاوں کے لئے قائم اور بعض کے لئے عرفائم ہے۔ ۱۲- ایک میکنا تعلع ناقص سے جس کامورا تصالی سے اس کے اندرایک سلاخ رکمی و ونول مرے اتفی کی توس برس الرسلان کا طول ا تص کے درفاق سے کم بہوتا بت کرد کہ تنادل کے محل میں یہ اسکریں سے گزرے گی۔ الما سسایک کیماں سلاخ کومس کا طول ۲ ایس ایک مکانی ارسکے دونوں مروں کے سائت بطنے ملقوں کے ذرید إ ذه دیاگیا ہے۔ اُراکا میدانتھا بی داس نیچے کی طرحت اور وتر خاص مر و ہے ، تابع کروکہ افا دل کے اکل میں ساخ افن کے ساتھ جو الدي طر بنان سے دوجم ط = 11 سے عاصل بوتاب در اگر یکل دجود ر کھتے ہوں قوده قائم نفادل کے محل ہو نگے۔ سم اسایک سکیساں سلاخ ایک حیکنے گریشی سکا فی نما کے اندرجس کا محورا نفسا بی اور راس نیچے کی فرف ہے سوازی الا فق سحل میں ساکن سے ۔ نا بت کرد کہ اگر سلاخ اسکہ سے نیچے ہو تو انتصابی سطح سمتوی میں سب ہٹائیں کے لئے تعاول قائم ہوگا اور اگراو پر ہو تو غیر قائم ہوگا۔ عیر قائم ہوگا۔ 10۔ ایک عشوس سفف کہ ہے جائک سطح مستوی پرجوانت کے ساخة زاویہ عد حجب ہے۔

بناتی ہے ساکن ہے اور سطح سنت ی اس قدر کھر دری ہے کہ تضعف کرہ جیسل نہیں سکتا۔ تعادل کا کل معلوم کرواور ٹابت کروکہ یہ قائم ہے ۔ 14 ۔۔۔ ایک کمل طور پر کھر دراکرہ ہے جس کا تصعف قطر اوسے، اسے ایک سنتی ی

۱۹ — ایک مهل خور بر هر در ارده سبے جس کا صف صف حکر رسم باسط ایک مسلوی رخ والاجسم سس کرتاہے اور نقطہ تماس برکا عما دخطِ انتصابی کے سائفدزاویہ طرمیا تاہے اگر مرکز نقل نفظ متاس سے انتصاباً اوبر صد فاصلہ بر ہولؤ نابت کرد کہ تعادل قائم ہو گا

اً كُره ﴿ وَمِهِ اللَّهُ عَيْرُقَا تُمْ مِوكًا أَكُّرُ ﴿ ﴾ وَمِعْ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ ال

14___ ٹابت کروکا گرکسی قطع تا قص رکے قطرکے ذریعہ اس کو دومسادی مصول بیراتسیم کیا جاسے اور ایک نصف کواس کی سخنی سطے کے بل کسی افقی سطے مستوی بررکھا جاسے

توتغاول كايك محل قائم جوگا اگرخروج المركز المست كمبور

۱۸ - ایک ناقصی اسطوانہ کو ایک اگل ستوی برجوافق کے ساتھ رکھ کے زا دیہ سے کم ور ویربنا تی ہے اس طرح رکھا گیا۔ ہے کہ اس کامحور متوازی الانتی سیمے ۔ ٹابٹ کرد کہ اسطوانہ ساکن بنیں روسکما اگر سطح اُس کا میلان جب (<u>وا ۔ ب</u>) سے مہوا درا گرمیلان جب (وا ۔ ب

کے سادی ہو تونکاد ل بہلے تقرب کک نقد ملی ہوگا۔

۹ اسد آب نا قصی قرص طبی کے تصف مور آو آدرب ہیں ایک انتھا بی سطح مستوی میں اس طرح مجسلتا ہے جات اور و تی سے مس کرتا ہے جات اس طرح مجسلتا ہے ماری میں انتھا میں سطوم توی میں طاق میں انتھا میں ماری میں انتھا میں ماری میں انتھا میں ماری میں انتھا میں ماری میں انتھا میں میں انتھا میں میں انتھا میں میں انتھا میں میں انتہا ہیں۔

مورا مطرایک مری سلاخ کے سوازی موگا اور فیر قائم تعادل کے محل میں یہ و ن کے ساتھ داور فر بناتا ہے جہاں حرفط و ن ک ساتھ داور فر بناتا ہے جہاں حرفط و ن کا میلان ہے سب انتھابی کے ساتھ۔

۲۰ - نیم محودوں و اور ب کا ایک جکنانا تھی اسطوام وومتوی سطوں کے ور میان یک ساتھ ر بیا تا ہے جن میں ہرایک سمت انتھابی کے ساتھ ذا دیے عر بناتی ہے۔

بست ب بن بن برب سلسل من مرب المرب ا

بر جنكريسس مدان مدد و كاند دافع نهوة كائم ادر غيرةا ثم تعادل كي معليم كور

دسوال باب تین ابعا د میں توتیں

۱۹۲-ایک استوارسم کے معلومہ نقطوں پرتونوں کا ایک ویا ہوا نظام مسل کرر ہاہے۔ان کا حال معلوم کرو-

ہے۔ان کا حاص معلوم کرو۔ محسمی موزوں نقطہ دکو سبدایا اساسی نقطہ کو ادراس میں سسے محددوں کے محد

و لا و ما کوئی کھینیو۔ فرمن کروکشیم کے کسی نقطرت کے محدد (لا ، ما)، ی) ہیں اوراس پر دی ہوئی قو توں میں سے ایک قوت ق عل کرتی ہے جس کے اجزاسے ترکیبی محدد ل کے

ہوں روں ہیں ہے ہیں۔ متواذی کا اما ہے ہیں۔

سطح لا د ما بر ن م عود گراؤ اور خط و لا بر م ل عود تمینچواور

ق, ل س بخط وی کے سوازی کمینہ

م صلوط وی، وتی کل ق، ل مس کے ساتھ ایسی فرتیں وال کروجن میسے مرایک ہے کے ساوی

يو - بعد كرمية فتي أبس من تعا ول

المرابع المراب

یں ہیں اس لئے اِن سے دی ہوئی قِونوں سے نطام پرکوئی اِٹر بنیس بڑتا اب قویم ہے جو ن سے اور ل س کے سائڈ عمل کرتی ہیں ایک جینت بناتی ہیں جس کامعیارانز سلم * هم ل بنی ما * مهم ب اورجواس طحمتوی میں جو و لا برعمود وارس و لا کے کرد مشبت سست میں عمل کرتا ہے اس سلے وہ اس جفت کے معاول ہر اجس کا محد والا ہے اورج متنبت ہے۔ ل في اور وى كے سائد سمل كركے والى قوتيس مع ايك حبت بناتى ہیں مبر کامعیارا فرے × ول یعنی سے لاہے اور جو و ما پر عمود وار سطے مستہی میں واکے گردمنغی سمست ہیں عمل کرتی ہے ۔ اس كئ ن يرعل كيف والى قوت ميم ان كم معاول م وراک اوت سے جو وی کے سات مل کرتی ہے و لاکے گرد معیارا ٹرنا ما ہے کا ایک جنت وما کے گردمعبادا تر۔ لاسمے کا ایک جغت اسی طرح سنے ن پر عمل کرنے والی وقت کا معاول ہے ان کے و برولا کے ساتھ عمل کرنے والی ایک قرت کی وا کے گردمعادا ز + ی کا کا ایک صنت وی کے گروسیاراز - لم کا کا ایک جنت اس طرح ن برمل رسف والى قت ما معادل سان ك وبرو الحسائة عمر كرف والى ايك قرس ما دى كروسيادا تر+ لار ما كالك جنت ولا مي ما كايك جنت

اس الت ن پرعل كرف والى من تركيبى قوتيل كل ، ما ، سم إن كما عما الله ما الله الم وتی کا ، ما ، ہے جوالترتیب وا ، وا ، وی کے ساتھ على كرتى بس ولا كرد اكم بنت اب -ى ما و اکے گردایک جنت ی کا۔ لاسے وى كروايك جنت الما- ما كل اسی طرح سے ہمکسی اور نقطم (الم ، مام ، ی م) برعمل کرنے والی توس کوجس کے ا جزائے ترکیبی کی، ما، اے ہیں خطوط و لا، و ما ، و ی کے ساتھ عمل کرنے دالی توتوں اور اسکے گروجنتوں کے سعادل ایت کرسکتے ہیں۔ اس کے بالا تروووں کاکل نظام معادل سے ان کے ولا كرساقة عمل كرف والى اكب قوت على + لا ب + سعد الله على الك الله على الله الك « عمار+مار+ ··· = [(مار) = ما £=(£)Z=...+£+,&= ~ ولا كرداك جنت = 3 (ام مي - يم مار) = ل وا کے گردایک جنت = 3 (ی کم - اے) = هر وى كردايم بن = [المما - الإ) = ن ادبر کی مین قرمیں معادل ہیں ایک ایسی واحد قومت می کے جود میں سے مل کرتی ے اردیس کی مقدار سرا = لا" + ساما + سفا سے عال ہوتی ہے اور جس کے خفامل كاسمتى جديب التمام

کے مل کے میں [دفعہ ۲۲]

دندہ ۲۹ کی روسے بن ترکیبی جنت معادل ہیں ایک واحد جنت سے کے جوایسا ہے کہ سے ایک ہے جوایسا ہے کہ سے جس کی سمتی ہے جس کی سمتی ہے جس کی سمتی ہے۔

جوب التمام في المين المين المين المين المين

اس طرح توتوں کا نظام معلومہ ایک اختیاری طور پرمتخب کئے ہوئے لنتلہ ور میں سے گزرسنے والی ایک واحد قرت ادرایک ایسے جنت میں بخریل ہوگیا جس کا مور یو میں سے گروں میں

خور نوین سے مزرہ ہے۔ ۱۹۱۰ ایک توت اور ایک جنت کے اس اجماع کواصطلاح میں حرکہ (Dyname) ، گئتہ میں اور مقداریں کا ، ما ، ہے اور ل، هر ، بن اس کے اجز اسئے سیکست اور تر مد

محوردں کے ساتھ جوقو تیں عمل کرتی ہیں اور محور در سے گرد جوجنت عمل کرتے ہیں ان کواخصارا نظام (کا ، مرا ، ہے ، ل ، هر، ن) سے موسوم کیا جاسکتا ہے۔

معا ارکسی خطر کے رون سے سیار از کی عام ترمین ۔

کسی حظ کے گرد توت ف کا معیاداز اس طرح معلوم کیا جاتا ہے۔ قوست هن کو دواجزا سے ترکیبی میں تحلیل کرد جن ہیں ستے ایک جزوق دلے ہوئے خط کے متوازی ہو اور دوسرا س اس پرعود وار ہو، سب اس عاصل عزب کوجوس کوئس کے خطاعل اور خطامعکومہ کے درمیان جھوسے شے جھوسے فاصلے کا معلوکے معالقہ

مرب دینے سے حاصل ہوتاہے معلوم خط کے گرد نوت من کا معیاراز کتے ہی منطر کے گرد نوت من کا معیاراز کتے ہی منطر منط کے گرد معلوم نوت ف کا معیارا مزود و کوئیمی

م امل + سع اوراس کے خوامل اور والا کے درمیان جو چموٹ سے جموٹا فاصلہ ہے ان کے عاصل صرب کے سادی سے اوراس سلتے ل کے محمد

جزد ترکیبی کا ما الم می کے سعادا ترکیب ہے جو دفعہ میں کی ردسے ل، کے گردود اجزائے ترکیبی ما ادر سے کے سعیارا تروں کے مجوعہ کے مسادی ہے ادر یہ مجوعہ ا، سے ، - ی ما کے سادی ہے ۔ معادی استواج سم کے تعادل کی عام متراکط -

ایک توت س اورجنت ست دونول فکر تعاول بدا بنیں کرسکتے۔ کیوتکہ جنت ست کی بجائے ہیں اورجنت ست دونول فکر تعاول بدا بنیں کرسکتے ہیں جنس سے ایک توت اس نقطہ و بیں سے گزرے جہال توت می حبنت کے مستوی سے متی ہوں مستوی سے متی ہوں اور قوت میں ترکیب مستوی سے متی ہیں جو و میں سے گزرتی ہے اور جنت کی دوسری قوت سے بنیں ملتی اور اس کئے تعاول بدا بنیں کرسکتی ۔

اس کے تعادل مرف اُسی صورت میں ہوسکتا ہے جبکہ قرت سماورجنت دونون معدوم ہوں۔

کبانا ما معدد مراول کبکن دفته ۱۹۱۸ کروسے ش = کا + ما ا + ہے

> ادر سفائے لیا + ہڑ + تتا اس کئے تنادل کے لئے ضروری ہے کہ

لاه. کماه. اور هه د.

ل=. ' ه=. اور ن=.

شاليس

ا --- ایک کمعب کا مرکز ثابت ہے اوراس کا گارہ م او ہے، اس کے دو متصارخوں کے اُن بین زاویوں کے ساتھ جوایک دوسرے سے بنیں ملتے دومسا وی قریس مر عمل کرتی ہیں۔ تا بت کرو کہ اس جنت کا معیاد اور جمعب کو ساکن رکھ سکتا ہے قوان کی سمتوں کے لحاظ سے من او ماہ یا من او ہوگا۔

م --- چھو تیں جن میں سے ہرایک فی کے سادی ہے ایک ہی ترتیب میں ایک کمعب کے آن کناروں کے ساتھ ۔ ثابت کروکر کے آن کناروں کے ساتھ عمل کرتی ہیں جو ایک معلومہ و ترسے بنیں ملتے ۔ ثابت کروکر اُن کا عاصل ایک جنت ہے جس کا معیار از ۲ ماس اور کا عاصل ایک جنت ہے جس کا معیار از ۲ ماس اور کا طول ہے۔ کارہ کا طول ہے۔

مع ایک کعب کے متراکز کنارے د ﴿ ، و ب ، و ج بی بن می سے برایک الحول الم ب اور و و ، ﴿ ﴿ وَ بِ بِ اللهِ اللهِ مِ اللهِ اللهُ اللهِ اللهُ اللهِ اللهُ اللهِ اللهُ اللهِ اللهُ ال

ف الما الما الم اوجى كى متى جوب التمام تناسب بي ١١-١١ م ك -

مہ -- ایک مارسطی کے راسول میں سے مقابل کے رخوں پر عمود وار اور ان سکے متاب قوش مل کری ہوں وار اور ان سکے متاب قوش مل کری ہے الدر کی طرف یا ابر کی طرف یا ابر کی طرف کا کریں ۔

هسکسی منعیم الاصلاع مجمع شکل کے ہرایک نے میں ایک ایسا بعنت عمل کر اسے حبر کا محرک میں ایک ایسا بعنت عمل کر اسے حبر کا محر الم میں ایک اور جو اس رخ کے رقبہ کے تناسب ہے ۔ تا بت کرد کم یہ باہم قدادن میں ہیں۔

وہ ہم داری ہیں ہیں۔ اس کے ایک ہی نظام کے چار کمون سے ساتھ جار کی وال کے ساتھ جار کی وال کے ساتھ جار کی وال کے متوالی و تیس عمل کرتی ہیں۔ ان کی مقداریں ایسی ہی کہ اگران کو ان حظوظ عل کے متوالی

ایک نقطه برختفل کردیا جائے تو میرمتعا دل ہوتی ہیں۔ نابت کرد کہ کمونوں کے ساتھ م كركف كى صورت مين مى ده باجم مقادل بوجى-[کیب جا دری زامنا <u>لائے</u> + ہے ۔ یکٹے = ا کے کسی کمون کی مساداست

لا- وجم ط ا-ب جبط = ي- ا و جب ط - اب جم ط = ج- ا

-مقيدا جسام- مقيدهمسك الساجنم مرادب جسك ايك يا دو سنقط تابت كروئ كي من مثلًا الراكب سلاخ ديوار كسائد ايك كوله فان قبعنه ميك ذربيه جوزوى جاسئ تداس كوايك نقطه است سمجا حاسستي واورسلاخ مقيدكم لأمكى اگرایک استوار مسم کے دو نقطے ا اور سب نابت کردسے سکتے ہوں تو خط ب نقط البت موسق ادر حبر كى وكت كے لئے مرف مور إب ك كرد محمود من كاطريقه إقى ره جاسكا مثلًا أي دروازه جس كوج كفث ك سائق دو تبضول کے ذریعے حاصل کردیاگیا ہو تبغول میں سے گزرنے و الے خط

ركو في حبم ايسام جس كي تين نقط ايت كرد ف سن مول اورية تيول القط ايك بى خطيس والق د بون توم محاجم العابل حركت بوكا-ع ١١- ايك استوار مركا ايك نظ كابت مهد اس كے تعاول كى سفراكط

معلوم کرد۔ ناست نقط کو سبراء و اوراس میں سے گزرنے دالے تین علی اعتوائم خطول ا کومور فرض کرو ۔ نیز فرض کردکر جسم برعمل کرفے والی برونی و تی صب والم المام ا من ادران موروں کے کرد ترکیبی مبنوں ل، هر، ك ين

ہاں۔ رُفن کو کرمبر کومتعا دل ر کھنے کے لئے و پر جو قد سع مل کری ہے اس کے

ا جزائے ترکیبی محوروں کے متوازی کا ، ما اور منے ہیں تب حب و فعی تعاول کے نئے ٧+٧=٠ ، ما+ماء٠ ، ع+ ع =٠ (1) (· = A (1) مساواتوں (۱)سے و پرکے تعامل کے اجسنداد برونی قوتوں کے رقوم میں معلیم ہوستے ہیں۔ سا دا توں (۲) ستے تعادل کی نترائط معلوم ہوتی ہیں بینی میاکت ایت نقطه و میر كُرْرسن واكم من على القوائم خطوط كي الروبيرون تو ون سكم معيارا ترون كم مجوسع حداكانه صفر بوسف على متي -اگرسب بیرونی تو تین ایک بی سطیستوی بین عمل کریں جو و میں گزرتی ہو تواہم کی مٹرائط اس سا دہ تر مٹرط میں کویل ہو جاتی ہیں کہ و یکے گر دسیارا شروں کا مجموعہ صفرہونا جاستے ۔ مراری و با می اور اس ملے دو نقط (اور سب تابت میں اور اس ملے جسم محد (اسب ا نخوم سکتا ہے۔ تنا دل کی شرائط معاوم کرو۔ خط (ب کوی کامحور الوا در اس پرکے کسی نقطہ کو مبدا فرمن کرد۔ فض كردكه و ا = ى و سب = ي، نیز فرض کرد کہ مقید کرنے والی فوتوں سكَ اجرائ تركبي إ اور سيدير ٧١ ما ان اد كا ما ادر ئے ہیں۔ نيز فرعن كروكه مقيدكرسف والي قوقون كي علاوه جيم برعمل كرف والى بيرون ق قى مسب داند ١٩ منبل قول ادر جنون من تويل موجاستے ميں محوروں کے متوازی و پر عل کرنے والی تین ترکیبی قونوں کا اصلے اور محوروں کے گرد ترکیی جنوں ل، هر، ن – -نب کل نظام کے سئے ترکیبی تو میں ہیں: – ٧+٧+٤ ، ما +مًا +مًا ادر ع + ع + ع ادر ترکیمی جنت مینس : -ل-مَا يَ - مَّا يَ ، هر + لا يَ + لا يَ ادر ن یس نعاول کی شارنط میر ہیں ·= \(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \) ما + مُا + مًا ع. ل- مَا يَ - مَّا يُ - ب (م)

هر+ کای + کائی = ۰ ۰ ۰ ۰ (۵) در ت = ۰ ۰ ۰ ۰ (۲)

(۱) ادر (۵) سے کا ادر کا حاصل ہوتے ہیں، (۲) اور (م) سے مکا ادر مگا حاصل ہوتے ہیں، (۲) اور (م) سے مکا ادر مگا معلوم ہوتے ہیں۔ در میان مرف ایک ہی رمضت مادا اور میں۔ (م) ہے کہ اس کے ان کی تیمنی میں میں۔ بالآخر بیرونی قوتوں سے در میان مرف ایک ہی رمضت مساوات (۲) ہے

الاحربیروی تولوں سے درمیان مرت ایک ہی رکشند مساوات (۱) ہے بس تنا دل کی خرط یہ ہے کہ ٹا ہت تحد کے گرد بیرونی قونوں سے معیارا بڑوں کا محد قد صغر ہو ۔

4 4 اس كُوال سق اور سق كوا قابل توريج بونام بيئ محما كيو كربطور مثال ومن كرو

کرجسم ایک دردازہ ہے جوحب معمول دوسہاروں (اور ب برمتما مواہدے اسے آرا اور نیار دیا جائے تو دروازہ کاکل اور پر کی کھونٹی کواپنے اصلی مقام سے ذرا اور نیار دیا جائے تو دروازہ کاکل

ار ایر می هوی و ایسے اسلی معام سے درا او پیاردیا با است یا موسی دارا ہے برا ہے است اصلی تعام سے درا ہی برا پر برج اس کمونٹی برا برسے کا ۔ اگر برفکس اس کے اسے اینے اصلی تعام سے درا ہی کے دیوں کردیا جائے تو در وادہ کاکل بوج نب برا پڑیگا ۔ اس کئے جب چوکھٹ کی ونٹوں کا در میاتی فاصلہ دروازہ کے جہلوں کے درمیاتی فاصلہ کے میں برا برجو تو ہمیں

لاداً يبى وقط كن جاسية كدرن كي تقييم الاالم يتن سب -• عامة منتق إله ايك ستدير كيمال ميزكا وزن ٨٠ بوند سب - مه جار إيون برجواس كم من سرور من المرابع

کنارہ کے گرو تفاکلاً کئے ہوئے ہیں مہارا ہوا ہے فرص کرد کر میز کا مرکز وہے اور کر عادر حب هف اس کی دوٹائگیں ہیں اگر دزن کنارہ کے

أس حدست لكايا مائة جوا ادر س



، رمیان ہے و میز آگر گھو مسکتی ہے تر نقاط ع اور دن کو ملائے دالے خط کے گرد گھوسیگی نیزیہ گھو سنے کے مین قریب اُس وخت ہوگی جب کر خط ع من کے گردمیز کے وزن کا معیارا فرانکائے

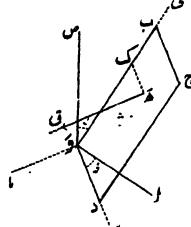
ہوئے وزن کے معیاد از کے تعیک مسادی ہو۔ اب لٹکائے ہوئے وزن کا معیار از حرکیاً زیادہ سے زیادہ اس و تت ہوگا جبکرا سسے توس ال سب کے دسطی نقط م پرد کھا جاسئے ۔

فرض کروک و م ، ال ب سے لی براتا ہے اور مطلوب وزن لا ہے۔ خ ف کے کرد معیارا فر لینے سے

لا × لم = ٨٠ ول

ن لا (ا- الم الله عن واله مرا الله عن لا = اد ۱۹۳۰ لون وزن مشق الله الله الله والله وزن مشق الله الله والله وزن و ب اس طرح لنك را به كواس كقبنول كولا النفاسمة انتعالى سن واديد طرن الله عنون كا درمياني فاصله

۲ هر ہے۔ دردازہ کو تبنوں میں سے گزر نے والے انتھا بی سنوی سے ذاویہ فریرقاً کا در تجانہ کے عود وارہ اور قوت رکا درون ہے جو دروازہ کے عود وارہ اور قوت کا خط اور وروازہ کے خلے کنارہ سے بالتر تیب باورج کے فاصلہ برے۔ قوت تی کی مقدار اور قبنوں پر کے تعالی حباب کا معلوم ہو سکتے فاصلہ برے۔ قوت تی کی مقدار اور قبنوں پر کے تعالی حباب کا میں محسوب کرو۔



فرض كردك و التجنول كوادر مب كوظ في داسك خطير عود وارب اوراس ستوى من دا تع ب جو و ب اوراس ستوى من دا تع ب جو و ك من من ست كرز تام اوراس كا و كورس جد دروازه من فرض كردك و دب قرد و فرد و در اور المن كردك و در و قرب اور ان كرمن كردك و در و قرب اور ان كرمن كردك و در و فراس اور ان كرمن كردك و در و الرمن اور المنك محد المن كردك و در و الرمن الرمن المن كرد كرمن من الرمن المن كرمن الرمن ال

دن وکو و ب اور و اس متوانی تحلیل کرفے سے اجزائے تحلیلی۔ وجم ط اور و جب طر عاصل ہوتے ہیں۔ اس لئے و کے اجزائے ترکیبی محودوں کے متوازی و حب طرحم فرار و حب طر حب فراد ، ۔ وجم طر بی اور نقطہ سف بر حمل کر تے ہیں حب کے محدد (وک، مر) ہیں جہاں ۲ و دروازہ کی چوڑائی ہے اور قبضے بحاظ مف کے مشاکل ہیں۔

سبار لے دالی توت ق جو مک پر شل کرتی ہے اُس کے اجزائے ترکیبی موروں کے متوازی ، ق ، نیں اور یہ نقط (ب ا ، ، ، ج) پر عل کرتی ہے۔ اس کے دفعہ ۱۹۲ کی روسے اس کے دفعہ ۱۹۲ کی روسے

لا م کر (لا) = رجب طرم فه ما - کر (مل) -- وجب طرجب فر+ ق <u>-- = (←)3=</u>

ل ع حرام-ىما)=رهباطبون-جاق

مر= ح (ى كرا لراع) = وه حبطم فر + 1, وجم فر

ت= حرالهم المام الكا) = - د المجب طب د + ب ق

يتردند ١٩٨ كى ترقيم كى روسى كى = ٠ اورى = ٢ هد

اس نے کا اصل میں تبند و پر ترکیبی تنائل میں اور کا است میں قبصد دیستر تبیہ تنائل ہیں۔

اس سنے دند ۱۹۸ کی سادات (۱) کی روست ق = و مرا الله جبط جب ف

مساوا تون (۱) اور (۵)سے حاصل بوتا ہے

لا = و المرجم طرح من الوركائي - و الله جمط بب طرح في المركائي - و الله جمط بب طرح في المراق الدرم المراق ا

نبز (٢) سے عاصل ہوتا ہے سنے + سنے = وجم ط

مثالين

ا۔ ایک مربع میرکے جاریائے ہیں جو التر تیب اس کے امنلاع کے وسطی لقطوں بر ملکے جو نے ہیں۔ بٹاؤک اس کے ایک کو سے پرزیادہ سے زیادہ کس قردوزن رکھا جاتا سبع اکد میز نہ اللے۔

ا - ایک گول میزی تین متسادی العضائی پی براس سے کنامہ پر ملکی ہیں۔ ایک اوی

اس کی ایک ایک ایک ایک کے مقابل اس کے کارہ برہیٹھتا ہے جس سے میزالف کرکنا مہ اور د والی کی ایک ایک کی اس کے بالا ترین نقط پر بہتھتا ہے اور میز هیں اوپ اس کے بالا ترین نقط پر بہتھتا ہے اور میز هیں اوپ اس کے بالا ترین نقط پر بہتھتا ہے اور میز هیں اوپ اس کے طول کا مام کنا ہے۔ میں سابقہ زادہ جس کا دزن و ہے ایک محد ال ب کے گرد جو سمت انتصابی کے سابقہ زادہ ہو با آ ہے محرم سکتا ہے ددوازہ کو اس محل میں رکھنا منظور ہے جو اس میں گرد ہے والی انتصابی سلے میں دکھنا منظور ہے جو ال سب میں گرد سے والی انتصابی سے میں اور وازہ کے مرکز تقل کا قاصل کے سابھ زادہ ہو بال وروازہ کے مرکز تقل کا قاصل کے ہے۔ ورکار ہوگی مہاں و دروازہ کے مرکز تقل کا قاصل کے ہے۔ اس سے ۔

م - ایک ستطیل در وازه حب معول دوایسے قبعنوں پرسمارا مواہے جن کو طانے والا خط سمت انتصابی کے ساتھ زاوے عربانا ہے ا بت کردکم محل وال سے ورمان و کوزادیہ طریں سے گھا نے میں والا جب عرار - جمطہ) کام کرنا بڑتا ہے جہاں و

دردازه کا وزن سے اور ۱۴ اس کی جوزلی ہے-

ھ۔۔ ایک تطیل عاراً کول برمتوازی الانتی محل میں سہارا ہوا ہے۔ ما نگیں اس کے کو وزں بر ہیں۔ اس کے ایک معلومہ نقط برمعلومہ وزن رکھ دیا گلیاہے۔ نما ہت کرم کد ہرایک ہا نگ برکا دیا و نا قابل نعین ہے نیزوزن کو ایک خاص مقام برد مصنے سے

ر ہراہی ہائی کہا رہ وہ اور جبو کی سے مجمو کی قیمتیں معلوم کرو۔ اس دباؤسی بڑی سنے بڑی ادر جبو کی سے مجمو کی قیمتیں معلوم کرو۔ اس کی ستاد ستاط کی کہ اس کی ایس کی اور جبو کی سے مجموعی فیمتیں معلوم کرو۔

٧ - ایک استوارستطیل کے جارکو نول پر حادثا نگیں ہیں یہ عفوراً سا دب سکتی ہیں۔ اور مرم انگ کا بچکا و اس پر سے دباؤے ناسب ہے۔ اگر میز کا مرکز نعل اسس ستوازی الاصلاع کے المرواقع ہوجو الن کے وسلم انتظول کو طائے سے بتناہے قوہر

سوار می الاصلاح سے امرار دارجہ جوجو ابن سے وی سون و ماسے سے بینا جب و ہر علی کے برکا دباؤ معادم کرو ۔ اگر مرکز نقل اس متوازی الا عنلاع کے اندر عاقع مذہورتو خاست کی کہ میزی اصل صدف بمن ٹانگوں پر کھٹا ہے ۔

نابت کروکہ میز دراصل مرت بین کا نگوں برکھڑا ہے۔ [چونکہ میزکا قطرمسید إرہتا ہے اس لئے مقابل کی انگوں کے ہرایک زوج محااسط د افراس کمرائی کے مساوی ہے جس میں سے میزکا مرکز حرکت کرتا ہے ۔اس لئے

مقابل کے کونوں کے مرزورج برکے داؤسادی بن] اعاب اگرکوئی جسم مین قوق سے دیر عمل شعا دل ہوتر وہ قوتیں ایک ہی

ستوی سطحیں ہوجمی ۔ زِمِّنِ کردکر تین قِینِ هن ع ق، س میں اور هن اور ق کے خطوط کل يركوني دو تقط سن، ق بي-چونکه قوتین متعاول میں اس سلے مجموعی طور پر اُن کا کوئی افر جسم کوخطاف ہے لیکن قریش هش اور ف اس خطار سے ملتی ہیں اسلے منفرداً الن من سن كسى كاكوني الرحبيم وخطاف ق ك كرد كمان كارمنين ہاس سے بمسری توس من کابھی کوائی از جمر کو خط من فی کے گرد کھاسے كالبنيس مع -اس كي خطاف في لازمًا قرت مرس مع كار أسى طرح اكر ق، ت، يويي اور لقط ف كخط عمل برسلة جائي توخلوط ف ق ، ف ق ، سرم سے کمینگے اس کے قرمت می اس سطے ستوی میں واقع ہوگی جوف اور ق کے خط عمل میں سے گزر تی ہے ينى ق إيد س كيخلوط عن اس مطمستوي مي واقع ہو بھے جوف میں سے گرز ہے۔ واقع ہو بھے جوف میں سے گرز ہے۔ لیکن من قوت من کے خوعمل پر کا کوئٹ نقطیر ہے اس کے ذکورہ ہالا عصتوی فن کے خطاعل رکے ہرایک نقط میں سے گزرتی ہے بینی دن کے کے نیتجہسسے ظاہرہے کہ تین ویش یا ایک نقطہ میں سے گزیگی

ا الركونى جيم جارة تول ك زيمل ستعادل بوتو تابت كدكه أن ك خطاعل ایک ہی زائد نما کے اکموں ہیں۔ فرض کروکہ ان مار قرق س کے خط عمل دن ان میں اس ہیں، دن کے خطاعی پر سے کسی نقط سے ایک خطال کمینچو مردن اور س دولوں سے ملے۔ چونکہ

جاروں توتیں متعاول ہیں اس کیے ل کے گروان کے معبار افروں کا محبور عصدوم بونا چا ہدئے۔ اس کے س لازا ل سے میکی - ف برکے سی اور دونقطوں مع رخ دع كرف سع ميس دو اور خطوط مه اوران عاصل موسلته مي جون ك اب بین غیر مقاطع خطل ، م، ن ایک یک جا دری دائد ما کی تعین کے ہیں اوراس کے ایک ہی نظام سے کون ہیں۔ خطوط ف ، ف اس اس جو ل ،

ه ان سے مطعة اس وه اس الله ك كون إس جودومرس عظام كركن إس-

يهات قابل خورسے كريه زص كرليا كياسے كران ميار كو قو س ميس سے كو لئ سى دو توتير كبى ايسى منين جرا بم متوازى مول إلك نقطه بركمين كونكه اكرا يسابوتا تو

ان کی ترکیب سے رمیں ایک وا حدولات حاصل ہوتی اور ہارے اس مرمن تین ہی تو تیں رہ جاتی اوراس صورت بردفعہا قبل میں جبف موجکی ہے -

سوع ١- آرايب جسم برعمل رسف والى بايخ وتين تنا دل من بول تو أن كو دوخطوط متقم

ز ص روكران و و سك خواعل ب اق الميا العين الفط أين- ف ق بس من مست ایک یک جا دری زاید تما تعینی اور فر من کروکه مس است نقاط (ادر

وس سے دائد ناکا ایک کون گرتاہے جوفت ، فی اس کے نظام کے

عالمت نظام كاركن ب اور بناء عليدف أن مرسع ملا بع-بونکہ یا کون هذا ت اس مس سے لماسے اس کے ان کے معالاتوں

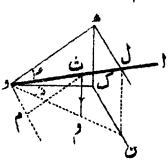
کامجوعداس کے گروصفرہے۔

ہ بود اس سے روسو ہے۔ لکن انظام کے لئے اس کے گردمدیار افر لینے سے ہم دیکھتے ہیں کا اس کے گردمدیار افرد ل کامجد عمر صغر ہے اس سئے طری

معيادافراس كے كرد صفرى مينى يرطريت كي الماسي -اسى مرى سب يرك سيمتى ايك كون كون السيء وايول وول سيعلما الم

م إت كابل غورس كريف واستقيم متعنى منطبق المالي بوسك أكرده

نقط مهال ميس مكافي مناسع لمناسع حقيقي منطبق إخيالي موس م 14- مشق إ- اكب وزنى سلاخ وله ايليه نظر و مي كرد آزادانه محوم سكتى ے میں کا فاصلہ ایک کورری دیوارسے کا ہے - دیواد کی لبندی کا ہے سلانح برطم ماکن ہے کہ اس کوایک تفظہ دوار کے الاق کنارہ سے مس کرا ہے۔ تا بت کروکر سلاخ اس مور کے ساتھ جو و میں سے دیوار کے بالا ان کارہ پر کا لا جائے جو بڑے سے برا زادیہ بناسکتی ہے وہ جب^ا (<u>مد^ل)</u> ہے -



زم رکور سلاخ کا نقط فی دیوار کے ساتھ میس کراہے، وک دیوار برعمود ہے اوروھ دبوار کے بالان کارے برعور سے -لداوک عک اک ھے ماور کھوک عر وص کردک و هم ا ه ل کے سواری سے اور بش هم ا و هم برعمود وار سے۔ ل برجوعادی نفاس سے اُس کیست ول اور هل دولوں برعودوار ہے ادراس کیسط مستوی و کی کھ پوعود وارہے -ر الورس أس ست معنالف ب جس من كرل وكت كرنا مغروع كريكاؤه اس مصرت على ول هرين ول يرعم دوارب -ونك ت م انق كرائد داديد مربامًا ب اس ك و معادل س

، م كاست من وجب عدك احدث من سن كرسن والسلط سندى ولی طر پرموددارست می وجم عرکے۔ و میں سے ستری و هر ل پرعودی خط کے گردمعارا فرلینے سے

سرس × ول = و جب مر× و دث جب هرول ۱)....۱ نيراس خطك كرداج ول يرموه وارسه اورستوى سفح هدول مي واقع ب معادا فرسینے سے س×ول= وجم مد×و دسف .. ب هول = سرمم عه = سرب نيزهل= دهمس ه ول = مدكر الم ادراس ديدار كاطول جس برسلاخ كالت نعادل ماكن دهسكتى عدل كا دوجدي -مترا ول متبوت ۔ یسوال دندا ۱۷ کے استعال سے بھی باسانی عل ہوسکتا ہے ۔ سلاخ تین قول سے زرعمل ستعادل ہے۔اس سلنے یہ تدین تو تیں بعنی سلاخ کا وزن نقط و برئا نغال اور کی برماصل تنائل متراکز ہونی جا ہٹیں۔اس۔لئے کی بر کاتقال انتصا بي سطح مستوى ول ن مين دا قع مونا جا جيئے -اب ل پرے عادی تعالی ست ل دن عود سے ول ادر دول دون بربعنی یسنوی و هل برعود سے بدایستوی و هک یں و ه بر عود ہے۔ بس اس کے متی جیوب المتام یوہیں ل پر رگز کی سنت ل ن بستوی سطح و ل هر میں و ل بر عود وارہے۔ بس ماصل تعال جرم دكيه يط بيركستوى ول ن بر لازاً واقع مع العنور على القوائم برگال فف برجوسوى ول ن كا عادم ادرجسك منى جوب التمامين (جب نه ۱ - جم فر۱۰) جاں ذراریک ون ہے

اس کے (م) اہر (م) ہے - جب ذجب عد = جم (. أو + ل) = - جب لم اب مس طر عمر س ه ول عرف الله علی الله عمر مرس فو عرف الله عرف الله عمر مرس فو عرف الله عمر مرس فو عرف الله عمر مرس فو عرف الله عمر الله عم

ن حب ط م موس له مرمور . . . حب سابق مشقی ال- ایک وزنی وات جس کی شکل معلوع مخود ط کی ہے اسی ناب کے ایک مود طی سوران میں میش کراتی ہے ۔ دونوں کا مورشترک انتصابی ہے ، مخروط کا راسی زادیم الا عیر ہے اور مقطوع مود ط کے مستدیر سروں کے نصف قطر و اور ب رس ۔ عادی

تهال کوئی اکا دی رقیدستق دخ کرک نابت کردکر کم سے کم جنت کا معیاد ا فرج واست کو مرود رسک سے بلے مد و الله اوب بسب قم مرب، جاں و دات کا وزن بے اور مدر گرم کی قدر ہے -

> ۳= (و + ب) × اکر کناره = ۱۱ جب عر اس سے اگرنی اکائی رقیستقل عمادی تعالی بوز

موداخ كالمنحتى سطح كادقب

(= 1 الما - بالم × مرجب عد = 1 (ال - با) م (ا)

اگر ڈاٹ کی کسی تاش کا نفست تطر لا ہوتو سوراخ کا وہ رقبہ جواس کے اوروس تواش کے درمیان جس کا نفست قطر لا + معت لا ہے تنظیرتا ہے ، الا یہ مین لا ۔ اس نے نور کے گرداس کی درگو کا معیاں شر = ۲ الا معن لا = مدم × لا = روا - با مدو اس لئے مطلور جفت کامعیا راڑ

المروكي الأفراد - المرو المراد المرو مرود المرود ا

مثاليس

ا -- دو حکنی ستوی طعیس جن میں سے ہرایک سمت انتما بی کے ساتھ زاویہ عربناتی ہے ایک انتما ہی خط پر تعلیم کرتی ہیں - ایک کیساں سلاخ جس کا وزن و ادر طول ۲ او ہے متوازی الافق محسل میں ان سطوح ستوی کے اندراس طرح رکھی ہوتی ہے کہ میہ خطِ تقاطع کے ساتھ زاویہ طبا تی ہے ۔ ثابت کرد کہ تعادل کو قائم رکھتے کے لئے جانفی جنت درکار ہوگا دہ و وجم طر محمد ہے ۔

٧- ايك كيما سيدهى سلائ كالطول ٧ ج هي، اس كومتوازى الانق محلي ايس كوررك كره كم الدرجى كانفف قطر الهب اتنى لمندى برركها كياس مبت اكر مكن م ينابت كروكه وه خعاج سلاخ ك وسطى نقط كوكره كم مركزت الآب منافئ خلاانقمابي كرما تقدزاديرس المسمل بناتات التهاب -

ساسد ایک کیساں سلاح حس کا وزن و ہے ا بینے ایک سرسے برایک تبعند کے گرد آزا داخر کھوم سکتی ہے۔ اس کا دوسرا سرا ایک کھروری انتھا بی دیوار برسائن ہے اورسلاخ کی محل تبادل میں سمت انتھا بی کے ساتھ زادیہ عدنباتی ہے ۔ ثابت کردکہ سلاخ ایک دائرہ کی قس پرجس کے مقابل سرکز برزادیہ اسستل [مرسس عد] بنتا ہے کسی مقام برسائن رہ مستل قرص پرجس کے مقابل مرکز برزادیہ اسستل [مرسس عد] بنتا ہے کسی مقام برسائن رہ مستل مسکتی ہے ۔ میز بتا کی کہرود ، نتہا کی محادل مین دیوار پرکا داؤہ ہا د [مم عدام] آلی جو اس مدرکہ کی قدر ہے۔ جو اس مدرکہ کی قدر ہے۔

ہم ۔ ایک بیلی سیمان سلاخ آلب جس کا طول ۲ و ہے اکل کل بین اس طرح ساکن ہے کہ اس کا ایک سرا را ایک افتی کمر درسے میزیدادر دو سرا دہ ایک کمروری نتصابی دیوار برساکن ہے۔ میزاور دیوار کی رکڑ کی تدییں بالتر نب مر اورم ہیں اورسلاخ کا بایہ دیوارسے ک فاصلہ برہے ۔ نابت کردکوسلاخ سینے سے قبین بر میں ایک فاصلہ برہے ۔ نابت کردکوسلاخ سینے بر میں سیان خاصلہ براسے قریب ہوگی آگر وہ انتصابی سطح مستوی جس میں یہ واقع ہے دیوار کے سائھ زاویہ طر باسے جہاں طر ذیل کی مسا دات سے ماصل ہوتا ہے

ک مہ (مر جب طرح بر جم طر) اللہ ہے کہ -۲ مم (م فر ید حب طرح کٹا) آ اوراس وقت او پر کے سرے پر جرمای تعال ہے اس کا سیلان افق کے ساتھ قط آ (میمسیر بلا) ہوگا۔

﴿ إِرَةَ مَاصُلِ تَعَالَ جِ انتَهَا بِي خَطْ كَ سَاطَة زاديه لَه بَالَّابِ اورنب بِهِ كَا ماصل تعالى جوانتها بِي خط ك ساخة زاويه فه بنا اب دون كواكب اليسے نقطه ﴿ بِرَ لمان جائيني جومركز نقل سن ك انتها باً اوپرسبے- اس ك اگر سب ل ميز پرعود مو اور ك إب عد تووفه ۵ هكي روك

المسسء عمله مم ذه الم مم ذ

وكسب وترسوى إبد لى يرعل كن بي اس ك مرا است ل اين الرين الم الماست ل اين الم الماست ل المين الم المين المراب الماست ل المين المسلف ك عين فرب بولا -

نقط مب پر دلواد کا جو ما وسے اس پر سب مد کا فل کینے سے

حب فرجب ط = جم لم = ما ا + ارا

میرک یه ۱ وجب طرح عد ۱ اس سے پہلا جواب حاصل ہوتا ہے نیزک یه ۱ وجب طرح عد ۱ اس سے پہلا جواب حاصل ہوتا ہے نیز اگر مب برکا تعالی سما ہو اور وہاں رگڑ کی قوت بھی مت انقی کے ساتھ زاویہ سا بنائے قوج نکہ ہم دیکھ جیکے ہیں کہ حاصل مستوی سطح کا سب کی جی داتھ جھی ہا اس کے اس متوی برعمود وارسمت سی تحلیل کرنے سے سے میں جم سا جب طرح مجملے ۵ ــ ایک نصف کرجس کی سطح کمرددی سبے اورجس کا مرکز و سبے اس طرح نابت ہے کراس کا قا عدہ افقی سطح مستوی میں ہے۔ ایک سیرسی سکیاں سلاخ کا ایک سرا قاعبدہ كى سطوستىك ايك نعظه است آزادان ومل كرديا كياست اور دوسرا مرانفعت كوه ك سطح ك ايك نقطه ك براس طرح ساكن بي كدسلاخ بخسيلين كي عين تؤيب ب البعد كوكرسلاخ اور ويس سي كردس والى سطحمستوى و إيس كزرك والى انتفالى طاستوى من زادير مسن (مجمع قم ،) بالى ب مال مرروط كى قدرسى، عرزادير والان ب ادربرزاديد ون لى ب-۲ -- ایب وزنی مستدیراسطوار این مستوی سرے سکے بل ایک کھرورے افتی میز بریا م اکراس کا وزن و دو اور عما دی دباؤکو کا عده برسادی طور برتشیم سنده فرض كي جاسك تو نابت كوكه أس جنت كا معيارا فرجو اس كو محدسك كدعين مروور المك كا ينكم مر و اسب حباب مدر رو کی قدرسی اور و اس کے قاعدہ کا نصف قطر سے -کے ۔۔۔ایک تا مم ستد رمخروط کا وزن و اور راسی زاویہ ۲عمیم اس کو ایک افقی میز کے متدیسوران کے اندراس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا داس سیجے کی طرف ہے۔ اگردگراکی قدر مر موادر سوراخ کا نصف قطر عد موتو نابت کردکد کمست کم جنت کا معیارا ترجو محروط کو باسکتاب مدو ب قرع ہے۔ ٨ ... مزوط مصلع كى شكل كا ايك چكنا وائ ايك مسادى الا صلاح مثلث كي شكل ك سوراخ کے اندر تمشاکل بعنسا اگیا ہے سوراغ کا برائے دیداور کی سطح متوازی الافق ہے نابت کرد کہ ڈاٹ کوہس سوداخ سکے اند اس طرح رکھنے سکے لیے کواس کا محوا تصابی رہے اورسوراخ کی سطحستوی اس میں سے مساوی صناع ج، دالا شلت منقطع کرے ایک جنت درکاربوگاجرکامعیادا زوه الم سی الله الله الله الله دن ب اور ھاس کل میں اس کے راس کی گرائی سفے -(فرض کردکہ ڈائ سوراخ کے اصلاع ب ج ، ج (الب سے منساط و سب ایج برمس راب بنداران سے

اجَ= الله الم عن - إلى الدرم الج ب = وبه الم (مع عر - وا) اس لئے اگرمسادی الاصلاع مثلث أكسب بخ كا مركز و بولز حب د عب رج (عب [رج ب + ۴] = الله نزوید تشاکل سے مخروط مفلع کا راس ی ، دسے انتصاباً نیج سے اس کے سمت انتعابی کے ساتھ اس کا سکون و مسادات سرعہ عداد ہے ۔ مالی سے مال ہواہے نیزاگر ج (۱ افقی طیمستوی میں ج ﴿ برکے عود اورا نتھا بی خطاکو دوال کے محوت کیم کے عائیں تو سے ﴿ کیمتی جوب التمام میں ﴿ الْمَنْ ﴾) اور کفارہ کے سمتی جوب التمام میں (- جبه عرجه طرد - جب عرجب طرد جمع) يليى يه تتناسب بين (- مام جرا - والم - والم المال) سنراكر كم برك وصل تعالى كى مت خطائقابى كے ساتھ ناديد سد بنائے تو بونكريج (برعود م اس الح اس كاسمى موب المام بونكي (، حب سد، جمسم) ، نیز چونکرید کناره پرېمي عمو رسېے ن جب سر(- الم) برجم سر(۲ ه ۱۳) = . يني سرسه = ۱۳ م ماصل تعاس كاافني جزوتركيبي س مسس = الم القراق و (كونكرتين مسادى تعالمول ك انتصابي جزد ترکینی و کو متواز ن کرتے ہیں) يْزْمَمَ كُمْت بِ أَبِرِعُودِ بِي اس كِيمُطلوبِ فِهنت كامعياد الرّ = (، ب، بج برتین اجزائے ترکیبی مرسے معیار اثر و کے گرد

4۔ ایک کیسال شکنی میز (سب ج کی (، سب ، ج پرتین سادی ہاتھیں جی ج ایک کودری افعی سطح مستوی برساکن ہیں۔ جبوٹے سے جعوثا جنت معلیم کروج میزکو ہاسکیگا۔ (فرض کہ کرمزِ ایک انتصابی محوسے گردج افعی سطح مستوی سے و پر لما ہے کھو مستے کے مین قریب ہے۔ تب (سب ، ج پرکی دگڑیں و (، و سب ، وج برحود واد

میں اور ایک بی رخ میں ہیں اور چو کر ہرایک ٹانگ برکا دبار مرکبا فیے ہے اس سے ال رو کولوں

یں سے برلی ہے مہ وکے سادی ہے جہاں بیڑکا ورن و ہے۔
اگریہ رگریس ایک مثلث است سے بنائیں فورن کو ہے۔
مرادی بیں اس سے عاصل قرت کوصغر ہونا جا جیئے ادر مراکیب دگرہ باقی دورگرہ دن کی ممتوں کے در سیا نی زادیہ کی جیب کے سادی ہوتی جا جیئے ۔ اس سے زادسے کہ ا مہتوں کے در سیا نی زادیہ کی جیب کے سادی ہوتی جا جیئے ۔ اس سے زادسے کہ ا ہ مرادی ہو می جا بیش مین زادیے او دب اب و ج اس جو اسادی ہوتی جو اسادی ہونے جا جہیں۔ اس سے نقطہ ولاز آ مثلث کے افد الیس جگری ہوگا کہ

كب وج = كج ول = كارب = ١٢٠

یس و ہمیشہ سوجود زوگا بیشرطیکہ مثلث کا کوئی زاوید ۱۳ سے بڑانہ ہو اور سب جے م ج { پر ۱۲ کی توسول کا نقطہ تقاطع ہوگا۔

تب میز کو حرکت دینے کے لئے موجنت در کا ار ہوگا اس کا معیارا ثر

عرف [والوب موج]

مکن ہے کہ بیرو کے گرد گھومنا شردع کرے۔ اگرایسا ہوتو ب اور ج برکی رگرد ول میں سے برکی رگرد ول میں سے براک مسل م سے براک میں میں ہے جو ال ب اور ال ج بر نمود واد میں اس لئے ان کا حاصل میں میں اس لئے ان کا حاصل میں میں وکر کا حاصل صفر نمیں موسکتا اگر میں مردی میں کو جا ہے ہیں میں اور ال ہے کرواسی مورت میں گھوم سکتا ہے جبرال کے ۱۳۰۰ فود اس مورت مي مللورمنت = يا مرو [اب + اج]

۵۷۱- موہوم کام کا اصول - فرض کردکہ قرنوں ق، ق، ق، کا

194

كوئي نظام ايك حبيم كم معلومه نقاط برعل كراب - حبم كوتقور اسابيثا وُجِواس كريدي من الكاكم معلاني بور اب أكروت م كفط عمل كاستاد اس كے خطاعل كى

سمت میں معت تک ہو اور اسی طرح باتی قونوں کے تقاطِ عمل کے ہٹا و بالترتیب ان كى ممتول ين معت ق م ، معت ق م بون تواكر قد تي متعسادل بون

> قبعت في ٠ ق بعت في ١ جہاں دوسرے رتبہ کی جیونی مقداروں کو نظر انداز کرویا گیاہے برمکس اس کے اگر

ت ب ق + ق ب ن ق ب + ق مث ق ب + . . . =

توقيق مقادل مي بونكي-

وویں عادل یں ہوئی۔
ہم د فد ۹۹ میں بنا کے ہیں کسی ہٹاؤ میں ایک قرت کا کام اس کے اجزاء قرکیبی کے کام کے اجزاء قرکیبی کے کام کے سوازی قرکیبی اس کے سوازی ق کے اجزائے ترکیبی اپنی موردل کے سوازی

معت لآء معت لام ، معت لام بول و

ق، من ق - کامن ال- مامن ا + ہے مینی اسی طرحت إتى تونوں کے لئے يس ربط (١) معاول سي

(كارمت الم+ماست ما+ عمرمت ي) + (كارمت الم+مامت ام+ عربت ي المساسد....

يني 2 لامن لا+ 2 مامن ما + 3 سے من ی = ٠

مم بینسلیم کر نیکے کو کسی استوارجہم کو ایک بحل سے دومرے کل میں اے جانے کے گئے دوسرے کل میں اے جانے کے گئے دوسم کی حرکت جس سے جم کا کے گئے دوسم کی حرکت جس سے جم کا کوئی نفط کر کسکی دوسرے مقام و پر لیے جایا جائے اور دومری دمنعی حرکت

جو و بیں سے گزرنے والے کسی محد سے گرد کی جائے ۔

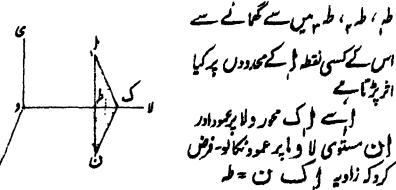
اس گردش کو حوالے کے محوروں کے گر دنین ترکیبی گر دستوں میں تویل کیا جاسکتا ہے۔ ہم فرص کریں سے کہ اگریہ توکسی گردستیں خپو ٹی ہیں تو استعیس کسی ترتیب میں اما جاسکتا ہے۔

ان مزدمنوں کے بڑوت کے لئے طالب علم کو چا سے کرمسنف کی کتاب

Dynamics of a particle and of Rigid Bodies

كدفعات ها تأمرا كامطاله كري]

اب اس امر رغور کرد کرد می کومور ون کے گرد بالتر شیب حبو ہے زا و یون



لا المحدد عكان عك إند جمط

ولا کے گرد گردش دینے سے یہ ک الم × جم (طر + طم) بو جائے گا بس ما محدد کی تبدیلی اک الرجم (طر+طم) - جم طه] = ک الراح طرجب طه)

الرجم الناجهوال اور بر كراس كم مرجول كونفراندادي ماسكة و

الرجم الناجهوال الراويد بوكراس كم مرجول كونفراندادي ماسكة و

الرجم الناجهوال الرويد بوكراس كالمرجول كونفراندادي ماسكة و

اسی طرح ی محدد کی تبدیلی = ک فر [جب (طر+ طر) - جب طر]

مر المراج علم × في المراج على الم المراج من المراج ال

ى محدوميں تبديلي- طنولا اور لا محدو ميں تبديلي طور مي واقع نبرگن-

نیزوی کے گرد زادیہ میں سے گھانے سے ما عدد میں تربیلی - طی ما اور ما محدومی تبدیلی طمع از ورامحدومی تبدیلی طمع المواند از کرنے سسے ہم طمع المواند از کرنے سسے ہم دیکھیے تیں کہ وقت میں گرو تین گروشوں سسے الم سکے محددول میں جو تبدیلیا ل دیکھیے تیں کہ وقع ہوگئی وہ حسب ذیل ایں ماقع ہوگئی وہ حسب ذیل ایں م

و لا کے متوازی (ی طرب ماطر س) و ما کے متوازی (لاطرب - تناطم) دی کے متوازی (ماطر - لاطرب)

اگران گرد توں کے علاد وجہم کو محوروں کے متوازی جموسے حفی فاصلوں اور بھر ہے میں است حرکت دی جائے توفل ہرسے کر بہلے درسجے کی جمعو کی مقداروں تک

معت لا = و + طرم ی، - طرم مار معت ا، = ب + طرم لا، - طر، ک معت ي = ج + طم ا - طم الا

- ن، مف ن، = ٧، من الم + ما، من ا، + يم من ى، = لا +ب ما +ج مع + ط، (، مه - ما، ي) + ط، (لاي - م إ)

+4+(0) 4- 81)

اب جِنگ او، ب اج اطم، طم، طم مام فروں کے مثاوں کے سفے وہی ہیں اس کے کا وہ اس کے کل قوتوں کا مجموعی موہوم کام

=12 x++ \Za|+3Z-+4Z (1-2-a)

+ dy Z (X 2) - - 2 4) + dy Z (2 4 4)

= الالدب مادج مع + طم ل + طم مر + طب ن مر مر در) دفع ها الى دوست ظامر مع ك اكر قوق كاينظام تعادل من بوتواس على ك

ہردفم مغرمِوتی ہے ، اس کئے ' ق × من ق کہ + ق من ق کہ + ق من ق ر + س س س

ن × من ن ر+ی من ی + ی رمن ی ب +

ے کل نظام کا موہوم کا م = ٠ 4 ے ا ۔ بریکس اس کے آگر کل مٹاؤں کے لئے نظام کا موہوم کا مصفر ہوتو قیش متعاول ہونگی رمحور لا کے متوازی امیما سا دہ ہٹاؤ منتخب کرد کر

ر بو ی دوروات واری مین مورو به این این دو این این مورود ر به ادر ب عج عظم عظم عظم علم علم این دو این دو دو اقبل

نيج (١) سے مال بواب 2 (١) عد، اس طرح سے 3 (ما) د.

الد 7 (ك)=.

ے رہے۔ اب ایک ایسا مٹناؤ منتخب کرد جوصرت محد لا سکے گرد گردش پرسشتنل ہو

او- ب = ج = طر = طرس = . اورطم صغرنه

ت (۱۲) سے 3 (اے۔ ی ما) = .

ينى كل قوتول كاسيارا أرمحور لا كے كرد صفر بوكا ليني ل =.

اسى طرح هر= ٠ اوران = ٠ كيس اگرموموم كام كى مساوات پورى بولى مو

تو د فند ۱۹۵ کی تعاول کی تمام مفرا کط بوری موتی این اور قویش تعاول میں ہونگی۔ ك ك ا منتقى -ايك نتفر چارسكى حيد بلى سلاون سے بنا بواسے جن يرسے ہرايك كا طول وسے - ايك علقہ جس كا درن و

اور مضعف قطرب م ائل سلاخوں پرسمارا مواسع - تابت کرد کرا فقی کناروں میں

سے کسی ایک پرکا دائد ہے 🚉 🖫 ۔ 🖟 🚽 ایسے

نظام كواكب ايسا ميثاؤ ووكرين ائل سلاخ ل كاطول مذب في اورراس التصابا ینیچ اترے - جب اکل خارے سمت انتعابی کے ساتھ زاویہ ط بائیں لا فرمل کرو کم اکن اصلاع کاطول جوا فتی سنتوی سیمس کرتے ہیں لاہے، تب

س × . الا الله = و حب ط اوراس سئة لا = و ماس حب ط

اگر ملقہ کی لمبندی سطح مستوی کے اور ا ہوت

ا = وجم ط- ب ممط

اگرمطوم دباوست ہو جے تناؤ کی صورت میں متبت تمارکیا جاسے و موہوم کام کی مساوات سے عاصل ہوتا ہے

- ومعن با - م مت معن لا يه .

 $\frac{7}{c} = \frac{6J}{6U} = \frac{69 + 6 - \frac{1}{10}}{6U} = \frac{1}{10}$ $\frac{1}{10} = \frac{6J}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ $\frac{1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$ $\frac{1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1$

त प्रमास स्मित्य अ ।।१९

مثاليس

ا - ایک منظم آ کی سطی شکل الا مسا وی سلا خ سے سرون کو آزاد انہ جو دسنے ہے بنائی
گئی ہے - ہرایک سلاح کا وزن و ہے - اس کو ایک راس سے نشکا دیا گیا ہے کہ
تابت کروکہ ہرایک ا فتی سلاخ پر دباؤ ہے و ماہ ہے ہرایک تیا تی تین سادی بیماں سلاخوں کے ایک ایک مرے کوایک جگر آزاد ان جروف ہے بنائی گئی ہے ہرایک ملاخ کا وزن و ہے بسلا فوں کے ومطی مقطوں کو رسیوں کے ذریعہ جن میں سے ہرایک کا طول ب ہے لایا گیاہے تب تیا تی کو ایک میری سے ہرایک کا طول ب ہے لایا گیاہے تب تیا تی کو ایک میری سے مزاک کا طول کو بروتو کی افتا و مرائی سے دفترک میں اوری کی گئی ہے ۔ اگر ہرائیک سے ان کی کو ایک منظریر ایک وزن و آویزال کیا گیاہے - اگر ہرائیک سے سلاخ کا طول کو بروتو تاب کو کرمرائی دس کا تا کو ہرائی ہے - اگر ہرائیک سے سلاخ کا طول کو بروتو تاب کو کرمرائی دس کا تا کو ہرائی ہے ۔ اگر ہرائی سے ہے ۔

مع - بارہ سمادی کیسان سلافوں کے مروں کو آزاد انہ جورہ نے سے ایک پنتظم آتھ۔
سطی شکل بنائی گئی ہے جے ایک کو مذیر فشکا یا گیا ہے۔ ہی داس کومقابل کے داس کے
ساتھ ایک رسی کے ذرید حبر کا اصلی طول سلافوں سک طول سکے مسا دی ہے ماکر
آٹھ سطی کو سپارا گیا ہے - رسی لیکوار ہے اور کل سلافوں کا محبوعی وزن اس کے طول
کو دوچند کرسکتا ہے - تا ہے کرد کر تنا ول سکے محل میں ماکل سلافیں سمت اضعال ہی
سکے ساتھ زاویہ جم اس میں ان ترہیں -

مم - بارد بن وزن سلا خول سے مرو س کو آزادانہ جور سے سے ایک متوازی السطوح بنایا لیا سے جو مقابل کے داسوں کو طافے وائے لیکدار رسیوں کے زیر عمل متعاول ہے۔ نابت کرو کر رسیوں کے تناوُ اور سلا خول کے تعال اُن کے طولوں کے تناسب ہیں۔ آر ہے، سے سے سے رسیول کے تناوی ہوں جن کے طول لا ، ا ، ی عموں تر موموم كا م كى مسادات سے ماصل بوالي

ت معن ال + سترمعن ا + مت معن ي + من بر معت ع = -

کیکن بیاتسانی سیے نابت ہوسکتا ہے کہ لا + ما " + ی " + ولا = سلاخوں کے موبوں کے مربوں م فجوعه كا حاركنا - اس ك

لامعت لا + ما معت ما + ى معت ى + ومعت ء = .

چو کھ ر مساواتیں مف لاا مف یا ، مف ی اور مف و کی سب قیتوں کے سنے ورسعہیں اس سلے

من المناس
سوال کے باتی حصد کا جواب کسی کور برعل کرسے والی تو نوں برعور کرنے سے حال ہوسکتا ہے ۵ -- ایک مخ وطی خیرال تعداد مساوی مساوی اساقین مثلتی اجزاست منا بدوسے بس کے رامسس كونبعند سنع وصل كرك است ايك عكني سطح برر كها كياسي اوراس كل بركيب كوايك وزنی گول ملف کی درسے جاس کے گرد کرزا ہے متعادل رکھا گیا ہے۔ تابع سرور تفادل کے لئے محروط کا تضعف واسی ذادیہ جب السم ملے میں کا ہے جہاں و، و بالترتيب مخروط اورحلة ك وزن بن، رطقة كالفيف تطرب اور ح مخروط كا ال صلعب ، مرتبین ورسے جن برسے برکیہ کا ورن و بے ایک ایسے فیلنے کرہ کی بیرونی مع چیس کا نفف قطردسے تعادل میں ہیں۔ زروں کومسادی طول ل کی رساب ہم محق کی ہو کی ہیں اور مرکرہ کی سطیر متناکلاً ساکن ہیں - موہوم کام سے اصول کی مدست نابت كردكم رسى كاتناد و إجب عرجب الميك المائد و إجب عرجب الميك الموسى الوسى الوسى الوسى الوسى الوسى الوسى الوسى الوسى الوسى الميك الوسى الميك الوسى الميك ا

کے۔ ایک دزنی کیکدادرسی کا قدر تی طول ۲ او ہے۔ اس کے سروں کوباندہ کراستے مطبع مخروط کے گردجس کا محدرانتھا بی ہے ادر حس کا نصف راسی زادی عربے ڈالا گیا ہے۔ اگردس کا وزن و ادر کیک کی قدرلہ ہوتہ نامیت کردکہ بیوس دائرہ کی شکل میں ہتنادل ہے۔ اگردس کا وزن و ادر کیک کی قدرلہ ہوتہ نامیت کردکہ بیوس دائرہ کی شکل میں ہتنادل

برگی اس کالضعت قطرا (ا + الله معم م م) ہے۔

۸-- ایک چکفی گروشی سکافی نما کواس طرح نابت کیا گیا ہے کواس کا داس او بر کی طرت ہے اور محور انتصابی ہے۔ اس برایک وزنی نجکدار رسی ڈالی گئی ہے جس کا طول تغییر کھنچاؤ کے ۲ ۳ ج ہے۔ حب رسی تعاول میں جو تو نابت کردکر اس کی تکل جس والوک

ہوگی اُس کا نصف تطر میم ۱۱ او کے لیے موگا جہاں و رسی کا وزن سے الراس کی لیک کی قدر ہے اور م و کمون سکانی کا وتر فاص ہے۔

۔ دومساوی ذروں کو دو معلومہ ہے وزن رسیوں سکے ندیعہ طایا گیا ہے ان دوں کو ایک سیکنے مخوط کے گروجس کا تحورا نتھا ہی سبنے اور داس او پرکی طرف سیسے علمت کی طرح ڈالاگیا ہے۔ نابت کروکہ ہر دسی کا تنا و ہیے۔ نم عمہ ہوگا جہاں و ہردزہ کا وزنن

عرع ودہ کیا مسبعے ۔ ماجنگ روز بررسی ہ سا و ہے۔ ہے اور ۲عد مخروط کا راسی زاویہ ہے ۔

م عا- فرض کرد کرسی سخک ذره کے طریق کے کسی نقط (لا، ا) ی) بدندہ برج تو تیس علی کرد فید ۹۹ کے مطابق

بید بوری سرس می در اور مون ما ما ما معن این سب سربه میرود میرود میرود اور میرود اور میرود اور میرود اور میرود است. اس کے محد دوں میں بالترتیب معن لاء معن ماء معن ی کی تبدیلی داقع ہوتو قوقوں کا کام

- المن لا + ما من ا + سے من ی

جب دره ندکدکسی معیادی مل (الم ا ا ع ع) سے درکت کرکے مل (الم ا ا ع ع)

میں آئے تو قونوں کامجوعی کام جو درہ برجوادہ = ان کاموں کامجوعہ ہے جوتھیے نے جیمو کے ابتدائی ہٹاؤں میں ہواہے۔ (لافرلا + مافرا + سے فری) (لا با با ب ب) اس مقدار کو کا م کا تفاعل کہتے ہیں اور اسے بالعوم کے سے تقبیر کرتے ہیں اگر لا ، ما ، لمه ایسے ہوں کر میں مقدار فرکے بلحاظ لا ، ما ، کی جزوی تفرقی جهن ق × فرالا + جن ق × فرما + جن ق × فری) جال قم أورقه بالترتيب نفت اط (١١) من) اور (١١) ما، ي) يرد كي فينول كو ابتدائ محل بن اور ہوری محل میں قر کی قبتوں پر موقوف ہے اور روق کا ایک نظام ایسا بوک کسی نقط (۱۱، ۱۱، ی) پرمل کرانے وائی ئے ترکیبی الحوروں کے موازی) کسی تفاعل قدیے لمے او ۔ تفرقی سرہوں لینی کا معت لاب معامعت ہا + ہے ال تفرق بوقو اس تسم كے نظام كو تحفظى نظام كيتے ہيں ادر مقداد قد كو نظام کہتے ہیں۔ قون سکے کسی مطومہ نظام کے زرعل ایک درو کی قواناتی بالقوہ ستے وہ میں میں اسلامی قوتیں كام مرادب جودره فركوركواس مقام استسكسي معيادي مقام تك لاسفيس قريس

اس برائجام دین میں۔

٨٠ ا - كسى نظام كم محدد - ايك جم دوا بعادين آزادا ندح كت كرسكتا ب -

اس کے مقام کائنیں بوسکتا ہے آگاس برکے سم مضوس نقطر سے محدد معلوم ہوں اور نیز یا معلوم ہوں اور اور اور اور اور ا

ا نا ہیئے۔ روز مزر مقدار و ریر آل آل طرکہ حسر کے محد دکیہ ہیکتے ہیں اور حسر کے ک

ومرے نقط کے محدوان محدودل کی رقوم میں علوم ہو سکتے ہیں۔ تین ابعا دمیں ہم کسی حسم کے مقام کو پارے طور پر متعین کرسکیں کئے۔ اگر ہیں اس حسم کے تین

ہم منی سیر سے معام کو پورٹ مور بر تعلین رسیں سے ہر ہر ہم ہ م سے ہیں۔ معلومہ نقطوں کے محدد معلوم ہوں۔ لیکن ان تین نقطوں سکے کو محدود ں میں تین رہضتے ہوئے ہیں جواس بات کو ظاہر کرنے ہیں کہ ان نقطوں کو ملانے و الے

ین خطوط کاطول غیر تغیر ہے۔ بین خطوط کاطول غیر تغیر ہے۔ بس ان نومحد دوں میں سے کوئی سے تین محدوباتی محدود س کی رقوم میں میان

بن ان و کداروں میں کے اقدام میں میں میں میں میں میں میں اور اس کئے ہاتی ہا مذہ حیر محدوجہ میں میں میں میں میں ہیں۔ ان حید مقا دیرکو حبیم کے محدد کہ سکتے ہیں ۔ ہیں۔ ان حید مقا دیرکو حبیم کے محدد کہ سکتے ہیں ۔

اس واقد کویوں کم و کید سکتے ہیں کہ تسی ہم کا مقام مونفنا میں آزادان حکت کرسکتا ہو متعین ہوجائے کا اگر میں اس کے کسی نفظہ سٹ کے تین محدد معلوم ہوں اور نیز محرروں کے کا طاحت اس کے دوخطوط اسب اور سے دے محل

معلوم بون ان خطور کے سمتی جو بل انتمام (ل، مم، ن) اور (ل، مم، ین) میں ابط

- اور ل + م + ن = ۱ اور ل + م + ن = ۱ اور ل به م + ن = ۱ اور

ل ل + م م + ن ن و جمط جبال طران خطوط كا درميان زا ويرسم جوعين

مے-اس سلنے یہ جیسمتی جوب انتمام بالآ خرتین غیرانع مقدارد ن می تول بوجا آبی-

بس سب سابر کسی مرکع قام کو نفنا میں متعین کرنے کے دیے جومقداریں ضوری اور کا نی ہوئی جی سا بھر مقدارد ل کوشم کے محدد کہتے ہیں لمبذاکوئی خیرا بع مقداری

جن کے معلوم ہوئے سے میں کا مقام متعین ہو جائے جب کے محدد کہلاتے ہیں۔ ... کسے حب کریریں: علی سر

۱۸۱ کسی بیج کے کام کالفال اگر کسی بیم کے نقط (الا ، ا ، ی) بر عمل کرتے والی قوق کے اجزائے ترکیبی لا ، ما ، ہے ہوں ادراسی طرح ابقی ذروں کے سلتے میں قصم کر فقید نہ میں مار سے اللہ استان کے ساتھ

می وجسم کے نفیف نے ہٹاؤ کے لئے او تیں جسم پر جو کا م کرتی ہیں وہ

= (كامن الم+ مامن ا+ ميمن) + (كامن الم+ مامن اله+ ميمن) + ...

پس معنگ = کے (معن الم عامد الم است معن ی سے ۔ (۱) فرض کرد کرمبر کے غیر تابع محدد سے فاضد ہیں ، بین حبر کے ہرایک نقطیر سے

محدواوراس برعل کرکنے والی تونیں سد، فر، عند ... کی رؤم میں با ن موسکتی بیں، تب دا، کو اس تکلیں لکھا جاسکتا ہے

منگ - سسا درسه فسا دند + صنب ا زمنه +

(سرافه منه سر) عنی (سسا درسه فسافر فد + صنب آ فرصه) (بره فره منه ...) اکرحسب سابق مقاد پردسیا، ف امون این مقدار قد کے جروی تفرق سروں بھاظ سر، فد ، صند ، مند ، موصل برتا ہے کس = تنہ - ت

اُکسی تفام بر توانائی بالعوّه دو حسب سابق اُس کام کے مساوی تسلیم کیا ئے جوہم مقام سے، فر، عند ... سے کسی معیاری مل کا است تو

۱۸۱- نظام کے تعادل کامحل-جم کے تعادل کامحل مورم کام کے اصول سے کام من کے کو ہر دہوم ہٹاؤ کے لئے صفرکے مسادی رکھنے ہے حاصل مواہد بابعا ظادیگر ہم نظام کا دہ محل معلوم کرتے ہیں جس کے لئے کے بڑے سے بڑایا جھوٹے

مصحيومًا إساكن رو-

نچونگہ مقداریں سدی نہ، عنہ غیرا ہے ہیں اس کے ہم مقداروں سا، ف امصنا کو(چو لمجا ظ سیر، نہ، عنہ کے کے جزدی کفرتی سرمیں) صغرکے سیا دی رکھنے سے تعادل بری معلمہ کہتے ہیں۔

تعادل کامح معلوم کرتے ہیں۔

فرض کروکہ لقادل کا ایک محل جواس طرح معلوم ہوتا ہے الیہ استے جس کے لئے

سک بڑے سے بڑا ہے ۔ اب اگر جبر کو ذرا سا بہٹاکر قریب کے محل میں لایا جائے

اوروہ ایک کمھ کے لئے سائن ہوجائے قوظ ہر سے کہ لاط حرکت کے اس اصول کے

مطابق کہ بیدا شدہ قوانا کی بالحرکت کئے ہوئے کا م کے مسادی ہوتی ہے کہم کو

اسس طرح حرکست کرنا جا ہیئے کہ قوش جوکا م کریں وہ صفیت ہوسی اس محل

وکت کوے کہ کام کے میں اضافہ واقع ہو اور اس سائے اسے تعادل کے محل

میں دابس آنا چاہیئے ۔ بین یکل قائم تعادل کا محل ہے ۔

میں دابس آنا چاہیئے ۔ بین یکل قائم تعادل کا محل ہے لئے کہ کی تمیت جبولی سے

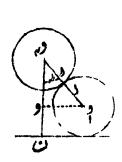
اسی طرح سے آگر تعادل سے کسی محل سے لئے کہ کی تمیت جبولی سے

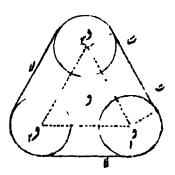
اسی طرح سے آگر تعادل سے کسی محل سے لئے کہ کی تمیت جبولی سے سے

اس طرخ سے آگر نتا دل کے کسی تحل کے لئے ک کی بہت جبو ان سے چو ان ہو تا میں اسافہ واقع جو ان سے ہما اُد کے بعد اس طرح حرکت کر نئیا کہ کا م میں اسافہ واقع مجو اسے اور بھی برسے ہمٹ جاسے کا لینی میمل غیرہا م

تعادل كالمل بوكا-

بالآخر اگرک حقیقی طور برحیو نے سے چھوٹا ہوا در نبڑے سے بڑا ہو تعینی اگر وسلتے بڑے سے بڑا اور معض کے سلتے چھو سٹے سے حجوم ا لے مطابق ببض مثاؤں کے لئے قائم اور لبض کھے لئے فیرہ مُ کے محل دہ محل ہو سنگے جن کے می^نک برشے سے بڑا، جيمو يسك يسي جيو ايا ساكن مو اوران محلول مي قائم تعا ول يحمل وي موسم جن کے سلے ک کی مناظر قیمتیں حقیقی طور پر بڑی کے بڑی ہوں۔ ه = - معن كب اس ك اكريم كام كى كاس قوانا كى القود ن ذِنْهِ يَحُ إِلاَ إِلَكُلِ النَّهِ جَا مُينِ صَمَّهُ مِنْنَى دِ بِي مِحْلِ أَنَّا مُرْتَعَادِ لَ كَمْحَبُ لَ منتق ، - تین سا دی کرے ایک عظیے میز پر بیسے بی اور ایک میکداروسی کے ورای مران کے مرکزوں کی سطح ستوی میں ہے اس طرح تعاد ل میں بین کرید ایک دوسرے معدمس کرتے ہی اور وسی تنی بوئی نہیں ہے - ایک اور چوشا كره ان تح اور ركم دياكيا ب- خابت كردكم اكر مقاول كے كل ميں اور كم كرم كم مركز





كوينج ككمسىك كم كحمركزك سائف لان والاضاحت انتما إلى سع داويده بناسة ق

متناكل مثارك كے لئے تناول قائم مركا اگرمب الرح اللہ

فرمن کرد کراد برسکے کرہ کے مرکز کو شیعے سکے کل کے مرکز کے ساتھ لانے والاخط سمت اشتعابی سکے ساتھ زاویے طربا آہے جبر شیعے کے کروں کے مرکز دل کے درمیان فاصلہ

> لاہے *)* اس سائے

اگر کیک کی قدر له مواور رسی کا تناؤ ست موتو

 $(3r-8) \times \frac{Jr}{3(r+7)r} = \frac{(3\pi r + 34) - 4\pi r + 8r}{4\pi r + 34} = =$

اگر و ایک کره کا وزن ہو توکسی متشاکل مٹاؤ کے کیے کام کا تفاعل

معن ك = - و معن (١ + ١٩ جم ط) - ١٠ ت معن لا

 $\frac{i \mathcal{C}}{i d h} = \tilde{q} \times 16 + \frac{1 \sqrt{m} \ln 0}{m + m} \left[\sqrt{m} + \frac{1}{m} - \frac{1}{m} \right] + \frac{1}{m} d h$

تادل كامحل فرك = . سے حاصل بوتا ہے يعنى

زور المرام لور المرام في المرام المر

اگرجب طرح الله و فرط منفی بولا ادر ک کی تناظرمیت بڑی سے بڑی ہوگی اور ک کی تناظرمیت بڑی سے بڑی ہوگی اور تناول قائم پولا۔

مثاليل

ا۔ ایک ٹھوس جیٹے کرہ کے محدر کے ایک سرے براس کے وزن کا ن گٹا وزن رکھ دیا گیاہے۔ بٹاؤکہ یہ ایک جینی افعی سط ستری برکن مختلف محلوں میں متعادل روسکتا ہے اوران میں سے

ا من الحل قائم تعاول كامحل مي ميز أبت كدكة أكر والح من الله توقعا ول ك مرف وول

حكن برب -

م سے توڑی اُتھا گا اوپر کی طوٹ ہے اور مدا دا ہے ، ایکسکیساں مربح نخز اِ ب ج د جس کا وزن و اور صلع ۲ آ ہے محد (ب سے گرد ج تابت ہے اور جس کی تمتی جو بالتمام

(مب طرور مجرط) میں آدادان مگوم سکتا ہے۔ ایسبے وزن رسی جو تخذ سے کو نے ج کے

سائد بندهی سے نقط (۱۰، ۴، ۱۰) برایک نابت سیکند طقریس سے گزرتی ہے ادراس کے دوسرے مرب کے ساتھ وزن کو بندها ہے ۔ نابت کردکھنمتہ تعادل میں ہوگا جبکہ زاری و حربی سال میں ہوگا جبکہ دور و حربی سال میں ہوگا جبکہ ساتھ بنای سے میان ست

زاویر ف جر تخد سطح لای کے ساتھ بنای ہے مساوات

 $\frac{\lambda_0}{\sqrt{m-1}} = \frac{c}{\sqrt{c}} + c$ $\frac{\lambda_0}{\sqrt{m-1}} = \frac{c}{\sqrt{m-1}} + c$

کو پِراکِ ۔ نٹا دل کے قیام ریجٹ کرو۔ موں کی دکام ٹھریں بر میں من ماہ جہ ر

سو ۔۔ ایک جکٹا نفوس سند یہ مخود ط جس کا ارتفاع ہا اور داسی زادیہ ۲ فر ہے ایک افتی سند پر سوداخ کے اند جس کا نعمت قطر و ہے اس طرح ساکن ہے کہ اس کا محدانتھا بی ہے ، ثابت کردکہ اگر ۱۱ ک ساھ جب ۴ فر قرتعا دل کا تم ہوگا۔ اور تعا دل کے باتی دو محلوں میں خیرفائم ہوگا کا نیزاگر ۱۱ و ح ساھ جب ۲ فر تو تعادل جیرفائم ہوگا اور تعادل کامل مرون ایک برگا جس می انتهابی ہے۔

اگرایک وزن و کوراس براتکا دیا جائے اور محزوط کا وزن و بوتو ابت کرد کہ

شناظر منسط قادل موگی ۱۱ و (و + و) > ۳ و هد جب عد من اور استدر معزوط کا از تفاع هدادراسی زادیه عصب یه دو تواز

ا مر ایت بیسان فارم سسدر فروه فا از هاج ها ادران می را دید با مدسید به ورمواد

نیچے کی طرف سے اوراس کا محورا نصابی ہے تا بث کردکد اُن زاو نی مثاد سے کے کے خون میں موکت کرے تا ول قائم کے کئے جن میں موکت کرے تا ول قائم

بركا الرهد الم وقم و و

۵ ۔۔ ایک قائم مخروط کو داسی زاویہ قائمہ ہے۔ اسے ایک انقی میزیں مربع سوراخ کے انداز سے ادریہ مربع کے اضلاع کے انداز سے ادریہ مربع کے اضلاع

سے ایراس طرح رہا گیا ہے وہ اس فاراس ہے بی طرف سے اور ایہ مربی ہے اصلاح کو مس کرا ہے۔ نابت کروکہ اگر مخروط کی بلندی ھامر بع کے صلع واسے دوجیت د سے زیادہ ہو تو تعادل کا ایک ترجعامحل مکن ہے جس میں مخروط کا محورانق کے ساتھ

زاویہ عبت راست میں بنائے۔ نیزنا بت کردکہ میمل قایم تعاول کامل مرکا۔

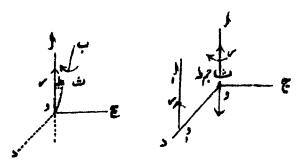
كيارهوال باب

تين ابعادين قوتين (مسلسل)

بالمن سوكا مركزي عور- اسطواه نما ا ورصفري تحطوط -

مم ۸ ا۔۔ اگر قوق کاکوئی نظام ایک استوار حبم برعل کرد ہا ہو تو نابع کروکراسے ایک واحد قوت اورایک ایسے جفع بس بویل کیا جاسکہ اسے جس کا محور قوت کے خطاعل کے متواذی ہو۔

دفعه ۱۹۲ میں بنایا جا چکاہے کہ قرش کے کسی نظام کوکسی افتیاری نقطہ و برعمل کرسنے والی ایک وقع میں اور ایک ایسے حبنت میں تویل کیا جاسکتا ہے جسکا معیادا فردیس سے گزرنے والے محرکے کرد دیش ہو



فن کدکرس کی سمع وا سے اور و ب جنع سف کا مورسے ، اور

اوس على مترى مع إوب يس وارد وج عود كالواورسوى ﴿ و ج کے مل القوائم خط و ک کمینے۔ وفد وہ کی روسے جنت سے جس کامحرو ب سے دوجتوں سے جم طہ ادر من حب طر کے ساوی ہے جن میں سے اول الذکر کا محدر وا سے ادر آخرالزكركا موروج ہے۔ ر خوالز کر جنت مستوی او دریس عل کرتاب ادداس کے اس کی بائے دوایسی مساوى كالعت متوازى توتب ركه سكت بي جن كامعيادافر ت حب طربواب جنب کی دو قوتوں میں سے ایک قرم من او جو و (کی خالف سمس میں عمل کے ایک ایسے نقط و یوگئی مکافط و دیے ایک ایسے نقط و یوگل کر لیکی کرم × وو = دف جب طرینی وو = منجب ط اب ویرکی فویش متعاول ہوگئیں يزجنع ف مع فرك موركو واسع بالكرد إ يرلايا جاسكتاسيني-اس طرخ سے ہادے پاس اِلآخوایک قوت می جیس کا خطوعل و الم ہے ادرایک جنت مشیم طرحس کامحریمی و است ره جاتے ہیں-اس مورکو یا تن سو کامرکزی مورستے ہیں۔ يائها ني سعة ويحما ما سكتاته يحكواس طرح حاصل ستفده مركزي مورايك بي بتماسية اگر مكن جدية فرض كروكر قوية ف كا ويا جوا نظام و إلى كے سائف عمل كرف والى ايك قدمت اور و استے گرد عمل کرسنے والے ایک جنت سے سادی سے اور میز ایک اور خط و ہا گ کے سائٹ عمل کرنے والی ایک اور قرمت اور اس خط ورائ کے گرد عمل کرنے والے ایک اورجنت کے بھی ساوی ہے۔ دفد ۱۹۲ کی مدسے مامس توت می سمع اور مقدار مي سيف دي رمتي سه مدايا ساسي نقط خوادكيي ليامات يس ورا، متوازى موكا ورا

کے اور ماصل قرت می دونوں کے لیئے دہی ہے۔ اس کنے نظام (من ش) خطور کے کو دساول ہے متوازی خطور ال کے کرومل کونیوالمہ نظام (من شن) کے ۔ اب اگرو از اور و از کا درمیانی فاصل ع پوتوقوت سرجو و ایک ساخت عمل کرتی ہے دوسادی ہے ایک فرت س کے جرو (کے سائد عمل کرتی ہے اور ایک جنت س عطے حرور کے دوندہ ہ)

یس معلوم مواکر بهارا ابتدا نی مفردهنه غلط تفا مینی نیم د و مرکزی محور و د ادر و طر

ہم دیکھ سے بھی کو مرکزی تحور کے لئے جنت کی تیت نف جم ط ہوگی تعنی ہیفہ مث سے کم ہوگی۔

بس مركزى تورك كرد حاصل جعنت كامعيادا فر ميشدكم بوتاب أس جسل جنت كامعيادا فر ميشدكم بوتاب أس جسل جنت كامعيادا فر ميشدكم بوتاب أس جاسل جنت كم معيارا فرسات جومركزي محدد برية واقع موني والمال من ماصل م

۱۸۷ - ایک دا مدوّت س ادرایک جنت ک کوجس کامچرر وّت کے خطال پر

منطبق ہو مجوعی طور براک ام رہے سے موسوم کرتے ہیں ینسبت کے کوینی جنت کا معلی اور است کوینی جنت کا معلی دائر ہے کہ معلی ہوتی ہے۔
کا معیاد اثر ہے جوسے فرت کو گھائی کتے ہیں، یہ گھائی ایک خطی مقدار ہوتی ہے۔
وہ کہ ان موفر یہ آن اللہ معرک سرائی کے ان ایک میں موفر اللہ معرک سرائی کا کہ موفر اللہ موفر کی ہے۔

مب گانی مفرو تو ظاہرے کہ رنج من ایک وت برختل ہوگا۔ جب محس ای لامن ای بوقد رنج محض ایک جنسے پر مشتل ہوگا۔

وا ور قرت می کو اکٹر اوقات ریخ کی صدت بھی کہتے ہیں۔ عاصل دا حد توت

کے خط عمل اور گھائی کو لاکر: میں کہتے ہیں ہیں: میں سے مراد ہے ایک خاص ظریم بھر ایک فاص ظریم بھر ایک فاص ظریم بھر ایک فاص ظریم بھر ایک فاص تھر ہے۔

ایک فاص گھائی سے والب تہ ہوتا ہے۔

بیسی کو متعین کرنے کے لئے بی بی مقداروں کی طردرت ہوتی ہے۔ ان میں

سے جاد مقداریں مورکے محل کو متعین کرنے کے لئے فردری ہیں مثالًا وہ نقطب جہاں یہ خط دوالہ کے کسی مستوی سے فتا ہے ادر حوالے کے محوروں سے ای خط

کامیلان ایخویں مقدار گھا کی کے تعین کے لئے مزوری ہے -کسی بیج پر ریخ کو پرے طور بر تعین کرنے کے لئے ایک اور تھیٹی مقدار کی مزور ہوگی جس سے ریخ کی حدث فلم پروسکے ۔

٤ ١٨- راست وستى يېچ اورجيب وستى يېچ –

ظاہر سے کہ ایک ہی اپنی حرکت کے جواب میں گردیشی حرکت دوطرے سے لیمنی مخالف سمتوں میں عمل ذریہ ہوسکتی ہے جواب می گردیشی حرکت اس تیج کش کی حرکت کے مطابق ہوجس سے بیچ اندر کی طرف کسا جا رہا ہو تو ہیج کوراست دستی بیچ کہتے ہیں اگر گردشی حرکت اس کے رعکس ہو تو بیچ کو جب دستی بیچ کہتے ہیں -

عام بتر لین جسب ذیل سیے۔ فرص کرد کما کی شخص اس طرح کھڑا ہے کہ اس کا جسم بیج کے جور پر خطرات کی شبت سمت بیروں سے سرکی طرن ہے اور اپنی حرکت کی شبت سمت بیروں سے سرکی طرن ہے اور وہ ایک گھڑی کوسٹنا ہود کرتا ہے جس کا اخ اور کی طرف ہے اور جگڑ دستسی حرکت کے مست گھڑی کی سوٹیوں کی حرکت سے موافق ہوتی ہوتی ہے موافق ہوتی ہوتی ہے کہیں گئے اور اگر سوٹیوں کی حرکت سے مفالفت موتوراست دستی بہتے کہیں گئے ۔ منتا اس مخارس محاسب کی شکلوں میں جو مبذر سے جیوات کے عام دستورالعمس ال

منا اس کاب کی شکوں میں جو مہندسے بہات کے عام دسورالعسل کے مطابق ممنجی محکی ہے ہم سے جب دستی بیج کو منبت اور معیاری موریف فیاہیے

را مراس بات سے بمی طاہر ہو کا اگرہم مکورہ بالا نعراب کا اُس بیج براطلات کر برح بکا مور حوالے کا محرریسطین سے کیونگر ہمنے دفعہ یہ بی یہ فرض کرایا ہے کہ وما سے وسمے کہ جبر کو گروش دینے والا حبات مضبت ہے۔ ۱۸۸ ۔ ومسفرط معلوم کر دکر قرفزل کا ایک معلومہ نظام ایک واحد قوت بیں سحویل ہوجائے۔وند ۱۹۲کی روسے پیرب قرنبر کسی اختیاری نقطہ و برعل کرنے والی ایک عدقوت سمامی اورایک واحد حبنت مش میس تول بوسکتی میس - اگر قوت کے خطاعل اوربنت دیت کے محدیکا درمیانی ذاوید طد موتوق سسس دو توق س جم طر اورس حبب طرسے معاول سے جمال س جم طاجنت کی سطح مستوی بیموروارسد معنی جنت کے محدر بینطبق بوااسدے ادری جب طر جعنت کے محور پر عمو و وارہے۔ اب نوت س جب طہ اور حبنت کی دونوں تو تیں جوسب ایک ہی بطح سنزی میں دانتے ہیں ایک داحد قبیت س جب طریس تحویل ہو جاتی ہیں جو و میسے تنيس كزرتى اوراس كلي العرم م جمط سے تركيب باكراكي داحد قرست ميں تول بنيس بوسكتى -ليكن أكرى جم ط - أيني أكر جم طه = . تو جارس عاس صرف ايك قرت من جب طدرہ حاتی ہے۔ اس کے طرکو ' و کے مسادی ہونا چا۔ ہے لینی وہ خطوط سے تقریری کی سمی میرب التمام کل ، مل ، مل ، مل ادر ب کل ، مل ، ف مِين أَن وَعِلَى العَوَاكُمُ مِونًا جِلْمِينَةِ - اس لِنَهُ لال+ مام+عن، مطلوم متمرط سبصر ١٨٩- فيرمت فيرات فراه مباء كبيل الماجائ ادرمورول كوكيهاى ملا جائے توز سے کسی ملید نظام کے سے مقداروں ٧+١١٠ - ١٥ الالا+مما+ ن

ك فيتون من كجه فرق منين آ جبال ٧ = ٧ كا د فيره ادر ل = ٦ (م ا

-مای) دغیرو_

دفعہ ۱۹۲ اور بم ۱۸ کی دوستے ظاہرے کہ کا + سے مراجے اس ماصل وت من كا جرمركزي تحورك جواب مي حاصل موتى سبع اس كف اسكى

قیمت غیرمتغیرہے۔ نیزاگرد دنیہ ۱۹۲ میں (ل، م، ن) حاصل توت کی سمی جوب التمام ہوں اور نیزاگر د دنیہ ۱۹۲ میں (ل، م، ن) حاصل توت کی سمتے ہوں التام مدر تو

اور (ل، م، ن،) حاصل جنت کے مور کی متی جیب التمام ہوں تو = حاصل قوت اورحاصل حبنت کے مور کے درمیانی فادیدی جیب التمام-

= جمطم (ونعدهم)

ن ل لا+ مما+ ن ع = س × ن ممرد = س + ك

بہاں ک مرکزی محرکے گردجنت کا معیار اترہے۔

یں ع = ل لا+ هرما+ ن مے فیرتغیو ہے۔

اس سے ینیتر کنل سے کواگرکس صفر ہو بینی اگر معلومہ نظام ایک واصد قوت میں

تون بوسكة للإماد ن عد

دو سراغیرستغیره امس صورت میں تھی صفر ہو گا حبب حاصل قوت سمام مورت من بهلا غيرشغبره تحي صفر مزكا . نظام كوماكل يخ كي مائي ك = ك = كير = ع

. 9 سقوتوں کے کسی نظام کے لئے مردی محور کی مساوات معلوم کرنا۔ وند ۱۹۲ کی رفیم کی روسے فرض کروکہ محدول و لا، و مار وی کے محافا سے کسی نقط ف کے تنگرد ویٹ ایک مد) ہیں۔ ولاکے متوازی فی میں سے گرزنے والے خط کے گرومویارا ٹر صریحاً لاما ، ی كى كائے لا ـ ف ، ما ـ ك ، ى ـ م ركھے سے ماصل بوسكتے بى -بسيساراز = ح (ا-گ) -- (ی - ه) ما = Z(اے - يوما) - ك Z(->) + ه Z(ما) - ل-گ ع + ه ما د خد ۱۹۲ کی زقبے کے مطابق۔ اس طرح دیا کوی کے سوازی ق میں سے کڑنے والے خطوط کے گردمعیارا تر هر و لا ب ن م ادر ن و ف ما و كر لاي _ نیز فی کے برمقام کے لئے حاصل کے اجزائے ترکیبی کی قیمت وہی رمتی سے، اس کے اجزائے ڈکیبی ہرمقام کے لئے کا، ما، کے استے، رستے ہیں۔ اگر ق مرکزی محربہ ہو توجنت کے محد کی سمتی جوب التمام حاصل قرت س کے خواعمل کی سمتی جو آب التمام کے مناسب ہوتی ہیں۔ ر ل ـ گ ع + ه ما م - ه لا ب ع ي ن ما الك بس نقطه (من ، ک ، ه) کاطرین مینی مرکزی محور کی مساوات

<u>ل-اے+یما مر-ی ۲+ لاے ن-لاما+ اک</u> ریخ کی کھا تی _ ا 19-مشق ا- تين وتي جن برس برايك ق كمسادى بد ايم مرمل كرق بن بہلی قت نقطہ (و، ، ،) پرو ا کے موازی ددمری (، ، ب ،) بروی کے متوازی ادر تبسری نقط (۱۰، ۲۰ ج) پر و لا کے متوازی عمل کرتی ہے - محد کار تیزی ہیں- مقدار ادر معام کے نما فاسے ماصل ریخ معارم رو-يبان لا = ما = ع = ق يزل = ن ب ه = ق ج اور ن = ق ا اس کئے اگر ریخ کی قوت س اور جنت کے ہوات 5 Fl = 2+16+41 =V نزك ٧ = ل ١ + مرما + ن ع = قا (١ + ب + ق) ك - الميك ق (١+ب +ج) دفع ۱۹۰ سے مرکزی محد کی ساواتی ہی ب- ۱+ ک - ج - ک + لا= ا - لا + ا يني لا+ <u>لو+ ٢ ب + س ح</u> = ا + ب + ٢ ع + ٣ ا = ى + ع + ١ ٢ + ٢ ب بس مركزى مورايسا خطاستقيم بركا بونقط میں سے گزرتا ہے اور تین موروں سے مساوی ذاوسے بنایا ہے ۔ مفت ۲- دو مساوی و تیں ان دو خطوط مستقیم کے سائمسہ ممل کرتی

 $\frac{u \mp t^2 \cdot \frac{1}{3} d}{t^2 \cdot \frac{1}{4}} = \frac{1 - \frac{1}{4}}{t^2 \cdot \frac{1}{4}} = \frac{2}{5}$ $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{4}$ $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4}$

برواقع مبوكا-

اگربراک وقت ق ہوقو نقط (اہم طاب جب طاب) پر ایک ایسی قرت عل کرتی ہے عب سے عب سے عب سے میں کے ابوائے ترکیبی و جب ط ید ق اسے جم ط ق اسے میں اور لفظ (- اور جم ط ا ، ب جب طاب) پر ووسری ایسی قرت عمل کرتی ہے جب کے اور اسے ترکیبی وجب ط ید ق ، ب جم ط ق اور کی ق کے متاسبیں

یں کا =∑(کا) مد ۱۱جب ط ق

ما=. الر صح ع × ق

ل=∑(اہے۔ ی مار) ∞ سبع بو × ق

هر ۱۰ اور ن ۲۰ – ۱۲۰ ق می دفته ورکه ایداری سرماهان از ایر

قب دند ، ۱۹ کی ساوات سے ماصل ہوتا ہے ب ج جب طر اج ہے ۔ اوب ما او حب طر اور ی وجب ط = الاج

دومری ساوات سے جب طری قیت بہلی ساوات میں درج کرنے سے ہمیں مرکوی محور کی مساوات حاصل ہوتی ہے

 $\left(\frac{z}{2} + \frac{z}{2}\right) - \left(\frac{z}{2} + \frac{z}{2}\right)$

مشا لیس ا- ایک کسب کا ہرمنلع و بعداس سے وو مقابل سے وخوں سے على القوائم جين زاويوں کے سافقہ دوسیادی و تیں عمل کرتی ہیں۔ ٹابت کرد کہ دوسعا دل ہیں ایک داحد قوت کا کے چوکمعب کے مرکزیں سے گزرتی ہے ادر ایک جنت لم الا من سے جس کا محد دہی خط ہے۔

۲ - و ب د ج ایک تعلی ہے جس کا مثلے و سب = ب ا و ج = ج انز و (اس کی مطمعت ی پرعدد ہے - و (اج د ادر سب د کے ساتہ و تی کا ، صا اے

عل كرى مير- نابت كوكر ماصل ريخ كى قت س ادر جنت كا معادا ترك بالترتيب المراح منا المراحة تيب الرح بالمراح منا المراح المراح منا المراح
نابت کودکا گرو (، و سب ، وج کومائے کے محدلا، ۱ ، ی فرض کیا جائے قرکزی محدلا کا ، ی فرض کیا جائے قرکزی محدلا کا ساوات ہے

105 + 5 = 5 - 1 = y

م سایک تطیل موازی السطوح کے کنادوں وڑا و ب ، وج کے طول بالترتیب ، وج کے طول بالترتیب ، ۱ م م کے طول بالترتیب ، ۱ م کے بین زادئی بین - ۱ ک کارت و کی طرت میں ۱۳۰۰ ، اسے و کی طرت میں ۱۳۰۰ ، اس کے بین دارہ کی طرت میں ۱۳۰۰ ، اس کے بین دارہ کی طرت میں ۱۳۰۰ ، اس کے بین دارہ کی طرت میں دارہ کی میں در کی طرت میں در کارتیب کی میں میں در کی طرت کی کارتیب کی کارتی کی کارتیب کارتیب کی کارتیب کارتیب کارتیب کی کارتیب کی کارتیب کی کارتیب کارتیب کارتیب کی کارتیب کا

۸۶ ریج سے آگی طرک ، ۵، ب ہے ج کی طوف ۹۸ ۳

[س= ۱۰۸۰ ک = ۱۰۸۰؛ مركزي محدر ب ج كے وسطى نقط سے و ﴿ كے سوالى

·=(ペートレーヤ)レーデレ(レダーヤニーム)

۵ ۔ ویس ف ان ایک کمب کے تین فیرشقا طع کناروں کے ساتھ مل کر نتمیں

ان كامركزى محدمه اوم مرد مل الم مركزى محدمه المرد من كل مساوا في ما على المسلم وردة من كل مساوا في ما على المسلم وردة من كل مساوا في المسلم وردة من كل مساوا في المسلم وردة من كل مساوا في المسلم وردة و المسلم و المسل ى = ج ادر ما = - المسسور ، ى = - ج براعل كرنى بين - نابت كروك ان كا مركزى مور

خوشتم ا= ا × ف ق مس مداری ف است ق م اور ق م م اور ق

ف اور ق كى ترام قيول كے لئے تابت كردكر يخط سطح (الا + ١١) ى جب عد ٢٠ جالال

كأكمون ميے۔

معن ہے۔ کے اسادی قبین محوروں کے ساتھ اور نیاستیم لاسے یہ ماسے ہے کے اس ساته عل كرتى بي -اس نظام ك مركزى محدكى سادات معلوم كرو-

٨ -- تين قريس ان خطوط سنيم كم سائد على كرتي بي :-

1=1-1 1-0=1 " 1=1 -0 " 1=1 " 2=. 1 4=1-1

نابت كردكه دو مرف الك جنت من ول نبي بوسكتي -

ينزنا بت كروكم أكريه نفام ايك واحد وتت مي تويل بو جاست واس كا خطال سطح لا + ما + كي - م ما ي - م لي لا - بولا ما = ١٥ ير واقع بوكا-

٩ - توبن لا، ما، ے بالزئیب تین خطوط مستقیم

١-- ١ ١٠ ٥ -- ٥ ١ ٥ -- ١ ١ ١ -- ١ ١ ١ ١ -- ١

كسائه على كرتى من نابت كروكه وه الك واحد قدت من تويل مو جائي كى اكر

-- 产+子

اورحامل کے خطومل کی مساواتیں ان تین مساواق سی سے کوئی و د ہونگی

- デーナーサッニナーサービューナーとーと

• إ-- ايك وا عدقوت ك اجزائ تركيبى محرول كما ته بالترتيب لا، ما ائم مي ادراس ك معيار الران محدول كرو بالترتيب ل ، عر، ن بي ، ناميت كروك

اا - اگرایک قت (کا مما ، مے) ایک ذاکدی مکانی ما کیا - بی ایک کے کے کے کی اور ایک کے کون کے سات حل کرے اور سبدا بر حمل کرنے والی ایک سادی قدت (کا ، حما اسے) اور ایک جنب (کی ، حر ، تن) کے سادل ہوتہ نا بت کروکہ

ول عب مد ، ب لا + وما = ، رج ن + وب عد .

۱۲- ایک قت ق مور لا کے ساتھ عمل کرتی ہے اور ایک وور قرمت ن × ق ایک اسطوانہ لائیا" ۔ والا کے ایک کمون می کو اسطوانہ لائیا" ۔ والا کے ایک کمون سے ساتھ عمل کرتی ہے تنابت کرو کہ مرکزی محد اسطوانہ

بردا فع برقام

موا -- دو قریس بن میں سے ایک قرت طط ا = ۱۰ ی = . کے ساتھ اور دومری لا = ۱۰ ی = . کے ساتھ اور دومری لا = ۱۰ ی = ج کے ساتھ عمل کرتی ہے ۔ نابت کردکہ جیسے قریس بدلتی ہیں اُس کے

معادل ریخ کا محرسطح (لا ب ا ا) ی = ج ا ا مرشم كراب -

مما - ایک قدم نقط (۱۰ ۰ ۰) برموری کے متوازی عمل کرتی ہے ادرایک اور مساوی قرمت کوری برعود وار نقط (- ۱ ۱۰ ۱ ۰) برعل کرتی ہے - ظامت کردکہ اس نظام کا مرکزی محرسطی کا (۱ ۲ + ۱ ا) = (الا + الا - 1 الا) ا

برواقع زوما سے۔

. ۱ با ساک وقت ف موری مکسالهٔ عمل کی بعه اورایک ادر فرت م × فی مک ایسے

خط یں مل رنی ہے جو لا مورکومباسے فاصلہ ج پرکا تاہے اورسطے الی کے متوالی ب- أبت كردك بميه يخاستقرمورا كم كريمومتا بع ونول كامرزى موسطح

المنانق منامى سے مدى مدول كے درايد اكب شن كافاكيا ہے ،س فن كے مرایک نظر ن برحاد کی مت میں ن برکی سلح کے ایک جموسے جزد کے مناسب ایک

قرت عمل كرنى م ينامع كروكري وتي ايك وأحدته ت معدما وي بي جوخط مستقيم

(-1 - 1) - = (-1 - 1) b

برعمل کرتی ہے جاں ۱ و ۲ ، ۲ ب ۲ ج انص ناکے محرمیں۔

ایک نامُن $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} - \frac{1}{1} = 1$ کون کے ایک ہی نفام

کے ساتھ سادی کھانی کے والے بیخ عمل کرتے ہیں۔ ٹابت کردکہ یہ ریج ایک واحب

ذے میں ویل ہوسکیں سے بشرطیکان کے مركزي مورمزوط

·="0("+")"+("-")"+("-")"+("-")"=.

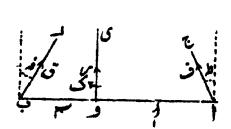
کے کو فال سےمتواڈی ہوں -

م ٩ استا بت كروك توقي كاكوني نظام دو فرتول مي لا منا مي طريقو ل مستحيل بوسكا مع اوران وول سے جربار طی بنا ہے اس كا مجرب فستقل بنا ہے۔

فرض كردكم معلوم نظام كامركزي تحور ويسع اواصب معول من اورك

اس نظام کے دیخ کی ماس قرمت ادر جست ہیں ۔

وينسن وى يعمودوادايك خط مينيوادراس خطير ومح مخالف ما يون



۵۲۲

ین دو نقط اورب دور فرمن کردک و (- قرادر و ب - ب

فرض کروکرمعلومرنظام، کریں سے گزرسے والی ایک قت ف اور ب کے متواذی (اور سب میں سے گزر لے والے خطوں کے ساتھ متقابل متوں

مِس الترتيب زاوسيه طداور فر بناست بين - نيزون كروك طد اور فدسك اليف كى مغبت سمعين تقابل بير-

ین منابان تب ف اور فی کے مامل و ی کی سمت میں اور اس برعمود وارسمت

میں الترتیب س اور صفر ہو یہ کے اوراسی طرح سے ان خطول کے گرد مامسل جنت بالترتيب ك ادرمىغرمو مجيح

مرا اورفه کی تقیقی میں است اور میں اورف کی تقیقی تین میں اورفہ کی تقیقی تین میں اورفہ کی تقیقی تین مال اورفہ کی تقیقی تین میں اورفہ کی تقیقی تین میں تاہد کی تقیقی تین میں تاہد کی تقیقی تین میں تاہد کی تاہد کی تعین تاہد کی تاہد کی تعین تاہد کی تاہد کی تعین تاہد کی تع

ئيز (۵) اور (۲) سے کسم اور = (ور + ب) × ف × ق جب طرحم فه اور س

کسم ب= (دِدب) ن ، ق ، مِم طرمب در اس سنے مِع کرنے سے کسم و ن ، ق ، (دِدب) جب (طرح فر) . . . (۵)

ز ض کرد کو اج اور ب د بالترتیب من اور ق کی مقداد کو تعمیر کرتے ہیں تب بیمار مطی اس جس د کا مجم

= الماب ج × (د سے ۵ اب ج برعود)

= الم الم الم × (ج × سب د جب (ط+ ذ)

= با حن ق (۱ + ب) مب (ط + ف) = با کسس ' سادات (۱ ، ب) مین جبار مطی کام محمستقل ہے۔

متشاکل صورت - اگرفتی ف ادر ق سادی بون ادر مرکزی محدد ن سے مادی مون ادر مرکزی محدد ن سے مادی مادی فاصل می اور ق مادی فاصلوں برعل کریں تر مساواتوں (۱) (۱) (۱۷) (۱۷) ماری کے ماعد سادی داوے نباتی میں اور مرکزی محد کے ساتھ مسادی داو کے نباتی میں اور

الماء والمنجم الدكء ون إجباط

ر ف = أ الراب المعالمة الراب المعالمة المرابعة

اگریم علادد ازیں و = سک فرص کریں توفت = می اورط = ۱۰ م سع 14 سدومعلوم ریخ سکا حاصل ریخ سعادم کرا۔

فرض کردکرایک ریخ (من، کس) کامور اج سے اور دو مسرے ریخ (من، کس) کامور اج سے اور دو مسرے ریخ (من، کس) کامور مب د سب نیز فوص کردکہ اسب (ع جر) اِن کےمورد سے درمیان جیوٹے

سے جموانا فاصلہ سے اور اُن کا درمیانی زاوی عرب -

فرض کردکہ مطلوبہ مرکزی محروقی السب برعود سے اور السب کو دوحصوں الا اور ج - لایں نفیے کرا ہے اور المج سے سائٹ زاوی طربنا کا ہے بیتی سب دے سائٹ زاوی (حد و طرب) کرنا گئے سے بنز فرص کردکہ مغروضد مرکزی محدر کی قوت اور مجسس

بالترتيب من ادرك بي -

نب مُب خرائط سوال

ک ک کی جم طرب کی جم (هدط) بری جب طرد الا بری (ج - الا) جب (هدط). ۱ (س) م اور ۱ عک مب طرک م جب (هد ط) سرم جم ط × الا + س ب (ق، - الا) مم (هد - ط)

Section of the sectio

(۱) اور ۲۱) کی مدوست آخر کی مسا وانتی اس طرح اکمی جاسکتی ہیں

ک عک وجمطو + ک م جم (عرف مل) +س بی جب (سده ط) رس

اور - يك جبطه - ك جب (عه - طه) + سمارج ، عمر (عه - طه) - سمالا . - (م)

- ما = سال + ۲ مرام عمد -نيز(۱)<u>سے حب طبے = سبخمطہ</u> = سا

نیز زمن اور (۱۱) سے

٠٠٠ - (ك، +ك، جمع + م، جرجبه) (س، +م، جمع)

+ (ک بعبء - س,ج عم هر) × سما، حب عه

= س ک + س ک + (س ک + س ک) جمع + س م با الله د د ۱۹ اس سے قوق کے معلوم نظام سے سئے غیر ستغیرہ کی قبیت ماصل ہوتی ہے۔ نیز (۱۱) کی مدسے (۲۱) سے ماصل ہوتا ہے

مالا= (ك +ك جم عرب مراج جب مر) × مرجب عر

- (کب بب مدر سماح جمعه) (س + سم جمعه) = (س کے - س کی) جب عرب سریج (س+ س جمعه) ... در ۱

(٥) و ١١) و ١ ١ ١ ١ و ١ م ١ سعس طروك اور لا معلوم يو عاب تيس -

سی مطوری ادراس کے مرکزی مورکا مقام معلوم ہو جاتا ہے۔ ان مساواتن ت بأسانی مانس پرسکتا ہے

سرام جراع اسمام على المراكب - سراك إسب عد ج - التمري (س، + س، جمع) + (س، ك، - س، كم) ب عد مم 4- ددمعارم قوتیس اورس ایک دوسرے کے ساتھ زاد سے عبالی میں ان کا عاصل *رونج معلوم کرد* ۔ رارج معوم رد-به دنند ما قبل کی ایک خاص صورت سبے جبکہ کس اور کس_{ام} دو **ان صغر ہو ل**. ٧ = ١ - ١ - ١٠ + ١٠ ١ م م عم ک ۱۷ = س سمارج جب عد الا = م، (سماجم عمر + سماء) ع. - لا = م، (سما + سما, جم عمر) ادر خبط = جمط = جمط = المراجع عمر المراج عمر المراج عمر المراجع عم جم طر = س، + س، جم عر + ساء جم (عر- طر) = س، جم عر + سماء 148 مروز ترسم اورس انقاط و اورب بر اج د ب كيستون ير الح كردين ان كا مركزى مورسلوم كرف كا يندسى عمل دریافت کرد-فرعن كروكه دوقوتين سن اور مهاوين بن میں سے س ، ب د کے ساتھ مل رن ہے ادر س انتظر ب برا جے

متوازی عمل کرتی ہے ، نیزان کے ماصل س کی ست سب کے ہے اور مارس می متون سے ساتھ بالترتیب زادئے داورہ ۔ طربا بی سب سب ک دفعہ اور كى شكل كى المندمركزى محورك متوازى ب مسطوستوى كى مب [م ب ا = طرادر حدب (فت = عدد طرناوُت فف ع جول ب يرعود وارب مركزي محرم كا در حاصل ريم كا جفت يك يدع ف كيزاء وفعه اقبل كامساداتون نست بم تسان سع ماصل كريكتي بي مبب طرحم (عرسط) یں ع ف مرکزی مورے تیزوفغهٔ اقبل کی روسے مرامه الاع عب عدي مراج جب طرح جب (عد - ط

 اگرت ادر ق دو غیر شقاطع قویش مول جن کسمیس ایک و دسرے بر عود دارموں و تابت کرد کم مرکزی محرسے ان قرق سکے خلود عمل کے فاصلے سبت ت : حن،

ہوسکتا ہے جن کے درمیان کوئی معلومرزادیہ سبف ۔ اگر درمیانی دادیہ معلوم ہوت ووں کا در سیانی فاصله معلوم کرو-

ووتوتی دف اور ق الیی بین کران کا مرکزی مور لجا ظ مقام کے معلوم ہے اورف کا خوا عل معادم ہے۔ نابت کروگر ق کے خواعل کا طری ایک محرومی ناہے۔ دوقرتی ایک سادر نظام (ک، س) کے معادل بی آوران کے درسیان معومہ زاہ یا حربتا ہے۔ نابت کردکران کے درمیان چوسٹے سے جوٹا فامسید الم معرف من البت كروكر براكب قوت لى من قعاعه كے سادى ہے - هارت من الب ج مائدة قين اس طرح عمل كرتى بين: هذا الب ج

اور د (کے ساتھ، ق اج (اور د ب کے ساتھ اس ا ر ب اور دج کے ساتھ اس ا ر ب اور دج کے ساتھ ۔ اب کوکر معاول رہے کی گائی جیار طبی کے کنارہ کے بات کے مساوی ہے۔

(متلم جار مطی مے مقابل مے کناروں کے درمیان جبوسٹے سے جبوٹے فاصلے ایک دومرے کو تطع کرستے ہیں اور ایک ہی نقط برقط کرتے ہیں -)

4 - ایک منظم جارسطی ا ب ج د ہے جس کا ہر منلع او ہے۔ اس کے کناروں کے ساتھ عمل ساتھ ایک ہی گفاری کے ساتھ عمل ساتھ ایک ہی گفاری کے ساتھ عمل کرنے والے دیجوں کی حدثیں مساوی موں اور اسی طرح سب ہے ، حال اور حدب مجل کے ساتھ عمل کے کے ساتھ عمل کرنے دیا ہے کہ کا معاول رہنے کی ہی تابعت کرد کے معاول رہنے کی

گمانی گ + الم برگی-

ے۔۔ قون سکا ایک تفام ہے جس کے مرکزی محدد کو ایک خطِ مستقیم علی القوائم فطع کرا ہے نابت کرد کو اس خطِ مستقیم بر کے مختلف نقطوں برصدر معیار افر کے محد جسطے مرتسم کرتے ہیں دو ذائدی مکا فی انا ہے -بی دو ذائدی مکا فی انا ہے -

[آیک معلوم فعلام ستقیم کو لاکا محورا نور معلوم نظام (س،ک) کے مرکزی محرکوی کا محور اوران دونوں پرج نظاعمود وارہے اسکو المحرران ، تب نظار (لا) ،٠٠) پرق ت مر، محد ی کے موازی ہے اور جنبی من ہے جوس کے ساتھ زادیہ ط بنا کا ہے اور ولا پر حمد دوارہے اس طرح کم کس = سٹ جم طم اور نش جب طرے س لا ، تباگر

مث محرر ركون نعظ لاد ادى موتو لى عمس طرع ملك ، بس مطار بطران

نائدی مکافی مناس لای عدک ما ہوگا] ۸ ۔۔ ایک معلور خلاستیم برکسب تھوں کے لئے قرق سے ایک معلور نظام سے

مناظ صدرمعاد افر کے مور مینے سکتے ہیں۔ نابت کردکہ یمورایک زائدی مکانی نما برواقع يمي اوراً ن مح سرب ايك اورمعلوم خطامت قيم برواقع موستي اير-معلى خطومتنيم و لا فرمن كرو اور مركزي محرراور و لاك عمودي خطك وي الزيب مری وی کے ساتھ کوائی ترکیبی توست بہیں کے اور ن وی کے گردکو فی ترکیبی جنت ہے۔ تب محرروں کے ساتھ حمل کرنے والی ترکیبی قوتیں (لا احا)) ہیں اور ترکیبی جنت (ل اعرا بن، بس نقط (ساد، ،) برتركيبي جنت ل، هراور - ساما بي (دفع ١٩٠) پس ویا ن صدرمعیارا قرامے عور کی مساوات سے ساكوساقط كرف سے ميں دائدى كانى ناكى مسادامف ك ا = 11 + ممدى ماصل ہوتی سرمے۔ نزاس محد کے سرے کے محدد (ا، ا، ی) سا دا ال ا-مادل ، ۱ = دمر ، ی =- دساما سے ماسل ہوئے ہیں جاں ادکوئی مستقل ہے۔ ما كوسا قط كريسنے سے ميں لايا اى كا طريق ايك فعاسنتيم عاصل موتاسہے - ۹ - دوریخ بین جن کی فیانیاں گے، اور گ میں اور جن الے محدوں کا در سیانی فاصلہ م و ہے-اگر مامس ریخ کی گھا کی گے ہوا دراس کا مور ترکیبی ریخوں کے مورو ک سے اوراگ سکر - کسی متساوليفسل موتونابت كروكراك كادرساني زاوير يوكام ه استن مطامع يج بي بن سكيمومتراكز اوراكب دوسي برعلى التوائم أي ان بنجول بر ك، اكم اكب محاير والي يخ من كرسته بي جن كا عامل ايك معلور كما وي ك فلسفيتي يرعل كراب فابت كروك اس يج كاطريق وزائدى فاس اك-ك) لا + رك-كر) ا + رك -كر) كا باك -كر) لك -كر) رك -كر) - موالے کے ورماور پیوں کے توری ۔

ا اے بعد کردکہ ایک دی جس کی قبع س سے اور کھائی گ ج ہے دوایسی و و ل کے معادل سے جن سکے درمیان زاویہ ۲ طربتا سے اور جوسے سے مجدوا فاصلہ ای سے ادرجن کی مقداری بیس

٧ (١٠٠ ك مرط ± ١١٠ ك مم ط]

4 1- دومعلومدر بخ س كم محدراك دوميرك وعلى لقوائم قطع كرتے ميں- ان كى مدتیں کا ادر صافی اوران کی تھا میاں گئے ادر گئے، ہیں۔ اگر تھا میاں معلوم ہوں تو مرکزی محور کاطرین معلوم کرو-فرص کروکر کم اور ما کے ماصل من کی ست واسے جیلے ریخ کے

مورولا مے سائد زاویہ طبنانی ہے ہیں

جمط وب طر = المري ٢ = ما = المري والحيرٌ والمرجنت

= گ × لا جمله + گ ، ما جبط

ه (ک ج اطر ک جب طر) » من

مستوى مطح لا و اين و فريكسي ملي لتواكم خط كح كرد ما كل جنب ن کر براجب ط بکر × ما مرط = - (گ، سگ،) سرجب ط برجم ط آفرالذكرجنت ى وأكسطمنوى

یں دومتوادی و وال سے معادل سے۔

اب دنداه کی روسے بیوانی توتیں اورو لے کے ساتھ عمل کرسنے والی توت س ل کرایک قرمت س کے مساوی میں جو و اسے ستوازی ایک ایسے خط م ن سکے سأتق فمل كرنى سب كر ده - (گ -گ) جب طرحمط جنت (۱) کے مورکو م ن پرنتقل کرنے سے میں ایک ریخ حاصل ہوا ہے حب كامور هم ن سب ادر حبل كاستعياد الرّ ادر توست إلىرتيب (ك مم م م م به ك م ب ط) من درم أي ادر بنا و علي حس كى كما أي گ = گ رحم طر +گ، بب طر ب اب خط م ن پرکوئ نقط (الا، أ ، ى) بيا عائے وَنيتم رم) كى روست ى = (كرا - كرا) = ى يني من سط (لا + ١١) ي - (كسا -كسار) لا الم برواقع بوتاك-اس مطاوات ما کتے ہیں۔ نیزگ، ادرگ، کو اس کی صدرگا کیاں کہتے ہیں۔ اس علم كى ساوات دفعه ، 9 است فراً كل سكى تفى كيونكر افام ك مركزى محوركى کر ۲+ یما گرما-ی ۲ - اما+ ما ۲ جرے عاص والے ک (لائب ما ا)= (گے ۔ گ) لاما لا اور ما كوسا قط كرسن سي بيس مركزى محود كاطراق لما سب (لا+ ١١) ي = (كر -كر الله

ال = وبباط

سطے ستوی ما = لا سس طه جو و فر میں سے گورتی ہے اور ستوی لا دما بر همود وارسے اسطوانہ ننا کو سکانتی ہے

جال ی و اجب اطه (ل

اس کے اگر ا برہم مورد ان کالیں جس کاطول آل ہو اور ن یں سے وی پر عمود ن هر بکالیں تر ن هم بیشد اسطوانه نما کا کون ہو کا

۱۹۸ - کوئی بیخ لا تمنا ہی طریقیوں سے دوایسے ریخوں میں توبل کیا جاسکتا ہے جن کے

محور عنی العقواتم بھوں۔

وفرض کروکر ایک ریخ (س اکسس) ب جس کامور م ن ب، (دیمور روف ۱۹۹۱)

س کسی خط هم و برجه هم ن پرعود وار مو ایک نقط و لیکراس کومبدا ما نو اور و می سے گزرہنے والے و هم پر حمد دوارکوئی دو علی القوائم خطوں کو و لا اور و ما ذ من کہ۔۔

اب زمن كروكه م و = فر ادر لا و ا = طر معلوم إي -

تبعب دفنه ۱۹۱ کی (لا، کی لا) محدوله کے گردادر (ما اگ، ما) محدوا کے گردساول ہیں ایک ریخ (مرہ ک س) کے جہاں گے۔ کی جم ط ب کس اجب ط اور و = (گ - گ ا) جم ط جب ط

ان سے ماصل ہوتا ہے گی = گ ۔ اہمس طر اور گ = گ + اہم ط

نيز لا= سجمط ادر ما عس جب ط

اس کئے اگر مر اور ک کی قبیتیں معلوم ہوں تو ہمیں و اور طر کی کسی معلوم تمیوں کے جواب میں کا اور ما اگر ما اگر ما اسل ہو سکتی ہیں۔

1.9 معلومہ پیچوں برکوئی دور بخ ایک اور مرف ایک ہی اسطوانہ ناکا لغین کرتے ہی۔ کرتے ہی۔

مرض کرد کرم ن اور ل تی دوریخ سے محرریں ، گب اور گب ان کی مگائیاں ہیں اور ان سے درمیان زادیہ عد ہے اور جیوٹے سے جیموٹا فاصلہ م ل

ملول میں ہے کے مسادی ہے۔

اب اگریم هم فی برایک نقطه و اور دوعلی القوائم خطوط و لا کو ما الیسے معلوم کرسکیں کر دب ہم ان ریخوں کو و لا اور و ما سے گرد خلیل کریں کو و لا اور و ما سے گرد خلیل کریں کو و لا احراد دو ترکیبی ریخوں کی است کر دو ترکیبی ریخوں کی است کرنے ہوتا ہے۔

ها مان و ممساوی بون ادر نیز ایا کے گرد ترکیبی مربوں کی کھا ٹیاں

ساوی ہوں قرم سے مسئد کو نامت کرایا۔ کونکہ و لاکے گرد دد رہے ایک رہنے ہیں ہیں۔ پاسکتے ہیں اور اسی طرح سے و اسکے گرد دوریخ ایک رہنے میں ترکیب باسکتے ہیں اور نسب دنعہ ۱۹۷ ان دو حاصل رکج ل سے ایک اسطواء نما حاصل ہوتا ہے۔ بس ہم فرمن کرتے ہیں کہ م ن کے گرد کا رہنے و لا اور و ا کے گردود

کے ساوی ہے جن کی گھائیاں گ و اور گ ہیں جہاں وم = ی حل ق کے لئے جاں گوی مراک مید و <u>گویگا کی کی می</u> مراه - درد) ى = (گر - گر) مجرا حب طر = گرا - گرا جب ۲ طر .. ك = ك دم (ط + عه) + ك جب (ط + عه) (گ - گ)جم (د + ير) بب (د + ع) = <u>گا-گ</u>وب(اط+ع). گ - گ و - (گ - گ) جب د جب (۱ ط ادره و كراك [ب (ا ط + ا م)- مب اط] = (گ، - گ،) جم (۱ ط و) بب و .. رُعُ مس (۱ طرور) = کورگ س (۵) اور (۲)سے كر +ك، =ك، +ك، -(ك، -كر)م، مرم (١ ١ + ع) =ك، +ك، + هم عر اورگی - گ و = (گ - گ،) قم وقم (الد +عد) = ماهر + (گ - گ) تم ان مساواتوں سے گ اور گ مامس موستے ہیں۔ ى مرا رجب عرب (ال ط م عرب) جب الم = الم- ل- [جمع - جبعهم (الط +ع)] = الله السالم عده عرا ان جمیوں سے ولا اور و ماکے محل واحد طور پر متین ہو جاتے اور اُن کے گرو کے رہے تھی متعین ہوجا ستے ہیں۔ مورد مقادیر بالاحسب دفعہ اقبل معلوم کر مینے کے بعد اگر من اور ل ق کے گرو مرکز ل کے مدتیں می اور من جول تو یہ دور پنج معاول بین، و توں سماجم ط + سمّ جم (ط + عد) اولا کے ساتھ س حب الد + س جب (ط +عد) ، دا کے ساتھ کے اور حیتوں كُ السرج طه + سَمَ جم (لد + عه)] ، ولا كر ك، [ترجب ط+ مَن جب (ط+عه)] واسك كرد ك عري وندا ١٥ كم طالق يرونس الدهنت ايك السيديع مِن تركيب إجاست بي ج ذیل کے اسطوانہ نما کے ایک بیج کے کو عل کما ہے ى (لا+ ١١) = (ك - ك و) لاا = لاا قرع الم ع - (ك و-ك)

ستو ساکتیم کی گوائ ا ادر خطوعمل ا = ۱ ، ی = اس مصدر ایک ووسرے بیج کی

كما في م اور خط عمل (ال-١) ماس = لا-١٧ ي ٢٥ ماس ب السب ايك اسطوار نمامتين ہو ہے۔ نابت کردکہ اس کی صدر گھائیاں ہے۔ اس اور سے ۲+ اس بی اوراس کے

مدرمحورد ل کی مساواتی بی ما ۲۰ = (۲ ع ۲) (۱۱-۱۷)

۲۰۱ - ایکسی اسطواندنا کے بیچل برسکے ریخوں کا حاصل ریخ - اسطواند نماکی صدر گاتیاں گے اور گے ، بین-اب اس ریخ برغور کرو جس کی عدم س ہے

اورجس کی گھائی الیسی گھا نی سمے جواس اسطوانہ پر محور و لا کے ساتھ زاویہ طابانے والي بيج كے لئے مناسب معروف ١٩١ كى روستے يو رئيج ان وور يخوں كے معاول ع

(س جمط : گ اس جمط) محد و لاک گرد

اور دوسراریج (س حب ط، گ، س حب ط، محدوما کے گرو

اس من اگر برای سلور رئے کو وال اور والے کودیوں می تویل کی جائے تویسب ریخ ورو ساور جنتوس کے مسب ذیل نظام کے معادل ہوجائیں سکے نہ

J=8

ماء ہر برجب د

ل= 3 (كرسم م م م) = كر لا م= 3 (گ راب م) على ما

يني ولا كركريخ (لا اكر لا) ادر و ا كرو

ری (ما، کیما)۔

ان دیخوں کی گھانی دہی ہے جواسطوان نماکی صدر گھائیاں ہیں۔اس کے اس سلطے محد لا یہب اس کے محد لا یہب اس کے محد لا یہب اس کے محد لا یہب ان اور یہ فر بنا نے دانے ہی پر عمل کرے کا جہاں مسس فد عمل = حرب طر

۴۰۷ - اوبرد کچر سان موا اسسے ظاہرے که ایک بی اسطوانه نما کے بیچوں بر کے ریج تفاول میں ہو تھے جبکہ ان کی قران کو ان کی سمتوں کے متوازی ایک ہی نقط بر منقل کردینے پر بیتونیں متعادل ہوجائیں کیونکہ اس صورت میں کا اور صادد نون صفر ہو تھے۔

الحضوص ایک ہی اسطوانہ نما کے پیچوں پر کے تین رہنج متنا ول ہوں سکے اگر ہوایک کی صفا ول ہوں سکے اگر ہوایک کی صفا اگر ہرایک کی صدت باتی در کے درمیانی زاویہ کی جیب کے تناسب ہو۔ مع مع سایک رہے کی توت می اور معلومہ بیچ کے گرد اس کی گھائی گ ہے تاہے کہ اس کی گھائی گ ہے تاہے کہ

مع مع ۔ ایک ریج کی توت سم اور معلومہ بیچ کے کرد اس کی کھا کی کسے تاہتے کہ اگر حبیم کو گب کھائی والے ایک دوسرے بیچ کے گد ذاویہ معن سہ میں سسے مر دڑا ما ہے تواس ریج کی قونوں کا کا م موگا

س معن سر ((گ بگ) جمط - ح حب ط }

جاں طر ددنوں بچوں کے مورول کا درمیانی زادیہ ہے اور ص اُن کے درمیان بھو سے سے مورا فاصلہ ہے -

زمن کردکہ بیج گے کا محد والا ہے ، ریخ کا محد م ن ہے اور ان کے درمیان چوٹ سے چوٹا فاصلہ وم طول میں حد ہے۔ والے مقازی

ه ک هینجواورم ک ادر وهم برهمور م کی تھینے۔ ذرت س ان روقونوں کے منادل سے وس س مم ط ، م ک كيمت ين اورس جب طركم ل كيمت می جزد ترکیبی می جمط معادل ہے والا کے ساتھ توت می جمط ادر و ما کے ج وتركيبي س بب طرمهادل سے و ا كے ساتھ قوت س بب طه كے اور م ن مے گرد جوجنت گ × س عمل کرتاہے دوان دوجنوں کے معاول ہے میں عمل کرتاہے دوان دوجنوں کے معاول ہے کہ اور گ در گ معاول ہے گ × س جم ط خط م ک سے گرد اور گ دس جب ط خطام ل کے گرد-ان کے محدد ں کو ولا اور و ما پر خقل کیا جاسکتا ہے۔ بس معاور رئج معادل سعان اجراك سربب لا ، والحامة ایک قوت ایک جنع سرارگ جمله - عب له) ولا کارد ایک جنت سراگ جب طه + حدجم طه) و اسکاگره ابجبم كاسٹاؤ مشتل ہے والا كے كرد ايك ذاوئى مبناؤ معن سد كے اورو لاكے ساتھ ايك خطى منا أو كى باد كارو لاكے ساتھ ايك خطى منا أو كى ب زاوتی مٹاؤی وج سے جنوں کا کام ہے س (گ جم ط - صحب ط) منہ (دیکیو دند ۹۷) اور قوتول کاکام صفری -

خطی مثاهٔ کی دِم سے مغنوں کا کا مرصفرہے اور ٹونڈ ں کا کا مرم جم طریح گے مف سے بس خنیف ست مٹاؤیں تونوں کا مجوعی کام

ء س معت سہ {(گ + گ ،) مج ط - حرب ط }

الرك ادرك كوبا بم بل دبا مباسني قواس كام من كونى فرق نبيس آي بس الربارك ياس يه ولا كور د يخ (س،ك س) بوتا اورسم و هرين موريد الما في كل والع يني كاكرو فعيف سع ذا ديمف سد مين التعلق فا الما الما

تو تمی اتنا ہی کام ہوتا ۔

ر بن المان ہاں ہے۔ ہم ۲۰ -- موہوم کا م کے المول ت طاہر ہے کہ اگرایک جبم صوت مور و لا کے بہتے پر حرکت کرسکا ہے اور اس پر بہتے ہ ن کا ایک رہنے عمل کرسے قر حبیم تعاول میں ہو گاگر

رک ،گ) بم در حرب ط = .

وہ بچ جواس سفرط کو پورا کرتے ہیں متکانی بیج کہلائے میں ۔ بس متکانی بیجوں سسے وہ یج مرادین که اگرگسی ایک بیج سے گردکسی حدیث اور ساسب گفا فی والا ریخ جسم بر عمل کرسے اور جمع مرت دو مرسے بیج برحرکت کرسکتا ہو تو جسم متعاول رہیگا۔ اوبر كى مفرط كسيَّ فابرسي كه دو: يج جن كے محر تطع كركے مول يعني صرير.

متكانى موسيم الران كے محور ملى القوائم مول يا اكران كى كما ئيان مساوى اور علامت ین مختلف ہوں ۔

٢٠٥ - اگركونى بيج جه بردد بيچوں عد اور بدكے منكا في بوقو يہ عد اور بدسے متعلير

ہونے دا کے اسطواند نما پرکے میزیج لا کے متکا فی ہوگا۔ وفد ۲۰۱ سے ظاہرے کوچونکر ندار باور لہ ایک بی اسطوانہ پرکے تیج بیں

اسطفاليه كاكوني ريخ عد ادربيك كرد دور تول كيمادل بوكا اگرديخ له كي حدست، ریوں ماور بر کی مدوں کے اجزائے ترکیبی کے معادل ہدیج لاکی بجائے عد اور سے کرویہ دو ترکیبی ریج لگاؤ۔

چ اراعه الله في إلى اس سلف عد ك كرد مل كرف وال مريخ كا

یوہوم کام حبہ کے گردکسی ہٹا و کے سلے صغر ہوگا - اسی طرح سے یہ کے گردعمل نے والے ریخ کا روبوم کا م بھی جہ سے گردکسی سٹاؤ کے لئے صغر ہوگا۔ اس کے ریخ لاکامجوی موہوم کام جسکے گردسی بٹاؤ کے لئے معز ہوگا۔ یس له اورحه متكا في ہيں۔ ب ٢٠٠ - صفري خطوط اوص فري مستوى طي بي زعن كروكسي سدايا اساسي نقط و کے متناظر فروز کے نظام کی حامل قرت من ادر حاصل جنت ہے۔ جنت ت کے مور برکو کی عمودی خط و میں سے تھینچو۔ تب اس خطاکے کر دنطا مرکی تمام قِ ہوں کے معیارا فروں کا جبر میں مجبوعہ صفر ہو گا کیونکہ اس محور کے گرد ^ہ کاجزو گرکیبی کید نہیں ہے اور می اس خط سے لٹائے ۔ اس بنا براس خط کو صفری خط کہتے ہیں اور اس کے طربن کو لینی و میں سے دف کے تحور برعمود وارخط کے طریق کو وکا صفری مستوی سکتنے ہیں۔ نیز نقط و کو سطح مستوى كامسفرى نقطه كهتي بي -ع ۲۰ - سی محرد ب و ۱۱ و ما و ی کے ماظ سے کسی معلوم نقط (ف، گ، ه) کے صفری مستو ی کی سیا دات معلوم کرو۔ فرعن كردك ولا، وا، وى كے سات مامل وق سے اجزائے تركيبي لا اما ے اور ان کے کرد ماصل جنت کے ترکیبی اجزاء ل، عر، ن، یں- وقد، والی روس نظر (ن ال الم الم من من سع ولا اولا و الم معانى خطوط كم كرد ل ۔ گے ہے دما، مر ولائے ، ن۔ ف ما اگ لا جنتیں۔ اوررنظ (ن کی احد) پر ماسل جنت مے محرکے سمتی جیب التمام کے تناسبای ليكن مامس جنت كاموراس نقط برصفرى مستوى سطي كاعادب-يس صغرى سترى سطى كى ساوات س (ا-ن)(ل-گ ے + هما) + (ا-گ)(م- مل + ن ع) +(ى-ھ)(ن- ئ ما+ك لا) =.

يني اا (ل-گ ع + عما) + (مر- دلا+ ن ع) بوككس ازير اگريم سطح مستدى اب نظه (ن ، گ ، ه) سلم منتری (۲) پر دا قع ہے۔ اس لئے مساداة أومل كرف سع حاصل بواب ٧- ن مران ما-لن+ن ل ته- م ل+لم ل لا+مما+ ن شے جس سعمنوی سطح (۱۲) صغری نقطه حاصل بوسک بے۔ ۲۰۸ - دو مخرط معلوم کرد که خطامتنانیم <u>لا - ف</u> <u>ا - گ دی - ه</u> و وس کے ذکورہ إلا نظام كا صفرى خط بور محدد ل کے متوازی (ف، گ، ه) یں سے گزے والے خطول کے گرد زکیری جعنت یہ ہیں ل-گے مما، م-ملانے، ن- نمایگ اس سن وئے ہوئے خط کے گرد مبنت کا معادا ز = ل(ل- گ-ع+هما)+م (هر-ه لا + ن-ع) +ن (ن- ن ما + دّ لا)

ادر یصفر میگا بفرانید کا (م د - ن ک) + ما (ن ن - ل د) + مد (ل ک - من)

= ل + مرم + ن ك

يس به اس امركي شرط ب كرديا برواخط مذكوره بالا نطام كا صفرى خط بو-

مطنی _ ناب کرد کر تو ہوں کے نظام کے کسی صفری حظوں میں سے جار حظ کسی زائد منا کے کمون بوتے ہیں اور دو دوسرے سے -

وص کردکہ زائدنما اللہ + اللہ - یک = ا ہے ا در فر من کردکہ اس کے مرکز ادر محدد سے کما فاسے قراق کا نظام

(لا، ما، مے بول، مرن) سے تبیروتاہے۔

زائد نما کے کسی کمون کی مساوات سیے

ومنها قبل کی روسے یہ قوتوں کے نظام کا صفری خط ہو گا اگر

لا (- ب جبد م) مماج وجم مد مصوب ال وجد م - مرجم مد + ن ح

جس سے مرکیاً إلىم مطکى دوتيمتيں حاصل مونگى - بس كمون سے ايك نظام كے دوكون صفرى خطوط ايس- اسى طرح سے كون سے دومرے نظام كے لئے۔ ۲۰۹ - ثابت کردکه توتو کاکونی معلوم نظام دوقو ن بین طحویل بوسکتا ہے جن میں سے ایک معلور خاو (کے ساتہ عل کرتی ہے -وكواساسي نقطه إسيدا بالؤادر زمن كروكرس اورنت حاصل قويت اور جنت س- و ا اور قبت س كخطامل میں سے ایک سطح مستوی کھینچو جرجفت کی سطی مل ہے (لینی سطی ستری ج و د ہے بوجنت كمورير نود دارب كظوب لم مراكودوق تول يس عمليل كروجني سے ایک ن ، والے ساتھ عل رے اور دوسری ن ، وب کے ساتھ ال کرے قت سر اسطیمیتری ب وج مین ماصل جفت کی دو توق سے آل کر ایک نوت ن بن ما تیلی جس کا خط عمل و ب تیمتوازی ہوگا۔ اس سے ظاہرے کر قرق کا کوئی نظام معا دل ہوتا ہے ایک فاص قرت ن کے جوایک سعاوم خط و ا کے مات من کان ہے سعد ایک اور زمت من تے جود کے معنری سط ستوی میں کسی حکر پر عمل کرتی ہے۔ استسم کی قوتوں کو جیسی کم ف اور ن میں مزددج تو میں کہتے ہیں اور إن كے خطوط اعمل مزده ج خط كهلاست بي -نعط وخط و ﴿ برخاوكس مَكْرُ ليا ماسك وت سوم مرصورت بن اس يقط کے معنری عظیمتوی بر عمل کرے گی ۔ بس جیسے بعظہ وضط و (بر حرکت كرتكب أس كامغرى سفيسترى سلس طورياس طرح كموسًا جانا بي و (كا مزددج خط بمينداسين واتع بوتاب- بن و (كامزددج خطاس طرح أساني سے دریا نت ہوسکتا ہے کردارکوئی وومناسب نقطے لیکرا ن نقطوں کےصفری سطوح مستوی کی سما وائیں لکھی جائیں۔ مطاور خط ان سطوح مستوی کا خطِ تقاطع ہے۔ منلاً وض کروکرہم قوق کے نظام (کا ، ما ، عن ل ، عن ن) کے <u>الون = الحراب = الماس = الماس = الماس = الماس الم</u> کا مزدوج خطامعلوم کرنا جاسیتے ہیں وفید ۲۰۷ کی روست لفظہ (فٹ ،گ ، هر) کا صفری ستوی ہے لازل ۔ ک ے + هما) + ا (مردم لا + ف سے) +ى (ك. منه ما ـ گ لا) دل ف + مرك + ن ه ١٠٠٠) (١) بركو لى دوسوا نعظم سيميع (ن - هل، گ - مه ،،) اس نقطر کا صفری مستوی سنے ١ (ل-گ - الم مرحم) + ١ (مر+ ن - - - الله - -) +ى [ن- نما + ك لا + مل ما - مولا + (١) اور (١٠) سع مطارم مزودج خط كى مساوات بيان برتى معد (۲) کو (۳) میں سے تغرب کرنے سے

الإن ما-م سے) + عال سے - ن کا) + ى م کا - ل ما) ء ل ل+ مرم+ ك ن · · · · · · (٣)

(من ادر (مه)مطلومه حنط کی مساداتی*ن سبل ترشکل مین (ب* ~ ية سانى سے نابت موسكتات كر رسى، بادات سي خط (١١) برلاتنا بى كے

نده كا صفرى متوى تبيد برناب كيونكراس نقطيك محدد (ل رام مران ن ر) مين حبا ب مكاطول لا منا بي- مع-

وروالير

ا - اس مبرت سرحبت كوجس مي وفد ٢٠٥ كا خط و الم من فطام كا صفرى خطابو-٧- ايك خطِ مسنقير كي مساواتي (١١ + ب ١ + ج ن ١ له لا ١٠٠ كُو الم ب ١ + ج ي الم ١٠٠٠

من سابت کود که اس خطا کے مزود ج حفاکی مساواتیر اعظمات

ل ¥+موا+ ن ي

می سیمسی دوگو صغر کے مساوی رکھنے سے حاصل: تی ہیں جہاں کی مرا ت نقطہ

(لاا ما) ی میزگیبی حبنت بیں اور ل مران مركز برزكيي جنت ين -

مع - قرق ن محكى لغام (لا مما اعي كل مران) كود وقوق كم معاول بنايكيا

ہے جن میں سے ایک تور لا کے سائٹ عمل کرتی ہے اور دوسری مناسب قوت ہے۔

تابعکودکران زوں کی مقاری یہ ہیں ک کا + مرما +ن مے اور [(مرما + ن مے) + ل (ما + سے)]

[ز فن کرد کدو و قت جو محور لا کے سات اللہ عمل کرتی ہے ق ہے اتب دومری و قت کے اجزا کے ترکی ہے ت ہے اب دومری و ت کے اجزا کے ترکیبی کا سف کا مرات میں اس کے اور کی ہوئے اور میں اس کئے دونو ۱۹۱۹ کی دوست کر عمل کرتی ہے ۔ چونکو یہ و قبس آند م فوکو کے معادل ہیں اس کئے دونو ۱۹۱۹ کی دوست کی ۔ گ ہے اور سے دور ات = من ما ۔ گ (کا ۔ ق)

اس سے تائج إلا آسانی سے مامس بوسکتے ہیں ، بیزدومری قوت کا خط عمل معلوم بوسکتا ہے]
ہم ۔ ثابت کرو کر ریخ (لا، ما، سے، ل، مر، ن) دوقوق سے معادل معنیٰ یں
سے ایک خط لا = ا = ی کے سائنہ اوردومری خط

ل لا+ مرا+ ت ى=٠

ادر لا(ما-م)+١(م-٤)+٥(١٠-ما)= ل + ١٠٠ ن

كماة مل كرتى ب وون قون كالقداري معلوم كرو-

۵۔ تابت کروکر قرق کے دو نظام اِلموم مزدوج طو س کا صرف ایک ہی اوج منترک کے منترک کے

4 _ ایک راد منا کے ایک می مطام کے دو کولاس کے ساتھ ق تیں عمل کرتی ہیں۔ نابعہ کوک اسی نظام کے دو کو دن ان قرق سے صفری خط میں ۔

ے ۔ تابت کہ کہ ایک خط ال ب کے مخلف نقطوں کے صفری سطوح مستوی ایک دومرے خط ج د میں سے گزرینے نیز اگر مخلف کلوں میں خطوط ال ب ایک ذائد نما کے کمون موں

و حظوط ج د بھی ایک دائدما کے کون ہو بھے۔

جبان ۱۱ و ل ۲۲ + مرماً + ن نے + ل ۲۷ + مرما + ن ب ک - ۲۷ ۲ + ماماً + ب نے

ادر ع نع نع حسب مهول نظاموں کے غیز تغیرہ کو تعبیر کرتے ہیں اور س می مال قوق کو۔ (ددون نظاموں کے مرکزی محروں کے لئے وقعہ ۱۹۰ کی مساواتیں است ال کرنے سے ہیں چھوٹ ا فاصلہ سما اور مرکزی محروں سکے درسیان زاویہ عصب ذیل مساواق سے حاصل ہوتا ہے۔ ر

 $\frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5}{\sqrt{3}}$ $|c_{i}| = \frac{3}{\sqrt{3}} - \frac{3}{\sqrt$

بزدفد ۱۹۲ کی روسے اگر اج اور ب د سطار بنطابوں تو ظاہرے کم اب براک مرکزی موری اور نام رہے کم اب براک مرکزی موری موری اور اللہ مرکزی موری اور اللہ موری اور اللہ موری اللہ موری اللہ موری کا اور اس اللہ اس ایر واقع موال

روم ہو کا ادراس سکھ اُن سے درمیان مجبو کے سسے چنو سے فاصلہ سبا برواتھ ہوگا ونغہ ۱۹۲ سکے زاوسے کلہ ادر فہ کی ساوا میں یہ سٹ کل اختیب ار کر تی

ہمی

ان مساوات کی مسلی ہیں سے طراور فہ کوساقط کرنے سے ہم دیکتے ہیں کہ (اور ب

 $|v| = \frac{1}{|v|} \left[\frac{|v|}{|v|} - \frac{|v|}{|v|} \right] + \frac{|v|}{|v|} \left[\frac{|v|}{|v|} + \frac{|v|}{|v|} \right] = 0$

یس طلوب فاصلہ = اس سادات کی اصلوں کا فرق جریخیل کرسفے پرد نے ہوئے جواب کے سادی نابت کیا جاسکتا ہے ۔

ئے ساوی تابت کیا جاسکتا ہے ۔ • اسٹابت کردکہ قرنق سے تین معلومہ نظام سے سٹترک صفری خطوط یک چا دری زائد نما کر اگر سے زنادہ سرکر کردوں

کے ایک ہی نظام کے کون ہیں۔

و ۲۱ ساس باب میں ہم جندسا دوست نیوں کوبیان کریں گے اور ان کے تعاول بر بھٹ کریں گئے اور ان کے تعاول بر بر بھٹ کریں گئے ۔

بم فرمن كرير منتج كران منسينول كي مخلف حقته حيلينه اور استوار بير ورسلیاں ج استعال کی ماتی ہیں کمسل طور پر مراحات والی ہیں، نیزان مشینور

برجو فوتس عمل كرتي بي ده بميشه إلىم متعاول رسى بين ميني مسضينين بهيشه ماكن رسى

بين - عملى دنياين يرمنسوالط ببت اسى منينون بين تقريبي طور بريمي إوس بنين

مملؤ مضين كوكسى مزاحمت برغالب اجان كف فاستعال كيا جاة ب جووت مشین برنگان ما ق مبع اُس کوطافت کہتے ہیں ادر جس رکا دے پر غالب آنام مقدود مواسع أس كومزامت إوزن كيتم بن خواه ووكسي شكل مي منو دار مو-

٢١١ - خيلي فا قدو - الركسي شين من العن من العن وكومتعادل كرسية

تنبت <u>و</u>يني مزاهمت كمشين كاحبكي فالدوكتي بي - بس

مزاحت = فاتت × خيلى فائده بعض ادفات بيني فائده بعض ادفات بيلى فائده كى باست اصطلاح، قرل نسبت عبى ستوال كيماتى ہے ۔ تقریباً سب مضینیں اس ارح بنا ان جاتی ہیں کرمینی فائدہ ایک سے زیادہ رہے۔ رقمار کی نسبیت۔ تمسی مشین کی دفتار کی نسبتِ سے آن فاصلوں کی نسبت مراد سے الترتیب آیک ہی دفت کے دوران میں طاقت اور مزاحت مے مقاط مرکت کرسے ہیں معنی دو فاصلی برست تی برکت کرتا ہے

وہ فاصلوب سے و حرکت کرتا ہے

اگرمضین ایسی بوکراس کے ترکیبی حصول کو اٹھانے میں کو الی کا م سرانجام د دینا پرے ادر اگریہ اِلک حکنی ہولینی اس کے مختلف اجزاکے اندر اگر الی توست بالكل معدوم بوقو معلوم بوكا كر حيلى فاكره اور زفتا ركى سبت دونو ساوى بوت ہیں- بیںائیسی صورت میں

وہ فاصلاحس میں سے ق حرکت کرتاہے دہ فاصاحب میں سے و حرکت کرتا ہے

اس کے و × وہ فاصل جس میں سے و حرکت کرتا ہے

= ق × وہ فاصلہ حرمیں سے ف حرکت کرتا ہے۔

طاقت کاکام = دزن کے فلاف کام ٢١٧- مم ديميس التح كرذيل كامكار فركام الح اصول " ك نام عدموسوم ب نبایت عام اورجا سے مسئلہ ہے:۔

خاہ ہاری مسنین کیسی ہی ہو بشرطیکہ اس کے اجزا دیکے ا مُدركُرٌ منه و اوراس كے مختلف حصول ملك وزون كو نظرا مدازكرديا جائے طاقت کا کا مربیشه اُس کا م کے مساوی ہوتا ہے جو وزن یا مزاحت کے خلاف کیا جائے ۔ا

اس امول کوموروم کام کے احول کی وسیع خیال کیا جا سکتا ہے۔اس می

بائے موہوم مٹاؤں کے ایسے حقیقی اور محدود سٹاؤ ہوتے ہیں جو مضین کے من سن من ما دو کے مطابق موں۔

زمن کروکر ہماری مشین سے جیلی فائدہ حاصل ہوتا ہے دینی وزن سے مم طانت لگانی پڑئی ہے تو طافت کا فاصلہ طے کردہ وزن سے فاصلہ طے کردہ

سے اسی نسبت میں کم مولاء عام الفاظ میں اس امروا قد کو یوں باین کرتے ہیں کم

طاقت میں جو فائدہ حاصل مراہ ہے رفتاریں اتنا ہی نفصان ہوتا ہے ۔ پرکہتا شاید زادہ جامع ہوکر خیلی فائدہ کا حصول دفتار میں تناسب کمی پیدا

کڑا ہے۔ کسی مضین کے استعال سے کا مریس فائد ہ نہیں اُٹھایا جاسکتا اگر جبہ عام طور پر حیلی فائم ہ ہوتا ہے۔ عملی طور پر رگر کو دغیرہ کی وجہ سے ہر شین کے ستعال

سے بچھ نیجھ کا م کانقصان ہوتاہے مشین کے فائرے حسب ویل ہیں۔

(۱۱) اس کی مددسے ایک شخص اس سے بہت زیادہ وزن اٹھا سکتا ہے حبتنا کہ وہشین کی مدسے مبتا کہ وہشین کی مدسے میں اللہ جرخوں کے نظام ایجر خ اور محدر کی مددست ۔

(۲) ہشین کے کسی ایک حصد کو حرکت میں النے سیدائی کے اس دوسرے حصد میں ایادہ تیز حرکت بیدا کی جاستی ہے۔ ان دوسرے حصد میں زیادہ تیز حرکت بیدا کی جاسکتی ہے مثلا بائیسکا ہیں۔

اس مسنین کی مرد سے کسی قابل سائی مقام براسان طریقی ست نوت لگا سکتے ہیں۔ مثلًا دست بنا و کی مردسے آگ کو ہلا سکتے ہیں! پونے کے بڑے پڑے لڑ کرے کو ایک

چرخی کی مددسے کسی عارت برجڑ الم سکتے ہیں اس طور پرکدایک رسی اوکرسے سے با مدھ دیجائے ادراسے عارت پر کی ایک وابستہ چرخی پرسے گزار کراس سکے دوسرسے سرسے کوزمین پرکا کوئی استا وہ شخص کھینچے ۔

ساام - بعرهم - برم درامل ایک سدی یافیر عی استوارسلاخ مول بے جس کاایک تعظم میں میں استوارسلاخ مول ہے جس کاایک تعظم میں اور اِن المرہ سلاح اس نقطرکے گردگھوم سکتی ہو۔ اس خابت نقط کو نفساب سے طاقت اور مزاحمت سے خطوط کل کے عمودی فاصلوں کو برم سے اِرد کہتے ہیں ۔

قراق - اسی دن وادطانت ق فدا کے مختلف جاب ممل رقی ہے۔ قد موم - اس میں دن و ادرطانت ق نعاب کے ایک ہی طرف ممل کرتے ہے۔ ہیں ۔ لیکن طاقت ق اور وزن و فعاب سے زیادہ فاصلہ پرعمل کرتی ہے۔ فعاب ہے کے ایک ہی طرف عمل کرتے ہے۔ ہیں لیکن طاقت کا نعاب سے فاصلہ ہیں لیکن طاقت کا نعاب سے فاصلہ میں لیکن طاقت کا نعاب سے فاصلہ میں لیکن طاقت کا نعاب سے فاصلہ

الاسده مرم کے تعادل کی شانط-

ہرتسم میں جہم برتین مٹواذی قرتیں عمل کرتی ہیں لہذا تضاب برکا تعالی می قوت قی ادر و کے عاصل کے مساوی اور متفالی ہوگا-بہلی اور تمیسری قسم میں ہم نے دیکھا ہے کہ قبادر من متقابل سمتوں میں مسل سے ترخیہ

کرتے ہیں۔ دومبری صورت میں وہ ایک ہی سمت میں عمل کرتے ہیں۔ جو نکر سیر صورت میں

و وسری صورت میں وہ ایک ہی معلی میں میں رسے ہیں۔ یو مدہر صورت یں ق اور و کی حاصل قامت میں سے گزرتی ہے اس سلے و نداس محمطابق

امن مسطام سے کیپلی قسم میں بالعمرم ورووسری قسم میں بعیثه خیلی فائدہ حاصل موتا ہے۔

سكِن تمييري قسم مي خيلي فقصان جوتاب -

۵ ۲۱- مخلف تسم کے بیروں کی مثالیں جب ذیل میں ...

شیماوک-آنٹ کیرجکہا ہے آگ کو ہلانے کے لئے استعال کیا جائے اس صورت حفظے کا سان نوندا ہے مداتہ مر

یں جھلے کی سلاخ نضاب ہوتی ہے۔ مین کش حب اسے مینخ نکا لینے کے لیئے استعال کیا جائے۔ ایک میل حبکہ

اس کاکوئی نقط کسی ٹابت سہارے پرماکن ہے۔ ترازو - پانی کا لئے کے بہب کا دست دخیرہ

مرارو ۔ بی کا سے سے بہت و دستر مرحبہ اس فسم کے دوہر سے بیرم یہ بی ا۔ فینچی۔ موجنا

قسم وهم- شیله کوک داب- ایک بیل جبراس کا ایک سراومین برساکن موری فرض کرکے کداس کا دو سراج یانی کومس کررا بصاکن سے)۔

بادا هشکن۔ ہر قسم کے دوہرے بیرم کی شال ہے۔

قسم سوم - خراو کا یا مران - انسان کے بازد کا اگلانصن - جبکہ یا ہتیلی مرکسی وزن کوا تھا کے ہوئے ہو۔ اس صورت میں نصاب کہنی ہوگی اور چھوں سنے تنا و کی لاقت زور کا کا مدو مگر ۔

تنکواٹھاسٹائے چینے کواس قسم کے دوہرسے بیرم کی مثال تصور کیا جاسکتاہے خری سم سکے بیرم عملی طور پرائس وقت کام آنے وس جبار طاقت کسی ایسے نقطہ پر لگانا مطلوب ہو جہال برا ہو داست طاقت نا لگائی جاستھے ۔

دفدہ قبل میں ہمنے برم کے دون کونظرا نداذ کیا ہے۔ اگراس و دن کو بھی محوظ رکھا جا سے اور اس و دن کو بھی محوظ رکھا جا سے لو لئا دل کی مزالط نفیا ب کے گرد قوق کے معیادا خوں کے حیارا خوں کے حیارا خوں کے حیارہ محروم کو مفرکرسٹ سے حاصل ہوسکتی ہیں ۔

رو ہوں ۔ میرم کا امول حکیم آرشمیدس کومعلوم تھا جو تیسری صدی قبل نہیں گزرا ولعویں صدی میں قو کو سے متوازی الاصلاع کا اصول معلوم ہونے تک

برم كااصول سكونيات كابنيا دى اصول تما-

. تم داربیرم- نرص کردکر اص کونی فیرمها بیرم.

جس کا تغیاب صہنے اور میں ل اور

ص م بالرتيب ذي ق ئے خوعمل ديس اج اور مزاحمت و کے خاعل ب ج پر

ص و پرتعا ل معلوم کرنے کے سلتے فرض کرو کہ طاقت ق اور وزن و کی سمتیر ،الک

ودر نے سے ج برمنی بی - چ کرجم برغمل کرنے والی تو تیں مدن میں بی اس کئے میں بر اس کئے میں بی اس کئے میں بر کے مناز ان مج میں سنے گزرے کی - بیس الای کے مناز کی روسے

تعالى كى ميت توبوس، ق ادر وكودوعلى القوائم سمتو سر محليل كرف سے بھی ماسل پوسکتی ہے۔ اس دفد میں ہم نے نفعاب پررگڑکی نوت کو ہمو ط ہنیں رکھا ہے۔ نیز ہم نے یہ فرض کرلیا ہے کہ بیرم پرعمل کرنے والی قرتیں ایک ہی سط مستوی میں ہیں جراس محور پر جس کے گرد بیرم گھومتا ہے عمود وارہے ۔ ست میں عمل کریں تو تھا ول کا مسئلہ وسویں باب کی روسے أيين البعاد كي توون كامسله موكا -

٤ ١٧ - چرخيال - چرخى اكرمى إد بات كاچوالسا بهيا برتا ب جسك محيط يرامك الی کھدی ہوتی ہے جس میں دوری اِرسی بیٹھ سکے۔ چرخی ایک ایسے محد کے گرد

آزا دار کھوم سکتی ہے جو بیٹے کے مرکز میں سے گزر تاہے اوراس کی سطح پر عمود وار ہے۔ اس محار کے سرے لک^وی کے ایک قالب برسہادسے ہوئے ہوتے ہیں۔ اگریری کا قالب وکت کرسکے تواس کھا لی حرکت جرحی کہتے ہیں ادر اگراس کا قاب سمينه نابت دے واسے ابت جرحی کہتے ہیں ۔ عام طور پرخی کا وزن اس وزن کے مقابلے میں جس کو برسہارے ہوئے واس قدر جموا ہوتا ہے کاس کے است وزن کو نظر انداز کیا ماسکتا ہے۔ اس مرکی برخی کوب وزن جرخی کہتے ہیں - رسی یا ڈوری کے ودن کو جو برخی بیست نی ہے میشانظر الداز کیا جارے گا رر ہم چرخی کو ہمیشہ جیکنا تصور کریں گے جس کی دج سے اس پرسے گزر نے والى رسى كاتنا داس كرسب طول برسادى تجما جاسيك كا -۲۱۸- تېم يېان چرخون کے تېن نظامول پرحمب معمول زنيب بين غور کرينظه اس زئیب مین کوئی فاص بات بنیس گرحوالددینے کی عزدروں کے لحاظ سےاس کو پستود قائم دکھنا مناسب سبے۔ چرخول کا بہلانظام- سنظامی مراكب رسى سبارت والفينتبيرك سائمة بند معی مولی ہے۔ طاقت اور در فن کاتلت در إنت طلب سے چرخوں کے اس نقام میں دزن سب سے بخی جرخی کے ساتھ سندھا ہوتا ہے ہی ك كرد جورسى كزرتى باس كا اكسا مادسنے والے شہترے ساتھ بندماہوا کے اور دوسرا سرا او بروالی چرخی کے سائد بندها وارس فرح موخ الذكرج في كالدّرية والدوسي ایک مزا غبیتر کے ساعة اور دو مرااس پرخی کے اوپر کی جرخی کے ساتھ مبندھا مِوتَابِ عَلَى ذُالمّياس - أخرى رئس في فالى سيديرة ت الكاني جاتى ب

عام طور پرایک اورزائد نابت چرخی موتی ہے اور آخری رسی کا خالی سرا اس چرخی کے او پرسے گزرہ ہے۔ اس صورت میں قوت کو نیج کی طرف لگا یا وَمَنْ رُوكِ مِر خَيال ينعِي كَي طرف سے الله الله عند اوران كر ركندنے والى رسيوں كے تنا وُ ت، سب، ت بن، بن نيز فرض كروكه طاقت ق اوروزن و سيميم چرخوں کے تعاول کے الے اگر چرخوں أن لی کے اوزان بالترتیب دِ اوبا ہول تو ت = ت + ت ، ت = أ (ت + و) = ما + ت + ت ا سىء المرات المرادي) = رائي + رائي + رائي المرادي المر اگر جرخیو س کی متداد ن ہوتو ہا لآخر

ین پری = و + د ، ۲ و ۲ ما و س ۲ ۰۰۰ ۱۰۰۰ + ۲ ون

اگر برخیال مسادی وزن دالی بول ادر سراکی کا وزن و موتر

٢ ن م ق = و + و (١ + ٢ + ٢ + ٠ - ٠ - ٠ + ٢ الله ع و + و (١ - ١ - ١)

اس سے طاہر ہے کہ خیلی فائدہ و جرخوں کے وزن پر مو توف ہوتا ہے۔ فرمن کرد کہ شہتے رہ تعال می ہے جو تک می اور ف ملک چرخوں کے نظام

کومے وزن و سے سہارے ہوئے ہیں۔ اس سفے س+ ق= و+ و+ و, + ۰۰ ۰۰ + و.

اسی طرح سے جرخی کرمہ فاصلہ الا او پر جراصتی ہے اور جرخی کرم فاصلہ ملا او پر جرا متی سبے اور ہالا خرجرخی کن فاصلہ ہا^{نہ ا} لا او پر چراصتی سے

جونکہ جرخی کی فاصلہ ہا⁰⁻¹ کا او پرا کھ آتی ہے اس کئے جورسی اس چرخی کو ایک طرن فی سے ہا تی ہے اس کے ہرایک مصر ایک طرن فی سے ہا تی ہے اس کے ہرایک مصر کے ملول میں بقدر ہا⁰⁻¹ کا سے کمی واقع ہو جاتی ہے۔ اس کئے یہ کاصیلی رستی جرخی کی ورقع ہو جاتی ہے۔ اس کئے یہ کاصیلی رستی ہو جاتی ہے۔ اس کے یہ کاسی رستی درپرا کھ جوخی کی برستے میسل جاتی ہے اور ق کا نقط عمل فاصلہ ہا^ن کا میں سے او پرا کھ جاتی ہے۔

اس النے وزن (مزاحت) اور چرخوں کے وزن پرجوکا مہوتا ہے وہ = و× الا + و مدن برجوکا مہوتا ہے وہ = و× الا + و الله الله و مدن الله و الله الله و ا

= ۲^ن لا × ق وغداتبل کی روسے = طانت کا کام

اس نظام یں دوقالب موستے ہیں جن میں سے ہرایک میں چرفیاں موتی

میں - اور کا قالب ساکن ہوتا ہے اور سنچے کا حرکت پزیر- ایک ہی رسی سب برخوں رسے گاری ہے میں کہ فرل کی فکوں میں دکھا اگیا ہے ۔ اس رسی کے سکلے رے برقوت لگائی مائی ہے اوراس کا دوسراسرا اور کے اینچے کے قالب کے ساتھ مائی میں دوس کا منتجے کے قالب میں دیوں ساتھ بندھا ہوتا ہے۔ دونوں سورتوں میں فرض کو کہ منتجے کے قالب میں دیوں کے بوصے ہیں اُن کی تعداد ن ہے - چونکہ جارے پاس ایک ہی رسی سے جو فیکنی چرخیوں کے





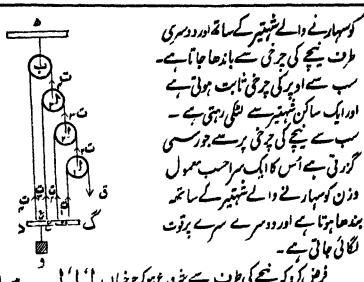
ادر سے گزرتی ہے اس کئے اس کا تناؤ ہر حگیمسا وی سے اور ق کے برابرہے۔ بس ن ق = و و جال وسسهادا موا وزن سے اور و شخلے قالب كادزان

ایک دو سرے کے متوازی رکھا جا تا ہے۔ اس کے رسیوں کے حصنے اگر دیشیک طور پر متواز کی بنیں ہو نے مگر تقریبی طور پر متوازی ہوتے ہیں اس کے سندر حالا نتائج بمرتبى درست دسمتي س

١٢١- يرخيول كاتسير الطام ساس نظام برسب رسيال وزن ك

ساتخب عيدتي بيد طاقت اور وزن كارسفة معسلوم كرو-

اس نظام میں ہرایک چرخی برسسے گزرنے والی دسی کو ایک طرمت وزن و



فُرَمَن كُور كَ يَنْجِ كَي طِلْت سِي خروع بوكرير خيال أو له كس ... بي اوران كي مروج رسياں گزرتی بین اُن کے تناو با فرتیب من، سن، سن، سن میں

ارطانت ف ہوتو مرکیا ت = ق

چر جنوں کے نعاد ل پر ترمتیب وار عزر کروئر اگراُن کے وزن و ، و ، ہوں تو ساء ١٠٠٠ ب و ٢٠٥٠ و

ت ۱۰۰۱ سر + و = ۱ ق + ۱ و + و

ت و ۲ سه و و مات ۱ ۲ و ۲ و و و و

ت د د اق ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۲۰۰۰ و ۱۰۰۰

اگر مِعْوں کی مقداد ن ہو جن میں سے ن - ا قابل حکت ہوں توون (مزجمت) كوسياد ف والى الاخ كى مدست

و = تن + نت _{۱-۱} + ب بت

 $= (r^{1}-1)\bar{\mathcal{O}} + (r^{1}-1)e_{r} + (r^{1}-1)e_{r} + \cdots \cdots + (r^{1}-1)e_{r} + (r^{1}-1)e_{r} + \cdots \cdots + (r^{1}-1)e_{r} + \cdots + (r^{1$

اگرسب جرخوں کے وزن د_{ر ع}بوں آد

و= (٢٥-١) ق + و (٢٥-٥-١)

سہارنے والے شہتیر ہر کا داؤ:۔ یہ داؤلا انت ، دزن اور چرخوں کے وزن کو منعا دل رکھتا ہے اور اس کے وزن کو منعا دل رکھتا ہے اور اس کئے

= ق+و+ د_ا + و_{دا} + ۰۰ ۰۰ + و_ن

۲۰۲۲ اس نظام ہیں ہم ویکتے ہیں کر ہرا کی جرخی کا وزن جتنا زیا وہ ہوگا ہمیں وزن کو سہوے اس نظام ہیں ہوگا ہمیں وزن کا سہار نے کے ساتھ است کی استعمال کے درن طاقت کی مدد کرتے ہیں ۔ اگر چرخوں کے درن مناسب منتخب کئے حافیس تو بغیر کسی طاقت کے دکا نے کے وزن خارم روسکتا ہے۔

مثلاً فرض کردکہ ہادے ہیں میں متحک بر خیاں ہیں جن میں سے ہرایک کا وزن وہے ، تب و فعہ اقبل کے رمضة ١١) کی روسے

و= ۱۱ ق + ۱۱ و

اس کے اگراا و = و تو طاقت قی صغربوگی بینی رسی کے سرے پر وزن کو ا (مزاحمت) کوسہار نے کے لئے کسی طاقت کے لگانے کی مزودت نہ ہوگی۔
سم ۲۹- تا وقعتیکہ وزن کواس کے سہا دینے والی سلاخ کے مناسب مقام برنز لٹکا یا
جانے یہ سلاخ دوران حرکت ہیں انفی خدر مہی ہے ۔ کسی خانس صورت میں لٹکا نے کا
مناسب محل آسانی سے معلوم ہو سکتا ہے۔
مناسب محل آسانی سے معلوم ہو سکتا ہے۔
دفعہ ۲۲ کی شکل میں فرطن کرو کہ نقاط دع ع مصن ایک (جن پروسیاں
بندھی ہیں) کے درمیانی خاصلے کو ہیں اور فرطن کروکر جس نقط بروزن لٹکا ہوا ہے۔ وہ لا ہے۔ تب مزدری ہے کہ تناؤ ت، ت، ت، ت، ت، کا ماس نقط ¥ یں ہے گزرہے ۔

یس د فغہ مس کی روسے اگر چرخیوں کے وزنوں کو نظر انداز کیا جاستے تو د المار ا

ستو+ س٠+ ت

من × و + عق × ع فر + ق × ه فر الحرع من × و الم ح ع الم

مع ١٧١- جرِخِين سكة تيسرِ فام سے وزون كو أعفا نامقصود منبس بوا- أكركت اس مقصد کے کئے استعال کیام کے قواس کا ا قابل عمل موا بہت ملد تا بت ہو جاسنے گا۔

اس كااستمال برسي كرخنيف سے وصد كے لئے ببت زور كا حبائ وا حاسك منلاً يد نظام ايك كشي كي تعد برسول كوسيد إر كفف كي النه استعال كما حامات -ونعه ۲۱۱ کی فکل می دع دن ک ایک نتی کائیز ہے جس کے ساتھ رسيال بندهيم ياديكن وزن و بنيس، جرنيوس (الرا) إلى الم كررسيال

ست انتعابی کے ساتھ میلان رکھتی میں اور نقط ھستول کی چوٹی ہے جسے سید حا ر کمنامطاب ہے ۔اس صورت میں مزاحمت وہ قرت سے جسے در رکا کرمنول سد ماركما ما سك - ما تست براح على رئ ب آست مكل م دكما إلم إسع-

۲۲۵- کام کے اصول کی تصدیق۔ فرض کردکہ وزن و فاصلالا میں سے اوپر المنتاب - تب جو رسي جرحى ب توسلان كالمتيوس كرق ب إس كا طول بقدر لاسكے كم بوجاتا ہے جسست جرخى إلى فاصل لائيج أزا تى سميد كربر فى لى فامد لا سيج أرا تى ب ادرسلاخ فاصلد لا ادير جراه جاتى ب وه رسى جوام كوسلاخ ك سأعد ال ق ب بقدود لا ك كم جوجا ق ب اور وحمد لوب ك اوپرسے میسلیا ہے۔ یس چری او فاصلہ الله اور نیروه فاصل حس میں سے اس

اترتی ہے کیچ اترآئ ہے یعنی مجبوعی طور پر فاصلی ۲ لا + لا = ۳ لا نیچ اترآئی ہے۔
اس سے رسی اور ف بقدم لا کے کم ہوجاتی ہے جوطول چرخی اور ہر سے
کیسل جاتا ہے۔ اس کا نیتجہ یہ ہوتا ہے کہ چرخی ار ایک تو فاصلہ م لا اور ووسرے
فاصلہ جس میں جرخی اور اترتی ہے یعنی مجبوعی طور پر فاصلہ م لا + ۳ لا = الا نیج
اتر ماتی ہے۔ بس بہل، دوسری، تیسری، ۵۰۰۰ (ن - ۱) ویں چرخیاں بالترتیب

ف ملك لا، سوالا، علا، ... (١٥-١-١) لا ينج الرقي بي - اورطا قت ق كانقطم

عل فاصلہ (۳ -۱) لا نیجے اتراٹ ہے۔ بس رفتاری نسبت ۴ - اسے۔ طاقت اور چرخیوں کے وزیزں (جواس صورت میں طاقت کی مردکرتے ہیں) کا کام

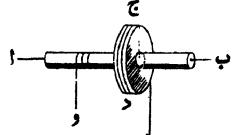
= ق (٢٠٠١) + و (٢٠٠١) ١ + و (٢٠٠١) ١ + ١٠٠٠٠ اله + ١٠٠٠٠

علا × و و دفعه ۲۲۱ کی روست

= دزن وکاکام

۲۲۷- چرخ ا ورمحور- اس مشین می ایک مصبوط مستدرا سطوانه یعنی مور ہوتا ہے

جس کے سرے دوجولیں (اور سب ہوتی ہیں اور میر جولیں ٹابت سہارول



پرآ زا داند گفوم سکتی بن اس اسطواند
کے ساتھ استوار طور پر ایک جرخ
ج د بریوست بوتا ہے جس کی سطح
متوی محور برعمود دار موتی ہے۔
متوی محد ہے گردایک رسی دی ہی ہوتی

ہے جس کے ایک سرے کو مور کے ساتھ با ندھ دیا جا تا ہے اور دوسرے سرست سے دزن فکا یا جاتا ہے۔ چرخ کے محط پر بہلی دسی کی مقابل سمت میں ایک اور رسی لیٹی ہوتی ہے جس کا ایک سراج خ کے ساتھ بندھا ہوتا ہے اور دوسدے سرے برطانت لگائی مائی ہے جرخ کے محط برنالی کھدی ہوتی ہے اکا دی ہیال مناکے -

اگر مور کا نفعت قطر او ہو اور چرخ کا نضعت قطر مب ہو تو نابت محور می خط کے گرومعیارا ڑیے سے تعاول کے سنے صنوری میے ک

ق * ب = و × ا

پس مفادِ خیلی = <u>و = ب = جرخ کا نذیف قطب ر</u> پس مفادِ خیلی = ق = ا = محرر کا نصفت محود

اس فاصلهمی سے میں جو ارآ تا ہے۔ اسی اننا میں طول ۴ و محدر کے گردلید طبحاتات جس سے وزن و اسی تدر فاصلہ اوپر جڑ ہر جا اسبے بس طاقت کا کام = ق×۱۳ب

ادر ده کام جوطافت کے خلافت کیاگیا = و × ۲ س ۹ بر دونوں ربط (۱) کی وجسے مساوی ہیں۔ نبرزقاری نسبت (دکیمو دفعہ ۲۱۱)

= ٢٣٠ = بناوكيل

نفرى طورير مقدار ب كوبيت برا بناف سے يهم مفاد حيل كو حبنا جا بي

اتنا بڑا بنا سکتے ہیں ۔ گر علی طور بر بیر مقداد خانس حدود سے تجاوز نہیں کرسکتی ۔ چونکر تابع سہاروں برکے دباؤق اور و کا توازن کرتے ہیں اس سنتے ہم محور کی مرائی مینی ۲ او کوبہت کم نہیں کرسکتے اور مذہی چرخ کے نفست قطر کو بہت بڑم اسکتے ہیں کیونکا ایسا کرسنے سے مشین جدی اور نا قابل عل ہو جائیگی۔ بس مفاد حیکی کی

قیمتیں محدود ہیں۔اس کے حدود ایک طرف تو مشین کی مضبوطی سے اور دوسری مغین کی جسامت کو مناسب ر کھنے کی مزورت سے مقید ہیں۔ ۲۲۷- دفد ۲۲۱ میں ہم سفر سیوں کی موٹائی کو نظراندازکر دیا - ہے ۔ گران کی موٹائی کو نظراندازکر دیا - ہے ۔ گران کی موٹائی استی موٹائیاں اتنی ہوں کہ جرح اور محور کے نفست قطروں کے مقابلہ میں نظرانداز مرمیاتی تو ہم اُن کو بھی کموظ رسکتے سے لئے یہ فرض کر سکتے ہیں کر سیوں سے تناؤ درمیاتی رہنے کے ساتھ عل کرستے ہیں ۔

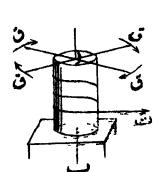
فرس كروكران ربيوس ك نصف قطر حو بالترتيب محور اور جرخ ك كرو بلتى يس لا اور ما بي اس ك جن خطوط براب تناؤ على كرت بي ان ك فاصلے چولوں كو لانے والے خطسے بالتر تيب (8 + لا) اور (ب + 1) بي - كيس

تعادل کے لئے ق (ب + ما) = و (ا + لا) جسسے

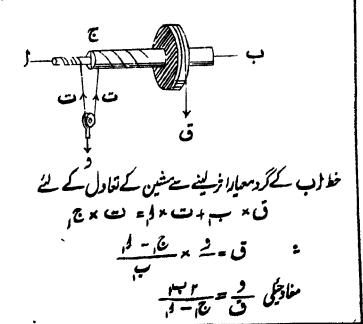
ق محور اوراس کی رسی کے تضعف قطروں کامجوعہ و اوراسکی رسی کے تصعف قطروں کا مجموعہ

۲۲۸ - جرخ اور حور کی دوشکلیں برہیں - ڈنڈ جرخ جیسے کوئیں میں سے بانی کا لئے
سے سنے استفال کیا جا آہے اور لنگر جرخ جو جہاز پراستفال کیاجا آہے ان مشینوں
میں طاقت وندہ ۲۲ کے مطابق اسطوا نوں کے گرد پٹنے ہوئے رسوں کے ذریعہ
لکانے کی بجائے طاقت ہوں پرلگائی جاتی ہے جمہ محد محد برعود وارسط مستوی میں

موست ہوتے ہیں۔



و نذا جرخ میں محور متوازی الا فت ہوا ہے۔ اور لنگر جرخ میں محور انتصابی ہوتا ہے۔ موخر التصابی ہوتا ہے۔ موخر الذكر صورت میں مزاحمت اس رسسی کے تناؤ مت برختال ہوتی ہے جو محور کے مردن پر لگائی جاتی ہے جو ال پر شحکم کے مردن پر لگائی جاتی ہے جو ال پر شحکم طور پر جزی ہوتی ہیں۔ سلاخوں کے جوڑی کی جولوں پر کا مطور پر جزی ہوتی ہیں۔ سلاخوں کے جوڑی کی جولوں پر کا دیا ہے ہیں جاتی ہوتی ہیں۔ سلاخوں کے جوڑی کی جولوں پر کا دیا ہے ہیں جاتی ہوتی ہیں۔ میا ہوتی ہیں جولوں پر کا دیا ہے ہیں جولوں پر کا دیا ہوتی ہیں۔ کہ ہوجاتا ہے یا با مکل معدد م



مور کے درصوں کے نصف قطر او اورج کو ایک دومرے کے تقریباً مساوی لینے سے اوراس طرح مفاد حیلی الینے سے اوراس طرح مفین کاکوئی حفالیناسب طور پر کمزور مجی مہنیں ہوگا ہم مفاد حیلی کو میت بڑا بنا سکتے ہیں۔

کر مہت بڑا بنا سکتے ہیں۔ ، سوا - دسمٹن کی فرقی چرخی - اس منبن کے دو قالب ہوتے ہیں اوپر کے

حصدیں دوج خیاں تقریبا ایک ہی ناپ کی ہوتی ہیں جراک ہی جرخی کی اند مجرتی ہیں ہے۔ ہی جرخی کی اند مجرتی ہیں۔ ہیں۔ ہی ایک چرخی ہوتی ہے۔ ہیں۔ کے قالب میں ایک چرخی ہوتی ہے۔

یے کے فاعب میں ایک بدی ہوں سب بن مات فات دوں و بدر ہو، ہے۔ نیچے کی شکل میں مشین کی ایک تراض دکھا کی گئی ہے بے مرسے والی زنخبیر

کا ایک بڑا طلقہ بہلے ادبر کی چرخوں میں سے بڑی چرخی کے گروار مجر بنیجے کی جرخی کے گروار اللقہ بہلے ادبر کی چرخی کے گروار اور ابعدازاں ادبر کی چموائی چرخی کے گروگزر تا ہے -زیجنیرا اللقات

ہے۔ طاقع ق کے لگانے کا طریق ظامی دکھایا گیا ہے۔ ذکیرکو پھلنے سے رو کئے کے سعے ادبر کی چرجنوں پر دندا نے بہنے ہوتے ہیں جن کے

اندر زنجیری کایاں بھیس کرآئی ہیں اورزنجیر کو پیسلنے سے رد کتی ہیں۔

کسکنے سے رو کتی ہیں۔ اگرمی کے ان معمول کا تناؤیج وزن وکو

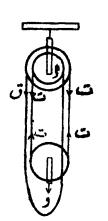
سها دے ہوتے ہیں ت ہو تو چونکہ یہ حصے تقریباً انتصابی ہیں اس کئے زنجیر کا وزن اور نیز نیجے

کی چرخی کا در ن نظر نداز کرنے سے ۲ ت = و ۲ میں ۱۸

اوبرکے قالب کی بڑی اور حیو فی جونو نہ تھا کا تامیب سریان میں مال اتران میں

کے مضعت تھر اِلترنیب می اور رہوں او او پر کے قالب کے مرز ا کے گردمعیار افریسے سے

ق × س + س × ر = سا×س



ق ع في × مرايات ادرمغارطي

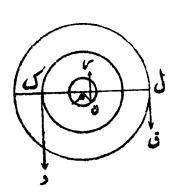
جونكرس ادر رتقريباً مساوي بن اس كي مفاد سيلي ببت زياده مع فرقي جرفی میں فرقی جرخ ادر محورسے ایک بڑے مقس کا بہت اجھی طرح سد باسب

رہوجا آہم وہ بیکدادل الذکرمیں وزن کو اُنھاستے کے لئے متعابلتہ بہست کم طول

کی رسی کی عزورت ہوتی ہے ۔ اسام - چرنے اور محدر جکران کی جو اوں پررگڑ کی قرت کو بھی لمحوظ رکھا جا گئے ۔

فرمن كردكه دفعه ۱۲۷ مين سب سے انرز كا دائرہ چول (يا ب كو تبريكر اسے جيكي شیں کواس مے محدرے ایک سرے سے دیجا جائے۔ نشکل بالا میں اسے بہت بڑھ

د کمایاتحایت.



چولوں اور ان سکے خواں کے درمیان جوماصل تعالب است انتصابي مواجابية كونكريه ف اور وكومتوازن ركحما ب-نزاگریه زمن کریں کہ ف وزن و پر مین فالب اسے کے زیب سے تر مال تعال کو نقطه تماس ن برکے مادکے سائة نادير له (جودروكا زاديب) بنانا

اس كن جل كيسب سے نجلے مقام بر داقع بنيں ہوسكتا بلكراس كا سعت ام السابونا فياسيخ فيسك كفكل من دكما يأكيا سعام اسين هرن انتصابي كساته زاویہ لہنا ایس سے بس ن رکا مامل تا ال انتصابی ہے۔ يونكوس متعادل ركعتاج ت اور وكو

نیز ہر کے گرو معیاد افریائے سے

ق عب-م×ع جباله= و× و

جاں ج چل کا نفسف تطریع اور ب اور و چرخ اور محرسکے نفسف تطری ۔ (دیکیو دفع ۲۲۹)

اس کے ق = د او او ای مب لا -

ن = و ا-ع جب له

اس مورت میں تماس کا نقط ن مرکز مرس سے گزرنے والے انتعابی خط کے ایس طرف واقع ہوگا۔

ا ۱۱۲ معولی ترازو معولی ترازوی ایک استوار و یدی (ب برق اعجب کے

دونوں سروں سے بڑے کے انکے ہوتے ہیں ۔ یہ ڈنڈی نصاب ھرکے گروجواس کے اہر بردتا ہے آزادان محموم سکتی ہے ۔ نصاب اور ڈنڈی استوار طریقہ برایک دوسرے کے ساتھ بیوست ہوئے ہیں اور اگر ترازوا جی موتو نقطہ ھریر ایک سخت فولادی

ے من ماہ بوست ہوسے ہی اور ارزاروا بی مور تعلقہ ماریر ایک حلف واوری بر بوتا ہے جس کا کنارہ نینج کی طرف ہوا ہے اور یفب کے جموعے قرص بر الکا ہواہے -

من ہو میں۔ جس میم کو تو لنا مقصور ہواست ایک برطسے میں رکھتے ہیں۔ دوسرے پارے میں ایٹ رکھے جاستے ہیں جن کی مقداریں معلوم ہوتی ہیں۔ ان وزین کو کم وجبین

کرے ترازد کی ڈنڈی کو متوازی الافق محل میں ساکن کیا جاتا ہے۔ اگر ہو داؤی یرعود ہو اور بازو ھا (، ھ ب سے طول ساوی ہول اور نیز ترازد کا مرکز

گفتل خط هرهد پر دا تع ہو ادر لروں کے دن مسادی ہوں توجہ کا وزن دور کا طرف کے بارے کے اور مے بجوعی درن کے بربر ہوگا۔ کا حسر سر دریا اور کے در در کر در اور میں در تا در کی دراوں کا دراوں کی دراوں کا دراوں کا دراوں کا دراوں کی دراوں کا دراو

اگرجہم کا وزن اول کے وزن کے مساوی مزہوتہ ترازوکی ڈنڈی طالعہ ا تعادل میں افق کے ساتھ کوئی زاویہ بنائیگی۔

مردسم كارزوس ايك ما فائده لكا مؤاب جو وزرى كساة مقام مرير بهیست روتا سیف اس نمائنده کاسراایک درمب، داریهاید برحرک راسه ادردب دهمی متوازى الافق مولوي مرايانك كتان صفريه اب-

الما المام - ترازد کے تعادل کامول معلوم کرو جبگہ باراوں کے اند کے وزن مسادی ناہو نص كروكر بلزون مي رسطة بوشي شي وزن ق اور و بي حب مي

ق دنن وسے إا ہے - زش كردكم راك بلراسے كاورن سى ہے، يز فرض كرو ك وفي كا رمعاس ك استوارطور بريست صول كا) وزن وسب جو مره ك

كسى نقط كم برعل كراب -

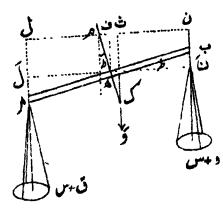
(فكل مى مخلف صول كي ناسب كازياده خيال بنيس ركها كياب اكتفاد العقول کی نشاندہی واضح طور پر ہوسکے در اس ک دندی کے بہت قریب ہوگا)

تناول کے محل میں فرض کرو کو ڈنڈی افق کے ساتھ زاویہ طد بناتی ہے نیز فرض کرو كموه = ه، حك عك ، اه = ه ب = ار نيزون كروكفاب مين سے گزرسے دالا افتی خط اک انتصابی خطول سے جو (، ک اورب میں سے گزرتے

این الرتب ل، ف اور ن بران ہے۔

هرکے گردمعیادا ٹر سلینے سے

زق +س) × مرل = (و + س) × مرن + ؤ × مرسط



يني (ف+س)(دېم د م بب ط)=(و بس) (دېم د مه بب ط)+ و کې ببط رق-و) × فر رط = رق + و + ۲ س) ه

م ١٧١- اچى ترازوكے كے صرورى سفرانط: -

(۱) ترا دوسچی ہونی جاسیئے۔ ترا درستی اس صورت میں ہو گی جیکراس کی فخد ہی کے ار دطول میں مساوی موں، پلڑوں کے وزن مساوی موں اور فونڈی کا مرکز تعسل اس خطر داقع موج نعماب سنے دوروں برعمودا تھینیا جاسئے ۔ اگر یمتال طربور می ہویں تو ظا برسب كر بار ول مح اندر مسادى وزن ركھ سنت كوندى افق سنك متوازى ديكى یہ جان کرسے کے لئے کر زاد دسی ہے پانہیں بہلے یہ دیکموکرجب پاراسے

خالی ہوں تو ڈنڈی انن کے معنازی ہے یا بنیں۔ پھرایک بلوشے میں سبم کور کھرود مبرسے پڑے میں اون کی ساسب مقدار کھو اک ڈیڈئی افق کے متوازی ہوجائے ۔ اب صبح ادروزوں کو بلحاظ پاروں کے اہم برل دد- اگراب میں یوای درمرسے کا

تنا دل کریں تومزوری سے کہ تازوسی ہو ۔ آگرم خوالذکر صالمت میں توازد کی ڈونڈی

افق کے ساتھ کو کی سیلان رکھتی ہوؤ ترا دوسی بنیں ہے۔

(٢) زادد كوحسّاس بونا جا بيئ - اس سيد مطلب سي كواكر إول ادوم کے وزوں میں بہت خیفت سافرت مور بھی تراود کی فرندی کوانت کے سائم کا فی برا زاديرنيانا جاسييخ

قِ أور و ككسى معلومد زق كي كي تاددا فق كما عد متبنا داوه میلان رکمیگی اتنی ہی زیادہ حسّاستمجمی حاسنے گی - نیزکسی معلوم میلا ن طر کے پیدا

یں میں ہے۔ ریے کے لئے دروں کو فرق ف ۔ و جناکم ہوگا اتنی ہی ترادو زیادہ حسّاس مجلی بس کسی تراز دکی حساسیت نابنے کا بہترین معیاد مقدار

(دنگيو وندسه ۱۲) ' ق-و يني وكر + (ن + و ۲ س) م کی میت ہے۔ پی کسی زورد کی حساسیت بڑی ہوگی آگر بمقابلہ ہم اور کب کے قرار دکی ونڈی کے ارد کی ونڈی کے ارد کو جستناکہ مشین کی ادر کو جستناکہ مشین کی استواریت اور طول اجازت دیں۔

اگر ہم معفر منہ ہونو نظاہر ہے کہ حسّاسیت قی ادر و کی قیمتوں پر بعنی بلڑوں کے اندر کے وزنوں پر موقوت ہوتی ہے۔ کیمیا کے بخربہ خامہ کی تراد و کے لئے بیمنامب بنیں ہے اس کے الیسی ترازی میں حرکہ صغرر کھا جاتا ہے یعنی ان میں نقطہ ھر نقطہ مد پر منطبق موتا ہے۔

بندان می صاسیست کے الکس دبتی ہے جہاں کے نقط مر یا ھے کے نتی مرز نقل کا فاصلہ ہے۔

سین تبین هم ادر کم دونوں کوایک سائد صفر بنیں بنا دینا چاہئے۔ایہ اکرنے اسے نقاط هراور ک دونوں هر برخائی سائد صفر بنیں سے نقاط هراور ک دونوں هر برخائیں سے نقاط هراور ک دونوں هر برخائیں سنادی موں تو توازو کسی محل میں بھی سنادل رہے گی اور حب یہ درن برابر من موں تو نوازو کی ڈنڈی حتی الوسع انتصابی محل اختیار کریگی۔

(۳) ازادو کو قائم المتعادل ہونا جا ہیئے اور بہت مبدی اینے تعادل کے محل کو افتیاد کر این عابیتے۔ افتیاد کر این عابیتے۔

معلوم کزاکہ ترازد اسبنے متا دل کے محل میں آنے میں کتنا دقت لیتی ہے کلیتاً علم حرکت کاسوال ہے۔ تاہم ہم فرص کرسکتے ہیں کہ قرقوں کا بضاب سے گرد معالالا مننا ذیا دہ ہوگا اتنا ہی کم وقت محل تعادل میں داہیں آئے کے لئے در کار ہوگا۔ حب ہرایک پلاسے میں دزن تی ہو تو حالت تنا دل میں داہیں لانے والی قرقوں کا معیادا تر هر کے گرد

= (ت+س) (ومم ط+ هرب ط) - (ق+س) (ومم ط-هرب ط) + وَ × كرب ط = [۲ (ق+س) م + وَ × ك] مبط

اس جلو کی قبت بڑی سے بڑی ہو گی جبکہ ہم اور ک کی فیمنیں بڑی سے بردی ہو

چوکر ترازو کی متاسیت ہے اور ک کے چیوٹا ہونے پر موقوت ہے اور آس کا گئے تما دل ہونا ان کے بڑا ہونے کا مقتفی ہے اس سلتے ہم دیکتے ہیں کہ ترازو کا حسامس ہونا اور جلدی تو لنا ایک مذتک ایک دوسرے کے متافق ہیں۔ ملا یہ تناقض کوئی زیاوہ اہمیت بنیں رکھتا ۔ کیو کلم جن ترازو کو سی سہست ملا یہ تناقض کوئی زیاوہ اہمیت بنیں رکھتا ۔ کیو کلم جن ترازو کو سی سہست متاسیت کی عزورت ہوئی ہے (مثلاً مخرجنان کی ترازو کو سی میں) وہاں جلدی تو لئے کی خوبی کو چیوٹر سکتے ہیں۔ مدین ترازو کو سی میال کیا جا ا

برعکس اس کے تجاری اغراض کے لئے جن ترازی کو استعال کیا جا ا ب اُن یں حساسیت کی چندان مزورت بنیں ہوئی۔ جہاں کے مکن اسکے

حتّاسیت ادر مبدتوننا دویوں فو بیوں کے حصول کے بلط ترازو کی ڈنڈی کے بازوں کوبلکا اور کا فی لمیا بنا ناچاہتے اور سز دفیزی سے نصاب کافاصلہ

کے بازڈں کوہلکا اور کا فی لمبا بنا نا چاہئے اور نیز ہونڈی سے نصاب کافاصلہ کا فی بڑا ہونا چاہئے۔

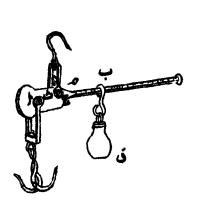
ہ سوم - دوہرے قوانے کے طریقے سے کسی میں وزن تھیک ٹمیک معسلیم موسکتا ہے خواہ ترازدمیجے ندھی ہو۔

ایک باڑے میں جبم رکھو اور ددسری طرن مٹی یا کوئی چیز ڈال کر فی ندشی کو متحد متوازی الافق کو است میں کا دیکھو کہ سکتنے متوازی الافق بات رکھ کر دیکھو کہ سکتنے وزن کے بات ڈنڈی کو حسب سابق متوازی الافق بناسنے کے سلط ورکار ہوتے ہیں یہ بالے جسم کے دزن کو تغییر کر میں گئے۔

ت جب کسی چیزے وزن کرمہت صحت کے ساتھ معلوم کرنا معصود ہوتا ہے تو نہایت عدہ ترازوں کے باوجود یہی طریقہ استفال کیا جا آہے اس طریقہ کو بور ڈ (کا طریقہ کہتے ہیں -

۱۳۷۹- آک - سولی تک جے ددی تگ بھی کتے ہیں ایک تسم کی شین ہوائی ہے جے اجمام کے تولیے کے سے استمال کیا جا تا ہے اس میں ایک سلاخ اسب ہوئی ہے جوایک نابت للساب جو سکے گرد گھوم سکتی ہے۔





اکندا ہوتا ہے (ابض اوقاع ایک بلردارہ ا اوقاع ایک بلردارہ ا والا جمر کما مہا آہے ۔ بالد ج نب برایک وزن تی آورداں ہو تا ہے جو ادمر او حرکت کرسکتا ہے۔ بارٹ

نغذا پرایشک

برکے جبر کا در ن علوم عربے کے سے یہ مریخها پڑتا ہے کہ ڈیڈن کومتوازی الا نوح

کو منوازی الا نن کرے کے لئے دن ق کو کس مقام پر کھا جائے۔ بادوج بب برنشا ات کے ہوتے ہیں اور دہ نشان جاں ف تھیرنے سے توادن پدیا ہوتا ہے جبم کے وزن کو تیر کرتا ہے ۔

فرض کوکہ تک اور بلا ہے کا درن و ہے اور ڈنڈی کا ود نقط حس میں سے وَ عمل کتا ہے من ہوڈنڈی کو اِلعوم اس طرح نبایا جاتا ہے کہ دف حبوسے بازو ایج پرواقع ہوتا ہے۔

جب پارسے میں کوئی وزن نے موقو فرض کروکہ وہ مقام جس پر و نڈی کو متوازی الا فق کرے کے گروسیارا ترسینے سے الا فق کرسیارا ترسینے سے

اس خرطست نقطه هر کو مقام معلوم بروجانا ہے جو ہا ری درجه بندی کاصفرمقام ہے۔

جب پڑے میں درن و (= ن ق) مکا جائے تو فرض کردک ق کو کان پر رکھنا پڑتاہے۔معیارا فریسے

ن× ق×ج (+ و × ف ج ق × (ج لان) (۱)

(۱) اور (۲) سے مرکن= ن× تا

بس ککی در جوہندی کرنے کے لئے ہیں مرسے، سواز فاصلے ج (اہج () سے اس کی درجوہندی کرنے کے سے ہیں مرسے، سواز فاصلے ج (اہج () سے سرول پولسٹانات ۱ ، ۲) س، کنده کر دینے چاہئیں۔ان نشا آت کے درمیانی فاصلوں کو ق پوندگی کسروں کوظا مرکزنے کے سئے مزیقے کہا جاسکتا ہے۔

عموم ۔ ڈیٹی تاک میں ایک سلاخ ا ب ہوتی ہے جس کے ایک سرے بروزن گولہ

ب بوا ہے۔ وزن کو اُمٹائے کے لئے الپرایک کنڈایا برا ہوتا ہے۔ جسم کا وزن میر دستینے سے معلوم کیا جا آہے کہ سلاخ سے کس نعلم برمسٹین

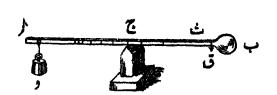
متعاول ہو گئے ۔ یوعمل عام طور پرایک رسی کے حلقہ کی مدی جوسلاخ بر میس سکتا ہے کیا جاتا ہے اور یو و بیما جا اسے کہ تعاول کے لئے رسی کو سلاخ سے کس سقام

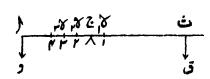
پرر کھنا ہد تا ہے۔

ُوض کروکہ سلاخ کا وزن مع اس کے پاراست و فیرو کے ق ہے الداس کا مرکز نفل مف ہے۔ جب کوئی دزن و (- ن × ق) بارست میں رکھا جائے و وض کروکہ تعادل کی حالت میں نصاب کا مقام سے پر ہوتا ہے۔ سے کے گرد معیارا فرسینے سے

لج × و= ج ث × ق

ینی کاج×ن ق = ق × (ایش- اج)





بس تک کی در جربندی کرسف کے لئے ہیں (سے متواز فاصلے لم (ش) لم (ش) اور ان کے مرون برببندسے ۱۱ ۱۱ س) مران کے مرون برببندسے ۱۱ ۱۱ س) مران کے مرون برببندسے ۱۱ ۱۱ س)

نظر ن آسانی سے معلوم ہوسکتا ہے کیونکہ یہ دونقط ہے جس پرسٹین متعاول ہواتی سے جبکہ ایر کوئی دزن نہ لٹکا ایا جائے ۔ ۸ معالا سے بلیج سے بیری دات کو کہ اسطوانہ متا استرجہ سے کرکا کے دیا ہے ۔

۸ موروستان میں میں دبات کا ایک اسطوان ہوتا ہے جس کے گرد وا ہر نفی ہوئی دولت کی چوڈی دہات کی چوڈی دہات کی چوڈی کی جوڈی کی ایک ایک اسطوان ہے اور ع دن کے دولت کی دیا گئی ہوئی کا در ع دن کے در کوئی کھٹوس اسطوان ہے اور ع دن کے در کوئی کھٹوس اسطوان ہے اور ع دن کے در کوئی

ع ك الم م ن طا سيركولار اس مستطيل كواسطواند كرد اس طرح لبي كانقطه ع اسطواند كي نقط فر برسطيق موجائے ادر کنایہ ع ھ خط ا د پر پڑے ۔ تب نقطہ ف نقطہ ع سے نقطہ الربر منطبق بوحائے گا۔ اور خطوط ع کُ ، ل م ، ن ط ، ... اسطوانہ کی سطے پر ملسل حکردارخط بن جائین سنے ساب اگر اہم فرص کریں کہ اس میکردار خط ہے برمقام برد هانت مقورًا سا المجرآئ سب نواس مطيعين بيج ي جوري عاصل برمالي فايرك كيج كى جوراى اسطوان ير لبی ہونی ایک ایسی ائل سطے ہے حس کا میلان اس کے ہر نقط رمساً وی سے۔ اورزاویه ک ع ت کے برابرہے۔ اس زادید کو بالعموم: یج کا زادید کیتے ہیں ادر دومسلسل جور ہاں کے درمیا نی فاصلہ کو جوہ بیج کے محور کے متوازی نایا جاسے بيج كى كُمَا أَنْ كَيْسَةِ مِن - بيض مسنعين بيج کی تھا نی کی تربیف اوں بھی کرتے ہیں کہ بیج کی گھا تی سے وہ فاصله مراد بزناہے جو کو فی نقلہ محد سکے متوازی طے کڑا ہے جبکہ اس تعظد كوييج براكا في زاوير مي ست كلايا جاست ـ اس تعريف كي روست مس (وی کازادیه) مرس (وی کازادیه) مرس دومتواتر چوڑیوں کے در میان فاصب اس دائرہ کا محیط جس کا اضعف قطر برابرہے بیچ برے کسی تفطر کا محرست فام ملاً چوٹیوں کے بیج کی ترامش مختف شکلوں کی ہوتی ہے۔ لیکن

Ę مكونيا عدعني مرف اسى مدرت پرغوركرينك جس من تناش ستطيل دو-A سَولا-: يج إلعوم اكب الت والب ين عمل راسي واس قالب سك المد یج کی چود می کی شکل والی ایک نالی کودی ہوتی ہے اور یج کی جودی اس نالی میں است کی جودی اس نالی میں است مورے کرد مسلمی ہے۔ یہ مورے کرد میں ایس کی مورے کرد أب مع اور مائد بى ا يسف طول كر متوازى أسطى ييجيد بث سكما سع -انتصاباً ركمام ك ادراس كي جوالى بردزن ركدديا ماسئ ويهم عامطور وهم كرييجي الرسك كا - اس ك أكره يتم كومتها دل ركهنا مقصود بوتواس بركو ليُ نه وئ وات لكان برسك كى - يوزى عام طوربراك الفى بازدك ايك سرك برنگائی جاتی ہے ۔ جس کا دوسراسرا بہج کے ساتھ استوار طور پر بیوست ہونا کے مهم ٧- ايك عِلْف يري بي طاقت اوروزن كايمن معلوم كرد-فرص كروك جوزى كي كسى نقط كاديج كي محدسه فأصله إسب اور سب (= الب) مورس اس نقط كا فاصله الم البي الم من برطانت ق لكا في ما ق بي -اب بیج ان و زن کے زر عمل تعاول میں ہے طاقت ق، وزن و اور قالب ادر بیج کی جرایوں کے نقاط می س برتعال-زض کروکہ بیج کی جوڑی کے مختلف فقطوں بر ٹابت قالب کی دم سے جو تعال بین وه س ایس طرا این -يانقا ل سب كسب ين كي عرف ي برعمود وار بوسنگ - كونكايي كومكنا فرمز كي كياسم، بهذا جب بيج حركت كراسفرة یا کوئی کام ہیں کرنے۔ طافت ق کی ہرای*ک کمل گروسٹس* ہے بیج دوسلس جوڑیوں کے درسیاتی فاصلہ ما وی ادیر آفتا ہے۔ بس برایک و مر بش میں طاقت جوکا مرسر نجام ویتی = طافت × اس وأره كامحط جو طافت کے اود کا سرام تھم کتا ہے اور

وزن کے خلاف جوکام سرانجام پذیر ہوتا ہے وہ = و × درمسلسل حورتون کا در میانی فاصله کام کے اصول کی رو تنے یہ وونوں مقداریں مساوی ہیں - اس کئے علی فاد = و = ۲۳ ب

اس دائر کامحیط حس کالضعت قطر طاقت کے ادو کے مسادی ہے ويبح كى دومسلسل حواليون كا درمياني فاصله

الا ٢- كمرورست يبيح كا تعاول - ررائه لموظ ركدكر: ين كي صورت بي طاقت ادر

درن کارمشتہ معلوم کرو۔ دفعہ ۲۲ کی ترقیم کے مطابق فرض کروکہ بہتے کی طاعت حرکت کرنے کے عین قریب ہے اور بنا رَّ علیہ رُگر او برگی طرف چوط می کے ساتھ عمل کرتی ہے۔ قالب کے وہائو کے انتصابی اجزاے ترکیبی

> میں اوران دیا وں کے افعی اجزاسے ترکیبی

٧ (جبعد مرجمع)، س (جبعد مرجم حد)، ٠٠٠٠٠

ہیں انتصابا تھلیل کرنے اور بیج کے محورکے گرد معیار اخر

و= (م+ س +ط+ ٠٠٠٠) جمعه + سجب عر) "

ق ×ب مرجم عر + س + ط + س -) (جب عد-مرجم عر)

اس المراد ق على = بجب عد -مرجم عد = المجب (عدا)

ه ق و الله مس (م د د)

اسی طرح آگ بیج اوبرکی طرمٹ حرکت کرنے کے عین قریب ہو تہ مہ کی علامت کہ بسلنے سے

ن = المرابع مر بر مرجم عد = المرابع مرابع المرابع الم

ملا نت کے لگانے کے بی موٹ رگزی دم سے جو بیج کی چوڑی کے ساتھ عمس ل کریکی شا دل رمبیگا ۔ اگر عد < له تو ف منفی ہوگی مینی بیج خود نجز و شیج بنیں اُڑے کا بکواس کو نیجے آثار نے کے لئے طاقت لگانی پڑے گئ

بور کے درمیانی فاصلہ کو مضابہ میں ہوئے کی جوٹروں کے درمیانی فاصلہ کو مضابہ ش کم کرنے سے مفاد چیلی کو متنابڑا جاہیں بنا سکتے میں گرعماطور پرایساکرنا مکن بہنیں کیونکہ اگر محمد مدرسے کرد دران ناد اس کردہ کی کردہ جوٹروں کے درمیانی کا مکن بہنیں کیونکہ

آرہم چوٹریوں کے درمیانی فاصلہ کو بہت کم کرویں فرچوٹری ان دباؤں کو جوامسس پر استے ہیں بر دائف کرنے کے قابل نہیں رہے گی ۔ منٹر کے فرقی سے میں اس نقص

کورند کرد اگیاہے۔ اس مضین میں ایک بیج کرد ہوتا ہے جوایک ابت ایک بیج کرد ہوتا ہے جوایک ابت قالب کے اندر میرتا ہے۔ بیج کرد کا اندرد نی تصد کھو کملا ہوتا ہے اور

اس کے اندایک الی کعدی ہوتی سے اس الی میں ایک اور جوڑا ہیج دع فرکت کا ہے۔ یہی دع، عرایک قالب کے ساتھ اس فرح

بدارة ب ككوم بنيسكت

ب*کام*نت اپنے لول کی سمت میں حرکیت کیسکت ہے ۔ مب طانت کا بازد (ب ایک کمل گروش کرای و ابر کابیج این دوسلس چواروں کے درسیاتی فاصلہ کے مساوی فاصلہ اوپر جرابتاہے اورسان بی چوال یے حد این دوسلسل جڑوں کے درمیانی فاصلہ کے برابربرے یے کے ادر منتج اُترام اس التي مجوعى طور پر جموا يسيج اور بناءً عليه دزن دونون جور يون کے درمیانی فاصلوں کے زق کے مساوی فاصلیر اوپر چرا ہتا ہے۔اس اے سب دفعہ ایم اگر بیج سیلے ہوں توکام کے اصول سے و = ۱۱۲ و سود - ۱۲ و در اس دائرہ کا محیط جو طاقت کے بازد کا سرا مرتسم کرانے در اول بیجول کی گھا یمول کا فرق ودون پیچوں کی مقبل جوہ ہوں کے درسیانی فاصلوں کے زن کوحسب منظاکم کرنے سے ہم مغین کو کمزورکے سے بغیر مفاد حیائی کو جنا بڑا جا ہیں بناسکتے ہیں۔ موهم الم- فأنثر - وات الرب كالكب يحربون بي جمكي دوستوى طيس ايك ترزيار برملتی ہیں۔ فاند فکر اوں یا دیگر سخت جیزوں کو جیرسے کے کا مہا ا ہے ہوڑ ی سے اسک كى يخ برسلسل مزين لكان سياس كى تير د باركواند د حكيلا ما ماسه -فانكم مل ي تحقيق در موس مام حركت كاسوال ب-يبال تم اس سند برطرت سكوني نقط نظرمے فورکریں کے بینی یہ دیکہیں کے کا اس کے اور کے دش پرکس مدر کیاں طانت لگاتے سے اسے تناول میں رکھا جاسکا ہے۔ ساتھ کھنکل میں آب ج ایک ایسے فام کی زاش ہے جس کے دن اس کے قاعدہ ب ج کے سائٹ سادی ميلان د كمقيري ـ

فرمن كروك زور ج إب م فرض کردکراس کے اریا کے ارشے برق ب ق ت الگانی گئی ہے ، من اور س فار مے اُن فقطوں برعما دی تعافی میں جہاں یو لکردی سے مسرکرتا ہے۔ مدس مرمرک ر رو کی قرمین میں مجار فارک میں ارسے کے قین زیب مر نے کی صورت میں اور لی طرف عمل کرتی ای - نیز فرص کرو کو توسعت ب حفا ب ج کے وسطی مقطر بر هب مج مح على المتوائم مست من عمل كرتي مع اور فانه كا وزن بقابل ق كيس جمومًا سب اوراس-نے تفرا فراز ہوسکتا ہے۔ ب ج کامت یں اوراس کی عمود ی سع میں تعلیل کرنے سے مرى جب ع - سيم ع = مرتمب ع - سي جم ع (١) ق در (٧٠٠٠) جم في + (١٠٠٠٠) بب م جہاں کہ رکڑھ کا زادیہ ہے۔ فانہ کی بعار سنے کی طافت کا باپ س ریا جا اسبے پر کسی معلومرون ف کے سلتے بھا رہ نے کی طاقت بڑی سے بڑی ہولی جب زادیہ عد جیو سے سے چوا مونظرى طور يري أس وقت بوكاجب زاويه عد صفرو بعنى حسب فالركى مضبطى ببت كم جو- ملاً فان كازاوير اتنا جوم بنا إمالية جناك اس كى مصبوطى سك منانى دجو-١٨٧٧ - مكن مع كه فاندير لكومي كى داؤكى قوت كانى برى بو اور قوت ق اس قدر برى سروكم فان كوعين فيع فوصكيل سك - بكه برعكس اس ك فانه بابركل آئے کے مین قریب ہوتواہی مورست یں ق کوئیست ق ہوگی جہاں قبار کی تیست وقع سوم ہو میں مرکی علاست کوبد سے سے حاصل ہوگی۔ یعنی ق ١٠١٥ (جب م -مرمم م) ١٠ م قط لجب (م الله

اگریم کار توق مثبت ہوگا

ار عے حلة ق منی ہوگا اور فاند اوپر نکلنے کے زیب ہرگا اگراس کی بالائی سطح

يرادير كى عرف وقت لگائي جائے -اگر ہے۔ لہ تو فار بغیر کسی قوت لگا نے کے عین بھینسارہ گیا۔

٥٧٨ - سطح مأكل - حيل طاقت ك نقط نظر سي سطح أل أيك سيى استوار سطح مستوى وتعبير

کرتی ہے جوافیق کے سائلہ کوئی سیلان رکھتی ہو۔

ال دفعات ٨٤١٠ من تحث بو حكى ب وم کرد کہ کھر دری سطح اکل برسطح ندکورہ کے متوازی قرت کے زیمل ایک سم

کو ادبر کی طرف میسیخ میں کس قدر کا مرکزا پڑتا ہے۔

و ننہ ۸ مسک مطابق قوت فی جومبر کوسط ستوی کے اور کمینے کے لئے = و (جِب ء+ مرجم^{ع)}) عين كافي بو

اس کے دوکام جواس کو اسے ج کک یجانے یں کیا جاتا ہے

= ق × اج و × اج جب عه+ مر × و × اج جمع = و × ب ج + مرو × اب =

وه كام درسطى أل كے بغير سركواتن بهي اونجا ئي ساديانتما أ كھينچے مل كرنا ہوتا ہے ہ مرج جسم کوسطے اُئل کے مسادی کھر دری انعی مسطح پر اُئل سطح سکے قاعدہ کے

برا برفاصلی سے تھینجے س کرنا پڑتا ہے۔ ۱۷ ہم ما۔ وقد اہل سے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ طاقت جو کا م انجام ویتی ہے وہ اس کام سے تیا دہ ہوتا ہے جوکر در ان کے خلاف کل میں آ اسے سے اِنٹ ایر تین سکے سلط

مت ہے اس امول کوحب ویل الفاظ میں بیان کیا جا سکتا ہے

ومشين بيں طاقت جو كام انجام ديتى ہے وہ مساوى ہوا سے اس کام سے جووزن کے خلاف کیا جائے معداس کا

کے جومشین کی مزاحمتوں کے خلاف کیا جائے معہ اس کا م سے جومشین کے جزوی حصوں کے اوزان سے خلاف کیا جائے۔ کی ستین یم کی استعدا و کہلاتی ہے۔ بیس استعداد = منسین کا مفید کام استعداد = منسین برکا کل کام ورن کے خلاف کام کو کل کام سے جونسب ہوتی ہے مشین

ز من کود کر رگر کے منہو نے کی صورت میں جو طاقت درکار ہوتی ہے وہ **ت** ب اور در اُسل طاقت ف لکائی مانی ب سب - شب دخور ۲۱۱ کی موسے

وزن کے خلات جو کامر کمیا جا ماہیے وہ

ع ب ووفا صله جس س ق كا نقط وعمل حركت كراب وووه ما م بو تثين يرمرف هوا

ع ف × م فاصارس من سے ق كانتلام وكت كرا سے پرتفتیمرک سے

طاتت جب که رگزمه موه د نه مو استداد ق علات جبار ركوموجود بو

ام و تو کمی مزاحرت کی تسم کی تون سے پرے طور بر نجات ماصل کر سکتے ہیں، ادرنه ای تغلین کوانسا بناسکتے ہیں کا اس کے پرزے بالک سبے وزن ہوں اس کا بیتجہ

میم تا بعد کو ان دد و جوه سے کچے نے کچر کام صرور صفائع ہوتا ہے۔ بس کسی منین کی استعداد اکا نی کے جس تدر قریب استعداد اکا نی کے جس تدر قریب ہوگی اتنی ہی مشین زیادہ اہمی تنجی جائے گی۔

كوكى منين اليي بني مبلى مددست كام بيداكيا جاسك ادر علا منين خاه كتني

بمى بدر والمرام وزن كول مد بوكيد كدكام بدينه مناسع بوتاب يستين كافا مده مرف اس قدر بوتا بعد اس كا ما مده مرف ہی وت سے مل کسف کے سے جو فاصلہ در کا رمزاہے اس می تمی نسبتا مناسب

فاصله سيفلي كي ماسكتي سيسه

رفتاری نسبت مجربه سیمعلوم بوسکتی ہے۔ کیونکر سب مغینوں میں بی نسبت آن فاصلوں کی کسر کے مسادی ہوئی ہے جوبا لتر تیب طاقت اور وزن ایک ہی وقت میں سطے کرتے ہیں۔ فرض کروکہ پینسبت ن کے مساوی ہے۔ بین فرض کروکہ جودن اٹھایا جا تا ہے وہ و سے۔ تب نظری طاقت ق جب کہ

ہوگا در شعبین کی استداد دنعہ ۲۲۷ کی روسے قن ہوگی۔

ِ ۱۸ م ۱۹ منال کے طور پر تجربہ خاند کے زنی چنے اور محور پر عور کروجس بر کیے ہجربہ کئے گئے تھے۔ سخربہ کے وقت شین اجھی حالت میں نہیں تھی اور قبل از ایں صاف نہیں کی گئی تھی اور اس کے یااس کی چرخیوں کے سہاروں کے مقاموں برکونی حکیا کی کی چیز نہیں لگائی گئی تھی۔

دفد ۲۲۹ کی ترقیم سے مطابق فی ب اورج کی قینیں ہا ، ہم ۴ اور سال کیے تقیس-بس دفاری سبت کی قیبت ن= البا = ۹

اس قیت کی تعدین تخربہ سے بھی کی گئی کونکرید دیجھا گیا ہے کہ دب ق فاصلہ وی نیچ اُٹر کاہے وو صرف ایک ایخ اوپر جوانہتا ہے ق کی قیمت بلاسے میں رسکے ہوسے اول سے دریافت کی گئی تنی ادر بلانے کا وزن بھی توست ق میں طریک کرلیا گیا تھا۔ اس طرح بوجھ و کے لئے اس جنی کا دزن بھی توست میں خال کرلیا گیا تھا۔ق دزن بھی جس خال کرلیا گیا تھا۔ق اور و کی جہ متناظر نیمین گرام وزن میں حاصل ہوئیں وہ ذہل کی جدول میں درج میں اس میں ق کی وہ تیمین درج میں جو بوجھ و کہ اسمانے سے لئے عین کافی تعین میں میں میں میں جو بوجھ و کہ اسمانے سے لئے عین کافی تعین میں درگا میں میں کا کم میں ق کی (بینی اس طاقت کی جور گائے کی درست میں درگا میں مناظر اقیمتیں درکا اور کی میں مناظر اقیمتیں درکا اور کی میں اس

م- ق	د= ن	<u>ي - ت</u>	ت	و
1524	<i>\$</i> p	0016	۲۸	è.
Y54A	اموو	11.23	74 4	1
سم و نعو	3 402	14244	ه م	3 a •
psic	544	76564	4.	10.
۵	304	٥.	4.	r/a.
6 62 64 4	341	44544	119	40.
05 6 A	244	م لمء لملم	الدد	A & +
4	344	114742	140	1.0.
4314	APL	ITASAA	7.7	149.
4370	SHAM	भाउ।	444	140.

چو تے کالمیں دینی استعداد کی تیمیں مندرج بین اور آخری کا لم میں مفاویلی م کی مناظر میمیں مندرج کی گئی ہیں۔ مناظر میمیں مندرج کی گئی ہیں۔

تناظر سیس مندرج می تنی ہیں۔ اور کے نتیجوں کو مربع دار کا غذیر مرتسم کرنے سے ہم دیکہتے ہیں کہ ق ادر و کی متناظر قبیتیں تقریبا ایک ہی خطامت تم بردا تح ہوتی ہیں جو تدبیرے ادرا تو ی فقط میں سے گرزا ہے بس قی ادرو کا رابط اس تمکل کا ہے قد و و + ب

جهان او ادرب مستقل مین ـ نیز ق = ۲۳۱ جبکر و = ۱۵۰ ادر ق - ۲۳۲ جبکرو = ۱۴۵۰ را جرم ۱۱، ب - موسور تقریباس ائے ق عمم او و + موسو نيز ن = أ و = ١١١ د × و 0, 111 × e + 4 2 mg م= و = و = مرود ان سے داور م کی متیں و کی سی تیت کے جاب میں حاصل پرسکتی ہیں - جیسے جید و برستا جا اسم د اورم کی میسی بھی برستی جاتی ہی آگرو کی تمام قیتوں کے لیئے دکی ذکورہ بالاقیت کو درست تسلیم کیا ماسے تو دکی فیت بڑی سسے بڑی ہو گی جبکہ و کی فیمت لا انتہا بڑی ہوجا کے ادر اس وقت 🖍 تقریبا 🕒 و موگا۔ يس اس منين يروكام كياج اب اس كاكم اذكم النيسدى ضابع بوجاتا م -بس مفاد جُل كي بري سے بري تيب = تقريباً ، أكراستعال سے پہلے منین کوا حجی طرح صاف کر کے جکنا نبالیا جا، تو بالعنرور مقابلتْہ ہں سے بہت البیخے نائج حامل ہو شنے ۔ بہت کم ہوتی ہے۔ جن منتینوں کی استعداد ہبت کم ہوتی ہے اگن سے عواً ایک عملی فائدہ حاصل ہوتا ہے۔ یہ دکھیایا حاسکتا ہے کرجن مشینوں میں رگڑ کی مقدار توت کی مقدار پڑتھے جوتا ہے۔ یہ دکھیایا حاسکتا ہے کرجن مشینوں میں رگڑ کی مقدار توت کی مقدار تود ہجوا ہیں ہے ان میں کسی طاقت کے موجر دونہ ہو نے کی صورت میں وزن خود بخود مج بنیں ازے کا بشرطیکر استعداد ل سے کم دو۔ ہم تسم کی شینوں کی مشال ك ايساً يهج بوسكما سبع جس كازاد يه جيولما موادر بس كي طاقت دفعه ١٧١ كي طرح افق

کے متوازی عمل کرے یا ایک علی ال بوسکتی ہے جس میں طاقت علی اک سے ساتھ ا ادپر کی مواف عمل کرے۔

اُن شنیزں میں جن میں رگڑ کی مقدار طاقت پرموتون ہوتی ہے ایسا کو ٹی عام قاعدہ نظری طور پر نا بت بنیں کیا جا سکتا ادر مراکب صورت پر حدا گانہ عور کرنا جاہیے کی جہ مشن میں میں قدم میں کو کی مقدار کی انتہا ہے۔

لیکن جن شینوں میں قوت کارگڑ کی مقدار پر کم اثر یٹر تا ہے ان کے لئے ہم تقریبی طور پر یواصول قرار دسے سُلتے ہیں کہ وزن مینیج بہنیں اترے گا بشرطیکہ است تعدا دیا سے کم ہوائین شینوں کے بارسے میں کہتے ہیں کہ یا رگفت یا الٹ مار بہنیں کرتی۔

سطعتم ہو بیسی سیوں سے بارسے میں سہوس اور بار صف یا است ادہیں ری۔ مثلاً وفعہ ۲۳۰ کی معمولی فرقی حرخی کی استعداد ہا سے کم ہوتی ہے اور طاقت کی عدم موجودگی میں یعنی جبکر مشین فوجھوڑ دیا جا سئے اور رسی کو دو حیلا کرویا جائے

تو بھی بوجر و خود بخ د سیم بنیں از سے تع مضین کے عدم بازگشت ہو نے کی خوبی سے بہت مدتک مغین کی موبی

نزتی جرخ اور محدیس مفادحیالی اکثر زیاده بوتا ہے اور بنا رٌ علیراستعداد یا تعموم اسے کا نی زیادہ ہوتی ہے، نیکن جو شکھاس میں وزن خود بخود میمچ اکر سکتا ہے ،

اس کے است ملی طور پر میشد فرقی جرخی سے زیا دہ سود مند مشین تصور نہیں کیا جا سکتا۔ اس کئے اسے ملی طور پر میشہ فرقی جرخی سے زیا دہ سود مند مشین تصور نہیں کیا جا سکتا۔ جوطا اب علم عملی طور پرمشینوں کے استعال کے متعلق مزید دا قفیت حاصل کرنا

الوقات علم ملی طور برست بنول سے استعال سے معلق مزید وا حفیت جا میا ہتا ہے وہ سروا برٹ بال کی کہا ب سر مجربی حرکیات سکو مطالعہ کرسے۔

مثاليس

ا -- ایک چرخ اور محد کے مرکز نقل کا فاصلہ اس سے محدی خطسے و ہے ، تا بت کرو کر مغین الیسی حالت بر ماکن رہ سکتی ہے جس بر اس سے محدی خطاندر مرکز نقل میں سعے گزینے والی مطمستوی سمت انتصابی کے ساتھ زادیہ طاسع کم زویہ بنائے جہاں جب طرح سے جب فرہ اس میں ب محدی اضف تعر اور فدر کراکا زادیہ ہے ۔

۲ - ایک ترازو کے بازومساوی طول کے بیں اور در در ی برخلف ورن بی ، آگرایک جبرکو باری باری سے برلیک بارسے میں رکھ کر تولا مائے و خابت کرد کر اس کا اصلی دران اس کے ظاہری وزون کے حسابی اوسط کے مساوی برگا۔

مع ۔ ایک تراز و کے اِند فیرسادی طول کے میں لین مب دند ی کے سرول برکو کی وزن نہ ہوت وندی انق کے موادی رہتی ہے۔ نابت کروکر اگر کسی سم اری اری اری اری سے دو نوں پلروں میں رکھ کرنو لا جاسے قواس كا اصلى وزن اس كے كالمبرى وزنوں كامبدى

يز ابت كردكم أكركونى دوكانداراس ترازدك وونون براون مي إرى إرى اس

كونى جيزة ل كرد مع وخوداس كو صفعان موكا -

مم ۔ ایک ترازہ کے پردوں کے وزن فیرمساوی میں اور ڈنڈی کے بازی سے طول یمی غیرمساوی بین - اگر ایب ده کا ندار کسی خریدار کوکوئی سنتے مسادی حصوں میں دو نوب پلر^{ون} ستصطول كروست تونا بت كروكه است خوونقعهان بوكا اگرلخ نثرى كام كر ثقل بلم باز و مكماندم و ۵ بدا کیسیمولی ککی درجه مندی اس مودمنه کی بنا پرکی گئی سے که اس کا ایناً وزن ق سے اور عمر راكب كا وزن و م - مريد وون مغود سف فيرميح بي. اگر دو بمول كم ملى وزن س اور سی موں اور فل ہری وزن س + کا اور سی بھا ہوں تو تابع کرو کا بل حرکت مدن اور تک کے وزن الترتیب ان کی مزوصنه نمیتوں سے بقدر فی (لا -ما) اور <u>ت</u> (٧-ما) - ياد (سما - سرلا) كري بي جان د=٧- ٢-ما

ب امر 1 الرتب دوفا صليب جرنفاب سے اردوان ايك بي متين ملاخ کے مرکز تعل کک اور شفے کے نقط آ وزیش کا نا ہے مگفے ہیں۔

يْرْ أَ سِت كُرد كُد الرئسي جهم كا اصلى وز ن سى بوتواس كا فلا برى وزن بوكا

Y5-10-1/4-4/00-108

ناجه کردکر پیچ کی استداد برس سے بری بوگی جب کراس کا زاوید ۵ م - لیم رحور کی موجود کی میں کسی ہوجہ و کو اٹھانے کے سنے بوطا قت درکا رہوتی ہے وہ

= و × قل مس (د + د)

اددجب دكرا موج دند بوتو طافحت

= و× وله مسره

294

مطلوبه استعداد ان کی تشبیت ہوتی ہے۔ بس مسس عد بنب (۲ عر + ا

استعداد = مسن عد بب (۲عر + له) - جب له استعداد = مسن عد + له) - جب له

عا- بب (۲ عرائه) + حب لر عب (۲ عرائه) + حب لر

استعداد کی قمیت بڑی سے بڑی ہوگی حب ۲عر+ لد = ۹۰

4 ۔ چرخیوں کے دورسے دفام میں بروہ قالب میں دوج فیال ہیں - تباؤک ، سا پونڈکا بوجہ اٹھا نے کے درسے دفاقت اس بوزک بوجہ اٹھا نے کے لئے کتنی طاقت درکار ہوگی ؟ اگر دکڑکی دم سے کوئی طاقت اُس وزلن

کا جو یه راگرد کی عدم روجود کی میں اُٹھا سکتی سرے حرف عدم وگنا وزن اُ نقا سکے قو بتا و کھ کنتی ما قت در کار دو گئی۔

ه برید ، بنه ۱۹۷ بوند] ۸ - برخون کے دومرے نظام میں دفعاری تشعبت ۸: ، سبے ، رکرہ اس قدر سبے کم

طاقت كامرت ۵ ه نيمد معد كام مناكمام المجام د كسكمام أبرا دُكتني طاقت دمندروكي وزن أنماك في كم الغ دركار بركي-

(جاب سيا سندروسيك)

٩-- ايك بيج ماك من بوجه وكى تيتين إلترنيب ١٥٠ ، ١٥٠ ١٢٠٠ ٢٢٠

اور ۱۷۰ پور پیمی اور طاقت ق کی شنا فرشیتی ۹ د.۲ ، ۷ د ۲۷ ، ۵ و ۲۵ ، م ۹۸۹، م

• إ- جرفيون كى دوسرت لغام مى مزامت واور كانت قى كى منافرنيتين مب ويل ميم، وزن مي منافرنيتين مب ويل ميم، وزن مي منافل مي م

1.40 , 400 , 440 1460 1460 140 140 = 3 نرنیج کے تاب میں ایخ رسیاں ہیں - ف ادر و کے درمیان تربی رس معلوم كرو اور استقداد اور مفاد حيلي كي تتناظر فيمنيس معلوم كرو-ت، ف استداد ١ ورمغا د حائي مركى ترمين تمينو 10 = 41 = 41 = 61 اا۔ ایک عاد برسکے برجر اور طافت کی فیتین ذیل کی عبد دل میں دکھا فی گئی ہیں برجه رش اکائیول میں) ا ، ۱۰ ، ۵ ، ۱۰ ، ۱۰ ، ۱۱ طاقت (پيدون ي) و ، ۲۰ ، ۲۸ ، ۱۳۲ م ۱ اه ، ۱ ه طا قت اور وزن کارسنته تقریبی طور بر معلوم کروادر ۵ اور ۱۰ ش بوجیسی کے استفال استعادی موب كرو-يىمعلوم سے كرفئادى نسبت .. ٥ سے-[= 7 27 + 277 c + 10 10 10 10] ١٧- ايک پيج جاک کي گيائي له ايخ ب اورطاقت ٥١ ايخ ليسے بيرم كرے برعلا القوار لگائی جا نی سپیم، بوجه کی قیمتیں طنوں میں اور طاقت کی متناظر قیمتین یو ناووں میں جدول ذيل مي د كعا في كمي مي-4 14 1067 by 5 ht طا قت اور بوجم كا ركستة تعريبي طور برمعلوم كرد اور اس كى أمستعداد م اور ٩ ٹن بوج کے گئے سعلوم کرد

[ن = ١٥١٥ + ١٥٥ و ١ ٩ ٥٥ اور ١٤٤

تیرهوال باسب رسیون اوزرنجرون کاتعادل

به ۱۲۵ کال طور پر طسکنے والی رسی اس دسی کو کیتے ہیں جس کی سی عادی تواصف پر
کو اتفال مون ایک فوت برشتمل ہوجس کی بمت رسی کے عاس کی سمت ہو ۔ اس تواش
کو اثنا چھوٹا فرض کرنا جا ہیں گارسی محض ایک شخص خط متصور ہو سکے ۔ رسی لینے کسی
نقط بر عرض نے خلاف کو کی مزا جمت بیش نمیس کرسکتی اس سکے اس کی کال میں کو ٹی
استوار بریت بنیں ہے اگر کسی زیخر کی کولیاں بہت چھوٹی اور جانی بوں تو استے بھی فراسکتے
والی رسی تصور کہا جا سکتا ہے۔
والی رسی تصور کہا جا سکتا ہے۔
مانتو ہیں باب میں ہم دیکہ جیکے میں کہ کسی رسی ہیں جو کمل طور بر مؤسکنے والی مذہ ہو
یا اور کی مورت میں کسی عادی تواش پر کے قاب لی میت ایک عاسی قرت میں تو بل مہنی
یا اور کی مورت میں کو بل ہو گئے ہیں۔
ہوسکتے جا کہ ایک بھیاں وزنی ایک جو سی جا ہی مساوات معلوم کر و ۔

ا ۲۵ سایک بھیاں وزنی ایک جو سی جا تو ارض کے ذیر علی آزا وافہ لٹک رہی ہے۔
ہوسکتے خلی کی تھل یواضی اور تی ہے۔ اس کی مساوات معلوم کر و ۔

ا گار میں نفون کی تھا کہ اس کی مساوات معلوم کر و ۔

فرص کردکہ خنی کاسب سے نجلا نقطہ ج ہے، اور ن رسی برکاکونی اور نقطہ بسے برکا سے برکا سے برکا سے برکا سے ہرکا ماؤں سے برکا تناؤ سے اور ج برکا تناؤ ست بہتے۔ تناؤ ست ہے۔

تب رسی کا حصد ج ن ، تناؤل سب اورت اوراس مصد کے وزن ج س کے دریاں معددل ہے ۔ ورس کے دکا نی طول کا وزن ہے ۔ ایک ساتھ سا ہوتو کے ماس کا میلان افق کے ساتھ سا ہوتو

زمن کردکرسب سے سخلے نقط پر کا ناؤرسی کے طول ج کے وزن کے مساوی ہے انب مت = وج،

ليذا مس ساء وس عي . . . (س)

منی وزا اس سنر ملکہ لا اور ماکے محوانتصابی اور افقی ہوں تیزق کرنے سے من اس میں اور افقی ہوں تیزق کرنے سے

 $\frac{\vec{c}_{1}^{\prime\prime}}{\vec{c}_{1}^{\prime\prime\prime}} = \frac{1}{3i} \times \frac{\vec{c}_{1}}{\vec{c}_{1}} = \frac{1}{3i} \times \sqrt{1 + \left(\frac{\vec{c}_{1}}{\vec{c}_{1}^{\prime\prime}}\right)^{3}}$

 $\frac{\frac{1}{\zeta_{1}}}{\frac{1}{\zeta_{1}}} = \frac{\frac{1}{\zeta_{1}}}{\frac{1}{\zeta_{1}}}$

كمل كيف سدوك [قول + ١٠٠ (فولا)] = الله بمنتقل

ار الا كام ج من سے كرك و فرا د جبك لاد اس الف سقل الا سفر الله

$$\frac{\frac{1}{\sqrt{1}}}{\frac{1}{\sqrt{1}}} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} + \sqrt{1 + (\frac{1}{\sqrt{1}})} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} + \sqrt{1 + (\frac{1}{\sqrt{1}})} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = e^{\frac{1}{2}} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = e^{\frac{1}{2}} = e^{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = e^{\frac{1}{2}} =$$

اكرمبدانقط جسے فاصلى في ليام كتواء جرجب لاء، اس ك (عد

ان محوروں کے محافظ سے منحنی کی مساوات ہے
$$\frac{4}{1}$$
 و $\frac{4}{1}$ $\frac{4}{1}$

اس منحنی کوساده زیخیره کتیمین- اور و لاکو اس کامرتب کیتے ہیں۔ مساواتوں (۲) اور (۲) سے ماصل ہوتا ہے س = ج مسس سا = ج فرا

ان وومساواتوں سے مصل ہوتاہے ۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔ اللہ عام +س ا

اكرن سيمعين ن ل كمينيا ماست اور ل ما عودبو ن طبرتوزادي مال ن = سا ادراس کے (۸) سے الما= ع = وج ن ما = س = وس ج ن اب (۱)سے ماسل بڑا ہے

سه وج تعاسا = وما

یمنی زنجیرہ کے کسی نقط ن پر کا تناؤرسی کے اس طول کے وزن کے مساوی ہوتا مع جونقط ن اور مرتب کے درمیان عودی فاصلے برابر ہو مقدارج کوبس سے رىخىرە كاناب متعين بوتاب اس كامبدل كتيريس-

۲ ۲۵۴- ج کی تمام نیتوں کے

سے تقریباً خال ہو تی ہے ہج [ا - ج،] = لا'۔ میام مساوای**ت (۵) کی بائیں جانب کولا کی صعو**د می فروں میں بھیلانے سے طاہر

ہے، لہذائنتھی محسب سے تجلے نقط کے قرب میں منحنی کی شکل مکانی کی ہوتی ہے۔

ج کے مقابلہ میں لاکی بڑی قیمتوں کے جاب میں و ﷺ کی قیمت نظرانداز ہوسکتی

سے اس کئے اس مورت میں خنی کی شکل قومت نمامنحنی سے ملتی ہے۔ سم معم الله ايك يكسان زيخر كاطول الربيء اسك مردن كودونقلول سيع جوایک بی افتی خط میں واقع بین اور جن کا درمیانی فاصد ۴ و سے بائد حدیا گیا ہے ، اگر ل،

ا سے بقدرایک جبوئی مقداد کے بڑا ہو تو نا بعد کرد کر زنجیر کا تا واس کے طول م الزل- لی کے وزن کےمسادی بوگا اور جھوک بینی زیمیرسکے وونوں سروں کو طاسنے والے خطاسے سب

سے نظافتط کی مجرائی فقریاً یا ۱۸ و (ل-۱) موگی-

چونکہ ل، وسے توراسا برائے اس نے زنجیر کاتنا و لازماً بہت بڑا موکا اور مبارعلیہ ع، بیت بڑا موگا-

تبدوندا ۲۵ کی ساوات (۲) بوجانی سے ل= اللہ الوق - و اللہ

قوت عنائی ملے ہے بیانے سے حاصل ہوتا ہے:

 $\cdots + \frac{a_j}{\sqrt{c_{1r}}} + \frac{r_j}{\sqrt{c_{2xy}}} + b = \left[\cdots + \frac{r_j}{\sqrt{c_{2xy}}} + \frac{j}{\sqrt{c_{2xy}}} + \frac{j}{\sqrt{c_{2xy}}} \right] = 0$ $\downarrow 0$

ادراس لئے عمر = ماد (ل-1)

مینی سب سے سنجلے نقط پر کا تنا و رکھیر سکے اس قدر طول کے وزن سکے مسادی ہے۔ اب دفعہ ۲۵ کی سا دات (۵) کی روسے زنجیر کے سرسے کا معین

 $\left[\dots + \frac{r_1}{2} \left[e^{\frac{r_1}{2}} + e^{\frac{r_1}{2}} \right] = \frac{r_1}{r} \left[r + r + \frac{r_1}{r} + r + \frac{r_1}{r} + r + \frac{r_1}{r} + \frac{r$

اس لنيسب سے ينكے نقط كا جھوك

 $(3-U)_{1} + \frac{1}{r} = \frac{(3-U)_{1}}{3} \sqrt{\frac{3}{r}} = \sqrt{\frac{3}{r}} = 2-1 = \frac{3}{r}$

اس سے آسانی سے نابت بوسکنا ہے کہ اگرسب سے بچلے نقط کا جھوک د ہوتو وہاں تن اور تقط کا جھوک د ہوتو وہاں تن اور تقریباً زنجر کے طول وقت کے وزن کے مساوی ہوگا۔

مشق ۱۱- ایک بنگ زین سے بندی د برآد رہی ہے اور ڈوری کا طول ل جمودا جا چکاسے - رسی کا آزاد مرازین کے ساعة بندا ہے - ثابت کرد کر بینک پر ڈوری کا

میلان زمین کے سات مرسس اللہ ہے اور ووری کے تناؤ پتک اور دمین والے

744 و الما + ها اور و المسلم الما ما المال و دورى كالال طول لاوزن م دفعہ ا مام کی شکل کے مطابق ن او دوری کا بنگ والامراہے اور ج زمین والاسدا-اسے ک ن = م جج لنا ناف ل ما ن سے (م + عربال ما + مان - ع + ل ن ع - النام اور لن = ع + ه = النام الم نيزن اور سنج پر مطلوبه تناؤمي و × ن ل اور و × ج-شق ۱۳ به ایک بیسان در نی رستی جس کا طول ۹۰ اینج سبی دد چکنی میزن برست و مختلف بلدوں بیں لک رہی ہے رس کے جو حصف انتعابا فاک رہے ہیں اُن کے اول اِلرمنیب . ایک اور ۱۳ ایکی بین - نا بت کروکرز بخیرو کا داس کل رسسی کو ۱۴: ۵ بر تقسیم کرتا ہے -نيزميخون كا درسياني فاصله معلوم كرو-

فر من کروکرمینون کے زنجیرہ کے راس ج سے فاصلے بالترمیب اورس ہیں اگو یا

ار دخيروكاسيل عم موزود مداه ٢ كي مساوات (٤)كي مدسه س + جمع س اورس + جا = سس

م كر خكني سيخ بركزرف سے رسيوں كے تنا وسي كوئي فرق بيس إمّا اس كے دفدا ۲۵ کی آخری قاصیت کی روسے رسی کے ددان سرول کوز بخرو کے مرتب بر وا فع بناجاسية -

اس کے آسانی سے س = ۱۰ اس = ۱۰ اور ع = ۲۰ ۲۰

A = ----

نیزاگرمیوں کے فصلے ال اور لا ہوں تو

بس بیوں کے درسان کا فعی فاصلہ

مشق مهم - ایک کیمان زنجراطول ال اوروزن وسبع، اسے دونقطوں أورب سے جواک ہی افتی خطایں واقع بن التکا یا گیاہے۔ اب اس کے سطی نقط جے سے ایک

وزن في الكاياكيا م الرأب - ١٠ و تعادل كي مالت من ح كي كمران اب کے نیچے سلوم کرد زمن کرد کے ج اس زنجرہ کاسب سے نجا تقط ہے میں کا ایک صدد (ہے ذخ کرد

کواس کا مبدل ج ہے نیرو حل کروکہ قوس ج د = س اور دکا سعین = ا

تو ق = د برك تاوكا انتصابي جزوتركيي = ٧ ست جب سا (دفد ١٥١)

= 1 × 1 × 1 = 0 1

نيزوفنوا ٢٥ كى مساوات (٤) كى روسى

パートリーアーパレー(ツール) "しーでナン

جاں م مطاور کرائی ہے

ان سادان سعم مل بحاب سول الماء الله معمل بعاب سول الماء الله معمل بعاب سول الماء الله الماء الله الماء الله الم

فيراكرد كافعلم ابرة و فدا ٢٥ كى سادان (٥) اور (١) سے

 $\frac{1}{1+v} = 3$, $e^{\frac{1}{2}}$ $e^{\frac{1}{2}}$

(۱) اور (۲) سے قیمتیں درج کرنے سے ہیں ہم کی قیمت حاصل ہوسکتی ہے۔ مضق ۵ ۔ ایک زنجی کا طول ہل ہے اسے دو مجد کی حکنی چرخیوں پرسے جوایک ہی افقی خطامیں ایک دوسرے سے فاصل م اور پر واقع ہیں لٹکا یا کیا ہے تعاول کے محل معسلوم

کرد اور نیز تااوکہ سے گائم میں اِ خیر قائم۔ چونکوز بخیر کے تناؤیس جرخی پرسے گور نے سے کو تا دی ہیں ہوتی اور

چونکراک طرف و یو آزاد حصد ال سے دن سے سادی ہے اور دوسری طرف یو زیخر سے اس صد سے دن سے مسادی ہے من طول انتعاباً مرتب تک سے فاصل سے

مساوی سے (بوجب دفعدا ۲۵) اس سے کا برسے کسرے ل اور

 $(1) \frac{11}{16} g = \left[\frac{1}{16} + \frac{1}{16} \right] \frac{1}{16} + \dots (1)$

جاں ج، زیمرہ کا مبدل ہے۔ مساوات (۱) کو جبریہ طور پر مل بنیں کیا جاسکتا لیکن اگر فی اور لی تحقیق تعاوا دی جی تی

بوں ذ وسی طرمب زل در دے مال کیا جاسکا ہے۔

مرونتل کی بندی س کے مرتب کے اوپر - جرالا +س ما اس کا گران او کے نیچے = ا - عادی اس ا التي يع كن ريزك مراد تقل كالمرائ 1 × 1 + + 1 × 1 × 1 × 1 × 1 1 = 1 · 1 = 3 · (e 3 + e 3 ·) $w = \frac{3}{4} \left(e^{\frac{1}{2} \frac{1}{4}} - e^{\frac{1}{2} \frac{1}{4}} \right)$ ا كى رئير كے مرك فقل كى كيران 1 أ +3,-16,3, (1,-6,)+(3,-6,)

سی بہانگل قائم ہے اور دوسری طیرقائم۔ سی اس معلومہ طول لی کی ایک میساں وزیراروسی و ونقطوں ف اور ق کے معلومہ طول انتصابی فاصلہ کے معلومہ اور انتصابی فاصلہ کے معلومہ اور انتصابی فاصلہ کے سے معلومہ اور انتصابی فاصلہ کے سے

يرسى بالت سكون جي ريخيره كي فكل اختياركرتي سب اسكي مبل جي كي قبيت معلوم كروب ز ص کرد کر مرتب و لا اورز کیزہ کے سب سے تخلے نقط سج میں سے گزرکے والے انتصالى خطرك اطست نقطال كم ميدو (الاما) بي- (ديكيووندا ١٥) د فغه مذکوره کی مساوا نوں کی روسے (4) - [= 5] [e + 3] (4) اس سادات كوجروطوربص بنيس كيام اسكا - ليكن ترسي على ميد = لا د كلف سه مال کیا جامخاہے اس سلفُ (۲)سے ماسل بھاہے

اس كئے كا دو نقط ہے جہاں ط ما= ± ال'-ك

) ما : رجبز لا سے ملتے ہیں۔ منحنى كمينيج مصربين لأكى دومساوى اورنخا لعن قبيين حاصل جوتي بي اورا

لى دومسادي اور خالف قيمتي لمتى مي بضرط يكم المستحت كا

البتر مليكه ل برام و طول هف ق سے -

چونک ج کی تبت تقرب کے کسی مطلوب در روز کک معلوم ہوسکتی ہے اس کی مساوات اسے لاکی اورسا وات (۱) سے اکی قبیت حاصل ہوتی ہے ۔ ایس حل ممل ہے۔

ظا ہر ہے کہ ج، کی صرف مشیت فیمٹ لینی جا سپنیے کمیونکہ ج، کی منعنی فیمید

فرض کروکسا وات (4) کے تقریبی حل کے طور یر کا کی قمیت کی ترسی طراحیہ عاصل کی منی ہے تب مزید در حرکی تقریبی فیمت تعلیلی طور برمعلوم موسکتی ہے ۔ کیونکہ

ایس اویرکی علامت سینے سے اور

لا _ المعند على مرز لا = لا كوس زام جال لا ايك تفري

٧=٧ + دركمو جال د بهت محوات

جيز (١١ + ١٥) = له (١١ + ١٠) ى جبز لا + د جز لا + = له (لا + د) تاريح سُلاسه

ں سلنے ۵ سکے مربوں کو نظرا ڈازکرسنے سے

د عربز الم مربز المربز ال

ا۔ ایک تارکا دزن ۱۵ بونڈ فی گزمے۔ اس کے مرب دونقطوں سے جن کے درمیان افتی فاصلہ ۱۰ فٹ ہے بندھے ہیں اور تارکے جموک بعنی سبست نجلے نقطی گرائی ان ضاح ہے۔ نابت کردکرتارکا بڑے ہے۔ اس کے جموک بعنی سبست نجلے نقطی گرائی ان ف ہے۔ ان فٹ ہے۔ نابت کرد میں اور تاریخ ہورن مادی پونڈ فی ۱۰ گزمی بناہے مناہی کھمبول کے درمیان فاصلہ ۱۵ فٹ ہے اور دسلامی تارکا جموک افٹ ہے ۔ تابت کرد کرمروں براس کا تناؤ ۲۰۵ پونڈ وزن کے مساوی ہے۔

سا - ایک تار ۱۲۰۰ نٹ نصف تطردا ہے سخنی کے گرد کھیوں پر ند ایواہ اور ہردوتصل کھیوں پر ند ایواہ اور ہردوتصل کھیمبوں کے درمیان کھیمبوں کے درمیان تارکا جوک ایخ ہے۔ اگر تارکا وزن لے ، پونڈنی گر ہوتو تا بت کرد کہ ہرایک کھیم پرمال افعی کھیاد تقریباً ۱۸۰ یونڈون ہوگا۔

مع - تمض کونیات کے امولوں کی دوست نابت کروکہ عام زیمرہ کے نقاط ن اور ق بر کے ماس جس نقط برسلم میں وہ توس ن ق کے مرز تقل نش میں سے گزرنے والے انتقابی خط برواقع ہوتا ہے۔

با - اگرایک تیمان زنیرکواس کے سروں برست نگایا جائے دراسی راوں کی کوئی مقداد ایک ہی انتقاد ایک ہی مقداد ایک ہی انتقاد ایک ہی انتقاد ایک ہی انتقاد ایک ہی انتقاد کا میں انتقاد کا میں انتقاد کا میں انتقاد کی انتقاد کی انتقاد کی انتقاد کی میں انتقاد کی میں ایک ہی تا ہم ہیں -

ے۔ اگرسب بندیوں برجواک وخاروی جوادراس کا افر جواک بینگ کی دوری بررا اب نظراذان يسكنا مو و نابع كركرجي جيد بتك ادر جربتاب وليد ويس اس قايم ر کھنے کے لئے جوزت ورکار ہونی ہے اس میں کمی ہوتی مان ہے .-الماركيمان زيخر كاطول مل اوروزن وسيماس دونقطول أورب س

جراكب بى افتى خطيرواتع بن لكاياكياب - زنجيرك رسلى نقط < سے ايك وزن ق الكا إلى ب ادراس نقط كي كرائي خط ﴿ ب ك ينج هرب- ابت كروكر راك سر

بكاناد ال ل + و× المال] --

4 _ ایک نا قابل کمنیاو رسی کاطول ۱ ل سے اور نی اکا نی طول وزن ج سے مسس کو ایک بی لبندی برے دونقطوں سے جن کا درمیانی 6 صلر ۲ د سے نکایا کیا ہے سہارے کے نقطوں کے بینچے دی کے سب سے تیلے فقط کی گرائی معلوم کرنے کی ساواتیں مال کرد--ایک درن بیسا س رسی کا طول ل معدر اس سے ایک سرے کو ابت نقط است بانده داگیاہے اور دوسرے مب کو انتی قرصی ساتھ بورس کے طول ا کے مذن كمسادى معنواكيا مين البت كردك المدب ك درمان افتى ادرا نتماني فاصل

بالرسيب وجبز لي اور مال عبور و مي-

اا ۔ ایک بیسا ن زخر کوجس کا طول ل سے ایک بی افتی خطریسکے دونقطوں آاور دب سے اسطرى الكا استطور بي كركرول برسك تناؤوهي فقط برسك تناؤكا ن كنا جول نابت كد

كذامل (ب براك م ان احال وكسو [ن + م ان ا- ا]-

اكل = ١٠٠٠ فظ اور ك = ٣ قوجدولول كى مدسى نابع كروكطول تقريبًا ٣ و١٢٠ ف ہوں۔ ۱۲ - ایک جا دکویان میں اتاد نے کے اس کے بچلے صدسے لیک بخراتعا الم اسکی بوئى زين كسبينجى ب ادرى كالقصة جادى خالف عدى ، مرات خاصل كا

زمین بر بڑا ہے ہیں کے دورے سرے کے ساتھ ایک وزنی لنگربند اسمے جس کو بلا سفے کے سلط دمین بر بڑا ہے۔ ہی کا تحکیم کا مقتل کا خیر کا متعمالی حصد ، ۵ نش لمباسیے - بتا کو کہ و بخیر کا متعمالی حصد ، ۵ نش لمباسیے - بتا کو کہ و بخیر کی متو ازی الا فق حرکت سے کل زمجیر زمین بر سے اگر آتھ تا کہ نظر کو کھینج سکنے کے لئے میں کا فی بور۔

[۰۰۰ ۲ ۱۸۶۲ یوند]

ر ۱۰۰۰ بر بر بر بر المستن کو ایک ۲۰ نشالمبی میساں زنجیر کے ساتھ اِندہ داگیاہے ۔ زنجیر کا ایک سرا کشتی کے بچلے مصدکے نفظ ہے سے اور دوسرے سرے کو ایک تھیے کی جرائی اسے جر ہے سے ۱۲ فٹ اونجی ہے اِندہ دیاگیاہے۔ یا تی کی روکٹنی پر اپ ے ویڈوز ن کی قوت

م من اورد بخیر کا وزن لم بدند نی فث ہے۔ نا بت کروکد سب کا فاصلہ او میں سے گئا تی ہم اورد بخیر کا وزن لم بوند فی مثل ہے۔ نا بت کروکد سب کا فاصلہ او میں سے گئے۔ مزید م

گورے والے انتقالی خط سے ، س لوک و ش نے ۔ مم ا - ایک ار مم اگر لمبا و دنقطوں کے درمیان لٹک راسمے - نقطوں کے درمیا الدار انتقال میں اگر المبا و دنقطوں کے درمیان لٹک راسمے - نقطوں کے درمیا

فاصلِم انعَلَّ مهم اکر اور انتصاباً ۵۰ فٹ سمے۔ ناست کردکسب سے کیلے نقط پرتا ہ

10- ایک رسی می کاطول ل ہے و د نقطوں کے درسیان (جایک ہی انتصابی خطیں بنیں ہیں) اس طح نگا در میں انتصابی خطیں بنیں ہیں) اس طح نگا در ہی سرے کہ سہارے کے نقطوں پر رسی انتصابی خطاکے ساتھ . الترتیب عدا ور بہ کے زادے بناتی ہے ۔ نابت کردکہ اگرک ایک نقطہ کی بلندی ہو وصرے نقطہ کے اور اور زکیرہ کا راس سہارے کے درمیاں نہوتو

ک بم مرب = ل بم عرب

4 اسطول ال والى وزنى زنجر كا ايك مراايك نقط (كما ته بعدها مه اورودسوا مرا ايك وزن جهل كردرى افتى اللاخ مرا ايك وزن كورت والى كردرى افتى الاخ بركم وزن كان و ترا بست كردك والى كوررى افتى الاخ بركم وزن كان و ترا بست كردكم وست محلك كا برست من را فا صل

جال ال = مر (۱ ن ۱) مررد كى قدركو تبيرتا م

ع ا - ایک وزنی کردری کیدان رسی کا ایک مراایک نقطان سے بندھاسے حس کی بلندی

ایک میزے اور م ہے۔ رسی کا طول ی (حل - م)ن میرسے گزینے والی نقبابی سطے مستوی میں میز برساکن ہے۔ ابت کروکہ جب رسی کومیٹر پرٹ سے اسی وورکھیٹھا جائے

جر تعادل مے منانی نبوتو ی اس سما وات کو بیرا کر بیگا

ئ- ٢ (ل+ سرم) ك+ل- م =٠

حماں مررکز کی قدرہے اور ل بری طول ہے۔ [سب سے شیلے نقط برتنا و میزریائے طول مے وزن کا مرگنا ہوگا اس ملئے = مری نیز

[(4+3)=3,+(6-2)]

مراسيك وزنى زنجسيركاكل ول سعداس كالكيسرااك كمردرس ميزير واسع اورد وسرا كمورست فرض ير- اس كواتنا كمينجا كياسيت جننا كدمكن سبت بيني تعاولُ انتبائي ب اگرمیز اور زمین دونون پررگره کی قدر مرموا و رمیز کی بلندی ب جونو نامت کرد کوفرمنس بد

زنجيركا مكول موكا

ئے [ب + باب + باب + باب + باب استے ا

19 - ایک ویزر کا طول ۲ ل اور وزن ۲ و ب اس کا ایک سرا (ایک انفی ارکے

اك أب نقط كم سالة بنده است ادر دوم الراب اك يكف علقه مستحرما تبرا ہے جو تار رکھسلنا ہے، اولاً ل اور دب ایک دو سرے پر منطبق میں تا ب کرو کہ ملفہ کو تاریکے ادبراتنا كمينج است را بزرجركا سيان فوانعابى كسائد مام كا دادي بالككام وكا

ول [۱- ۱۲ + وكسو (۱ + ۱۲)]

بغرلميكم

[دهه ۹ مدادر دخه به م اکیشن ۲ کواستال کرد]

• به ایک بیسال دسی کاطول ۱۱ و فف اوروزن ۳ و بوند میمداس سے مرسے ایک سلام كرول كرانة بند ب بي سلاخ كا وزن ٢ و بوند ب- يه دونول إيك

على افتى ميز برسالة برسم جي- حب رسى كوسطى نقط كوميزك ادبرس و لمندى يكر النايام الني وارومين صفر بوجا اب- أبت كروكم ملاخ كاطول ١١ و لوك و٢

ف سے اورا شانے یں جوکام انجام ہوتاہے وہ لا و و (۱۵ + ۱۷ کوک و۲) فٹ پونڈ ہے۔

 ۲۱ - ایک تاربرتی کا آرکسی معلور شف کا با بواس ادراس کا طویل دومساوی الارتفاع کمینو کے مروں کے سات من کا درمیاتی فاصلہ د ہے بندھا ہے۔ اگرمرے کے نقطول میتا ایکے

تناؤكم مص كم موں و نابت كروكه ل= خير جبزله جهاں المسا دات كر سنرله = المسلم

مع ج٧- ايب رسي ما وبرارض كزير عن لنك ربي بها اس كواس طرح وزني نبا يا مميا

ہے کواس کے مرجز وکا وزن اس جزو کے انفی طل کے طول کے منامب مے فاب

کردگریسی مکانی کینتگل میں نشکتی ہے۔ فرض کرد کریسی سے کسی فقط ان پر تناؤ مت سے اور دسی سے معلی فقطہ اور کرد کریسی سے کسی فقط ان پر تناؤ مت سے اور دسی سے معلی فقطہ ا يرتناوُ مت بوس برياس ن طاور (بن سع كزرك والحافق اور انتماى خلوں برك سے عود ك اور

چوکورسی ان کے ہرجزد کا رن م ن براس کے نام کئان^ب ل سفالرم الران ك ل کافصام ن کے مرکز تقل

کے مرکونقل میں سے گزرسے والا انتصابی خطام ن کالبنی ال کی

تغییف کرا ہے۔ نیزو بکراس انتصابی خطاکو اور اُ ط یں ۔۔۔۔ بی گزرا ما ہے ا

اب ن طل قس ان کے لئے قول کا شاف ہے۔
اس گاگریتی کے افتی فضل کے نی اکا ڈی طول کا دزن و ہوقو
ست، ست وان کا دزن و والا
ت طل ت ان ل

اگریت برسی کے افتی نصل کے طول ج کا وزن ہو تو و ج نے = و الا یعنی الا = ۲ ج ما

> ، یعنی منحنی د ترخاص ۲ج, کامکانی ہے۔

یونکه طیس سے گرنے والا استعابی خط م ن کی تنصیف کرتاہے سکے اسکے اللہ استعابی خط م ن کی تنصیف کرتاہے سکے اللہ استعابی خط مستقیم ان کی بھی تنصیف کرے گا۔ پس مختی ایسا ہے کواس کے وواماسوں کے نقطہ

یخط مستقیم ان کی بھی تفییف کرے گا۔ بیٹ منحنی ایسا ہے کاس کے دوماسوں کے نقطہ تقاطع میں کسے گزرنے والامحر کے متواذی خط وتر تاس کی تضیف کرتا ہے ادر یہ سکا فی کی ایک اساسی فاصیت ہے۔ لہذا بغیر سمق سم کے تخلیلی طریقہ کو استعال کرنے کے نظاہر ہے کہ منحنی کمانی ہے۔

ت ب بہ ہم اس کے اس مصر کا طول ہوتا ہے جس کا دن سب سے بیلے نقطہ برکے منا کو سے مسادی ہو اس لئے جا بہت بڑا ہوگا۔

زئیرہ کی مساوات جب کہ اس کے سب سے تنجلے نقط سے کومبالا نا جائے یہ ہوتی ہے۔ ہوتی ہے ا

مسئل قوش انماكى مددست

= 5, + 15, - 715, + ...

لين ٢ ع, ما = الأ + الماس +

جمب عاکوبہت برابنایا جائے وزیخیرہ کی تکل نقرب کے بیط درجہ تک مکانی لا = ۲ ج ما ہو جاتی است است مکانی لا = ۲ ج ما ہو جاتی ہے۔ ایک دوسر سے نقل نظر سے بھی ہمیں اسی نیتجہ کی تو تنع کرنی جا ہیں تھی تھی ہے تکہ جب ذیخیرہ کو بہت زور سے کھین جا جائے تو اس کا میلان افق سے سائھ بہت چھوٹا ہو جاتا ہے اس سے اس سے اس سے کسی جزویہ کا بوجہ جاس جزو سے طول کے تناسب ہے تقریباً اس جزو کے افتی ظل کے طول کے تناسب ہوگا۔ اس سلتے دفعہ نہاکا مسکل تقریباً دفعہ انسال بن جاتا ہے۔ کا مسکل بن جاتا ہے۔

۲۵۲-معلی بل-معلی بل کی صورت میں دور بخیری اس طرح انگئی ہوتی ہیں کو والکہ دوسے میں اور ان سے دابستہ کردیا جا آ دوسرے کے متواڈی ہوتی ہیں اور ان کے سروں کو تابت مہاروں سے دابستہ کردیا جا آ سبے ان زیخروں کے مختلف نقطوں سے دیگرز بخیری یاسلا طیس نگی ہوتی ہیں جو بل کے دن کوسبخھالے دہتی ہیں۔ یہ سلاطیں عواً اس طرح لگی ہوتی ہیں کہ ان کے درسان انعنی فاصلے ایک دوسے کے مسادی ہوتے ہیں۔

زیخیروں اور سلا حوں کے درن کو بل کے درن سے مقابل میں نظرا ندازی یا

ر جیروں اور سلاحوں سے درن کو بل کے وزن کے مقابلہ میں نظرا نداری ا جاسکتاہے اس طرح ہم سلاحوں پرکے بوج کو بل کے مسا دی حصوں کے وزن کرابر تقور کر سکتے ہیں۔

لئے ہیں دفعہ ۲۵ کی صورت حاصل ہوتی ہے لہذا معلق ل کی ریخبر کی کی کی مسلم ملتی ہے سہارنے داری سلاخوں کے درمیانی فاصلے اور ، زبخیروں کے وزن میں قدر کم ہو شکتے اتنا ہی اس کی شکل مکا تی سکے یک معلق ایک کل دان ۲۰۰ ش ہے جواس کے تمام افقی فصل جیر) اطول ، 8 افت بنقسم ا دراس کی لمندی ۲۰ فث ہے۔ نابت کردکرزیر سیسب سے نجلے ے کے مقاموں پر تنا کہ اِ لترتیب لیے ۱۸۷ اور کی ۲۱۲ ٹن ہیں۔ بک زنجیر کا فضل ۳ فٹ ہے اور سہارے کے مقانوں سے مب <u>نیلے</u> نٹ ہے وزن جومفل روسمادی طور پرمنفسم سبت نی فٹ نفس ٹن کے ابت كردكه برايك سرب بركاتنا أو ١٣٤٥ و الني وزن --ب زنجيركا طول ل اور وزن و ب، اس كو ود نقطون في اور ب سعجوافتي ے کمینیکر اٹکا یا کمیا ہے رہنے کے وسطی نقط ہے کی گہرائی انتصابا خطال ب ، - تابت كروكر زيركاتنا وُ نقريباً بي ب ب انتعمایًا کمینوجن میں سے مراکب و کونتید کرے و اور ب دونوں میں وًا ﴿ اور سِ يركماسون كم حوازي كمبني - تب او قاردب و ب (ا ب، ج برے تاؤ سے ، سے اورسے کو تبیراتے ہی وَسِرِّة م × وَ يَرُّ + ٢ ع سِرِّ + سناء ٢ سنا + الن + ف + دست م الله كالم المخاص كاروس ن ٢٠٠٠ من ٢٠٠٠ من ١٠٠٠
ت = دت اس كما دات إلات عالسل مواب

يرمو تؤنت سبے ر اس فرح سے ق بر کے تناؤ کا جزد تخلیلی محور والکی سعت میں = ف (س +معنس) = ف (س) +معنس × ف (س) + الميار كم مدارس م ت ول ب سس ول الت ول) + وس ن ت بروا کی ست می مل رساند والی تروس کو سادی کرنے سے ت فيلا = م «معنى * لا + ت فيل + منى « فرى (ت فرى) + +معنس كم بعادر بالاز تو قال والى رقسيل معنس برتعتبم كرسف وداخفهاركرس سے ادرمعن س كربيت جوا؛ بنانے سے اليسنى ق کون شکیمیک قریب لانے سے ور (ت ولا) م اس طرح سے قرنوں کومحد استے متوازی تخلیل کرنے سے ور) (ت زنا) +م ما • . اگرویش لا اور ما اور نزکیت می نمیس رسی کے ہرایک نقط ن کے لئے معادم موں توان دوساوا و سے كسى نظر برست كى قيت معلوم بوسكتى بے ـ مرایسی کی شکل کے لئے تعرقی مساوات معلوم ہوجاتی ہے۔ ٨ ١٥٨ مستقق السندي كريك كريس كيسال سب اوردفدا دا كى اندما دبر ارمن ك زيرال آزاد از الك ربى مع لبذا أرمور موازى الانن اور انتمالي بون و لا عد ادماء -ج اس كف سأوات (١) اور (٢) يَوْكُلُ الْعَتْبَارِكُوتَي مِن

 دوسری مساوات میں ست کی نیت مندری کرنے سے

 $1 = \left(\frac{\dot{\xi}}{\dot{\xi} | U}\right) = 1$

ونعداً ٢٥ كى تغرقى سادات جى يىي سے -

اس لئے ساوات (۱) اور (۲) سے مامس براہے

وت فرا يستقل ك ادر فر رك فرا) ولم فرا

يني ک زار دام

تکمل کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ و نوا ۲۵ کے سطابق سخی مکا فی ہے گارسی کے اکائی لمول کی کمیت م کسی فرج بدلے تو بھی اس طرح حاصل ہوسکتا ہے

زر (ک زل)=م ع زی (ک زلا) =م ع

اگرم جومت س کمتنام کی رؤم می سلوم جوز اس سا دات سے بنی کی تکل ماصل ہوئی نیز اگر رسی کے منحنی کی تنکل سلوم ہوؤ اس سا دات سے کیست کا تیر سی سلوم پوسکتا ہے۔

۲۵۹- یکسال طاقت کا رنجیره- فرض کدد کم برموم کرنا جاستے بی کربخیره کی ساوات کیا ہوگی اگریسی کا دیکھیا اس کے ساوات کیا ہوگی اگریسی کی کمیت اس کے برایک نقط ن پراس کے نا دیکھیا میں

ہو۔اس صورت میں رسی کی طاقت مرفقط پراس توت کے تناسب ہوتی ہے جواسے روافعت کرنی بڑنی ہے۔

اس صورت س م اور ما = - ع اورم مدت بيني م = له ست جال لدكوني مستقل سے -

ت فرس = گ اور فرس (ت فرس) = لات ج سندرددد

فرس (فرل) = لدج فرس

لين زوا - ل ح (فرال) - ل ح [ا + (ا + (فوا)] - ل ع [ا + (ا + (فوا)]]

 $\frac{\frac{(1)^{2}}{(1)^{2}}}{1+(\frac{(1)^{2}}{14})^{2}} = 1.5$

مكل كرين من فل داره و الكري

اكريم من حسب سے غطانتظ كريميدا انين و فرا - ، جبكر الا = ، اوراس لئے گا = .

 $\frac{c_1^2}{6U} = \frac{-1}{4} \int_{-1}^{1} \frac{d^2}{4} = \frac{1}{4} \int_{-1$

من كاستقل صغرب كيزكدا أحده أيك سائة صغربوت يي

اس منی کے دوائق الی شقارب میں لاء یہ اللہ او

رسى كىكىت كى تىدى كا قانون :-

س نے س = ولوک مس (+ + ا) اگری کسب سے نیلے نقط سے نا یا جائے۔

 $\frac{d}{dt} = \left(\frac{d}{dt} + \frac{\pi}{dt}\right) + 2 \left(\frac{d}{dt} + \frac{\pi}{dt}\right) = 2 \frac{d}{dt} \frac{d}{dt}$:

ت ع کل (والبه والب

اس الني كسى نقط ن برحبر كا فا صارسب سے يخيل نقط سے س سے كيست في أكا أي طول ایسے برتی ہے جیسے

ب بنی ہے جینے اور + و () یعنی ایسے باتی ہے جیسے

مز (س)

و٢٧- اگري ايك بي سطمستوى من واقع منهوا در تواول سكما جراست تركيبي محدول کے متوازی رہے ، ما اسے ہوں و تواول کی ساواتیں دفعہ عدم کے مطابق

زر (ت ولا) + م لا = .

زن (ت ز) + مماء · `

ور (مت وی) +م سے د. ت فرای + فری × فرت + م مے د (۳) ان ساداق کو بالترتیب فرال ، فرال ، فری سے صرب دیر حمی کرنے سے $||(c^{ij})||_{L^{\infty}} = (\frac{c^{ij}}{c^{ij}}) + (\frac{c^{ij}}{c^{ij}}) + (\frac{c^{ij}}{c^{ij}})^{ij} = 1$ الدنباءٌ عليه فرال × فرال + فرا × فرال + فرال + فرال × فرال + فرال × فرال كا $= \left[\begin{array}{c} (\frac{1}{\sqrt{2}})^{2} + (\frac{1}{\sqrt{2}})^{2} + (\frac{1}{\sqrt{2}})^{2} \end{array} \right] = \cdot$ كواستعال كرف سے حاصل بوائے رت + م(لا را + مازا + م زي = . اين ت=ك- م (لازلا+ ما زا+ م زى)

پس اگر بیرونی قوتی ایسی بون جن کا ماس کی ست کوئی جزوترکیبی نه جوز تناؤ متقل بوگا-نیز اگریم ساوات (۱) (۱) اور (۳) سے ت اور فرت کسافظ کرویں تو $\left\{ \frac{i\eta}{i\eta} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} - \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right\} + \Delta \left[\frac{i\eta}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} - \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right] + \Delta \left[\frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right] + \Delta \left[\frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right] + \Delta \left[\frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right] + \Delta \left[\frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} \right] + \Delta \left[\frac{i\eta'}{i\eta'} \times \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i\eta'} + \frac{i\eta'}{i$

ینی کال + مأسر + سے نہ = .

جہاں (لمرس نه) این نمی کے نن کئی عند (Binormal) کی متی جو التجام بیں جس میں دسی داقع ہے۔ اس سنے کسی نقطہ ن پر جو حاصل بیرونی قوت عمل کرتی ہے اس کی سمت ن پرکے شائی عما و کی سمت برطلی القوائم ہوتی ہے۔

اگریم (۱) (۲) اور (۳) کو فرس از فرس من فرس سے بالترمتیب منرب دسي جميري تو

ت + م س = ·

جهاں ر انخاکا نصف تطرب اور می بیردنی قومت کا جزو تخلیلی ہے صدر کا دکی مت يرس كى متى جوب المام بي

ت فرا + رم لا فرس = إ

ست ورا + ام ما دس = ب

دت ري + رم مع زس = ج

اس کے اس منحنی کی مساوانیں جس میں رسی واقع سے بیابی

ر ب بج متقلیں۔

۲۹۱ سی جوایک جگئی سطح پر معلومہ قونوں کے زیر عمل بڑی ہے۔

فرض کروکدرسی سیکی کسی نقط برسطی کا دباؤ من سرم ادراس نقطه برسطی کا جوعاد اندر کی طوف کھینیا جات کے اس کی متی جوب التمام (ل) م ان م) این - تب تعادل کی

مسأ داتين بين

جن ن فرال جن ن فرال جن ن من خرال جن ن فرى الم جن الله فرس الم الم فرس
كىنىلىدەسۈكىسادى بى -

مساداتن (۱) (۲) اوردس) کودند ۲۹۰ کی این الستیب فرلا ، خرس ، خرس ، خرس مصرب دینے اور جمع کرے مکمل کرمنے سے ت= ك- كرم (لا فرا+ ما فرا + مع فرى) " " میک و قد اگر بیرونی و تین و و تفاعل قد کے دربید وی بوتی ہوں۔ یز اگرمساداتوں (۱) ۲ (۲) اور (۳) یس سے ہم فرست ادری کوساقط کردیں تو (ت فرس + م لا) (فرا ن - فرى م) + ···· + ··· = ٠ دت كى مندرم إلا تيت مندرج كرك سعمير مساوات (م اكى دوسع اس منحنى کی مساوات معلوم موسکتی ہے جورسی سے بناہے -م 4 4 4 ۔ اگروفعہ التبل میں رسی برکوئی برونی قوتی عمل کریں تو لا = ما = مے = • زاد زاد زاد زان زای زان زان زان

اس سے بھی عاد پرمنطق ایساہے کہ ہزنتظ براس کا صدد کادسطے کے عاد پرمنطبق ہوتا ہے۔ معنی سی کے برنقط پرکائنی مستوی سطے کے عاد میں سے کارتاہیے - اس تسم کے مخنی

كوسطى القسيم ارصنى منحنى كتب بى ادرىدالسا الوقائب كراس كاكوئى جزو ن ف اسطى بر ن ادر ق ك درميان جوك سے جوانا فاصل برقاب -

مثاليس

ا ۔ یکماں طاقت کے زکیرہ میں نابت کدکم

لا= وسا اس = ولك فط سا + مس سا } اجم ساجز ك = ١

ادر ده و جمز و جماله جمال ر انخاكالنت تطرب ادرساكور كا كمالة ماسس كاميلان سم

اس کے نابت کردکسی نقط پر نی اکائی طول کی کمیت ایسے بدلتی ہے جیسے اس مقط برانخناء کا لضعت کط

۲ کیکیان طاقت کے دنجیرہ کا فصل ۵۰ نٹ اور اس کاکل وزن ۴۰۰ پوٹرہے۔ ۱۰،۵ کی کما فت ۸۰ پونڈ فی کمسب فٹ ہے ۔ اور اس کی تواش پر نی مربع اینج تناؤ ۲۰ پونڈ وزن کے

مساوی سبع منحنی کی ساوات معلوم کرو - اورسب سے کیلے اور او برکے نقط بر اس کی زائوں

کے رسٹھے معلوم کرو۔

س سے اگرایک دسی کے ہوا کیک نقط پر کٹا فت ایسے برے جیسے اس بحنی کا لفف قطرانخ احرامی یہ لٹک دہی ہو تو ٹابٹ کروکرمنح پر کیسلاں طاقت کو ذیخیرہ ہوگا۔

یہ سے نا بت کردکہ اگر معلق بل کی سلا بھی سکے مدنوں کو بھی ہموظ رکھا جلسے لیکن باتی بل سم سے نا بت کردکہ اگر معلق بل کی سلا بھی سکے مدنوں کو بھی ہموظ رکھا جلسے لیکن باتی بل کے وزن کو نظرانداز کردیا جائے تو معنق بل سکے بینے کی شکل زمجنے ہ کا قایم فل ہرگی ۔سلوں

كوانتصابى اوراك دوسرك متسادى الفصل فرهن ين الميسك

۵ ۔ ایک رسی کی کن فت کسی نعظ پر مشب قط کس ہے جاتی، ست بناؤ ہے سے کے فتط پراس میں ما مدرت تناؤ ہے سے کے فتط پراس فا مدرت تنفیر کو قط کا اس فقط سے - دسی کے منحنی کی شکل معلوم کرو۔

[تضف قطر لاكا داؤه

ا - ایک چیرتجانس دسی جس کی تراممنس کا دقبرکسی نقط براس کے تناؤکے بالعکس تمناست جا ذب ارمض کے زیر عمل لٹک دہی ہے۔ ٹا بت کردکہ اس کی شکل ایک سکا فی کی توس ہے

حبن كا محورانتصابي بع-

م سلیک کیسان یسی مکانی کی شعل میں لٹک رمی سے جس کا اس کیس ہے ۔ اس برعل کرنے والى قوتين مرفقط يرعما وكي مستديس بين - فابت كروككسي نقطان يركى قوت إلعكس الميس

برلتی سیم جیسے (س ن) اور تنا و ستقل ہے۔

سو ٢٦- في استاد نيريسي جد ايك مين مستوى خنى برساكن سے - فرص كروكون ق اسی کاکوئی جزومعن س سعے جہال ترس و ن کاطول س سے اور و سخی بر

زمن كروكه ن اورق بركے تنام الترمتيب ت اور ت + من مت وس اوران برك ماس كسى تابت خطك سأنة زادسة سا اورسا +من سا

يزوص كردكسخى كاجوتناس سي سك جزوت ف برعمل كرتاب ووفى كافي ا وی سے بس اس جرو پر کا تعال س معت س سے اور بیان بر کے عاد کی سمت یں بارک مصدت

ا استعمل کا ہے ۔ ان پر کے ماس

اورهما د کی ستول میل یل كرسية ستے

(دت + من دت)×

جمعت ساء ست

(لمث + معن مست) جب معن ساء ممامعن س

اس سلف معف ساكى ورج اول كى قميول كك جم مف ساء ، اورجب مف ساء مف ست من ساء س من س جوانها في صورت مي بوجانا ب ت = س فرس = ص * د در در در النال د نقط ف پر الفعت تعرانی تیست مے -اس کے بلک رسی کا تناؤ جوایک چکنے منحنی پرساکن ہو ہر جگہ ستقل نیز(۲) سے حاصل ہوتا ہے من ∞ را یعنی علادی تعال _{اس}یے تیز م ٢٧ يو وزني رسى جوايك سيكف منحنى يرساكن سے ـ أكروه خطاجس سے سانا أيا جائے افغي ہوا دراست لا كا محور ماما حاسفي وہيں دفعة اقبل كى قور سے علاوه ف پر عمل كرنے والى انتصابى توست و معن س كو تبى (ت+ من س) جم مندا - ب + ومنس × ببرا اور **(س**ت + معن ست) جب معن ساء می معن س + ومعن س پرج مسا ال سے حسب سابق حاصل والب ت وس = س+ و جم سا (ابے مال ہاہے سے ک + د،۱ چكفىمخنيول پردمئ

اس منے اگر ست اور ست متناؤ ہوں ال نقطول پر جن سے معین ما اور لمم ایس نو

ت - ت = و(ا- الم

بینی اگرایک وزنی کیسال دسی ایک چکنے سختی پرساکن ہوتی اس سکیکسی وہ نقطو پرسکے منا اُس کا فرق اُک نقطوں سمے معینوں سکے فرق سسمے برابرطول والی ایسی سکے

وزن کے مسادی ہوتا ہے -حب مت معلوم ہوجائے تو (۲ اسے تعالی من حاصل ہوتا ہے -ست میں ماصل ہوتا ہے۔

س المرات - وجم سا

ہماں رسخنی کا نصف قط انخاب ن ہر -۱۹۵ ۔ مشق - ایک بجسان دزنی رسی ایک ایسے چکنے زنجیرہ پر خنا کلاً بڑی سہت جس کا محرا نتھا بی اور داس او پر کی طرف ہے - کسی نقط پر دباؤادر رسی کا تناؤ معلوم کرو-دند کا اقبل کی سیا واتیں اس صورت میں ہوم اتی ہیں

لكن س = عمر مسا الذي فرسا = - وعم جم سا

جاں با آزاد مروں میں سے کسی ایک مرسے پر کے ماس کا میلان ہے۔ اس کے (۲) سے ماس جالیے م- مت جراسا + وجرسا = وقط سا × جراسا

م و ج × قطرا

اس میں س بالعکس ایسے برانا ہے جیسے زنجرو کے مرتب سے نقط کے فاصل کا مربع۔ ۱۳۲۷ سے بلکی انکیج رسی انتہائی تعاول کی حالمت میں ایک کھر درسے مستوی خنی پر

رکسی بردنی وت کے ممل کے ساکن ہے ۔ برکسی بردنی وت کے ممل کے ساکن ہے ۔

ومن کردکرسی کاکوئی جزو ن ق ہے، نیز فرض کردکہ قوس و ناس کے مسادی ہے جیاں و کوئی تابت نظم ہے ۔ ن می ، منس ہے اور

سے مسادی ہے جہاں و وی تاب تھا ہے۔ مان کا برا نِ مَن بر کے ماس کسی اب منط

كے ساتھ سا اور سا + معن ساكے

زاوسیے بناتے ہیں۔ ت+ مذہ کم فرمن کروکر ان نقلول پر

جاں رسی شخنی کو جبوڑتی ہے رسی کے تناؤ بستہ اور مستہ ہیں ،

نیز فرمن کرد که تنا ؤیت ، بیت

پرفاک امائے کے میں قریب ہے مینی جزون ف مامسس ن ف کی مت میں حرکت کرنے

ے میں فرسے میں اور میں میں میں میں میں ہے۔ کے میں فریب ہے کہا در میں میں میں میں میں کرتی ہے۔

اگرت ق بر مقال فی اکا ن طول س ہوتہ مجموعی عاد نی تعال جو ن ق ویر اگرت ق بر مقال فی اکا ن طول س ہوتہ مجموعی عاد نی تعال جو ن ق ویر

عمل کرتا ہے س × معن س کے ساوی ہوگا اور اس کا نقطہ عمل ن فرض کیا جاگا ہے اور ماسی عمل سرس بدمن س لیا جاسکتا ہے جو ن دست کی سع میں عمل کو در م

ن بر کے ماس اور کا دکی ست میں فرق رکھلیل کرنے سے

چکے نخلیوں پرسی

(ت + معن نت) جم معن ساء نت + مرم × معن س

(بت + معن بت)جب معن ما = م معن م

ليكن جم من سايدا اور جب معن ساء معن سا جكرمعن ساكے مربعوں كونظر

انداز کما جائے ۔

اس كے ان سا داتوں سے عاصل بڑا ہے

فرت = مرم ادر ت فرس = م

م كوما تفاكرنے سے درسا

« وک دت ع مرسا + مستقل «

ار ایک ایسے خط سے نایا جائے جررسی کی اس سمت کے متوازی ہو جہاں

يىنى كوچىدارى تى نىڭ دىن جىكە ساء .

اس کے اور ت و س ورسا

اس سے کسی نقط ن برکا تناؤ سرے برکے تناؤ اور اس زاویہ کی رقوم میں معلیم ہوتا ہے جسرے برکے ماس اور نقط ن کے عاس کے ورمیان بتاہے۔ 4 ۲۶ – بطور عددی مثال کے اس رسی بر عور کروجو ایک تصبیے کے گروایک مکمل کردمنس میں سے لبٹی ہوئی ہے۔ اگر معمولی مو بخ کی رسی کو آبنوس کے مکمل کردمنس میں سے لبٹی ہوئی ہے۔ اگر معمولی مو بخ کی رسی کو آبنوس کے مکمیے کے کرد لبیٹا جائے تو مہ دیا تھریٹا

ال ك نت = والمديم = والمديم المام المام = مام تقريباً

معنى رسى كاتنا وُ كليب كرد اكب دفع بلين سع تقريبًا ١١٥ كنا برم الراس دودفع

لیٹا جائے ترتناؤ ۳۵ مگناہوجا اسے ۔ ۱۹۸۸ مر - وزنی رستی -اگررسی درنی جو اوراس کا دزن نی اکانی طول جرمو اور مرکو افتی سمت ست نایا جائے تو دفعہ ما جل کی مساواتوں کی بجائے مراد آس ماک ہوتی ہ (ت+من ب) جم مك سا = بت + مرم معن س + و معن س حب سا (ت با معن س) جب معن ساء مامعن س + ومعن س جم سا اس كف انتبايس ورت درم + وجب ت زس = س+ و جمسا ، فرت مرت فرساء و (جبساء مرم سا) يونكو بارى شكل ميس س اور سا ايك سائقه براسية بي اس ك وسا = ر ن ورسد مرت = در (بساء مرجم ما) اس خطی نفر تی مسا وات کوحل کرنے کے لئے ہم حسب قاعدہ ہو۔ س سے ضرب ویتے ہیں - تب کمل کرنے سے حاصل ہوتا ہے ت و مسایگ + کور (جب سا مه جمسا) و مسافرسا چونکہ ہیں وہ سختی جس پرسی ساکن ہے معلوم ہے اس کے ہم ساکور کی
رقوم میں معلوم کرسکتے ہیں اور ائیں طرف کے بحل کی قبعت معلوم کرسکتے ہیں۔
44 م - ایک بیسال انتجے رسی جس کا طول لی ہے انتہا کی تناؤی حالت میں ایک

نا بع محردرے اسطوانہ پرحس کا محراً فق کے متواذی ادر حس کا تضعف تطر

و مع الكريم عنابت كروكه دوانتها بي حصول مي سع برسع حصد كاطول سع 3++ + 3+ - U

فرض كروكر بزك اور حبولة حصف بالترتيب افتى قطرا ب كمرول إ اور ب سے لنگ رہے ہیں اوران کے طول الترتیب ما، اور مار ہیں - نیز فرض کروکہ

حرکت اسے ب کی طوف سروع ہوئے والی ہے۔ تب آگرکسی نفط ن پر تناؤ ست ہو اور ان کے محاذی مرکز پرزاویہ طد بنا ہو تو ہیں دفع ا قبل کے مطابق حاصل ہوتا ہے۔

(دت +مغدت) جم معن طر س - مرم معن س - م ج مجم طرمعن س - ، اور (ت+من ت) جب مع ط-مهنس+م ج جب طرمنس = .

ا زت در ۱۰ مرج جمط

ادر مع جباط

اس کے ورت ۔مرت م ج و (جمطه مجبط)

ت و مل ع م ج ا کر (جمله + مدجب مل) و ممل فرلم

= مع 1 و-سط (۱-سا)جبط-۱ سرم ط] + ك

الرطه. وت مع الم اوراكر اله وت مع الم 15-936-=100 p

اور مع مام * و - ره = مع و المرة و المرة و المرة المر

مثاليس

ا۔ ایک دامد قابل حرکت چرخی جر) وزن وہے طاقت تی کے درید جو ایک بلی یسسی کے ایک دامد قابل حرکت بھی یسسی کے ایک سرے بدنگا نی گئی ہے ساکن ہے۔ رسی کو چرخی کے نیچے سے گزاد کرایک فابت مفط کے ساتھ با خدھا گیا ہے۔ فابت کروکہ اگر رسی کے اس معد کے محاذی جرچرخی

باند ماکیاہے۔ انہا کی تفادل کی مالت میں (ب کے محا ذکی ج پروادر قائمہ نبتا ، سے ابت کروکہ ج کا افتی فاصلہ (ب کے وسطی نقط سے و سند (اس سے) ہے

ہے ابت کروگر ہے کا اعلی کا صلم کی ب نے وسطی تقطرسے و سند (علم ہے۔۔)۔ جہاں مدرگر کی قدرہے -

مع ایک وزنی وزہ ایک بکی انگیج رسی سے ملقہ کے ساتھ بندھاہے اور رسی کا بیملقہ
ایک انتھا بی سطح مستوی میں ایک نابع کو دری چرخی برسے گزرتا ہے۔ اگر رسی کے
سیدھے حصے ایک دوسرے کے ساتھ اور عد بنا کیں تو نا بیت کردکہ انتہا تی تھا ول
کے لئے سمت انتھا بی کے ساتھ ان کی کے ساتھ ان کے س

مم ۔ ایک انتعابی سطی میں جارگول کھردری کھونٹیاں اس طرح نگا ٹی گئی ہیں کہ ان سے ایسا مربع نبتا ہے جس کے اعظاع اختی اور انتھا بی ہیں۔ ان سیخ رسے ہر ایس سیخ برسے ایک دسے ایک مرسے سے وزن و بندھاہے اور

* 214

یسیوں کے دومرے مروں کو ایک دومرے کے مائٹ با مدھ دیا گیا ہے۔ ٹابت کرو کر بڑے سے بڑا دن ن جواس گرہ سے ساتھ با دھا جاسکتا ہے تا کہ یا گرہ مربع کے مرکز بررہے ماہا و نوسی جبز میں ہے۔

ھ ۔ ین مساوی طور بر کھروری مینیں () دیب ، ج جن کی تواغیں گول اور مساوی ہیں ایک لیسے مساوی الا صناع منتلف (ب ج کے کولاں بر لگی ہیں کو دیب ج افعی ضامے اور جا سے افعی ضامے اور جا سے اور جا سے اور ہے ۔ ٹا بت کردکہ اگرا یک رسی کے ایک مرے سے وزل و با ندہ کردی کو ان میون برسے گزارا جائے قورس کے دومرے مرے سے لزارہ جا سے جا ال مدرکرہ کی قدر ہے ۔

۲ - ایک دائرہ ایک انتمانی سطح ستوی میں اس طرح سائن ہے کہ یہ ایک رسی کی دھر ایک رسی کی دھر سے کا بل طور پر کھر دری انتمانی دیوارکو دبارہ ہے دسی کا ایک مرا دیواد کے ایسے فقط سے جودائرہ کے ادبہت بندہ ہے - اور دومرے مرے سے وزن ف دنگ دنگ میں اور دائرہ کے درمیان رکو کی قلد مسیعے - اگر دائرہ کا وزن و ہو اورسی اور دیوارے ورمیان زاوی طریح قائرہ تا بت کردکہ جب دائرہ کے درمیان زاوی طریح قائرت کردکہ جب دائرہ کے درمیان زاوی طریح قائرت کردکہ جب دائرہ کے مسلفے کے

مين قريب بونو ق (١+ جمله) وسط = و + ١ ق

کے۔ ایک بے دن دستی ایک ہی سطے مستوی بیں ایک کمردرے کرہ پر تنی ہوئی ہے۔ کو کا نصف قطر فی ہے۔ ٹابت کردکر سطے مستوی کا فا حسلہ مرکزسے فی جب کے سے زیادہ نہیں ہوسکتا۔ جیاں حررکو کا زادیہ ہے۔

اگرایک وزنی نیساں دسی ایک ہی انتہاں سندی میں بہت سے چئے تعذیل
 کو گردی ہواہ داس کے سرے آ دا دانہ نظتے ہوں و ٹابت کرد کہ یہ سرے ایک ہی اِنتی خط میں واقع ہوئے۔

اد پر کی وات سے اس طرح ساکن ہے کہ اس کے مرے وتر فا می سے مردل پری

وا - ایک کمرورے وار و پرجوانقا باتا ب ب ایک رسی بڑی ہے مکائی ورائد میں میری ہے محاؤی ورائد کے مرکز پر زاوی فر بتا ہے۔ اگر رسی تجسلنے کے عین قریب ہو تو نا بت کو کواس کے اور والے مرسے کا وار و کے بالا ترفتط سے زاو کی فاصل عد ساوات ذیل سے مال

ج (عرب - ۱۷) = و برس د بم (عرب ۱۷)

جاں د رگر کا زاویہ ہے اور عواس ست میں نا پا گیا ہے جس میں اس کھیسلتی ہے۔ اور ایک کیسال وزرارسی ایک ایسے کھرورے انتصابی دائرہ کی اور کی سطح پر ساکن ہے جس کا نصف قطر اور سے رسی کے سرے آزاد اند لٹک دہے ہیں۔ ٹابت کرہ کر اگرسی کا ایک مرا دائرہ سے سب سے اوپیسکے فقط پر ہوت بڑے سے بڑا طول ج

آناوان فل سكام بر ١٠١ (مراسا) و و الم ميا ميا

۱۲ سائی در نی ذبخیر کا طول لی ہے۔ اس کا مجد صد ایک کھر درسے میز بریا ہے اور باقی حمد اس کے میں اسلوان کی شکل کا اور باقی حمد اس کے جگئے کنارہ برگذر کر جولف من قطر و کے ایک اسطوان کی شکل کا ہے آزا دانہ نیسجے لنگ داسے اگر میزا در رسی سکے در میان رکز کی قدر مر ہوتو نابت کردکہ میز برجیو سے جوڑا طول ہے

[1+4-1]+

مع ۱۱ - ایک وزن سیسال زینرای کمردرے خط تدویر برطی سے جس کا محداً تصابی اور واس اور کی طرف ہے۔ اگرقادل اور واس اور کی طرف ہے۔ ایک سراواس برادر ووسرا فرن برہے اگرقادل انتہائی جو قابت کرد کم (۱+م) و مست اس م

مم ا-ایک وزن کیال دی ایک مردرے زیرہ پر ٹری ہے جس کامورانتھا ہی ہے اور رائس اوبر کی طرف ہے۔ رگرا کی تسدر وسی اس سے معلوم ہوتی ہے۔ تاب کروکه اگریسی کا ایک سراز بخیره کے رائی بد ہو اور رسی انتہا نی تناول کی حالمت میں ہو تواس کا طول زیمو کے مبدل کے مساوی موگا۔ ۵ اسد ایک دسی ایک کرورے تصف دائرہ برساکن سے اور اس برا کستقر کشش کے وساس کے ایک مرے کی طرف عمل کر تی ہے الدر کر حرکت کورو کنے کے لئے عین کافی ہے۔ نابت کروک رگر کی قدر وسلم است عاصل ہوتی ہے۔ ١١ - ايك الكي وسى من كاطول ١ ل ب دو مساوى عكنى ستديد فيون بيت كرد ق ب ین کے مرکزایک می افقی خطیر واقع میں اور ان کا در میاتی فاصلہ اب ہے۔ اگر برخول كالفف قطر في والداكي برخى سے رسى كا جوعة مس كرا ہے اس كى انى مركز يرزاويه فرب ق تأبت كروكه ب + 4 جرف يم في (اجب ذ+ل- د ذ) دكسس في 4 اسابک سیجس کاطول ل ہے دو تھو لی کھروری مینوں برج ایک دومرے سے وا فاصلہ رایک ہی افتی طبی واقع ہیں لگ رہی ہے - اگرسی کا ایک أزاد مرا ودمرے مرے سے اتنا بیجے ہو متنا مکن ہے و سی پرواس کی سمت کا ميلان طرست انتصابي كرسانة مسادات لل جب ط وكرم له وجم ط + جز (م (١-٥) عصاص بقاہے۔ يْرْ تَابِت كُوكُ انْقَالَى حول كے طوال كى سنبت واست: واصطب اور يول كے درمیان دسی کا حصد ۱۲ مم طب لک عم مل سب و ع ٢ - مركزى قومين - ايك انتج دى ايك طوستى من ايسى قدون كے

زیر عمل تعادِل میں ہے جورسی کے ہرجزہ پرایک معلومہ نفطہ وسے اس جزہ کے فاصلہ کے کسی تفاعل کے متناسب میں اور و کی طرف یا وسے اہر کی طرت عمل کرتی ہیں۔ تھا د آ کامنحنی معلوم کرو۔ فر من کرو که ن ق رسی کا کو ای جزومت س سے جہاں توسس ج ن کے لول *س کوخی پر کے کسی* نقط سے الا اگیاہے۔ نیزوض كروكان اورق بركم تناؤ بالترتيب ست اورست + مفست بني اور ن اور ق پرکے ماس ایک تابت خط و لا کے ساتہ جوزا وسیے بناتے ہیں وہ بالترتیب ساادر سا + معت سا ہیں ۔ فرض کردک ن پر جو توت عمل کرئی ہے وو فی اکائی طیل من کے سادی ہے بینی قن ہر راکا کوئی تفاعل فی فارر) ۔ بس وسسے توس ن ف کے مختلف نفظوں برعمل رسنے والی قرنوں کو دن محمد سے مسادی سمجا ماسکتا ہے جرو ن کی ست میں عمل کرتی ہے کیو کر انتا میں ہم معن س کوہست جروہ افس کریں گے جزو ن ق برعمل کرسٹے والی ہوں کو ماس اور عاد کی شمتوں برخلیل , ت) جمعن سا- ت + ف × م عنس جم فر = · · · · (۱)

(ت + من ت) جمعن سا - ت + ف × معن س جم ف = ۰ س س (۱) (دت + من ت) جب سد سا - ف م من س جب فر = ۰ س س (۲) جهال م کمیت ہے رسی کی نی اکا کی طول جهال م کمیت ہے رسی کی نی اکا کی طول مجمعت سا= ۱ درجب من سا = من سا رکھنے سے اور معت ساکولا انتہا

چوٹا کینے سے ان سا داوں سے انتہا میں عاصل بوتا ہے

جان عودب وست ن برے ماس براور (نفسف قطرانی سے (م) سے ماسل ہواسے۔ ت -- كم ف قرد هر . (4) اور (س) اور (م) کوحل کرے سے دت د زع اور اس کئے ہِت ×ع ء متقل = ب رسی کے کسی محدود صد کے تفادل برغور کرسنے سے مساوات (۱) آبا ان ماصل ہوسکتی تقل وکے گرد ج ن برعل کرنے والی سبقوق کامعیار الر و کے گرد سینے سے فاہرہے کرمرکزی و تیں سب کی سب نتلہ و میں سے کورتی ہیں ادراس سلنے ان کاکوئی معیاداز و کے گرومنی ہے - اس ملے و کے گرون اور ج بركے تناؤں كے معيارا فرمساوى بي-اس كئے ت * ع = ت * ع = متق . جال س تنادی جرادرع عورب وسے جراکماس پر-مساهات (۱) اور (٤) سے تقاول كى سب خالط حاصل بوتى بي، اولاً فرص كروكم قوع من معلوم ہے ، تب (م) سے ست مائسل ہوتا ہے اور (و) میں ورج كرف سے سے میں ع اور ركايت تاني منحى كى ساوات التى ك (分)十十十十十十十十六

ع کوان دو رشوں میں سے سا قط کرنے سے جمیں منحنی کی مسادات (ر) طر)یں ہ ۔ ۔ ، اس جواب میں تین اختیار بی ستفل ہو سنگھ۔ اِن میں سے دور ستی سے سول کے محدومعلیم جو نے سے اور باقی ایک ان مروں کے درسان رسی کاطول معسار اب زمن کردکردسی کی شکل دی ہو تی سے گویا ہیں سختی سے ع اور ر کا رسفة معلوم سب ساوات (١٠) سيهي دس كي فيت ركى تومي ملى ہے اور (۱۳)سے ماصل ہوتا ہے ف = - اور وزر جس سے ف کی فتیت ر کی روم میں ملتی سے ۔ اعما معن اسای رس کے برجاد برق عداے اے کتناب مل كن ب ادرر فاصلہ ہے میداسے کسی جزد کا ۔ نابت کرد کہ مجالت سکون رسی ملّب کی شکل میں ہوگی۔ قلب كىسادات ب رو او (١+ جمل) 3r = [(1-1)-4+5] = اس كئ مساوات (١) سے مال بوائے ت = ب × المسل = مر رائ ت مادات (ع) سے ف = - م × رت = سم × رسط اللہ مادات (ع) سے ف

مشق ا۔ ایک اتنا بی رسی دوجیو نے چکے طلق اور ب میں سے گزرتی ہے اوراس کے برج و برج وقت عمل کرتی ہے وہ ایک نابت نقط وسے اہر کی طرف عل کرتی ہے اور وسے اس جزوکے فاصلہ کے کمعب کیابعکس برلتی ہے ۔ نابت کرد کوملقوں کے درمیان رسی کا ج حصر ہے وہ دائرہ کی قوس کی شکل کا سے۔

زض کروک رسی کے سیے مصد کے کسی نقط ن پرتنا ؤجس کا فاصلہ مرکز وسے لاہے ست ہے۔ ت (ات + من است) + سمك من لا- س : سرء <u>سرم</u> +ک چو کر صریاً لائنا ہی ہر دی کا تناؤ صفر ہونا جاست نہ ک ۔. اس لين أردا = ا و إرتاه ميك بوكاراب وكراس لريايك علقيس گردتی ہے اس لئے ﴿ يِاس كے تناؤين تبديلي بنين موتى اس لئے ﴿ يِر كِم منى حصد بريجي اس كا تناؤ معم يه يه ي منع بد سك الله وفد الرشر كى ساوات (٥)ست عامل معالي دت = - كر ميم فرد = ميم + هر نزجباً و إ و من و ميه جست مرد. شب مساوات (١) سے حاصل بورا ہے الله على المكانسة والله المكانستقل 一二二十二(岩)七十七:

$$d = \int \frac{di}{\sqrt{i}} = e^{-i} \frac{i}{\sqrt{i}} + e^{-i}$$

ن ر علرجب (طرم جر) جر داره كي مسادات ي -

اگراندان خط و ا بوادروب = ب ادر حد اوب = و ت

وو نقط (۱،۱) اور (ب، عد) منحى بربين اس كئ مساوات بالا موجاتى س

ر= و ممط + بر- و ممع جبط

مثاليس

اگررساں قطب سے مركزى قوع ف كے زيمس ذيل كے سخنيوں كي شكلير افتياركريں تو قت كا قان معلوم كو -

ا - مكا في حبكا اسكر نظب ب

۲ - سادی الزوایا لولبی ر = 1 وهم م

معود قائم نائد حبكا مركز قطب [سنستقل اور حافري]

مم - الميرن راء ومم اط [ت مع رام]

ه - الا جم ن ط = ان الف من رن - ا اور جاذبي الرن ا

4 - اگرچند مرکزی قوق کے زیر عمل رسی تعادل میں ہو تورس کے سی جزدن ق بر ماسل تعال وط کی سمت میں بوگا جہاں و قوت کا مرکز ہے اورط نقط تقاطع ہے ن

اور ق پرکے عاموں کا۔

ے ۔ ایک متجانس رسی ایک ایسی مرکز می اندفاعی قوت کے زیر عمل ساکن ہے جوفاصل کے مربع کے بالعکس بلتی ہے جوفاصل کے مربع کے بالعکس بلتی ہے۔ نابت ک کو رسی کی فنکل ان دد منحنیوں میں سے ایک ہے

ل = ا + قط عرم (طرحب م) یا ل = ا + قطوعه مجز (طرحبنره) ۸ - ایک سی کاطول لا تمنا ہی ہے - اس کا ایک سرا ایک تا بت نقط و سے ساتہ بزرها ہے رسی لیک چیوسٹے میلئے تا بت علقہ میں سے گزر کرلا تنا ہی تک جاتی ہے اس برم کرزو سے ایک افرفاعی قرمت جربالنکس تمناسب ہے فاصلہ کی ن ویں قرمت کے صل کرتی ہے تاب کرد کررسی کے منی معد کی مساوات ہے

ن-۲ = ا^{ن-۲} یم (ن-۲) له

اگرن = ۲ قر ناب کرد کر شخی مصد مسادی البود یا لو بھی ہے۔ 9 - ایک رسی ایک مرکزی اندفاعی فرت کے زرعمل ایک سنوی شخی کی شکل میں ساکن سید ، اگر کسی نظر پر قرت انخدا کے تمنا سب ہوتو نابعہ کرد کم سخی مکا فی ہے ۔ ۷ کا ۲ - قابل مخیا و رسستیاں - قابل مکنیا و رسی کے کسی جزوکا اس جزو کے محتیجے ہوئے سے گذشتہ مصدی طرح بلا کی جاتی ایس رسی سے کسی جزوکا اس جزو کے محتیجے ہوئے اور ند کھنچے ہوئے طوال کے در میان ٹرند کی کئی فت کھنچا و کے بعد مکیساں نہیں دہتی خواہ دہ کھنچا و سے معلی کہ ادر سی کی کٹا فت کھنچا و کے بعد مکیساں نہیں دہتی خواہ دہ کھنچا و

زعن كروك كرائى لا اور لا + معن لا پرتناؤ سب اور ست + معن ست نيز فرون كروكر اس عند كاغير كون برواطول لا اور كفني برواطول لا مع -اس سنة أس معد كاوزن جس كاكمني برواطول معن لا سبت و معت لا

اس جزه کے تعاول کے لئے

سكرنيات فعلى فكداد وسيأل ت - لر م<u>عن لا - معن لا</u>. اس لي ولا = ١ + ست . . . (١) ن فرلا = - و لا + ا - - . . . (س) بجباً لإ ال ترت و و ادراس ال (١) سے ولا = ١ + و اس لئے (٣) سے ا + ف = - و + ا

> چونکہ لا اور لا ایک سانے صفر ہوتے ہیں اس کے بھل کاستقل م (۷)سے کسی بغیر کھنچ طول کے جواب میں کمنیا ہوا طول حاصل ہوتا۔

<u>د لا و + وَ ل = ل [د + وَ]</u> ہم یا ہا۔ ایک وزنی بیکساں نجیکدار رسی جا ذہ ار من کے زیر عل معمولی زیجیو کی شکل میں ہے گربن محمنی رسی کا طول ج ہو اوراس کا وزن سب سے تنا دُ کے مساوی ہوادراس تنا دُ کو لیک کے معیاس کے ساتھ رض کرد کر رسی پر ایک نقطه (لا ا ا) ایساہ جس کا قوسی فاصل سب سے نیلے نقطہ سے س ہے، فرمن کروکہ اس نقطہ پر تناؤ سے ہے - اگر توس س کا ل مغیر کھنچاؤ کے س زوتو جہاں و رسی کے بن رکھنچے آکا ان طوال کا وزن ہے۔ مُ وَفِيهِ ٤ ٢٥ كَيْ مُساواتَ مِن صَبَب ذيل بو عَالَى بين - ت فرال + (مت فرال + فر (مت فرال) معنس + " " } = . - ت قط + { مت قط + فرس (ت قط) من س + " .. } و دمن ام يني فر (ت فرلا) =. زر زس (ست زم) و و زمن ... ان سے مصل بواہد

ت فرال = متقل = و عي

اور ت فرا = وس کونکس اورس ایک ساخ صفر بر تے میں

ان کومرایع کر کے جمع کرنے سے دست = و ما جا + سا

 $|v| = \frac{c(u)}{c(v)} + \frac{c(u)}{c(v)} = \frac{c(u)$

ادر م بع لینے ادر جمع کرنے سے فرس = ۱+ ک فرس = ۱+ کریا + سی

ان مساود توں کو تکمل کرنے ہے۔ ان مساود توں کو تکمل کرنے ہے۔

اورس = س + ک [س بائ + س ا + ج الوک س + باس ا + ج آ اور (م) اس مفرومند بر که لا ادر ما اس کے ساتھ صفر ہوتے ہیں ۔
(م) سے س ، ما کی رقوم میں اور مجم (۹) اور (م) سے لا اور س ، ما کے تفا علول کے طور برمعلوم ہوتے ہیں ۔

مساواتوں (م) اور (۵) کے

سسساء زلا = ع.

ں سے (۸) سے س=ج ہمس سا+ کے ج س = ج ہمس سا+ است [قطرما پھسس سا+ لوک (قطرسا + مسس سا)]

اگریم س =ج جبز ءرکھیں تومساواتیں (۹) و (۷)اور (۸)حسب ویں ہوجاتی ہیں

<u>لا = ء + ک جبزء</u>

ما + ا + ک = جمز ۱ + ک جمز ۱ ع س = جبزه + ك م + ك مبزه ء

2 مع - مفتق - امتداد ندرس كو مبت ابت إبت ايك بيت كرولينا مار إبع بيب بعیاف کے عمل کورو کے کے لئے کا فی کر دما ہے ۔ دس کے دومرے مرے محموات ایک

ورن ؟ بندا ہے جوزمین بربہرے مرکزے عمران ل برہے اس مالت میں رسی کا مصف والا معدانتیانی مے ادر بخیر کمنیا اسے میں ۔ تا مع کردکہ وزن کوز مین یرسے مین اتحافے کے

سے بسیر کو تھانے میں میں قلام کرنا با آ ہے وہ

ل و- ل د دسر ۱۱ و ال

مے جاں رسی کے وزن کونظرا داز کیا گیاہے۔

اس عمل الاستاني زمن روك رسى كانتما بى حمد كا طول بلير كمنها وسع ادراس کاتا و ست سع - تب بک کے کیدے

أكرل من الم و معت طرح ماسعة جان المهيد كانسنت تطرب اور معت طر وه زاويد م

حريس سيبركو كمايا جاسع و

جس سے معت مت عدل الم معت طر

اس کے اس لا انتہا مجمو کے کھنچاؤیں جوکام ہوتا ہے وہ ست مدمن ست مدن ست = ست ، معن ست = ست ، معن ست =

اس کے وزان کے اوف آنے کے کل کام جانج م فیر یر موا اسے لینی جبکہ ست سادی بطایا سے وسکاوہ

مثاليس

اعب ایک یکساں مچکداررسی (سب ماؤنہ ارمن کے زیر عمل لٹک رہی ہوتو ٹا بست کرد کررسی کو بالائی مصد تخلے تضعیف کی نسبت دوجند کھنچ ماہاہے۔

اگراس برکوئی تعطر ن ایسابوکران: ن نب مرا - ۱: ۱ و تابت کروکر اس سے اور دانے اور تیلے حصول کے کل کمنیاؤسادی ہوسکے -

اس ایک درن نیکدادرسی کا طبی طول ال ہے۔ اگراس کو ایک مرس سے آزا دا د الکا امائے قاس کا طول مم ل مو ما است - يوس ایک جلتے ميز پرس کی جوال ان او سے اس طرح بڑی ہے کراس کے مرسے نیجے لٹک دہے ہیں - رسی کا کل مختا و سعام

کودادناب کروکد دی کا جومعہ میز سے سس کا ہے اس کا تنا ورس کے وزن کا

-40 J-1/+

سا - ایک بیکدارس جس کی کنافت بغیر کھنےاؤ کے بیکان اور جس کا طول ل مے ابتدا ایک افغی سطح مستوی بربڑی ہے۔ منب رسی کواس کے ایک مردد

444

طول کی مست یں آمست آہستہ آہستہ رہنے والی قرمت کے ساتھ اس طرح کھینچا گیا۔ سبے کو امراع ہیف و امہا جھوار بتاسب ۔ ٹاجت کروکرجب قرمت فسٹ ہو قرسی کا

ں مدرہے اور سے حریر ہو ہے۔ ہم سے یک دزنی نیکدارس کا دن ان و اور بغیر کھنچاؤ کے طول ج ہے میا ایک جیکنی دوہری سطح ماکل برفزی سبنے میں کے رفوں کے سیدان افن کے ساتھ بالمتر نیب عداور تک

ھ ساکی کیکدارسی کی کھردری سطح الل برپڑی ہے اور اس کا اور کا کنارہ سطح پر نابت کر بھیاہے۔ ابس کردکر اس کا کمنھاو صدود ول جب (عد + ندعم) کے المد

مر اس بی جاست مقام اگر که سلال سے دسد در کوئم الدور سبت ، ورس کا در ن سب اود درس بی جاست می در است اود

9 - الب الب المحدادرى مع جس كا طبى طول ١٠ ف مه - اس كى كميت ٥ إدند مه الراس كى كميت ٥ إدند مه الراس كى كميت ٥ إدند مه الراس كى كاس مع المراس كى الميت كا وزن مه - اس دى كواس مع الميك مرك وست الكياكيا من الداس كى دومر من مرك مب ست ١٠ إدند كميت كا وزن با خده المياكيا مه - الروند كميت كا وزن با خده كيا مها كيا مها من المراس من المرم كل با خده كيا ما من المراس من المرم كل با خده كيا ما كو المراس من المرم كل با خده كل من المراس من المرم كل با خده كل المراس من المرم كل با خده كل المراس من المرم كل با خده كل با من المراس من المرم كل با من المراس من المرم كل با من المراس كل المرم كل المراس كل المرم كل المراس كل المرم كل المر

برمان ما سب السرائي المستد المستد سيف ديا مات تو بنا وكواس سے أخرى كل ير اس كامول كيا بركا نيز تابت كروك وسطى نقط بركانت كلناؤك ك دب دوسون عام كى مسبت ست كرم والى ب -

کی منب ست کم ہم دہاتی ہے۔ کا سساگرلیسیکمال کیدادرسی کوایک سرے سے نابعہ کردیا جاسے ادراس کے مراکب نظ ن پرایک وَت ف اس کے طول کی ست میں ایسی ممل کرے کو ل جنے۔
اس کے آزاد موسے سے اس کے فاصلہ کے مقاسب ہو و تابت کروکو لوک جنے۔
(جہاں ف بٹاب سرے برف کی قیمت ہے) بغیر کھنچا و کی صورت بی تابس سرے سے ن کے فاصلہ کے مقاسب ہوگا۔
م دی کے فاصلہ کے مقاسب ہوگا۔
م دی کیسال دسی جس کا وزن و اور لیج کا مقیاس لہ ہے تنی ہوئی حالت میں ایک کھرود سے انعی میز پرجس کی رگوئی قدر مہ ہے پڑی ہے۔ اگر میر فقط بر یہ سکوئے کے عین قریب ہو و تباؤکہ اس کا کھنچا ہوا طول اس کے بن کھنچ طول کا (ا + مسوم) گناہ کے عین قریب ہو و تباؤکہ اس کا کھنچا ہوا طول اس کے بن کھنچ طول کا (ا + مسوم) گناہ کی سے ایک مکیس میں ایک کھروں ہو اس قدر کھینچاگیا ہے جبانا کی ماریو انتہا نی تعاول کی حالت میں ایک کھروں میں سے انسی تدر کھینچاگیا ہے جبانا کمن ہے اور یہ انتہا نی تعاول کی حالت میں ایک کھروں میں سے انسی برٹری ہے ۔ تابت کرو

کر گرد کی سمت دسی کے اس نقط بربدل جانی ہے جس کا طبی فاصلہ او پر کے سرے کے والے کا کہا ان سے افتی کے اور عاصلے کا سکا ن سے افق کے آیا ن سے افتی

کےساتھہ

• ا ۔ ایک یماں شہیر جس کا طول ل ہے ایک سطح مائل کے خط سیلان اعظم سے بہار کے ۔ سطح ہائی کا میلان افغ ہے ۔ سطح ہائی کا میلان افغ کے ماتھ عربے۔ سٹم تیر پیش کے اندا ذکے زیر افز بھیل اور ہور کھنڈا ہوکرسکڈ آ ہے ۔ بتا اُدکھ شہیر کے کون سے نقط ان دونال عملول کے اثفاد میں تا بت رہتے ہیں نیز تا بت کرد کم نی انجا کی شہیر سطح مائل پر لمالی سس عمر مم و فاصلہ شہیر اثر آتا ہے جال تین کے انتہا کی تغیر کے سلے طول میں نی اکائی طول لاکا اضافہ ہے اور ورگو کا زادیہ ہے ۔ اس مرس کھا ایک امال کے اور ورگو کا زادیہ ہے ۔

10 - ایک لچک داررس کا طبعی طول و ادر وزن م ن وست - اس رسی کا ایک مرا ایک چکنے افتی میز کے ایک نقط سے ساتھ بندھا ہے ادریہ میز پر سکیاں زاد تی دخار سد کے ساتھ گھوم رہی ہے ۔ تا بت کرد کہ کھنی ہوا طول سال الیں الی میں (سد الرام) اللہ اسے جواں الیک کامقیام رہے۔

المرام) المس (سوا (ع) المها المالك كامقياس ہے۔

1

١١ ــ ايك إلكا أيكد ارسندم بس كاطول الفير فني وك ١ ورس - اس كومار كورى ما وسرو و بب ، ج ، د کے گر جوایک ایسے مربع کے کوان ال ملی میں جس کا برمنلے و سے لیٹیا گیاہے۔ اگراس کو (اور سب کے درسیان کسی نقط ن پر میرو میا جا سے اور ﴿ مب كى من مي كمينيا حاسمة و تابت كردكه بند (ادر سب سك كرد وقت واحد

مِن مِيلِنَا كُنُّ مُا اللهِ عَلَيْهِ اللهِ عَلَيْهِ اللهِ عَلَيْهِ مِنْ اللهِ عَلَيْهِ مِنْ اللهِ عَلَيْهِ ال

سواب ایک وزن ب ایک دوسرے وزن ق کو ایک ایک لیکدارسی کے دراید تھامے بوسئے ہے جرک ایک ، کر درسے متدرانطوا نے برسے گزرتی ہے جس ما محورا فغی ہے۔ ناست کرد کررسی کے اُس حصر کا کھنیا وجواسطوا مذسے مسر راہے

لل وك بنا مركرا كا اسطوانه كالضف قطرب، مدركرا كى قدرم اورلم

مم ا۔ ایک ککڑی لیک سکے لیکدار تا رکے وربیر حصیت سے لٹک رہی ہے تاری مقیار سس لکڑی کے دزن کے مفعت کے سادی ہے ۔ ٹابت کروکر جیست کک چڑھیے میں مکڑی جرکام کرتی ہے دواس کام سے ایک تبائی کم ہے جو تارکے بے لیک برے کی مورت

مِي لَامُ يَ كُورُنا بِرِيا -

ه ا- ایک وزن نوکدار رسی کا طبی طول ل اور کمیت سه ل سع رسی کو و معلی طور برلیٹ کرایک افتی میزر رکھا گیاہے۔ اگریسی کے ایک سرے کو آہستہ انتہا یا اتنا ا دیرا ممایا جاست کوکل رسی کھل کرمیزسے عین ادبرا مٹھ آسنے تو ٹابت کر د کوالیہا کرسے

「ナーコリーナー」

کام کرنا پڑے گا جاں ا رسی کی لیک کی کامقیاس ہے۔

[حب رسي كالك سرافاصله الاديرايط آئے ادراگررسي كا لاطول بن تميني مالمت میں الاطول کے سادی جواز وفد سرے م کی روست لاء لاب مین لا نزاویر مے سرے برکا تناؤ ست = مرع لاء بس طول کے لاسے لا + معن لا جوالے من جوكام بوتام وه = ست معت لا = سع لا [ا + مدى لا] معت لا - اس كوصدد

صفر اورل کے افراکل کرنے سے بیس میتی بالا حاصل ہوتا ہے]

14 - ایک کیمال کیکداد رسی ایک افتی سطح مستوی پر اپنی طبعی حالت بین ساکن سیم اوراس کا ایک مراکز در این طبعی حالت بین ساکن سیم دیا در این کا ایک مراکز در این تواند ان کیکند دیا مائے و کا ایک تواند ان کی القوه میں مائے و کا ایک و کا ایک بالقوه میں مائے دی تواند کی تواند کی القوه میں

ن واقع به به و او که کمی دانع بوگی جبال و رسی کا وزن سے، ۱ اس کا طبعی طول بے اور لئے کہ اس کا طبعی طول بے اور لئے کا مقداس ہے۔ اور لئے کہ مقداس ہے۔

رسيون اوزرنجيرون مرتيفرق ثنالين

(۱) ایک دسی کا طول ل اور وزن و ل ب - اس یکی دسکی نقط سے کے ساتھ ایک معلق ایک برجوایک ہی خطافتی اس واقع ہیں اس طرح مشاکلاً لٹک رہی ہے کہ دسی سے مرسے انتصاباً لٹک دہے ہیں فاہت کردکر زیجے ہوگا مبدل ے دیل کی ساوات سے حاصل ہوتا ہے

[++12++-] = 0++

جاں، و بین اورمیان فاصلب ادرل کی کمے کمتیت جس کے لئے تعادل مکن

ہاں وقت ہوتی ہے جبکہ (ع - د) - اس = اس ا

نیز نابت کرد کر ج پرکاماس سمت انتصابی کے ساتھ جزادیہ لم بنا تاہے روسادات

> ب مس طرادک (ک ب × جم طر) = ۲ او ما ۱۷ مرانداد به لئران کی طریرسته رامی رقست مو^{دا} ب -

سے مامل ہوتا ہے اوراس کے اس کی بڑی سے بڑی قیت جم

ومنفى تنبين بريسكيا-

۲ ۔ ایک مرسکنے دانی رسی کا طول ۲ ل، رخطی کی فت شر ہے، اس کے دسطی نقط مے ساتھ کمیت اور تا بعد نقطوں ساتھ کمیت م

کے مافۃ بندہے ہیں جن کا در سیانی فاصلہ لاک ہے جو لا ل سے ذرا ساکم ہے ٹابت کرہ کے مافۃ بندہے ہیں جن کا در سیانی فاصلہ لاک ہے جو کا ل سے ذرائع کا میں کے سیان کے ایک ہے ۔ کہ رسی کے کسی نصف کے زبخیرہ کا میدل توٹیا ک (اس کرک + ک + ساک) کی ہے ۔ کہ رسی کے کسی نصف کے زبخیرہ کا میدل توٹیا ک (اس کرک + ک + ساک) کی ہے ۔

سم - دد یک مستدیراسطوانی میں جن میں سے ہرایک کا نصف قطر آل ب ان کواس طرح رکھا گیا ہے کہ ان کواس طرح رکھا گیا ہے کہ ان کے محدایک دو مرے کے متوان کی ایک ہی انقی سطح میں واقع ہیں اور ایک دو مرسے سے فاصلہ ۲ ب (کے ۲ فر) پر ہیں۔ ایک رسی اسطوانوں بر متفاکلاً مکمی گئی ہے اور دسی کے مرسے انتصاباً انگار میں ہیں۔ نما بست کردکدرسی کا جمور فیے سے مجموع میں طول ۲ ب د + ۲ فر (۲ مست د - د) سب جہال در گرم کی قدر ہے۔ (دفعہ ۲۲۹ کی سولیویں مشق کے نتیج کو استعال کرد)

طول ج ساوات ل = وا + س ج جبز الحج عاصل بوتا ہے۔

ھ ۔ ایک سلاخ کا طول ۲ و ہے اس کے مرت ایک وزنی رسی کے سروں کے ساتھ بندہے ہیں جبکا طول ۲ ل ہے۔ اس رسی کے ذرید سلاخ ایک مینے پر تمثا کا لاگ انگ رہی ہے۔ اس کے دزن کا ن گنا ہے اور افقی تناکو کے کنا ہے۔ اربی ہے سلاخ کا وزن رسی کے دزن کا ن گنا ہے اور افقی تناکو کے کنا ہے۔

ناب كروكر م + نا= (ن + 1) تمزم ل - ن ممزم ل } ال - ايك كيسان زنخرجس كاطول س ب دونابت نقطون كر اور دب سے لتك

سے م اور فاصلر رواقع ہیں ۔ تابست کرہ رہی ہے جوایک ہی افقی خطیں ایک دوسرے۔ اگرس بدلے قود بخیرہ کے مرتب کی کم سے کم گرائی است ایسے ہوگی بہاں می مادا ی سزی = اسے مال بقائے اورس کی متناظریست کی مای ہے۔ نیز تابت کرد کم مرتب کی کسی گرائی کے جواب میں جو کم سے کم گرائی سے زیادہ ہوس کی ووقیتیں ہونگی اور اگرس کو ان ووقیتوں میں سے بڑی میت سے ذرا سا بڑا دیا جائے تو مرتب سینچ ا ترجاً کا سے ادراگرس کو ان دو تہتوں میں سے جبو ٹی قیست سے ذراسا بڑھا دیا ماے قدمرتب ادبر حرصه اسے -الك بحال زئير كرس دريول كم سائد بندي بن جنس س ايك ميخ ودسري ميخ من اختى فاصله ١ ١ باوانسالى فاصد ١ برسيع وات بعد الا باوانسالى فاصد ١ ب ٨ ــ ايك يكسان زخير جس كاطول ول سه و ونقطول و اور دب سع جوايك بي موارى میں واقع ہیں الک مہی ہے اور اعجیر کے سب سے مخطے نقط کی محرائی ا سب کے نیچے ك ب- اركا على في وه م) ين بتدرست وكفيت ما امنا فركما ماست و نابت کرد کرزیرو کاراس بندی معن فر × مسلم مسلم میست او بر انه املی جسال سا وہ زاویہ ہے جو ایا ب پرکے اس ان سے ساتھ نا سے ہیں۔ **۵** ۔۔ایک معلومہ طول ل کی ایک کیساں وزنی زئیز سے جس سے ایک مرے کو ایک تابت نقطه کے ساتھ باندہ ویا گیا ہے۔ زنجنیر ایک اور حکینی مین پرست جواول الذکر نا بع نقط کی بمواری پراس سے ۲ ہ فاصلہ پروا تع سبے گذر تی سے تا بعث کروکم تعاول کے دومحل ہو ملتھ یا کو نئے بھی محل مہیں موکا برجب اس کے کہ

جاں لاسامات م وال = 1+ لل ك مضيت اصل --

نز ابت كردكر اكرانا ول كے وكل بول قدوم كل بن زينيو كاميدل برابد

قائم تغادل كومحل موكاء

• الله كيسان ونيركا طول معلوم سبع - اس ك دومرون كو دو نقطول كسائمسه المسك دومرون كو دو نقطول كسائمسه المواكد في الميان واقع بين المدهدياً كما سبع - زبيراك اورعكني تين برست كرد في المستحرك في المراك واقع من المراك واقع سبع - نابت كردكم الرنعا دل كامحل مرف الماكل كامحل موف الكامل والمعلم من المراك معلى بوكالميكن الكر

کو لاسنے والے خطسکے گرد تھا ہا گیا ہے - پھراس کے مروں کو تھینج کراس طرح ؟ ناگیا ہے کر زنجے تقریبا سسیدهی موم ان ہے اور اس کا تا کو اس کے طول هسکے وزن کے ساوی

ہوجا آہے۔ تابت کرد کی ٹانیر کردسٹوں کی تعداد مراج میں ہے۔

۱۲-۱یک دزنی سیساں رسی کوایک سرے سے نکایا گیا ہے اور رسی ہوا کے زیر عمل جو افعی سمت میں ایک ایک اس کے افعی سمت میں کی سمت میں کی سمت میں کی سمت میں کہ ہوارسی کے کسی جو برج عادی ترت لگاتی ہے دہ جب ساکے تناسب ہے جا اس اور داو یہ جو جرو لمکور کا اس افعی سمت کے ساتھ نباتا ہے وہ تا بعد کرد کرسی کی سا وہ داو یہ جو جرو لمکور کا اس افعی سمت کے ساتھ نباتا ہے وہ تا بعد کرد کرسی کی

فکل س (جمسا-سسو) بیم × (جمسا+ممم) جب م يستقل ي

جہاں و ایسامتقل ہے کرئی سکے آداد سرے پرمائی نبت ج آ (مس ہے) ہے۔ ۱۲۰ سے دہ دفار معلوم کردجس پر ایک بہتے سکے ذریع بڑی سے بڑی طاقت متقل ہوسکے۔ جب ایسا ہو تو نا بعد کرد کر ہیتے کی سنے ہوئی طرت اور ڈھیلی ون سکے تنا ڈی کی نسبت (۲ وم م م ۱) : ۳ ہوگی جہاں مر رگوکی قدرسے اور ہے جرخی اور ہیتے سکے درمیسای تمام کا زاوہ ہے۔ آگرچ خی کا نفست تعل فی بواور فی اکانی طول کمیت م دو اور سدسیتی کی ذاد کی دندارجو را بندائی علم حرکت کی روست

م مغنی * سدّ 9 = (ت + معن ت) جب بمن لح. - من معنیس اور • • (ت + بعث ت) تجم معن لح. ت - مدس معنیس

اس لئے فرط - سرے -- سرم سالالا

بندا معید = و وسطمه م سع وا اس کنتے اگر ت, ادر ت, سروں پدیے تناؤ ہوں توہیں آسانی سے حامل ہوتا ہے

مت - ومدل (مت - مساً لا) +م مدّ لا

اس لفظ قت ونتقل بوتى ب

- (ت - ت) اسه = (ومم ا) (ت - م سانه ۱) وسه

ادراس سنے یہ سر کی مخلف نمیوں کے لئے بڑی سے بڑی ہو گی حبب سوم سر اوا یہ سب

ادر تب نت ا د المراه الم

مع إسد اير بدرس والارسى ملقد اير بيئ تا مُ اسطوا خرك تروس كالفعت تطر لو سب شفاكلًا لنك را سب - اكررسى اسطوا خرك معط ك نين جو تفا في مصدكومس كرس واس كال طول ادرب سے نجلے نقط كا مقام معلوم كرو-

رسے زائس کا کل طول اورب سے بھلے لفظہ کا مقام معلوم کرو۔ 4 اے ایک درنی سکسال رسی ایک انتصابی دائرہ کے گردلیٹی ہو نیہے اوراس قند تنی

موائے ہیں بری بیشاں دی ایک اسلان دائرہ کو جموارے کردیمی ہو ہے۔ دراس ملا کا مراس کا دراس مالا کا مراس کا درائرہ کو جموارے کے مین قریب ہے ۔ نابت کرد کہ سب سے الدینے فتط برانا و سب سے کیلے فتط برسکے تناؤ کا مین گذا ہے ۔

14 - ایک جکنار مس تعلی نا تص کی کال کا ہے جس کے نیم مور او اورب ہیں ۔ اس کو ایک ا نصابی معظم منوی میں اس طرح اس کردیا تھیا ہے کہ اس سے دولان مورخط انتصابی کے

مان سادی ذارسیے بناتے ہیں - ایک دنان دسی ترمن کے گردکسس کرآتی ہے اوراسے

آبست آبست در معیلا کیا گیائے۔ نابت کروکر جس نقط بررسی قرص سے الگ ہوئی سبت اس نقط کا خارج الرکز زادید فراس ساوات سے قائل جواہے

١ وكبرس د و او الرام وال- ب أسن د + ب (١٠ ب - ق) مس د - ١ و ب = .

[یفقطاس بنابرمعلوم بوتاب کراس نقط پرشخنی کا و ما د سفرادر کرست کم سے]

ے 1 - ایک بیسال رسی جس سے سرے ایک نقط اربر بند اے ہیں ایک وقع سے مرز و کو کمیرے ہوستے ہے اس کی مرزی قرعد الذفاعی قرعد سے اور فاصلا کے سریع کے إسکس

متناسب ہے تابت کردکو اگرسی کاطول مدول جوز لربر رسی سے و وحصوں سک ورمیان جوزاوید اندرونی طور ید نبنا سے ورمیان جوزاوید اندرونی طور ید نبنا سے وہ ۱۰۰۵ سے مسا وی سبے -

۸ ا – ٹابٹ کردکدایک بیسان یس آب دائرہ کی ڈس کی خل ہیں ساکن ہوگی آڑاس سکے ہرجزد برم کن عل میں ساکن ہوگی آڑاس سکے ہرجزد برم کن ع شاہد سکے کمدب سکے بالعکس متناسب ہو جبکہ قوت کا مرکز محیط پر کاکوئی نقط ہو۔

19—(اسب ج حه ایک مربع ہے جس کا برصنانے او ہے۔ ایک یکساں رسی حس کی خطی کٹافت ک ہنداور جسے سب اور کہ برتا بت کردیا کیا ہے (است ایک اند فاعی قومت مہ ت⁸ کے زیر علی متعادل ہیت اگر کہ با اور کہ پر رسی سے ماس نسب کہ بر عمود وار بوں اور

ار ان نقو سی سے برایک پر نناؤ میک بو و تابت کردک رسی سخنی ر = و رجب ط + مجمود) کی شکل میں ساکن جو گی -

مع - نابت کردکیکسال طاقت کے دیم و سے لئے وہی کی توس کن تکل ہوسکتی ہے جبکہ رسی کے برج و پر الدفاعی فوست قطب سے فاصلے کا حکس تناسب ہوا درسی کے

می مسلم روبر به مدن می وست معنب سے فاصل سے باعث مناسب ہو اور رسی کے دونوں مراب ہو اور رسی کے دونوں مراب کا میں دونوں مرب نامج رسی کا معلوم الول علقہ کی شکل میں سبنے اس کے برجزاو پر دو مرکزی قوتیں

م المستعمل فی دی کا مستول علا کا سک میں سبع اس کے برجز و پر دو مرکزی توش جن میں سے برایک فاصلہ کے کمٹ کے اِنعکس متناسب ہے عمل کرتی ہے۔ تابت کر مکا رسی کی نظل ایک دائرہ بوسکتی ہے۔ اس دائرہ کا مرکز معلوم کرو۔

۲۲ - نابت كروكرايك رسى ايك قطع انقس كى تنكل بن متعاول روسكتى سبع حبكراس بير

سے مال ہون ہے

اس کے اسکوں سے دواندفاعی قویش (مر رہ تہ زہ نے) اور (مدر الله رہے) عل کیں جہال راور آکسی جنوکے فاصلے ہیں اسکوں سے۔ نیز ٹابت کروکر کسی جزد برتنا وُمركزِست اس جزو برك عاس بر عود كول مح مناسب والسع الم الم سدایک شیکے متد راسلوان کوجس کا نصعت قط اسسے اس طرح نابت کولیا گیا ہے کہ س کا محورانتها بی سبے اور ایک چکنی افقی مین اس میں لگا وی کئی سبت اب ایک رسی (جر کا طول م ل ہے) کا حلقہ اس اسطوان کے اوپر اس طبع ڈوال دیا گیا سے کہ حلقہ مین سے انگا ہے۔ جا اس حالہ میں سے انگا ہے۔ جا ہے۔ جا ہے۔ جا ہے۔ جا ہے۔ جا ہے۔ جا ہے۔ خابت کروکر تعاول کے درمیان زاور پرامم آ بنت اہے جاں ج ج_{نم ہ}ے ۔ ل-[گرسی کےسب سے سخلے نقعہ و کومب ا نا ماست ادری کا محروانتهایی موادر لااس ستدیر قوس کاطول موجدکسی قوس ون کا ُ فل ہوتو ہمیں افقی ادر انتصا بی سمتوں میں تخلیل کرسنے سے حاصل ہوتا ہے فر (ت فری) = و اور فرس (ت فرس) = ٠ بهات ولا يمستقل = وع اس ك ور (ولا) = ال يمنى ورامى = المرس المرام كى تفرقي مساوات بيد اوراس النهام كا صل معی دہی ہے۔ اس سے بینتی بھلا ہے کہ رسی میں کوئی انقلال واقع مذ موگا اگراسطوان کو بھیلاکھا کے انتصابی سطیمستوی میں تویل کردیا جا سے] مهم م سابک میکسان وزنی رسی حرکا طول ۲ ل سبع دفعت قطرر سکے ایک حکیفے ہتقدا بی اسطوانہ کےسائق مس کرتی ہوئی لٹک دہی ہے۔ اسے دو نقطوں کےسائد ناہت کردیا حمیاب جواکب بی انقی سطح مستوی میں ہیں اور نیز اسطوانہ کے محدر میں سے گزرنیوالی (نتعها بی سطح مستوی مین محورست و فاصله پر (جهان و بحر) ما قع مین- نابت کردکه تنی كسب سن تفي نقط كي مرائ ، مرايك سهارت ك يقط ك ييم مسادات ذيل

۳۵ ۔ ایب سی ایک جکنے کر د براس طرح بڑی سیے کرد ایک ٹاہت قطریں سیے گرزنے والی ب تراسون کو ایک بی داویه بر قطور تی سند نابت کردکربداسی مالت کس ساکن مسید کی اراس کے برجزہ یرایک قومع عمل ایے جساد مرقظ برعود دار موا دراس جرد سکے فاصلہ كم مربع ك بألكس تناسب جو- يز بنادك تناؤ فاصلاك إلعكس تناسب وواسع-تطبى كدوول (الاعدار ف) كواستعال كرياني سعام ديكيت مي كرسي كوسخني مذكوره بالا

تراشوں کو ایک ہی داوی تبطع کرسے گا اگر و فرط = جم به اور و مب ط فرش = حب به اس الے آمان سے مال بوناہد

زاد عرام عرف مم الم عرب مب فرجب به

ن الله على الما الله المام
ادر قری =-جب طرحم یه فابع تطرك كردسيارا تريينے سے

وفعہ ۲۹۱ کی تمیمری مساوات سے حاصل ہو؟ سب

سم جمط = فر (ست نوى) = فرس (- ست جب ط جم به) = .

اس سلے اگر ابع قطریعود وارابری طرف عمل کرے والی قت عن ہوتو

وفد ۲۷۱ کی سادات (۱) سے مامل برتا ہے

ف جمد - فر (ست فرال) - حرف (جميم طعم فر جب ذجب م) ف جمد - فرس (ست فرال) - حرفق (جميم طعم فر جب طه) • هر جمر فه جس سے دن - حرب طرق ا

٢٧ - ايك رسى كاطول و (و-١) م ١١ فرا حباعة بايراس كرون كواك قائم

مخود طلی سطح پہکے دو تقطوں کے ساتھ بن سکے فاصلے مخود طاکے داس سے را در قو ہور ہیں فابت کردیا گیا ہے جہاں ۲ ہے مخروط کا راسی زادیہ ہے اور فدہ زا ویہ ہے جو مخروط سلے محد اور دومعلوم نقطوں میں سے گزر سے والی طوح ستوی کے درمیاں بتنا ہے ۔ اگر رسی سطح پر کالت تنا ول راس سے ایک ایسی اندفاعی قوت کے درمیاں جوفا صلا کے مر بع سے کالت تنا ول راس سے ایک ایسی اندفاعی قوت کے ذرع کی جوفا صلا کے مر بع سے ایک ایسی اندفاعی قوت کو درمی کا توازن کا منحنی مخروط کے مرکون کو ایک باتنا کردکہ رسی کا توازن کا منحنی مخروط کے مرکون کو ایک بی زاویہ رقطع کرے گئے ۔

[بہاں ووکارمتوں کے نیری نظام کی اساس ہے]

۴4 - ایک ایس مکنی گراشی سط کی تک دریا فت کرد کرجب اس کامحدا نتما بی بواه دمب

کساں رستی اس برماکن ہوتو سب نسف النارد کوایک ہی زاویہ بر قطع کرے۔ (کون خی قائم زارسے)

م م - وو بلاے بین جن میں سے ہرایک کاوزن لان ہے۔ ان کو ایک سے وزن کی ایک ایک سے وزن کی ایک سے وزن کی ایک ایک ایک ایک کوردے کی اردی کے ذریوم کا مقیاس کیک لا ہے لا آگیا ہے۔ رسی ایک نابع کوردے افعی اسطوان پرجس کا نفعت قطر کا ہے مشاکلاً لٹک رہی ہے۔ ابتدا ڈرسی اسٹے پورے طول میں کیساں طور پر کمینجی ہو گئے ہے۔ اگرا کی بردے کو بتدریج وزنی کیا جا سے لا کا بات کرو کم ووسرے پر طسے سے مرکت کرنے سے پہلے پاڑ سسے کو مهار سفوالی رسی سے ذاکھ انتھا بی حد کا طبعی طول

4 م ۔ ایک وزنی نیکداریسی کا طول ۲ ڈاور نیک کی قدر اسس کے وزن کے مسادی اسے یہ رہیں ایک وزن کے مسادی اسے یہ رہتی ایک بیٹنے مکافی کر بڑی ہے جس کا در خاص ۲ دے اور مکافی کا محوان مقبالی اسے اور رسی کا آزاد سرا راس برہے جسب سے نجان تقطہ ہے۔ مکافی برکا وہ فقطہ معلوم کر وجس کے ساتھ او برکا سے اور تابت کردکہ اُس نقطہ برسی کا تناؤ کے در اُل ایک ہے جال ورسی کا وزن ہے۔

الله ایک رسی جرابتدار میجانس اورض کا طول ل ہے دومعلوم نظوں کے ساتھ معم سے ایک رسی جرابتدار میجانس اورض کا طول ل ہے دومعلوم نظوں کے ساتھ

بندهی ہے اور نقاد ل کی حالت میں آیک دائرہ کی توس کی شکل میں ایک ایسی اند فاعی توت کے ذریمل و محیط پر سکے ایک معلومہ نقطہ سے باہر کی طرف عمل کرتی ہے ساکن ہے تا میں موالان میں ایک

ا مع ۔ ایک دزنی کیکدادرتی بنیر کھنجاؤکی حالت میں سکیاں ہے ۔ اس کو ایک جیکنے مستدیر اسطوانہ کے گردس کا محوا نقی ہے اس طرح دکھا تمیا ہے کہ یہ اسطوانہ کے سب سے نخلے نقط کے ساتھ مین تناس نہیں رکھتی۔ اگراس نقطہ پرجس کو مرکزسے ملا نے والا خط

کیلے نقط کے ساتھ میں تاس ہنیں رحمتی۔ اگراس نقطہ برجس کو مرکزسے طاسف والاخط سمت انتصابی کے سائد زاویہ طربنا تاہیے تنائی مت ہو او تا بست کردکہ (مت+لے) -) جمطہ + بب جباں لہ کیک کا مقیاس ہے اور (اور دیب مستقل ہیں جن کی

ہے) مرکمہ یہ جب حبہاں مرفیب کا حقیا ک ہے اور کر اور جب مصفل ہیں جن کی قبمتیں کیک کے مقیاس رسی کے وزن انداسطوانہ کے تفیقت قطر میرموقوف ہیں۔ اگریسے کے اس و بھی مال کردوں کے اسطیان کے نصوب قطر سرمرم کو جریہے

الکی ایک اسلامی کے اس المبیج طول کا درن جو اسطوار کے نصف قطر سے مساوی ہے و ہوادر کی است اور نیجے نقط برتنا و ست

ساوات ت+ ت ا

م سم ساسک دزنی لیک ار رسی جوانکھی طالت میں لیکساں ہے ایک طیفہ ہما دائرہ کی محدب سے اور سی اور ایک سیاد اگرہ کے سب سے اور سی ادائرہ کی مدب سے اور سی اور سی کا ایک سرادائرہ کے سب سے اور سی کے دیا ہے گئے متعلم سے ساتھ بندھا ہے۔ اگر تعاول کی طالت میں کل طول دائرہ سے رہے ہے

ساوی ہو ہ تابت کردکر رسی کا طبعی طول و ماہ کوک و (۱۲ +۱) سے مساوی ہوگا جہاں و دائرہ کا نصف تطریب ، ۲ ورد مجل کی قدرسے اور و طبعی طول

کی ایک اکانی کا وزن ہے۔

مع مع الک فیر ادرسی ج انجمی مالت میں کیساں ہے ایک میکی ستدیر الی کے الله ایک میا الله الله علی مستدیر الی کے الله ایک ما فی ہوت کے زیر عمل ساکن ہے ج نلی کے محیط بر کے دیک دیسے نقط کی طرف عمل کرتی ہے جردی ہے واکر می کے وسطی نقط کے عین مقابل ہے۔ اگر رسی تعادل کی حالمت میں عین نفست دائرہ کو گھیرے ہوئے خواز نابت کرد کر بڑے سے بڑا تناؤ

جاں لالچک کی قدر ہے ، و تلی کا نفست قطر ہے ، ک انتھی رسی کے اکا تی طول کی تمیت ہے اکا تی طول کی تمیت ہے اور ق

میں ۔ ایک دسی ایک سطح مستوی میں ایک مرکزی قدمت کے زیرعمل تعاول میں ہے۔ نابت کردکہ مرکزی قریع ایسے برلتی ہے جیسے <u>فر</u> (الے) ۔

علم وكت ين اس كما لكي ب--

لے ستق ہے۔

سے وزن کا کرکٹ ایک کے تغیار کے ساوی ہے۔ اگر کرہ ذراما کمردرا ہواورر گر کی قدرمہ ہو تو تا بت کرد کہ تقا ول کے ٹو شخے سے پہلے علقہ کواس قلدینیچے اتارا جاسکتا ہے کرزادیہ ۲ عد بقدر ۲ مدجب عدد جب ب تغزيبا كرحعائے عما - ایک کمردری گردشی سط کواس طرح تا بت کیا گیا ہے کواس کا محدرا نتصابی ہے۔ ايك ليكدارس كاعلقة اس يستوازي الافق محل مي اسطح ساكن مبع كديرسها وي طور بر می اوا ب اگرسی فواہ استیس محاجات اور میلنے کے مین قریب بواسطے کے کو منی منتحى كى مسادات معلوم كروا در نابت كروكوا كرليك كاستباس لهؤو كره كى قدمد، رسى كا وزن و ١١ له مد ادر اس كاطبى طول ١٦ ٥ مو اوركردا كم محدكو ما كا محد ما اجاست ويرساوات لامه اعلان المرا) وك الله برجان بعد المراكم ا براک برخی برج جنت لگاسکتا ہے وہ عمز میں + آف سے سادی ہے بهاں ابرایک برخی کا نصف تطریع ، ج ان کے مرکزہ س کا درمیا نی فاصلہ سے ، مدرکوا كى قدر ب اورت تناؤس بينى كاجكه مي خوس يرتكا إلكياس -4 س - الراك ساكل ك الروايك بلا الميكاربند تقوركيا جافي ورم ين جس كابيرو في فعف قطراب گيرائي د كاليك على الى بن تنابرا بودة أبع كروكم الركورم برسي كالي يس ج كام كايرًا بعده المراد المراد من المراد المرا ے جال ل بنکا اہمی مالت میں فول ہے۔ ادر جم فد عداد ادمینیکی چوران کونظراندز کیا گیاہے۔ ششش اور توة

٢ ١١٤ - ١ دد ك ذرات ك درميان كمفسش كاكلد سركونيوش كاكليري ، ہیں حیب ذیل ہے!۔ اوہ کا ہرایک درہ اوہ کے ہرد گرورہ کوایسی کے ساتھ کھینچا کہے جو کمیتوں کے حاصل صرب کے با رامت اولان ورمیانی فاصلے مربع کے بالعکس متناسب ہوتی ہے۔ اس لئے م اورم پر ام کی کمیتوں کے درمیان جواک

استی میتر کے فاصلہ بر ہوں کشش م میم من اور کے سادی ہوتی ہے جاں

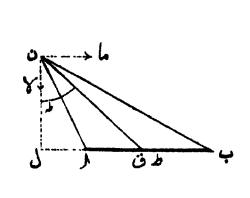
م ایک ابساستقل ہے جس کی نتیت د فعرہا بعد میں معلوم کی جائیگی- اس مقدار ئٹش کاستقل کیتے ہیں۔ اس منزل برطانب علم کو جا ہیئے کہ اوپر کے کلیہ کو بطور مطروع نسلیم کر۔

وا جرام ملکی کی حرکت کی توجیه اس اصول کی بنا پر کانی طور پر بوسکتی سے ۔

نیز اس معیقت کی نصدیت علم حرکت کے اصران سے موتی ہے۔ ہم چندمتنالیں ایسی ہمی کو بنکے جن میں مربع بالعکس کے کلید کے علاوہ ویکر قوانین سنسٹ فرض کر لئے جائیں کے۔ لیکن یا ستالیں اس کا کناست

شهش کی بنا پر مبنی انیس ہو بھی ۔۔

سكونيات أعلى



ع ع م ایک بنگیسال سلاخ آیب کی مفتش کسی برونی نقطه ن پر معلوم کرومعلوم کرومن کسی سلاخ پر عمود
من کسی سلاخ پر عمود
من کسی سلاخ کر عمود
اور فرمن کرد که سلاخ

پر کوئی نقطہ ت ایساہے

اگرسلاخ کی عمودی تراش که اور کنا نت هر بهواته جرو ف ط کی کششش ت برکی اکا کی کیت برد مرد من لا مبک هرمعن لا مبک هرمون لا مبک هرمون لا مبک هرمون لا مبارکا کی کششش

كونكر لا ع ح مسرط ادراس كئ معن لا ع ع قطاط « معن ط الأخر اكر ق ع مسرط ادراس ك معن ط الله عن الله عن الله عن ال

اس کے اس کے ابزائے ترقیمی بالترتیب ن ل کی مست میں اور اس مرک مرجم طرید معت طر اور میک مرجم طرید معت طرید

بن پر خودوار منط میں ہو اور معاہوں اور ک ن جب بالترمیب عمد ادر مہ ہوں تو

٧- رُ بِك عر * جم له فرط - مِك عر [ب لم] ب

ء ج ل هر [بب بر - جب م] ادر ماء رَّ جِك مرب لَه فرالم ع حبك مر [-جمط] ، اور مامل كنفش س موجون ل كسائد زاديد فد بنائے و ٧- ١٧ + ما = جلم الجب -جبع) + (جب المع عدم مي) = مرک هر براح مراب - مراب = مرک هر براح مراب - مراب = مرک هر براح مراب - مراب عرف هر بر (ان ب) (۱۳) ادرمس ذ = مل عرم - جمع = مس م + بر اس کے مامل کشش کی ست زادیہ لان ب کی تنصیف کرتی ہے۔ منتجه صریح به اگر سلاخ (ب کاطول لا تنابی جوزعه -- . و اور به = + . و مناسب ہوتی ہے۔ ۱۷۵۸۔ اگریم دونو اقبل کے نیتم رس ایس ع = - رکھیں جس کے بیمنی ہیں کہ ہم نقط ان کوسلاخ کی سطح پر اس توہیں جواب ا تمناہی ماصل ہوتا ہے

٠.,

یرمری نامکن ہے ۔ ہاری خلیس کی طاہری اکامی کی وج بیسی کہم نے دوران ممری نامکن ہم نے دوران ممری نامکن ہم اسے متسادی الفصل فرض کیا تھا۔ اب ا رفعل ن سلاح برمو قو أن يس سع الدرف والى عمودى ترامن ك نقلوں کے فاصلے ہو ن سے ہیں وہ صفرسے لیکرسلاخ کے قطر یک سلسل بدلتے میں اس کے اُن کو اہم ساوی فرمن منیں کیا ماسکتا۔ اس صورت میں وفد ۲۸۵ کی مشق (۱) میں کرر مجف کی گئی سے۔ م عدد ایک سلاخ (ب ب اوراس کے باہرایک نقط ن ہے۔ ن سے سلاخ ا ب بر مود ن ل (= ع) کا لاگیا ہے اور ن کو مرکز ان کرفف قطرن ل محساته ایک داره کمینجا گیاہے -اس داره کی نوس جون (اور ک ب کے افران علی ہوتی ہے وہ أكب ہے۔ ابت كوكر سلاخ إب كى جركشش بن برہے دہ سادي ہے اس كشش كے جوقومس كر ك كى دم سے نقط ن برے جبك توس دائره كو اسى ما ده كى بى بونى وُض كيا جا كي سي س سلانے ہی ہوئی ہے۔ ق ط سلاح کاکو ئی جزو و اور فرض کروک اس کے جواسب میں مشدیر توس کا جرو ف طاہے ۔ ف ظ کی شش ن 100 + 00 CO

- ق ط × ن ن ن = ق ط × قطاط عن ط × قطاط

جاں ق سعودہے ن طیر = ن ن م س ق ط تط ط = ن ن ف عمر م م الله علام الله على ال ن می است کے سلاخ اور قوس کے متناظرا جزا کی شفشیں مسادی اورایک ہی ست میں ہیں۔
بیں دولا ل صور نول میں مامل ک فسطیں بھی وہی ہونتی م ۲ سے ایک سیکسال مستطلی تختی است جدیجس کے مرکز وسے ایک خط
و من اس تحتی پر علی القوائم منینی کیا ہے ۔ اس عمود کے کسی لفظ ن برتختی کی فرمن کردکہ تختی کی کمافت مرادر موال کے سے نیزا ب در اور نقطر میں ہوتو و وند ۲۷۷ کی روست اس کی کشش نقط ن پر اس سنے ن و کی سمت میں عمل کرنے والی محبومی قدمت الم برمرك فره = كراها + لام) باها + لام + لام الم

" مجمر و م = م المراجة عمل فرط المراجة المراج

مثاليس

ا۔ تین ساوض کوجن کی کمیت فی اکائی طول مکساں ہے جوڑ نے سے ایک مطلق قالب بنایا گیاہے۔ ان کی کشنش قان ن قدرت کے مطابق ہے۔ ان کی کشنش قانن قدرت کے مطابق ہے ۔ نابت کردکہ اگرایک ذرہ کو اس مثلث کے اندو فی دائرہ کے مرکز پر رکھ دیا جاسے توید درہ شعادل رہے گا۔

(دخه ۹ م ۲ کامسیکه استهال کرد) ۲- تابت کرد که ایک کیسال سلاخ (ب کیکشش نقطه ن برگی اکا تی کمیت پر (ب کام مهر و کیمیشان میراد بیسر مسر ا

كامت كم موادى السعدلى ب جيد ن إ - ن ب

سا ۔۔ دوسیدے اور م بی جن کے طول ل اور ل اور من کی کیتین م اور م بی -ان کو اس طرح رکھا گیا ہے کہ یہ ایک ہی خطاستیم میں ہیں اور ان کے إیم قریب ترین سروں کا درمیانی فاصلہ ج ہے ۔ نابت کروکہ دو ون تاروں کے درمیان قریشن کے میں اور اس کے درمیان قریشن کے درمیان قریشن کے درمیان قریشن کا درمیانی فاصلہ ج ہے ۔ نابت کروکہ دو ون تاروں کے درمیان قریشن کے درمیان کا درمیان کا درمیان کا درمیان کا درمیان کی درمیان کی درمیان کرو کی درمیان کروکہ دو وزن کا درمیانی کا درمیان کا درمیان کا درمیان کی درمیان کروکہ دو وزن کا درمیان کی درمیان کو درمیان کروکہ کی درمیان کروکہ کی درمیان کی درمیان کی درمیان کروکہ کی درمیان کی

م م ر ر رال + ع رال +

سم __ ایک کساں پلی سد ہی سلاخ ج جن کی کٹافت ک اور طول اب اس کے متوازی ایک دوسری کیساں سد ہی سلاخ کو جس کا طول ک اور کٹافت کت ہے مشاکلاً فاصلہ هد پر یکوا گیا ہے۔ نا بت کروکہ ببلی سلاخ کی مضض دوسری سلاخ پر

- المران -

اگر ه صغر ہو تو اس علمہ کے معنی بیان کرو -

ھ ۔۔۔ دو بہل کیسان سلافیں آ ب اور ج ح جی جن کے وسلی نقطوں کو ایک ہی مقام پر دنگایا گیا ہے۔ مقام بہی مقام بہی مقام پر دنگایا گیا ہے۔ مقام بہت کود کہ ان کے در سیان کشش ایک جنت میں تحدیل جو جاتی ہے جس کا معیار افرا جم م مجد کا اس کے در سیان کششش ایک جنت میں تحدیل جو جاتی ہے جس کا معیار افراد جرم م مجد ا

(اج سه سب ج) فرعه بے جہاں م اور مر ان سلاموں کی طبی ہمیتیں ہیں۔ 4 ۔۔۔ دو مکساں فیر شقاطع سلافیں ہیں من کے طول لا منا ہی ہیں ان کا درمیانی

زاویہ حد اوران کی کتا نمیں ک اورکت ہیں۔ یہ ایک دوسے کو نیوٹن سمے کلیہ کے مطابی کمینجتی ہیں۔ نا بت کروکر سلاخوں سکے درسیان حاصل قوع اجر 8 ک کت،

م مرے جاں عساون کا درمیانی زاویہ ہے۔

ایک مجسال ستدیر بینلی تختی ہے جس کا تصف قطر اور اور مولما ان ک ن سے جس کا فاصل مرکزے ع سے۔ اس معبد کے کسی نقط ف کی کشش ن برگ اکا ن گتت پرن ق گست میں۔۔ ادراس کا جزو تحلیلی ن و ہ جزدی رقبہ کے ہرایک نقط کے لئے درست سبے۔ اس کئے اس جوی رقبہ کی حاصل کشش اس سے کل تختی کی شسیل

 $= 7\pi - 2 - 3 \left[\frac{1}{3} - \frac{1}{(\frac{1}{6} + \frac{1}{3})^{\frac{1}{7}}} \right] = 7\pi - 2 - 3 \left[\frac{1}{(\frac{1}{6} + \frac{1}{3})^{\frac{1}{7}}} \right]$

ارتختی کے کسی تعن قطروا کے عاذی ن پرزادیہ عد بنے و

ادر تختی کی مامسل فسٹس جرمر تیان و کی ست میں مل کرتی ہے

= ۱ ۱۱ م ک هر [۱- م ع]

نیتی چرائے۔ زمن کر دکھنی کا نفعت تطرا مناہی ہو جا ایے اور نباؤ علیہ زاویو عد ۹۰ ہوجا اے مصب ماصل کشش ۲۴ میک عرب جو محتی سے نعظہ ن کر نادہ دین کی فیروں میں

کے فاصلہ ع کے فیرتا ہے ہے ۔ پس ایک لا تنا ہی پتل محتی کی مشش کسی نقطہ ن پر جرشختی سے محدمد

فاصلہ برہو ن کے فاصلہ بہت معربین ہوتی ادر عامل مزب المهم ایخنی کا تیت فی اکا لی

ر تبہ مے ساوی ہوتی ہے۔

۲۸۲ - اکائی کیت کا ایک دره ایک تبلی تفسش کرنے والی سطح میں سے ایک مجانب سے دوسری مانب عود وار ترز تا سبے ۔ تباؤکہ دره پرسطح کی کسٹ مش جانب سے دوسری مانب عود وار ترز تا سبے ۔ تباؤکہ دره پرسطح کی کسٹ مش

میں کیا تبدیل واقع ہوتی ہے۔ دور کس سرط کا مون

فرض کردکرسطی کے عماعت جا نبوں پر دونقط ن ن ایسے ہیں جوسطے کے لا انتہا قریب ہیں اور ن ن سطے ذکور پر عادیے۔ ن ۔۔۔

ریب بین بریون می حرور پر ماوس سطیر ایک میموام سا دائرہ ایسا تکمینپر مبس محود من ن برو ادر جس کار تبدیر بروسطے

کے اق ما ندہ حصر کو ب سے دوم کرد۔ تاریخ کا خوا

ت نابر گاشش و الکافش ن بر و ب کافش ن بر و (۱)

ادرت بری صفر و ای کشش ن بره ب کی کشش ن بره برا)

من چی ن اور ن ودناسط کے دانتها قریب بی اس لئے انتها می سطح کے حصہ ب کی کشش نقطہ ن بر۔

سطح کے حصہ ب کی کشش نقط ن بد = حصد ب کی کشش نقطہ ن بر۔

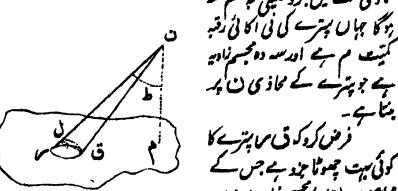
یز کشش کی حاتا کہ حصد ا کو نقطہ ن سے وہی نسبت ہے جرایا کا مناہی مستوی کو محدود فا صلم پر کے ایک نقطہ سے ہے ۔

اور حسب سابق دند حصد ا کی کشش ن بر = ۲ ما جرک اور حصد ا کی کشش ن بر = ۲ ما جرک

اس کنے (۱) اور (۷) سے ال تفریق سے ماسل ہوتا ہے۔ ن بری کشف ۔ ت برکی کشش ۔ ۱۹ م حرک

اس کے جب اکا ٹی کیت کا ذرہ کسی تبلی سطے کے ایک جانب کے الا انتہا تریب نقط سے علی القوائم گزرتا نقط سے سطے کے علی القوائم گزرتا سے توسطے کی جوکشش اس ذرّہ پرہے اس میں بقند م اللہ مرک کے تبدیلی واقع ہوجا تی ہے اور بنا تم علیہ تبدیلی سطح کی موٹائی اور مقام گزرکی کٹا فست بر

منحصر مودتی ہے۔ مع ۴۸ سے نابت کرد کہ ایک مستوی بہترے کی بیرو نی نقطر پر کشش کا بنترے کی عاد کر سمدہ در میں جن متحلیا ہے۔ میں سے



محایی مُن ن برنجسم زاویه معن سه بناسهے- نیز فرض کرد که ن ق یا

تب انتهای ن بلی جزد کی نشش = جرم × رتب من فی

ن ه يترب پر عمود كھينچو اور فرمن كروكه ف ل خط ن سما پر عمود ہے

ナートロントニーラーウーショールーナー

ت پر ق س کی کششش کا جزد تخلیلی ن هم کی ست می

= مرم × رتبرس ت × جم طر = مرم × رتبر ق ل = مرم × رتبر ق ل = مرم ×

پس بترے برعلی القوائم سمت میں ن بربترے کی کفشس کا جزو تحلیلی

= 🔀 حدِم× من سدومِ م سه جها ل سه وهمجسم زادر به

بوکل بیترے کے محاذی ن پرنبتا ہے۔ مم ۲۸ - ایک میسا س مزوط کے تمام مقطوع جن کی موٹائی سیا دی سے اور جن کے مستوی رخ مخود طاکے قاعدہ کے متوازی میں مخردط کے راس پرسادی

-بی -س کرد کر ایب اور ج د ایک مخروط کی دو تراشیں میں جر مخ و ط کے قاعدہ کے متوازی ہیں اور جن کی موٹائیا ل

ایک جمهو ک^ومقدار د کے مس*ا*وی

س كارس ت اوراسي راويه مبيت محوثا

ہے، ان را شول کوبہت جموسے معنیات ق س اور ق سُ مُن مِن تطع

چاکه ق مما اور ق من متفار منی میں اس کے اُن کے رہے اور بنا رَّ علیه ان کیرٹائیاں مساوی ہوئے کی وجہ سے اُن کی کمیٹیں، راس ن سے ان منحنیوں کے فاصلوں کے مرابوں کے تمناسب ہو گی۔ اس کے ن پری مراکشش میں رقبہ تک مرا ہے اور بی مراکشش میں مراکشش می مراکشش میں مراکشش میں مراکشش میل مراکشش میل مراکشش میل مراکشش میل مراکشش می

يَهِ فَ مَ اللَّهُ اللَّهُ مِنْ مَا مِن اللَّهُ * لَا فَيْ اللَّهُ مِن اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّ

چابھ تنا ظراجزا تِ مِم ادر فَ مَمَ كَى كَشْنْسِي سادِي بِي إِس لِيَةٍ كُل رنبوں اب اور سے د کی کشفیں کمجا ظامقدار اور سمت کے برار ہونگی۔ اس سے عل جمع سے ایک ہی سوالی کے دونا تصر مخروطوں کی کمشفشر

اُس مخروط کے راس بر میں سے یہ اُقص مخروط حاصل کیے سکتے ہوں مسا دی

بولی ہے۔ ۱۸۵-مشق ا - ایک کیسال مجمم قائم متدر مخوط ہے جس کی لمندی مداور واسی مرکز دیرسسلوم کو واور ۲ فدسے۔ اس کی مست اس مودو کے ستوی فاعدہ کے مرکز و پرسسلوم کو۔ اگر قا عدہ کے اوپراونیا ٹی البراک سن ی تراش لی جائے اوراس کے ما ذی

مركز وپر داديه ٢ به سينے تو

عمره - الأ+ (ه - لا) مسنء - الأ- اه لا جبّ ع + ه عبّ ع

الراس تراش كى موالى ئى معن الا جوز اس كى كشش

١٣٠ م عرمت المالية المالية المرابع الم د نو ۱ ۲۸ کی روسے

اس کے کل موہ طاک کشش

= ۱۳ جرمر کی [ا ا = لا - ه دب عدر کھنے ستے دیکشنی = ٢٦ مبعر كريم مي المراد المراب عرب مي المراد المر = ٢ ١٦ م هر ا - جمع الا + ها حب عدجم عد - هبه عدم عدلوك (١٠ ١ ١١ + هلبب عرجم عر) معملم ع ١٦٠ د مره جب عراح مرع - بب عرج عدادك جم عدادي الم مشق ٢- اگر كشش كاكليمقلوب فاصله كاموة ايك يكسال مستدرة من كي كشش اسكي مطع ستوی بر کے ایک برونی نقط بر معلوم کرد-اس سے میک کیساں انہا مستديرا سطوانه كيشش محسوب كروج قدرت كے کلیہ کے مطاب*ق کش*ش کرتا ہے۔ فرمش كروكه قرص كالغنعث تطرؤ كثافت ھراور ہوٹا نی ک ہے اور دائرہ کے مرکز وسے معادر نقط ن کا فاصل ج ہے۔ نیز فرض کردک نی میں سے گزرنے والاکو فی سمتی نیم قطر و ن کے ساتھ زاد پر طباباتہ ت و ترص می مجومی کشش * ۲ کر ر مرد و فرد ک مریم در جال دی مدد ن ق سے ن ق بیک بنی ع جمه- م وا - عام جب له اور ع جم ط + م وا - عام جب له اور ع جم ط + م وا - عام جب له اور ع جم ط + م وا - عام جب له اور ط في مدود صفرت جب الح بير-

اس لئے کنش = 1 م کی هر ۱۵ د مد مرز مے فاصلہ

بس ن پرکشش اس کشش کے سادی سے ج قرص کی طرکبت کو و بر کمنف کردینے

اب فرض روکم دائرہ مذکورایک لا تناہی طول کے اسطوار کی عادی ترامض بے اسب بی سے گزر نے والے لا تناہی طول کے ریشے کی شمش کا وہ حزو تحلیلی موکا فذکی

ا ہا ہی سے کررسے واسے کا کماہی فول سے رہنے می صف سطح سے علی لفتوا کم ہے دفعہ ۲۵۷ کے نیتجہ صریح کی روسے

بس اس لا منا ہی اسطواد کی منتش قرص کی شنس کے مساوی ہے بشرطیکہ ہم ک کی

باے الکمدیں اوراس لئے = الم مراق .

اگرن اسلوان کی سطح پرواقع ہو اور بناؤ علیہ ج = 1 و یک فسنس ہوجاتی ہے ۱۳ م هراس سے ہیں ایک بتلی سلاخ کی فسنس اس کی سطح بر کے کسی نقطہ برحال ہوتی ہے [وفد ۱۹ م سے مقابلہ کو] ہوتی ہے [وفد ۱۹ م سے مقابلہ کو] اگر ن اسلوان کے افد بوتو اس بر کی کشفش = ۲ × کر ۲ م مر فرر فرط اجتم طم

مہاں رکیمدومنرے ج مم طر+ ما وا -ج جب طریک میں اورط کی صفرے ا

اس سے آسان ن برکشش ، ۱۳ جر مرج، مامل ہوتی ہے۔ مشالیس

سا ۔ ایک تھوں کیساں نصف کرہ ہے جس کا نصف قطر ایہ ۔ نا بت کروکراس کے مور کے ایک نقط پر نفست کرہ کی کششش صفر ہے جال اس نقط کا مرکز سے فاصلہ ج، مساواست ۱۲ ج، سم ۲۵ ج، ۲ سم ۲۵ ید ، کی اصل ہے ۔ نار میں مرس ۱۲ ج، آ

َّا بِتِ رُدِّدَ جِ = مِنْ مِنْ تَعْرِيباً

مم ۔ ایک قائم سندیر مخ دط ہے جس کی کنا فت هرہے۔ اس کامورانصابی اوردمی اویر کی طرف ہے اس کے مور پر راس سے ج فاصلہ پر ایک نقط ن ہے ۔ خابعہ کروکہ اس نقط پر معزدط کی کمشنش ہے

۵ سایک کیسان مون بینے مقطوع مخروطائن کے مستوی مروں کے مضن قطر ممالدر

بي - مخروط كے نقط رأس براكا فى كتيت كا ايك ذره سے جي مقطوع مخرد طكمينجا ہے۔ نابت کردکر کشنش ۲۴ م ہر جب عرجم عدلوک کے ہے جا ل ۲ ویخروط كا ماسى زاويدسم ادر هر مخزوط كي سطى كمنًا فت سبل ۲ سر ایک شجانسس قایم سند پر اسطوانه ہے جس کا طول ایک سمن میں لا مناہی ہے اور دومرسے مرسے کی تواش کمونوں پرعلی انقوا ٹم سبے ۔ ٹا بٹ کردکہ اسطوار کی شش اس مرے کے مرکز پر مرحم ہوگ جاں م کیت ہے اسطوان کی نی اکا فی طول ادر اواسطوان کے متوی سرے کالفت تعربے ۔ کے ۔۔ ایک انتصابی میں اسطوار سے جس کی لمبندی اوسب اور حس کے سرے کا تصف تط ر ہے۔ اس کی کثافت حرمے اور اس کے سرے اس کے کواؤں پر علی القوائم ہیں۔ اس کا اس کے مور میں سے گزرے والی سطح مُستوی سے دو حصوں میں تعشیم کمیا آ ہے نابت کروکر ایک مصر کی کشسش اس سے قاعدہ سکے مرکزیراج ور مولوک منظمارا + اوم ہے۔ نیز معلوم کروکہ ماصل کشنش مور کے ما عذکیا زاویہ بناتی ہے۔ ٨- ايك متجانس منشوركا طول لا متنابى سعاس كى تراخى ايك ساوى الاصفلاع مثلت اسبج ہے۔ نابت کوکفٹور کی کشش ایر الم اللہ ہے ہاں م منور کی ٹی اکا ٹی طول کتیت ہے اور او مخلت کے ایک منلع کا طول ہے۔ 4 -- ایک نا قصی قرص کی مواما نی ک اور کما فت هر سے ۔ ٹابت کرد کم اس کی کششش اسكرير ٢٣ مرك مرم المري المراج من الما الم الدوم باس كم نيم مور وس-[مطلوبضن = كر جرك هر فرط فرر جمط ، جان ركي حدود معفر سے اور خرط اود طری حدود صفرسے ۳۲ ہیں- اس طرح ودرا ن عمل میں ایک لا متنا ہی مقدار لوک ر آجاتی ہے جرک رصغرہے۔اس سے بچنے کے سلنے اسکر سے محددایک دائن کھینیج جس کا نفعب تعرل ح (۱- ز) ہو - اس دارُه کی عاصل کشیش مرکباً تشاکل سے صفرے اب بکمل کی قیب معلوم کرو جبکہ رکی حدود لدسے لی اور للہ کی حدود مفرسے یا ہربی ما

١٠ - أيك انفى قرص كميت م ادرنيم مور الوادرب بي اس معروض بركاكليمشنس

مع ہے نابت کردکہ نقطہ (الا) براس کی کشش کے اجزاے ترکیبی محدوں فاصلہ میں مسم مد اللہ ماریم مل اللہ میں
كسمة ن من المراب × الله اور المراب × ب بي-

اس سے ستنبط کردکہ ایک لا مناہی متجالنسس نا نقبی اسطوانہ کی کششش کے (بوکلیہ

قدت كے مطابق م) جزارتركينيم محوروں كے متوازى م ج م مراب × لا اللہ م مراب × اللہ م مراب × اللہ م مراب × اللہ م مراب باللہ بال

جاں اورب تماش کے نیم مور ہیں اور هر کما نت ہے ۔

ااسٹا ہت کردکہ نصف تعار ہو کے ایک سندر قرص کی کشفی جس کا کلیے تجاذب $\frac{n}{(6000)}$ اسٹا ہت کرد کر ہے جب کے مرح ہے کہ کے مرح ہے جب کے مرح ہے کے مرح ہے جب کے مرح ہے کہ کے مرح ہے کہ کے مرح ہے کہ کے مرح ہے کے مرح ہے کے مرح ہے کہ کے کے مرح ہے کہ کے مرح ہے کہ کے مرح ہے کہ کے کہ

م م قرص کی کمتیت ہے اور مجذوب نقطۂ قرص کے مستوی میں واقع ہے اور مرکز سے اصلہ جی یہ ہے۔

۱۳ اسدایک کیسان معرمتوی طفت کی کشش اس کی سطح مستوی میں کسی بیرونی نفط برم معلوم کرد جاکشش کا قانون فاصله کی سازیں قوت کا مقلوب ہے ۔
۲۰ ۱۳ میں اندرونی یا بیرونی فول کی کشش کسی اندرونی یا بیرونی فقط ن پرمعلوم کرد-

فرص کرد کرکروی خول کا تصف قطر الم ہے، ک اور هر إلترتيب اسكی

ہیں اور جم نقطہ ن کا کرو کے مرکز و سے فاصلہ ہے اگرت فول برکا کوئی نقطہ ہوء ت ل خطون بر

مولما کی اور کثا قت

عمود جواورطه حدن وق

توجس دائره کا تضعت قطرل تی ہے اس پر کے سب نقط ن سے مشاو کا تفصل ہو نگے اور ن پر براک کی شش کا جزر تحلیلی ن و کی سمست، میں حد بھی نہا اس کے خول کا جو معد توس ار سعن طاست مرتشم ہوتا ہے اس کی ماس کے ششس

= مرک مراه فر ۱۳ مرافط × م فر

- الم = و + ح - ٢ و ح و م ط

اس سلط سمون س = وج، جب طه معن طر اس سلط اس بزوی حد کی ت

اولاً وض کردکرن فول کے اِبرب بین ج کوب اس کے اگرہم ادپری مقدادکو س کی تیستوں ن ارسے ن ب کھ معنی (ج - و) سے (ج، + و،) کے تکمل کریں ترہیں کی فول کی مامسل کششر معدمہ مدما نگر

معلوم جوما نے گی۔

 $= \pi \xrightarrow{\ell_1} \left[(3 + \ell_1) - (3 - \ell_1) - \frac{3' - \ell_1^2}{3 + \ell_1} + \frac{3' - \ell_1^2}{3 - \ell_1} \right]$ $= \pi \xrightarrow{\pi} \frac{2}{3!} = \frac{2}{4!}

میں اس مقدادک کی میں مغرب کی رہ مک کے لئے کمل کونا جا ہینے اس کے ممل کشنس ن بر = سم مرح کم ما زما = سم ۱۱ م حرج، اس کے کسی افدردنی نقطہ پریٹوں کو گھٹش ایسے بدلت سبے جیسے مرکزسے اس نقطہ کا قا

كوى وَلْ كَافِعِي

۸۸۷- ایک کوی ول کی ئىش. ئېندىسى نبوسە ـ دومن كردكەن كونئ برونی نقط سے اور ق اس کا مقلوب نقط سرمے -

لبنا وق × ون = وأ = إ ابك جيواا سامحزوط كهينجوجس كا

راس ف پر مرواور کره کو تبہت جھوٹے جھوسٹے مقبول سی سی اور سم سک بر تعلی کرے۔ چونکہ ون × وق = وا = وسل د

بس مثلث وق من اور ومن ك تشابر بي -اسى طرح سے ستلف وق م ادر و تم ن مجى متشابهي

اس لا قدر و و و قد و قد الله و ال

ادر دن ٧- - ورى - حدوث ق - - ١٢١٠

. رقبه ممان بر ممان ا د رقبه ممان کس

اب س ق من يرس ل اورس ل عود كالو تب رقبه من س مع عودي تراش من ل كارتبه بد قط (زاويه ل من س) ع مودی تراش س ل کارتبه × قط (وس ق) يوبح وس ادر س ق بالترتيب س س ادر س ل يرعمود بين امی طرح سے رقبہ من مس مع مودی تراش من ل × قط (و مرز ق) ر نے مراس کی مفش ن بر ق مرا × سر ن ا اسادات (۱) کدوسے مراس کی مشر ن اس کا مران ا بس إن جزوى رفول كى تشتيس ن يرمساوى بي اورساد إت (٢) است ظاهر ہے کہ ان کے عمل کی سمتیں و ک کے ساتھ مسا دی زا د سے نباتی ہیں اس۔ افن کا مامسل و ن کیست میں عمل کرتاہے۔ نزاكراس مميو في معند معزوط كالمجمم ذاويه جوت بربتاس معند سرمواور نى اكا ئىرقىر خول كىكتىت ھراوتو ن و کیمت یں سمانس کی کششش کا براہِ ترکیبی - مردنه مس × جمون م = مردنه مس × جموم ق

مسك نول كي مومي كشش = قرم مومن مروا الله عن مد الم

م مرق المالية مرق مرق المالية مرق المالية الم

بونکہ سماس اور متر ایس کے شخصیں مساوی ہیں اس سنے ظاہرہے کہ تعلوب افغط میں اس سنے ظاہرہے کہ تعلوب افغط میں کا خول کا حصد ان کو افغط میں سے دائیں طرف کا خول کا حصد ان کو مساوی توت سے گزرنے والی وہ مستوی

سطح جو و ن برعلی التوائم سبے ان تمام منطوں کا طریق سبے جہاں ن سے خول پر کے ماس ، خول کومس کرتے ہیں بالغاظ دیگر یہ مستوی سطح بلجساظ نول پر کے ماس ، خول کومس کرتے ہیں بالغاظ دیگر یہ مستوی سطح بلجساظ

ول کے ن کا تطبی ستوی ہے۔ پس ہم یوں بھی کہد سکتے ہیں کم ن کی قطبی سطی ستوی نول کو جن دو حصوں میں تقسیم کر تی ہے ان کی کمششیں ن بر

وی ہوتی ایں-نا فیا۔ ف بر کی کشش بر خور کرو۔

ر س ککشش ق پر رقبرس به رقبرکس ق مرا می ق مرا می می میا در می مرا
اس کے ماس اور س س کی مالکشش ق برصفرہے۔ اس طرح باتی ہر ایک جزدی مخوط کے کئے۔ ایک خول کی کشش ق برصفرہے۔

نیز تی میں سے گزرنے والی ادر و ﴿ یرعلی القوام سطح مُستوی کے وائیں پاہر ہائیں طرف نول کے جو حصے ہیں ان کی ششیں تی پر مسادی ہیں -

و ۲۸ مرایک باندسطی چونی برخس کی بلندی سطی سندرست المسبع جاذبالی کی در آن برخس کی بلندی سطی سندرست المسبع جاذبالی کی میست معلوم کرو - است معلوم کرد - این می در میازی در میان کی سطح پر میازی در میست

الشنس ج بوتوسط مندر سے لبندی لا پر شنس میں ہوگی جا ں ع = میں

ادراس کے پیکشش

= 3 (1+1) = 3 [1-11] كيونكم ال جموار -

اگرسطے مرتبعے کا دو کی ٹنانت ہر جو (جکہ سطے مرتفع کو متجانس فرض کر اپ مائے) تو اس کی کششش اس کی سطے کے قریب کے نقطہ پر و فعد ۲۸ کی روسے ہر تا مدلا ہر جو گئے ہ

لا هر ہوگی۔ اب آگرزمین کی ادسط کثافت ک ہو

اس کے سطے مرتفع کی کشفش = ہے کا حرب ج اس کے سطے مرتفع کی چوٹی پرکسکشش نج

اگریم تقریب طور پریدا ن لیں کم سطح زمین کے نزو کیک کی جٹا نوں کی کتا فٹ ھر کل زمین کی اوسط کتا فٹ ک کا تقریباً تضعف ہے تواس سے ہیں عاصس مواہبے

٠ ٢٩- تجاذب كيمستقل كي قميت -

وقد ۲۸۵ کے مسلم کی روست اورسطے زمن برجا ذیہ ارض کی وجے مراع کی معلومة قبیت کی مدد سے ہم تجاذب کے مستقل کی تقریبی نتیت معلوم کرسکتے ہیں۔

اگرا کا میر*ں کے کسی نطام کے برجب زمین کا تضعت قطر من ہوا مداس کی* كيت م بو وزين ك سطح برك الأنكيت براس كالشفر، 1×0 == سنتى مېترگرام سكند اكاتمال:-اس نظام م م ع مل × ١٦ م ٢ × اوسط كنافت ں ۔ سربہ ہم ، اب زمین کی اوسط کنا نت اصنا فی مشربواے کی حال ہی کی تحقیقات کے بوجب ۲۵ ۵ ۵ سیع -ہی گئے (۱) سے ۱×۵۶۵۲۵ × ۱۲۵۵۵ ۱۸ 250 45 × J. × 45 46 × 14 50 0 بس ج = ۹۶ ۲۶ ۲۶ مرام کی کمیتوں کو دو نقطوں برجن کا درمیانی فاصلہ ایک گرام کی کمیتوں کو دو نقطوں برجن کا درمیانی فاصلہ بر رو كنف كرد إ جائے وان كے درميان كشش ١١١ ٢ ٢ ١٠ وائن یه اسانی سے دیما جاسکیا ہے کہ اس کام کی دوساوی کمیتوں کو ونقطوں پر جن کا درمیانی فاصله ایک سنتی میتر دو منتف کرسنے سسے ان کی ش ایک ڈائن کے سادی ہوگی۔ مف یونڈسکنڈ ا کائیا ل :-الرزمين كوتفريناً ... بم سيل ت نصف قطركا ايك كره فرمن كياجا س تورا) كم

دوکسان کردن کی تین ایک ایک بوند میں اور ان کے مرکز و سے ورمیان ایک فٹ کا فاصلہ ہے۔ ان کے درمیان کششن ۱۰۰۵ × ۱۰۰۹ بوندل ہوگی۔

حب کے البعاد - اگر م کے ابعاد کو [جا] سے تعبیر کیا جاسئے اور حسب معمول کیسع طول اور دنت کی اکائیں کو [م][ل][ت] سے تعبیر کیا جائے توسادات (۱) سے حاصل ہوتا ہے

[ل] * [ت] = [ما] [ل] *

· [با] = [م] [ل] [ت] ·

مثاليس

ا - جاندی کے ایک کرہ کا لفت قطرہ ، دستی میتر ہے ادرسو سے کے ایک کرد کا نفظ سوستی میتر ہے ادرسو سے ایک کرد کا نفظ سوستی میتر ہے جا ندی کی کنافت اصافی ہوں اور سوسے کی کہ اور سے ۔ ان سے مرکزہ وں سے درمیان فاصلہ ، استی میتر ہے جا ندی کی کنافت اصافی ہوں ہے ۔ اور سوسے کی کہ اور ہے ۔

نا بت کرد کرد سے درمیان ایک نقط پرحس کا فاصلہ جاندن کے کرد سے مرکز سے الاستی میترہے دونوں کرد س کی محمومی کمٹ ش صفرہے ۔

۲ - ترسیم کے در یعے ایک دره کا درن ظام کرد جبکد است زمین کے مرکزے ماہرالا عافی اور است دمین کے مرکزے ماہرالا عافی اور است بعدد سے فاتنا ہی برے عائیں۔

مورد معا بعد رسی ماہی پر سے فاہل کے ماہی کا است کردک مبا ذہار من سے مرزست اس کی سطح پر لانے میں جو کام مراغ م دینا بڑتا ہے دہ اتنا ہی ہوئا ہے جبتنا کہ است سے سے فائنا ہی تاب

یں بولا ہم مرجم دیں ہر اسب وہ امان ہوا ہے جب اور است ہے ہے الاما ہی کے جانے میں سرانجام دینا بڑتا ہے۔ زمین کو متجانس کرہ مان لیا جائے۔ مم ۔ اگرزمین کوکروی فرص کیا جائے اوراس کی سطح پر کمیسا ن گہرائی ہے ایک مست در زعن کیا جائے تو ٹابت کردکہ جا ذیارض کی تیت سمندر کی تہ پرجو بی کی پنسب بقدر تقریباً مم ہم جد حد (ہے ک ۔ حر) کے زیادہ ہوگی جہاں حرسمندر کی کنا فت ہے اورک زمین کی اوسط کتا فت ہے ۔

۵ - اگرزمین کی نصف کیست کو ایک نبایت تری بیتلے پیکساں بیرونی خول میں کمنفٹ کردیا جا آ و نوابت کرد کر خول میں دائروی فلا کے مرکز پر جا ذب ارض کی مشدت اس کی معمولی قیمیست

کا ایک چوتھا ٹی کم بڑگی ۔

۹ --- ایک کره کی کُنا قت ایسے بالتی ہے جیسے گہرا نی سطے سے ۔ ٹابت کرو کہ مامس کشش کرہ کے مامس کشش کرہ کے نامیت کرد کی سے بڑی ہوگی اور اس کی قیت وہاں سطے پہلی قد یہ سے برگی ہوگی اور اس کی قیت وہاں سطے پہلی قد یہ سے برگی ہوگی۔

ست وسے ہوئے۔ ع- اگرایک کو میساں کتافت کی ہم مرز ہوں پیضال ہو ہ ایس کروک س کی کشف سے

مجم کے برنغط پرساوی ہوگی بشرطیک برنعک پرکٹا منت مرکزسے فاصل کے العکس بلتی ہو ۔۔ ۸ ۔ ایک تفوس ک کا نفعت قطرا ہے اس کے کسی نقط برجس کا فاصلہ مرکزسے و ہے

اس کی کنا فت ک (الم) نسبے کو کے کسی سرونی اِندونی فقط پرکشنش معلوم کرو۔

9 ۔۔۔ اگرا کی بھی کرد کی کسی نقط برکتا فت مرکزسے اس نقط سکے فاصلہ کا تفاعمسل ہوتو نا بت کرد کم جیسے جیسے کردیں داخل ہوں کرد کی کشش بڑہتی جاتی ہے بشر کی کمسطے برکی کمٹا فٹ کرد کی اوسط کتا فٹ کے دو تبالی سے کم ہو۔

• ا سسایک بیلے کیساں تضف کدی نول کا نصف قطر 1 ادرکیت م ہے اس کے اس قطری جوخول سے کنارسے سے متوی پرعود وارب ایک نقط لیا گیا ہے جس کا فاصلہ مرکز سسے الا سے شابت کردک اس نقط پر نول کی کشفس ہے

ا ا - ایک فیس متجانس نفعت کرہ سے مستوی قاعدہ سے کنارے پرکوئی نقطہ و لیا گیا ہے۔

لف*ف که گکش*فس اس نقط پریعلوم کرد-

محددوں کامسیدا ولو۔ قاصم کے مرز ج یں سے ایک خطولا لوا در وی اس قا مده برهود دار کمینیو- تب تطبی محدد را طرا فر استوال کرسے سے وی کی سمت یں

ع الله عرود * رفوط * روب طرفرف جمط

ركى مدود معزست ٢ وجم ف جب ط بي كيونك كره كى سطح كى مساوات س (ال- و) + ا + ئ = الا ليني لا = ١١ ال = ١ اد رجم فد حب ط

ط کی صدد صفرے ہے ہی ادر ف کی - تے سے تے ہی -

اس کے ہے = مراک اوم ذحب طرح طرط فرف مراہ مورک مرکزی مست میں کشف کا جزو ترکیبی کا

=]]] ۾ عرفر× رفوط × رجب طروف جم ف×جب طر= ٣٣ م. عرد 1

یفتی ادخود فلاہرہے کیؤکر صریحًا نفعت کرہ کی کشفش و سے کی سمت میں کمل کرہ کی کشنش میراند در در اور کا اس کا میراند کا میراند در اور کا کا میراند در اور کا کا میراند در اور کا کا کا کا میراند در

ہراں تفاکل سے فاہرہے ککشش واکی مت میں صغربے۔

بس ماک شف المجمل × مام + ١٦٠ ب بروج كے سات زادياس ا

۱۲ سرایک نعمت کردی بیا دی کا لفعت تطرد اور کنانت عرب نابت کردک اس کے تا عدہ کے جزب تر نعظ بر فا ہری وض بدیں بقدد ہے مرف کی کمی برج ان ہے جہاں کے اور ان ہے جہاں کے اور ان ہے جہاں کے اور ان من اور کے اور کے اور کے این منابی اور جوبی نصف کرھے انہتے کیاں کا قت مراور کے منابی اور جوبی نصف کرھے انہتے کیاں کا قت مراور کے

سکے بھوتے لیکن اوسط کٹافت اتن ہی دہتی جتنی کو اب ہے تو نابت کرد کہ خط استوابر

جاذبارض كي قيمت موجوده حاذب ارض كي قيمت كا

ا + الم (م-ك) كنابوتي

اور خطِ استوارِ شَاتول كى سمت كا انخرات نقط راس سے

مسن { الم هرمرك } برا-المسن ا إلى المراك } برا-

مم ا -- اگرزمین کو کرہ فرص کیا جائے اوراس کے گرد نفانی مخروط کی شکل کا ایک بہارٹم م جس کا نضعت داسی زاویہ حدود اوربہاڑ کی کما فت زین کی کیساں کتا بنت سے سادی ہو تو تابت کرد کربہاڑکی جو کی برجاؤبر ارض کی تیت

ع { البجب و - جمس م ع { البجب عرب م

ہو گی جہاں ج جا ذہ ارض کی تمیت زمین کی سطح پر ہے۔ ہا۔۔ معلوم کرد کدکیا کششش کا کوئی ادر کلیہ علاوہ فاصلہ کے مقلوب مربع کے ہوسکتا

لدا = عوم رور می مست و در دور در اور دار و ماده و مدر مساسه معوب سری سے ہوستا ہے جس سے کسی ہتلے بیساں تف کروی خول سے کسی اندرو نی نقطه پرکٹ ش صفر ہو۔ بر

فرمن کرد کرشنش کا قانون منت (ر) ہے بس و بغد ۲۸۹ کی روسے واجی میں میں جائے ہا

والمع مل مل المراس والمراس على المراس المراس كالمراب المام المراس كالمراب المرابية والمستكمية

یمر (۱) کو لا کے لافاسے تفرق کرنے سے

ع. من (و +3,) + ع. من (و-3,) = الكوميم من فرس فرس

تتنايس

ان دوسادان مین مکلوکسا قطار بینے سے

ن (اوجع) = ن (الا من) منتج الى تمام فيتوں كے لئے ادرج كى ان تمام قيتوں كے لئے جو اوسے كم ہوں درمنعہے -اس سے ينتي كلام ہے كان (ر) = مستقل ك فرص كرو

بس قوت كا مرت ايك بى قانون عكن ب اوروه = ف (ر) - ك

١٢ - معلوم كردككي كستشريك كوئي ادركليه بوسكنا مصوا ، فاصل كم مقلوب مربع کے جس سے دیگ کروی فول کی مشتر کسی برون نظر پر اتن ہی ہومبنی کر فول کی کی کمیت اس محمر وركفت كرديف سے بولى سے _

فرمن کرد کوشش کاکلی من (1) ہے۔ پس دند ۲۸ سے بورب

٣ مِكَ هِ عِنْ الْمِنْ الْمِن

= ۲ ۴ م کر ورا من (ع.) ادراس لئے الے کی میں ان (س) فرس = م ف (ع.) ... (۱)

ا کی مب خیزی کے گئے اُورج اکی ان سب فیتوں کے لئے جو لاسے بڑی ہوں پنتجب درسعہے۔ بھاظ وکے فرق کرنے سے

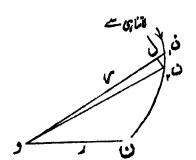
[+ (3+ E) - (3+ E) + (3+ E) = (3+ E) + (3+ E) = + (3+

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1$$

یس مکن کلیے مرت تین میں داست فاصلہ کا کلید یا فاصلہ کے مقلوب مر بع کا کلید ایان کامجوعہ۔

قو ه

ا ۲۹ اکسی فقط ن پراکی کمتند هرکے و هست ده کام مرادم واست جو کتید هر



گرشش اکا فی کمیت کولاتنا ہی سے
نقط ن کک کسی سیدہ یہ مختی رات
سے لانے میں سرانجام دیتی ہے۔
نقط ویرکشنس کرسے والی
کمیت کے ایک جموعے سے جزو
م پر عورکرواور فرض کرواکا فی کمیت

کے وز ہے راستے کا آیک مجموناما جزو ن، ن, سے ۔

نزون، = س اور و ن، = س + معنس ن، ل عمود کمینچو و ن، پر ، تب انتهای

ول = ون، = بر + سنس

۔ ن ل = ون، - ول = س-(س+سنس) = - سنس اس کئے م کی کشش کا فی کمیت کو ن، سے ن، تک لانے میں جو کام سرانجام دیتی ہے وہ

> = جر کے × ن, ل مرحم (- معنس) الرکشش کاکا بکام حک اکا دائمت کردن والانامی به سرفتاری دیکر

اس لے اسٹ کا کل کام جبکہ اکا ٹی کمیت کا درہ لا تناہی سے نقط ن تک اسے جباں دن کا طول رہے ۔ جباں دن کا طول رہے ۔ - کرد - جبا کے فرم = [جب] - جبم [رائے - انے] = جبار ۔

شغ*ن کرنے والی کتیت کے دیگر جزوی ح* . پروا قع ہیں درست ہے۔ بس كتيف هركا توهكسي نقط رحسب ذيل طرفية -بس کتیف هر کا قوه کسی نقط پرحمب ذیل طرفیر سنے معلوم ہونا ہے فرض کو کمیت هر کا ایک چھوٹا ساجزو فرم ہے جس کا فاصلہ ن سے رہے تب کل کتیت كا قود ن ير عم أفرك جبال كروكوتام كشف كرف داك ا دويس ليناجا بيياً اس مقداركو بالعوم قر سع تبيركما جا آسے۔ ۲۹۴ - اگرایک شفش کرسے والے جسم کا قره کسی نقطه ن برقد ہو اور ن کے محدد لا ، ما ، ی ہوں قوہم نا بعد کرسکتے میں کہ فرق ن برگی مشس کا مورالا كى شبت سمت كے متوازى جزو تركيبى م ادراسی طرح مع فرق اور فرق سے سے ۔ فرص کرد کرکشٹ کر رہے والی کیت کا کوئی جزا ہیں۔ تب و دند ما قبل کی تعربیف سے موحب قر= م كران - م كران - اي المران - اي المر

 $\frac{r}{r} \frac{(\vec{b} - \vec{b}) + (\vec{b} - \vec{b}) + (\vec{b} - \vec{b})}{(\vec{b} - \vec{b}) + (\vec{b} - \vec{b}) + (\vec{b} - \vec{b})} = \frac{\vec{b}}{r} = \frac$ $= - \sqrt{\frac{i}{0}} \times \frac{1}{0} = - \sqrt{\frac{i}{0}} \times بہاں ق ن کا میلان مورالکے ساتھ ملہ ہے۔ اب جزو فرم کی کشش ن پرج<u>نزم</u> کرتی ہے۔ اور اس کئے اس کششش کا تحلیلی حصد محور لا کی منفی سمس**ے** میں = 0 × (0) = 9 d اس کے کل کمتیت کی کشفش کا حزو تحلیلی محور لا کی مشبت ممت میں ۔ حرا فرم جم الد فرق = كل كتيت كى ماصل كشعش مور لاكى منبيت سمت مين إسى طرح فرق إور فرق بر ما یکیا جائے یا آگریوں کرنا زیارہ سہل جو ہو ہم اسے اس حضوصیت کی بناء بمی معلوم کرسکتے ہیں کہ اس کے تعزی سر بجاظ لا، ما، می کے بالترتیب ا ساجرد برد اور لا، ۱) ی محورد ل پراس کے قبل معن لا معن ما معن می جول ای بناءً علیہ اس کے سمت می محدود ل براس کے فبل معن لا معن می معن می جول ای بناء میں اس کے سمت میں ماصل ک خش خوس فرس فرس فرس فرس خوت کے معن اور معن میں معاصل ک خوس میں مواقعہ کو فرس میں فرس میں میں اگریہ جزو معن میں ان من بردتویہ مساواے اس دا تعد کو تقبیر کرتی ہے کہ لن گ کی سمت میں توت

۽ نہا <u>نَ پر ۋه - ن پر ۋه</u> ن <u>ن</u>

ه ۲۹ سد دفته اقبل سے ظاہر سے کا اگر ن کا مقام معمولی قطبی محدود رور را ماد او میں معلوم ہوتو حاصل کششیں ہوں: -

فرقه ، رکیست یس؟

ا فرق ، ربر عود وارطه کی سطح متوی مین

ا م فق ، طری طعمستوی برمود دارست ین-

۱۹۷- جب محدوب نقط ن كنش كرف والى كتيت كه اندر وحس مورت من دكي كي قيمتين صغر بوكل توبغل بريه معلوم برة المين قوه كرح في ميت اتنا بي بوكي -

الكن برأسان ست ابت كما جاسكان به در العل الدانيس ب - كيونكو الرفقط ن كو قطبي محدودل راط، و كامبدا الاجاسة اوره كل فت بوتر معن م عن م عن رد درمن طد درجب طدمت فرد مر ā, . . '

اس من كافره قه - الدور حب ط فرد فرط فرف یه تکمله لا شاهی بنین موتاخواه رکی بعض قیمتین صفر کیول مذہوں۔ انسی طرح دفند ۲۹۲ کی مساوات (۱) کی روست فرق = - م كر رقم جم (ق ن لا) = - م الم راجب ط فرد فرط فرف عم ف جب ط =- مِي المرجب طهم فر فرد فرط فرف اوراس كاكونى جزو لا تتناجى منبيل مروّنا خواه رصفر بهى كيول مذبهو-یس و ه ادرکشش کے اجزادے ترکیبی دو ہون مسلسل تفاعل ہو ستے ہیں بفرطیکک شف رکھتا ہو۔ بفرطیکک شفر کا نت رکھتا ہو۔ میات قوہ کے دوسرے تعرفی سرکے سے درست بنیں ہے کیونکر و ندیم ۲۹ کے جانے لا کے تعرق کرنے سے میں کہ و ندیم ۲۹ کے ا معذوب نقط (لا ، لا ، ى) كوحسب سابق مبدا استف مسع اورقطبى محددول مي مندرج فراتم - م المرسم عما فرمب ط - ا بب ط فرر فرط فرفه ریاں مکمل کی علامت کے اندر کی مقدار لا تمناہی ہوجاتی ہے جگر رصفر ہوجائے ا یعنی جب محذوب نقط کشف کرنے والی کتیت کے اندر ہوتو رکی نبین محیتوں کے البذا ووسرا تفرق مسلسل بنين ربتا جب بم كنفر كرف والى كت ك

ابرے اندر جانے ہیں ۔

اور کے تا یخ صریحا قدرت کے کارٹشش کے علاوہ دوسرے کلوں

کے لئے درست نہیں رہنے ۔ مثلاً اگر کشش کا کلیہ فاصلہ کے مقارب کمعب کا

کلیہ ہوتو فرق کے لئے متذکرہ اِلا کملہ میں رنب منا میں آئے گا اوراس لئے

اس کے بعض جسنوا ولا تمنا ہی ہوجا میں کے جبر بحذوب نقط کشش کر نے

والی کمیت کے افر واقع ہو ۔

والی کمیت کے افر واقع ہو ۔

لئے تو ہ:۔

اگر کشش کا کلیہ م م ا ا کو تو کمیت م کا تو وفا صلار پر حسب وفس او کا

اگر کشش کا کلیہ م م ا ا کو تو کمیت م کا تو وفا صلار پر حسب وفس او کا

اگر کشش کا کلیہ م م ا ا کو تا ہے ہے ہے کہ اس کے جو کمیت م کا تو وفا صلار پر حسب وفس او کا

اگر کشش کا کلیہ م م ا ا کو تا ہے ہے کہ اس کے جو کمیت م کا تو وفا صلار پر حسب وفس او کا

 $= \frac{1}{(-0, -0)} \times \frac{1}{(-0, -0)} = \frac{1}{(-0, -1)} \left[\frac{1}{(-0, -1)} \right] = \frac{1}{(-0, -1)} \times \frac{1}{(-0, -1)}$

قوه = كرات ميم فرز ، = - ميم [وك سر] = ج - ميم لوك ر ميان شخ لا شنابي شقل ميد -ميان شخ لا شنابي شقل ميد والي كميت كا توه نيز كل ك شن كريسة والي كميت كا توه

یرن س میسان می دو. = ج - جاکوک فرم جهان مجابی لائناهی مشقل ہے -مرور ماک میتا کے دور میران کا در قدر م

٢٩٨- ايك بتلي يحسال الخ كبيروني نقط برقوه:-

وفد ٢٤٤ كي فتكل ورتر تيم كے مطابن سلاخ أو ب كان برقوه = كرب هر فرال = ي ترب هرع قطاط فوط = كرب هر ن ق ع عل طرف

 $= \sqrt{2} \, \text{ad} \, \left[\sqrt{\frac{\pi}{4}} + \frac{d}{4} \right]$ $= \sqrt{2} \, \text{ad} \, \left[\sqrt{\frac{\pi}{4}} + \frac{d}{4} \right]$ $= \sqrt{2} \, \text{ad} \, \left(\sqrt{\frac{\pi}{4}} + \frac{d}{4} \right)$ $= \sqrt{2} \, \text{ad} \, \left(\sqrt{\frac{\pi}{4}} + \frac{d}{4} \right)$

اب < 0اب=+ + 0اس = + 0اب =

لبذا مس (+ + + +) = م (- + +) = م نب الم

= مِل مراك [م ن رب م ن ب ا

الراب المران در اور بان در

وعلى شلت كي معرلى صنا بطول كى روسى

م ن اب م ن ب ا م اس -
نتيج صريح (١) اس سے ينتي تكان بے كرقو ، ان سب نقلوں كے لئے سنقل

ربتا ہے جن کے لئے بر+ رستفل ہے ۔ این قوہ ان سب نقطول کے لئے جوامیس اتص يرداتع بي جي سك اسك (اور سب بي منقل بعد اس کے ایک بنی سلاخ ﴿ سب کی صورت میں مساوی العوام منی اقص ہوتے ہیں جن کے اسکے { اور سب ہوتے ہیں۔ نمیتی صروی (۲) اگرسلاخ دون^{ین س}متول مین لا تتنابی بوتو اس کا قوه ته= ۲ و مرفولا = ۲ مرک مرفولا = ۲ م ء ع ب ك عر [لوك [لا+ الأ+ع] = ج- ۲ مرک مراک ع جان ج لاتنابی متقربے۔ ینتیج دفعہ ۲۷۷ کے متیج مربح سے بھی حاصل ہوسکتا ہے کیونکہ زق = کشش کی وت = - مرک هر ته یه ج ۲۰ میک هرلوک ع منتج صريح (مع) اكرسلاخ ست (ب مدوده من لا أنتبا لمبي بوليكن اس كاايك را أبوتون برقده جال سج لاتنابئ ستقل ہے = مِک هر [نج - فاک الجمع م

494- ایک کسال متدریخی کاس کے جوریے کسی نقطر برقوہ:-= ۲ ۱ مر مر [اع + الا] = ١٦ جر م اع + ١١ - ع إقوة د نعد ۲۸۱ كينتيكى دوستي معلوم بوسكاب كونكه فرق عصف من = - ۲ ۱۲ میک هر [۱- ایم میروس] ة - ١٦ مبك هر [١ إ إ + ع - ع] + ج شقل مغرب كونكر حب عصغر ورتو د ع فتی کے مرکز پر توہ ع به ۱۱ و ولا مركم = ۱۱ مرك مراد - ایک بیماں تلی سلاخ کا طول ا انتباہے - نابت کروکد اس کی کشف کے فلاف اکا ٹیکٹٹ کے ذرہ کو اس سے عودی فاصلہ الم سے عمددی فاصلہ ماہ تک لیجا سے یں جام کا بڑاہے وہ ہوک مروک اللہ ہے۔

ا -- دوسا دی کیسان سلام اس کی گئیں م ادر م بی اور طول ل ہے اُن کو اطبع است دوست سے فاصلہ ا متناکل رکھا گیا ہے کہ یہ ایک دوسرے کے متوازی ادر ایک دوسرے سے فاصلہ ا بر ہیں۔ تا بت کردکہ ان کی اہمی کشش کے خلات ایک سلاخ کو دوسری سے عودی فاصلہ او پر مشاکل میجا نے یں جاکام کرنا پڑتاہے دہ

و مسب سے زیادہ کف نقیم معلوم کروجور توہ بیداکر سے۔ مم سے ن سا دی لاانتہا لمبی متبائن سقیم سلا خیں ایک اسطوانہ کے محیط پر تشاکلا ترمیب بڑی ہوئی ہیں اور ایک دوسرے سے مسادی فاصل برہیں۔ نابت کروکسی نقط بران کے

قرد کو اس شکل میں کھا مباسک ہے ج - مر مراؤک (ر" ن - ۲ او رق جم ن طه + و " ن) جہاں (رب طهر) تنظیل کے قطبی محدد ہیں کھا ظائس مبدا کے حس مقام راسطوا لئے محدکو ن میں سے گزر سنے والا علی لفتو ایم سنوی کا تما ہے اور فو اسطوار کا نضعت قطر ہے۔ ۵ سے نار میں کرک کے کھیس کے سطے ان کا تھ کھیں کے مرکز ر

۵۔۔ نابت کوکر ایک کمعب کی سطوں کا تو پکسب کے مرکز ہر مرات مرات م

جاں ۱ فر برمنلے کا طول ہے اور م ایک سے کی کمیٹ ہے (سے کو ا اُمتِنا بِتا فرمِن) دِلیاگیا ہے) نیز ابت کردکہ کمب سے مرکز ہوتوہ

> = مبرم _ [۱ لوک (۲ + ۱ ۱۳) - ۱۱] جاں تم کل کمب کی کمیت ہے۔

الم ایک بتلے منیان ملتہ کی کمیت م اور نفسف تعزاد ہے۔ تا لائ کشش کو فاصلہ کے معکوس کے تابت کروکہ ملتہ سکے معکوس کے تناسب زمن کرکے تابت کروکہ ملتہ کے مستوی میں مرکزے قاصلہ جا ہے وہ

۔ جب موک نا یا ج ۔ جم لوک و بوبا کے کہ ع مح ا

کے ۔۔ ایک دائنا ہی کیساں بنا سطودنی خول ہے نابت کردکسی نقط ن براس کا قوہ جے۔ م ہ م و م وک د موگا برمب اس کے ک ن اسطوان کے اندریا امرہو حباں م اسطوان کے خول کی کت فی اکائی دقبہ ہے ، اسطوان کے اندریا امرہو حباں م اسطوان کے خول کی کتیت فی اکائی دقبہ ہے ، و اسطوان کا محرسے فاصلہ ۔

نامت کردکر تجا ذب کی دهبسے ن پر فومسے م

9 - ایک بگسال استدیر زمس کی کتیت م ادر نفعت تطراب نامی کردکداسس کا تره اس فقط برج اس کی مطمستوی میں مرکزست فاصلہ ج بردا تع ہے

بولا بوبس کے کا کا۔۔

۱۰ - ایک کیسان بیرا ددیم مرکزد از ول سے جن کے نفط الر تیب کم اورب ہیں المحرابود ہے۔ اس کی شف مرکز سے فاصل رپرسلوم کو جبکے شش کا کلید مست م

اا۔۔ تعلی اتف کی تکل کے ایک پر سے کی کنا فت کسی تقطر را پسے بہتی ہے جیسے اس فقطہ کا محدرا فطم سے فاصلاً اکا ئی فاصلہ براکائی رقبہ کی کیتت مسبے۔ ٹابت کردکہ اسسکہ ب

بترك كاتوه المجدمة بوكا-

م اکسائیستجانسس نعسسس کرد کا مرکز و ہے، وسے نعیت قطر و کاستوی تا مدہ چھود دار کھینچا گیا ہے۔ اگر نفیف قطر ایستی میترهمہ گام ہوا در و بنی کا مستقل ہو قرنا بست کرد کم مجسم کی کشیش کے فلاف ایک گرام کو وسے ایک بیجا نے میں ج کام کرنا پڑتا ہے وہ کہ وسے ایک بیجا نے میں ج کام کرنا پڑتا ہے وہ

١٣ م هر الآ [١- ٢ ٢٦] الكرب-

سم اسے نابت کروکھ ٹیوس تجائن مخوط کے تا عدہ کے وسطی نقط سے اس کی کفش کے فلان کتیت کی ایک کمفض کے مطالب کی کوراس تک بیجانے میں جو کام کونا پڑتا ہے وہ

١١ م ه ا جب عمم على المعمل الم

ہے جہاں مخوط کی بندی ھ ، کنافت ھر اور راسی زاویہ ۲ عہدے • وسا سے ایک ہتلے بکساں کردی خول کا قوہ بیرو تی یا افردہ تی فعظ ہے۔

، ہم ہے، ہیں جیسے میں مربوی وج ما در ایر من ہمروری مصلید دخعہ ۲۸۶ کی شکل اور ترقیم کے مطابق کسی میرو نی نقطہ ن پر توہ

= کرک مرازط ۱۳ و عب ط بهان مر ثافت ہے

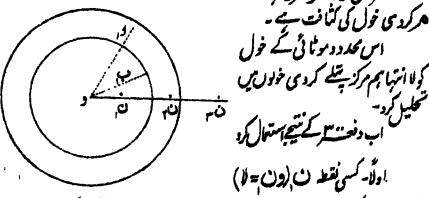
نيزس من س = لهن جب طرمت طرحسب وفو منكور

و ن ی برونی منطے کے لئے کردی خول کا قوہ اثنا ہی ہو گا مبتناکہ خول کی کل يست كو اس كم مركز يركمنف كرديين سي ماصل موتا-كسى الدروني نقطه ن تم النفي يجمل كي انتهائيس س = ن الصنب ك بونى جامي يعنى الإسريج سے الى + ج كك - اس كنے قو و ن ير = ۲ ۱۱ مرک مرج، [س] دید = ۲ ۱۱ مرک مرود م انول کاکتیت لبذاكسى اندروني نظط برقوه منقل بواج اوراس كى قيمت كسى نقط براتنى بى موتى ب کے مرکز بیر۔ پیسانٹوس کر کا توہ کسی بیرونی اِ اندرونی نقطہ پر۔ ۔ يهال وفعه ٢٨٧ كى شكل اور ترتيم النتياركي كئى سبع زمن كروكه علوس كروب تعداد میں لا انتہا گربہت ہی بی شلے ہم مرز کردی خولوں سے بنا ہوا ہے ۔ اگر ن مخوس کرد کے اہر ہوتواس کے بیمعنی ہوسنگے کہ یوان سپ کردی خواوں کے باہرہ ادر ان میں سے ہرا ک خول کا توہ کتیت ن پر د فند ما قبل کے مطابق۔ ولول كى كمينول كالمجوعه ه م <u>کره کی کمیت</u> • م ادرا سلئے قو و اتماہی ہے مبتناک کل کرہ کی کمیت کو مرکز پر کمنف کرد سینے سے مال ہوتا۔ اگرنقط کرہ کے اندر ہوتہ اُن سب خونوں کے لئے جن کا نصف قطر ما اون سے الم سب ن برونی نقط ہے ادر اس لئے دفتہ ۱۰ س کے مطابق اس سے خول کا قوہ مس ہ ہر ما سف مل اور اس کو حدود صفر اور ج کے اندر کمل کرنا چا ہئے نیز اور ن کے اندر کمل کرنا چا ہئے نیز اُن سب خونوں کے لئے جن کا نصف قطر ما ، و ن سے بڑا ہے ن کوئی اُن سب خونوں کے لئے جن کا نصف قطر ما ، و ن سے بڑا ہے ن کوئی

اس سنة كسنى الدروني نقط ن برمجبوعي قوه على المروني نقط ن برمجبوعي قوه على المرا فرا على المرا فرا على المرا فرا على المرا فرا المرا فرا المرا المرا فرا المرا الم

= الم الله هرج × ج + ۱ الله هرم (الإ - ع) = ۱ الله م هر (الإ - ع ل) ۱ مر مر الله عن محدود مولي ال والي كردى خول كا قوه اوركت ش معلوم كرونول كى

اور امر کی کرو ی سطوں کے تضف قطراِلتر تیب اور ب ہیں۔ فرض کرد کو مرکز ہے اور



کے گئے وزول کی افرون سطے کے افروا قع ہو اوپر کی صورت و دم اگسسکتی ہے اور

اس کے نقطہ ن برقوہ

ہے اور دفعہ ۳۰۰ کی بہلی صورت قایم رہتی نیم نیراس سے براس سے براس نظر کے خواوں کے سال اندرونی نقطہ متعبور ہوسکتا ہے اور دوسری صورست سکے خواوں کے سالے ان اندرونی نقطہ متعبور ہوسکتا ہے اور دوسری صورت سے سکے گی ۔ یس اس صورت یں ن و پر قدہ

المالی استقط ن مرون میدلا) کے لئے جو کل معلور فول سے ہمرواقع ہو۔ بین تمام جزدی فولوں کے اس ہوقد

بس ہیں قوہ قد اوراس کے تغزنی مروں کے لئے ذیل کے نتا ع مال جوتے ہیں ۔

<i>i</i> > <i>i</i>	,1>1>,-	٧<٠,	
۱۳ هرم بر ال ^ا – به الا	۲۳ م. هر [د- ۱۱ - ۲۰ ۱۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲	۲π۰٫۵(ق-ب")	ۇ
477 67 " U'	["- " - W] - MP W	•	3)
1 - 1 - 1 A B T A	[" +] AP ##	•	زاد <u>ً</u> فرلا

غورکر نے سے معلوم بڑگاکہ اگر نقطہ ن مرکز وسے بندر بیج حرکت کرکے با ہر کی طرف
آناجا ئے ادر بالتسلسل ن، ن، ن، ن ہم معلوں میں سے گزرسے تو قد اور

فرق کی قیمتوں میں تسلسل قایم رہتا ہے اور بالحضوص یہ تفاعل لا = اور او = ب ب ب

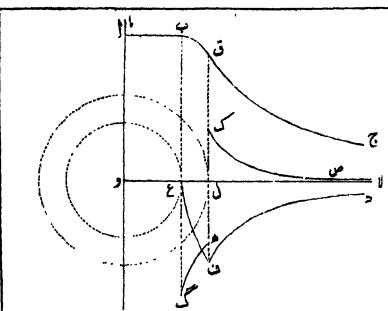
مین جب ن کشفش کرنے والے ادہ سے محل کر ا ہم یا افدر آنا ہے سلسل دہتے ہیں مین جب ن کشفش کرنے والے ادہ سے محل کر ا ہم یا افدر آنا ہے سلسل دہتے ہیں میکن فراق کی قمیتیں ان نقطوں پر فیرسلسل ہوجاتی ہیں ۔

لاء ب بر فرالاً دفعةً صفرت - م T م مر موال الم

اور لا = فریر یہ فرا سم میں (۱+ برا سے بلکر اللہ میں الل

ما مرج الب- با بوجانا ہے۔

سائمة كى نتكل بين جوطامس اور نديث كى كما ب نيجرل فلاسفى سيد نقل كى گئى ج قه م خرفقه اور فرق كى تميتوں كى تبديلياں واضع طور برد كھا ئى گئى ہيں۔ وع اور ولى خول كواحاط كرنے والى طحوں كے نصف قطرب اور و ہيں



قرکی تیسی مسلسل منحنی اس ف ج سے معلوم ہوتی ہیں جس میں کہیں گئی مت کی تبدیلی دفعتہ واقع نہیں ہوتی - فرق کو منحنی دع من دے تعبیر کڑا ہے جس کی ست دفعتہ ع اور هن پر بدل جاتی ہے ، فرق میں کو غیر سلسل منحنی سے جو تین علاجہ و شاخوں وع م ک ھو اور ک ھی پڑشتل ہے تبیر کیا گیا ہے۔

مثاليس

اسسنابت کردکرایک بینا سجانس کردی نول کے سندہ کا قرہ سندھ کے مور پر کے کسی تعلد بر اور رہ نظم ن کے فاصلے ہیں بر امرام بوتا ہے جہاں م کیت ہے سند کی اور رہ اور رہ نظم ن کے فاصلے ہیں سنطقہ کے اطافہ کرنے والے کاروں سے۔

۴ ۔۔۔۔ایک کیسال کردی فول کے اِ ہرایک نقط و ہے ۔ 'نا بت کردکنقطہ و پرا س خول کے ترہ کا نضعت نول سے اُس معدکی دمیست ہے جہ بہنبت مرکز کے وسے تیا وہ قریب ہے۔ مع __ایک کردی نفعت قط فی اورکتافت هرب ادرکسی اندرونی نقط ن کا فاصله مرکز سے ب ہے۔ ن میں سے گزرنے والی ایک سطح ستوی کرد کو دوصوں می منتسم کرتی ہے تا بت کرد کر ان حموں کا جو تود ن بربرة اسے ان کا فرق ہے سے ۱۳ هر ج ۲۰ سر ۲۰ سر ۲۰ سے ۲۰ سے

٣٠٠ مر المراب ال

سم ایک کٹوس تجان کشف کرنے والے کرہ کا نفعت قطر اُک کتافت سم ہے اور اس کی سطح پراک اندفاعی ا دو کی کیسان قسیم معین کی سطح کی تخافت مدال ہے۔ اس کو

کے کسی الدرونی ایبرونی نقط پر تو وامعلوم کرو-جواب (اندر مدج (افا - الا) اور ابس صغرے)

ر بیب را بین میں ایک میں ایک ایک اور کتافت مرتب نیاب کروکہ ایک برونی میں ایک بیرونی میں میں میں ایک برونی منظر منظر ن برحس کا فاصلہ مرکزے سیا ہے اس کا توہ

ع جهال جمع كى علامت لى جائد فى الرفقط ن مجمع كى مدب سطح كى جانب واقع جوا ورسنى اكرة مسترى سطح كى جانب واقع جو-

4 __ ایک کره کی کنافت مرکز سے فاصد لابر کے حب للے ہے جہاں ک اورج معلوم مستقل ہیں۔ نابت کردکد اس مقط برج مرکز سے فاصل لا بر سے کشش

م ہ مرک ج (ج جب لا ۔ لا جم لا) ہوگی۔ نیز ق ہ مطوم کرد۔ کے ۔۔۔ایک کروی فول کی وٹائیک، (جہاں کے جموان ک) گانت هراور نصف قطرا ہے ۔ نابت کرد کم مرزے فاصلہ ج ہرسے بیرونی فقط بیرق ہے۔

- ۲ به مرک و (ع+ د) نه ۲۰ – (ع- د) د۲۰ (ان ۱۰۰ – (ع- د) د۲۰ از ۱۰۰ – (ع- د) د۲۰ از ۱۰۰ – (ع- د) د۲۰ از ۱۰۰ – (ع- د) د۲۰ – در ۱۰۰ – در ۱۰ – در

ماں قب کا کلیہ فاصلہ کی ن دیں قب ہے۔

A __كِسْسِ كرية والع ماده كم إبراكراك كردى سطح لى عاسفة و ابت كروك سطح كم تمام

نعلوں برقوہ کی قبول کی اوسط قبت کرہ کے مرکز پرفوہ کی تیت سیمسادی ہے۔ نیز اگر کشش کرسنے والا یا دوکروی سطے سکے افررواقع ہو تو نابت کروکہ کرد کی محول بالا اوسط

پارتان اوره کے ایر ایک استاری مول کا مستدراسطور نایا مائے نوابت کروکر اسطوانہ كسطى يس كى قوه كى تخلعت قيتول كى أوسط قيت اسطوان كى موريكسى نظرير قوه كسكه ساوى جوكى -

مشور اورقوه رمتفرق متالير

ا - فِن ج ایک مقناطیس می اور ن کوئی مقناطیسی ذرہ ہے جو بناء علینت کی جانب اور ج کے مفالمت سمت میں تعنیج راب اور عالم ق تین معکوس مربع کے تمناسب ہیں، مفی ج کا وسطی نقطہ وہے اور 🗲 ش ون عظ

اب اگرون بقالر متناطیس کے ابعاد کے بہت بڑا ہو تو نابت کرد کو ن برهم کرنے والى توقى كا ماسل ن و كساقدناديسن (بمسلم) باآب-

فرض کردکه ون = را وش = وج = اور حس ون = طبدن پر مقناطیس کی شفر اس کشنش کے سا دل ہے جو تعلیوں منٹی ادر ج پرمتنا طیسیت کی ساوی

مشبط ادرمنفي مقدارون سص ببدا موتى مي-

اس کے ن برت و مدر اسٹن - ج ن ا

اب مثن ن" = رٌ + الإ - ۲ الم رجم ط اس علمة الم سكم مربور كونغوانداذ كرين سن

على - إ- بنجم ات - را بار بم

ن ت = <u>ام وا</u>م مم ط

اس کے اگر ن وکے متوازی اور اس برحمود دارط کے کم بوسنے کی مسعمی قوتیں الترتیب کا اور صار ہوں ت

٧ = - فرق = سمد لم عم طر

ادر ۱۰ عدل فق م معدد حباط

بس مطلور زاویہ = مسن الم اللہ = مسن [الله مسل ط] ٢--- ایک افذ برکید و با جون بمجر اگیا ہے اور اس برایب مقناطیس رکھی گئی ہے جس کے

تطب منتی اور ہے ہیں۔ نابت کروکہ وہ منحیٰ جن میں لوا جُون کے زرات اسپے کو تقلب منتی اور ہے ہیں۔ نابت کروکہ وہ منحیٰ جن میں لوا جُون کے زرات اسپے کو تاتیب میں الماتیں میں المات کے استقاریس واصل میں تاریخ

ترتیب دے کیفتیں ساوات مجمط مع مکد میتفل سے حاصل ہوتے ہیں جان طراور کر زادعے ن ج کا اور ن منن کا ہیں اور کا کوئی نقط ہے ج منن معددہ ہے

ے میں بھی ہور میں میں تھا این مور کا اور مصاب بھی ہے۔۔۔۔ نیز نابت کرد کہ وہ مب زرات جن کے بنع مش جے برکے ایک معلومہ نقط و کی مرکب کر سابقہ میں تاریخ میں کا درور کر ایک کے معلومہ نقط و کی

طرت بیں ایک مائرہ پرواقع ہو ہے ہیں (لوا چون کا ہر ذرہ ایک جھوٹاسا مقناطیس ہے ا اس سے اس کوہر دو تطب میں سے کسی ایک بر حاصل نوت کی سمت میں آنا کم کرانیا جا ہیں۔ ورمذ اس برجنت عمل کرسے گا)۔

ا با حدایا رو با با ما ما رف ساست سوی ما مید به ساست مرود بیر اتعادل می موگا-

فرض کردک ملف کا مرکز و ہے اور ن کوندب نقط سے حس کا فاصل اس سکے مرکز و سے اور ن کوخوا بندائی انا جائے قطف کر شی ون کی ستیں مرکز وسے ج ہے۔ تب اگر و ن کوخوا بندائی انا جائے قطف کر شی ون کی ستیں مرکز و سے مرکز و مرکز ہے۔ ج

= مرك هر أر وم طرح + ٣ ج جم له) فرط

ہے۔ لہذا کشش ہے میں اضا فرپیا اکرنے کا سیلان رکھتی ہے بینی ذرہ کا مرکز سسے فاصلہ شبطانے کی کومضمش کرتی ہے بس تغا د ل عیرقائم ہے ۔

مم ۔۔۔ن ساوی تو توں کے مرکزوں کوایک وائرہ کے محیط پر خشا کا ترسیب دیا گیا ہے۔ ہرایک توت اندفاعی سب اوراس کا قانون فاصلہ کی مقلوب هم ویس قوت ہے۔ تابت کرہ کہ ایک وزہ جسے دائرہ کے مرکزید کھا جاسئے تعاول قائم میں ہوگا سواسے اُس صورست

کہ ایک ورہ سے دارہ سے مرربور ماج سے ماوں ہم مل ہون واسے ہی ورہ کے اسکا کے جبکہ م سے مساوی ہو ۔ کے جبکہ م سے مساوی ہو ۔ اسے انتظام کرزی تورہ س کے مرکز ایک کسب کے راسوں پر میں اور کمعب کے مرکز کے

و ایک دره کوای بی کلید کے مطابق کھننچے ہیں اور اُن کی مطلق مدتیں جی ایک ہی بی اور اُن کی مطلق مدتیں جی ایک ہی بی بی ایت کودک اُن کا حاصل عمل کمقب کے مرکز میں سے گزرتا ہے بشر طیکہ قوت کا کلید

معلوب سرع کا معید ہوت ۱۹سدایک خطررایک دوسرے سے ۱۳۳ فاصل برسادی متبتوں کی لا متنابی تعدادر کی

ہوئی ہے اور بیسب کمیٹیں ایک ذرہ کو جس کا فاصلہ خط مذکورسے ماسے فاصلہ کے مقلوب کمعب کے تناسب کمینچتی ہیں نابت کرد کہ جبو سلنے سسے جھوٹا زاویہ جو حاصل قرست

كىست خط ذكور كے سا تذ بناسكتى ہے جم الج جنبرم ا

[الركسي نقط (١١١) برقوه قربو ادركسي ايك ما ذب كيست كو مركز ١١ ما ماست

قربیس حاصل ہوتا ہے قہ = م × جبزم ا کے۔۔۔۔اگر اوہ کا ہرا کی۔ درہ دوسرے در دکو فاصلہ کی ن ویں قوت کے متناسب قوت کے متناسب قوت کے متناسب قوت کے متاسب قوت کے ساتھ کھینچتا پورتہ ناہت کرد کہ اوہ کے اندر ہر نفتط پر کمشسٹس لامتناہی ہوگی انتہا لبی سیسلی سلافوں کی لا تمنا ہی نتسداد ایک دوسرے کے متوازی اورایک دورس سے فاصل بی براک سطحمت ی می ترتیب دی ہوئی ہے سلاخوں کی بچساُں خلی کتا فت مہے۔ ٹابت کرد کسطح مستوی کے کسی نقطیر جس کا نا ما قریب ترین سلاخ سے ا ہے مال کشمش عرب مر ۱۳ مم ۱۹۹۰ ہے۔ (جب ط کا ابزائے ضربی دا فا جداستعال کرد ادر یوکا رہتی تعرق کے عمل سے مم طرکا پھیلاڈ ، الأمحدود طول كى ايك يكسا ب سلاخ فاصله كى مغلوب ن و**ي قوت كے مطا^{قق}** جاں م ارکی فی اکا کی طول کتیت ہے اور ج مخدوب نقط سے سلاح کا کم سے کم فاصل ہے -- ایک کسان کمسب کی کنافت هرسے نابت کروکراس کی شفت کسی نقط رض کا فاصل مركز مت ربع ميا جه ۱ هرر بجانب مركز بوكى اگررهيونا بو-ا اسسدای بکساں کمعب فادن قدرت کے مطابق کشیش کراسیے ۔ ثابت کرد کرکسی مہی ا اس کی حاصل کشیش کے تین مساوی اجزار ترکیبی ہیں جواس راس پر ملنے واسے کماروں كساقة مركت ين اورمقدادين ويل كم سادى ير-م عرف [وكر (۲۲۲۲) (۲۲۲۲) + الم

جاں عرکمسب کی کتافت ہے اور واس کے ایک کنارہ کا طول ہے ۔

۱۲ - ایک تنجانس منورلا انتها لمبا بعد اوراس کی کفافت هرسے - اس کی عودی تماض مستطیل سے جس کے اس کی عودی تماض مستطیل سے جس کے استطاع و اور مبا جی سن ایک نعط پر کشفس کے اجرائے ترکیبی اس میں سے گزرسے والی تراض کے اعمال کا ورب سے متوالای و اور ب سے متوالای

مِهِ [والمِسن في المبالك المراب] اورمِهِ [من الله المراب المرا

یں۔ معوا۔۔ مفق اقبل کی دوسے نا بت کو کہ اگرزمین کے اندرایک البائر اتنگ شکاف شرقا نو آبا واقع ہوتو اس کے ایک کنارہ برکے فلہری عرض لمبدمیں شکاف کی موجود کی کی جب

سے بقدرزاویہ ۳ جرف کے تفاوت داتع ہوگا جہاں ھراور ھربالٹرتیب زمین کی ادسط کنافت اور طح کا فت کی ادمین کی ادمین کی ادمین کی ادمین کا تامین
مِهِ نَي مِوْ تَدِيلِ نَقرياً بِ * مِهِ [ا+ لوك الله] بولى-

ے دسی تعطیر جا ذہر ایس ایمیت بی میں است میں ہے۔ اور است کی اور بی میں ہونے میں ہونے میں ہونے میں ہونے میں میر جاں ن سبت ہے بانی کی کٹافت کی زمین کی ادسط کٹافت کے ساتھ۔ 10سے ایک بیتراہے جو اندر وتی ادر بیرونی طور پر ہم مرکز واٹروں سے محمار جو اسے جن کے

عادت ایک پراسے براندوی اور اور ایس می کدکر اگریترے کی کضفی کا کلید (فاصل) می مند قطر یا انتراب کی کضفی کا کلید (فاصل) می مندور ترب کے مندور تی ہے۔ جو تو کشش اُس نقط برجس کا فاصل کرتے وہ اُس اُس اُس اُس کی کشفی ہے۔ ایک سنجائش کو کا نفعت قطر او ہے اگر کشش کو کلید (فاصل کا بوتو ٹا بت کر مک

اس کی مشسر کسی اندرو کی نقط برجس کا مرکزسے فاصل لا میں ۳ مدال سے ۳ مدال م وک و و ال ہے کرہ کی کمیت مہدے وور لا فاصلہ سے نقط کا کرہ کے م کِر ست ے ا ---- ایک کردی فول کا ا داجس قرت سے کشنش کرتا ہے فاصلہ کی ایخویں قرت کے باعکس تمناسبہ موتی ہے۔ تا ہت کردکسی بیرونی نقطہ ن برکشنش مبر م جے ن ہوگی جہاں م کردی خول کی کمیّت ہے ، ہے اس کا مرکز ہے اور ن م عاس ہے ن سے الرن فول تحاندر ہوتو میکٹ فرکیا ہومان ہے۔ سأكر كمنتش كاكليدفا صلرى مقلوب بإلخوس وست موتوثا بت كروكه ايك يحسال تموس كره كى كسنشر جرى كى كتافت ك اورىفىت قطراد سى كسى بيرونى نقطه يرحس كا فاصب 19 --- تا بت كردكراك اليصفوس بينية كره نما ككشف جس كا خروج المركز حيوثا بوا ورجس كم تورو، واب موں الا لی کیت کے ذرہ پرجراس کے عورا مظم کے سرے برداتع ہے س مه ۱ مر (ا - ۲ د) و بوگی ادر محداصغر کے سے بر ۱ مر (۱ + ۲۰ م)ب بوگی • بهسدایک بکسان نسف کردی فول کانفعت قطرا ہے۔ نابت کردکہ اس کیکششش اسکی مستوی مطح کے کسی نقطہ بچس کا فاصلہ مرکزسے ر (سے 1) ہوان دو ترکیبی کشینوں پڑشتل ہے م مركز كي طرف اورايك قوت الاراك في رايد والموليط مسطى مستوى يرعود واد-اس ستے متنبۂ کُرکہ ایک عجبی لغعث کہ کی کشیش اس سے کنارہ پرسکے ایک نقطہ پرکیا ہوگی۔ الإ - ایک مکانی ا = ام و ق اوراس کے برہیجے ۲۷ و ا = ام (فا - ۱ و الا کے درمیا

جوملًا گھرمانی ہے مکائی کے مورے کر گھا نے سے ایک مجسم تیار کیا گیاہے جس کی کٹاف عرب سے - نابت کردکر اس مجسم کی کشش بہیج کے قرن نقط ہے۔

٣ م مرا [٧ جبر ٢٠ + ٥ مل، - ٢٠] --

۲۲ _ ایک گردشی سکافی نما کواس کے داس سے فاصلہ ب برایک سطح سستوی سسے کا ایک گیاہے۔ تا بت کرد کرمجسم کی کشش اس کے اسکہ پ

پر کے کسی نقطہ برفاعدہ کی سطم سنوی کے ساتھ زادیوس تا ہم جا (مسٹرز - ج)) بناتی

ہے جہاں و اورج نیم تورہیں اورز محوراصغریںسے گزدیے والی سیمستوی ترامشس کا خورج المرک ہے ۔

خردج المركزب -مم م سر الرايك بتراسداس سع كريك اورزائد الله - الله عصط بوقونابت

اراب برامبای برامبای می دون اورداد اورداد این است میدود بود به است میدود به به است می در کسی نقط بهر

بوگی آس کای جزد ترکیبی ما ۱۲ جری اهم به برگاجان ه نقط ندکور کا محدد سے الد

م کمیّت ہے بِترسے کے اکا ئی دنبری ۔ ہ ہو سرنابت کردکہ ایک خوس بہ ترے کرہ نزا کے قطب پراستوا ٹی سطح مستوی سکے وہ موسے

مانب کے ادو سے جوکشش پیاہوتی ہے دو احدیال

کُنانت سیے۔

۲۹ ۔۔ ایک شخیٰ کی دُس ایک دزہ کوجِاس کے قطب پر بڑا ہے قرت میں۔ (فاصلہ) کشف کرتی ہے ۔ اگرھال کشف دد ہوں سروں کے نیم قطروں کے در میانی زاویہ کی ضیف کرسے وہ نابت کرد کہ منحیٰ کی مسا دات ہوگ

> ر - ا ر - ا جب ((ن - ۱) له } = مستقل

4 اسداگراکی متجانس کردشی مجموعی کی کتیت هم اور کنافت هرب ایسام و کواس کی شش گردشی محدر پرسکے کسی نفطه و بربڑی ست بڑی موقانا مت کرو کمجم میں سخنی کی کردسش سے پیدا ہوتا ہے اس کی مساوات ہے

را = 11 جمط

فرض کروکہ گردش کا محد والا ہے۔ ظا سرے کہ وجسم رواقع مولک وہ سطے جوالیسی موکہ اس کے کسی ذرہ کی کششش کا ولائے متوازی جزونتحلیلی ہیشہ وہی رہے

مرکیاً جمط = متقل اینی را = اوا جم ط (۱)

موئی جاہتیے۔ ارکوالیا منتخب کردکر سعلو مہا دو کی کل کیت م عین اس مطح کے افرا آجائے مینی م =(۱)سے جرگرد نئی مطح حاصل ہوتی ہے اُس کی کیت = سم الاس وی کے اندا میں اس

میں م = (۱) سے جور دس می ماس ہوئی ہے اس کی میت مسلے والے ہو ہسل کرنے سے باسانی ماس ہوسکا ہے اب اس طرح ماس سے مطاور سطح ہے۔ کیونکہ فرض کرد کرم ادو کے ایک چیوٹ برائی طاح کے اذر کے نقط ن سے ہٹا کرا ہر کے نقط ن بر یہ خوض کرد کو دن ، اور و ن اسطح سے ق، اور ق بر بر کے ایک ور و ن اسطح سے ق، اور ق بر بر کے ایک ور و بر م کی کفش جبکہ یہ مقام ن ، بر ہے سطتے ہیں۔ نب مرکبا و پر کے ایک ور و پر م کی کفش جبکہ یہ مقام ن ، بر ہے اس کفش سے بڑی ہوگی جبکہ یہ مقام ق ، پر ہے اور اس کی کفش جبکہ یہ ن ابر

موجود فی ہوگی اس كشف سے جبكري اف مربواسات بى اس كے جبكري ف ، بر اس مات بى اس كے جبكري ف ، بر اس مائے ميں اس ك

م کوسطے کے اخر سے سطے کے اِہرا سے میں والا کے متوازی کشنش میں کی واقع ہوتی ہے۔ بس مسّلہ ٹابت ہوا]

۲۸ - ایک کیسال اور کی کتیت م ہے - آس کواس کے مرکز میں سے گزرسے والی سطوستوی سے دوسادی حصول میں گفت کیا گیا ہے - نابت کروکہ ان تضفول سے

درمیان جوتنال اِمی کشف کی دم سے ہے وہ تنا میا کے سادی ہوگا میاں

ا كره كالفعث قطرب ـ

مریگا ایک نفیف کره کی کشیش خود پرصفرہے کی کدید ساوی اور مختلف قولوں کے دوجوں برختا ہے۔ ایک فروجوں برختا ہے کہ ایک فروجوں برختا ہے۔ ایک فروجوں برختا ہے۔ ایک ففیف برکل کرم کی کشیش کے ۔ فرص کروک اس نفیف کا کوئی نقط ن ہے، و ن = 1 ایک خوالی میں ہے۔ و ک = 1 ایک خوالی میں ہے۔ و ک حرف جوال و کی عدد ہے کا شنے والی میں ہے۔ و ک

ر ک د ی علی چان د مرزید اور دی عمودیده است دان ع مسوی برت

کل کرہ کی کشش ن پر= مبد × سم × ۱۳ حرر [دفعہ ۲۸۷] اور مجم کے جس جزو کی وجسے

عرفر فرلد مرد ۱۳ رمب طر [م ۲۳ مر] جمط الم

= + 0 11 0 16 = 17 × 0 1

ان اونفٹ کروں کے درمیان ماہل تعالی ان کے باہمی ماہ کر کشش کے مسا دی ہے۔ مشبا دکر انٹیوسٹ ۔ سیال کے ایک ایسے کرہ پر غورکرد جومرت اپنی کشنش کے زیم کمل سائن ہو۔ یک نقلہ برجس کا فاصل مرکز سے دسے کشش ۔ جہ جہے۔ « ۳ حرر

اس من سكون سيالات كى اساسىمسا دات ست عاصل يونا سب

مت د مه مرم ر ر فرر

٤ - ٢ - ٢ - ١٠ هرم ١٠ = ٢ - ١ هرم (١٠-١)

كيونك كه كي سطح برد إ و صغرب-

مركزيس سے كارسنے والى سطى ستوى برعلى النوائم دباؤ

= أو الار فرد × و = الله مرد م أو (وارد را) فرد = الما مرا م الله

اب اگرایک مضعف کره کواستوار بنا ویا جاسئے تو یہ بہلی ہی قوق سکے زیومسل

۲۹ --- ایک شفنی ا ده کا خول ددېم مرکز کول سے جن کے نفعت قطر او اورب ایس آخرا جوا ہے - اس کوم کزیں سے گزریے والے متری سے دومصوں میں کا کا کیا ہے ۔ ٹابت کرو

، ۲۰۰ - ایک کیسال مجمر کو کا نفنت قطر و سید، اس کے دو (کسی طرح کے) حسول کوالگ

كرنے كے لئے بوقت وركار بوق ب دہ = مدكيك × ن ن مياں م اورم ان

حصوں کی کمیّتیں ہیں اور ن اور ن ان کے مرکز تقل ہیں۔ اِمع ۔۔۔ ایک لا منا ہی متجا نس کے اکا کی لفت قطر ایسے اس کے اکا ٹی طول کی گیت

ا معلی ایک لا منا ہی متعاش مطوانہ کا تصف فطروسے اس سے اکا ی عول ہیں۔ م ہے۔ اس کے عورس سے گزرے والی ستوی سطے سے اس کو دوصوں میں کھنیم کیا گیا ہے ۔ نابت کردکہ ان صوب کے درمیان واؤ فی اکا ئی طول ہوجہ ان کی ایمی کشندہ

- 2 H P P - 2 -

م مع ہدیں ہے گئے کردی خول میں سے دواطلم دائروں کے ذرید ایک بھانک کا ث لی گئی ہے دائروں کے مستویں کے درمیان زادم م عربے ۔ نا بت کردکہ یا تی خول کی کشفس ہمانک پر جسکہ جب درموکی جہاں م خول کی تیت ہے اور اس کا نصف تعلیہے مع ۱۹۱ - ایک کیساں تعانس کرہ ایک مستوی مستدیر تختی پراس طرح مکھا ہوا ہے کہ کرہ ۔ تختی کے مرکز پڑسس کرتا ہے۔ کرہ اور تحتی کے قطراور کمیٹیس مسادی ہیں۔ ثابت کرو کہ ایمی تجا ذہب کی وجہ سے ان کا ہائجی تعالی المرجب ہے × (ان میں سے ایک کا وزن) ہوگا جہاں ایمنسبت ہے کسی ایک کے نصف قطر کو ذمین کے نصف قطر کے ساتھ اور پر نسبت ہے کوہ کی کٹا قت کو زمین کی اوسط کٹا فت کے ساتھ۔

مهم معم سدایک منجانس که کالفعت قطر و اورکتیت م بے -بیرکره ایک دوسرے لفعت که که سنے سندی قا ورکتیت م بے-

نا بت کردکہ ایمی کنفش کی وجسے ان کے درمیان دباؤ جرم بم م (الا - 1) ہے -

ھسے سابک کیسا ل سندیرتختی کی کمیت م ہے ادریہ اسی بضعن قطرکے ایک کشش کرنے واسٹے تابعت کھردرسے کڑہ پر بجالت سکوئ پڑی ہے۔ اگر پختی سکے کنارہ سکے ساتھ ایک چھوٹما وزن م بنگا دیا جا سے نوٹابت کروکم پختی ایک ایسے زادیہ میں سنے کھوم جائیگی جس کا

قسی پیان مک موکا جہاں (مک) کے مربوں کو نظر اذاذ کر دیا گیاہے۔

۱۳۹ - نامت کروکر ایک یکسان بتلے سادی الا صلاع متلف (ب ج کا قرهایک المیت المیت الموائم خط المیت الموائم خط مرد و میں سے گزرسنے داسنے اور اس کی سطح برملی المقوائم خط مردا قع میصر برگا

 $\left[(\sqrt{\eta} + \sqrt{\eta})^{2} + \sqrt{\eta}

جاں م اس مثلث کی کمیت ہے ، 1 اس کے ایک صلع کا طول ہے اور رے ون م = عبد [مثلث کو تا عدد کے متواذی خطوں سے نبا ہوا فرض کرد] -

تے مع سد میک بکسال مُتفر جارِ مطبی محبر کشش کرنے والے ما وہ سسے بنا ہوا ہے۔ تا بت کردکہ اس کے مرکز برقول ہے

(計一(計十一)」」「リー」「アー

ہے جاںم مُورکی کمیت ادر 1 اس کے ایک کنارہ کا طول ہے۔ (سوال اقبل کے نیچ کو اسستال کرد)

ہ مع سائی نتظم چار ملی کا آیک رخ کسٹش کرنے والے او وسے بنا ہوا ہے اس دخ کے مغابل کے دائس سے ایک ذرہ اسس رخ کی کششے کے زیر مل گڑا ہے چہار مطی کی مطی کٹانت صربے اور آگر کششش کا کلیہ مقلوب مربع کا کلیہ جو تو ناہت کر و کرجب ذرہ جا ذب رخ مِر آگر مگر گا تواس کی دفت ارکا مربع

ہوگا جاں 1 اس کے ایک صلے کا طول ہے ادر باتی برخ کسی شم کی شخص بنیں کرتے۔ 4 ما ۔ اگرم اور م کوئی دو کمیتیں ہوں اور کمیت م مے کسی جزو معن م برم کا قوہ قد ہو اور کمیت م کے کسی جزو معن م کرم کا قوہ قد ہو تو تا بت کروکہ

كة فرم - كرة فرم

بهم ۔ اگرایک ما دہ فاصلہ کی ن ویں قرع کے مطابق کشش کرے قواس کی مجدست دا ا کا قره کسی نقط برقرن برتا ہے اور اگر کشش کا ضابط فاصل کی (ن - ۲) ویں قرمت ہو تو قره قرن میں بیرتا ہے قوٹا بست کوکر

لفناقن = (ن-۱)(ن +۲) قرن-۲

ام مدایک شعانس بنطے کروی خول کے کسی اندرونی نعطد ن (لا ا ادی) کے لئے قوہ تعالی فر (لا ا ا ا ی) ہو قریرونی نقطہ ت (آو ا کا ایک) برقوہ

و ذراً لَهُ ، وَإِلَى الْمَاكَ) ہوگا جہاں فوفول کا نصف تعارب اور آ نقط ت کا مرکز سے فاصلہ ہے۔

کالٹا ہے جن کے رقبے معت س ادر معت سک جر كتيت كى كشش ان اجرا پر بالترتيب - م م معتسى مب ون ق طن ل كست ير ادر - مرم منس جب دن ق ، خط ن ل كست م ہیں جہاں ن ل اور ت ل اور ت كر اور ت بربا بركى طرف منتجے بوسنے عمادوں كى ت اور قَ میں سے ان جبو کے محروطوں کی عما دی ترامنیں ف ط اور ف ط مكيني اور فرص كروكه عزوط كالمجسم زاوير من سه -رتبق ط منس×جم ظاف منس× حب ون ق د ق سر و ق۲ منس× حب ون آ من س بحب ون ق انتها مرجكن ق ببت محواله ىسَ× جبونَ قَ وقيًا اس کے نقط ن اور ف براجزا معن س اور معن اس میں سے ہراک کے سلے ممادی ں لئے کا سطوکے لئے مجوی عادی شش = ۔ جرم کے م ینی و پرکے ایک واحدوزہ م سکے لیے ∫]ع فرنس =- به جه ۱۳ م یمی کینیت سطی ذکور کے دگر کشش کرنے والے و روں کی ہے۔ بس الآخر کل کمیت کے لئے

∭ع فرس =-- م م ۱۲ مر

اب ذمن کروکہ نبد سطے کے باہر و مقام برایک کشش کرنے والا ذر وم سرے -حسب سابق ایک جھوٹا مخر وط کھینچو جو نسطے کو کس میں اور سمانس برقطی کرنے تب پہلے کی طرح من میں اور سم میں برکی عادی کششیں مساوی ہوئی کسیکن برکی ملاوم مرمند منتاز در دیگر کس میں برکی عادی کششیں ساوی ہوئی کہ میں اور میں اور کر طافہ کرشیات میں گھید

ان کی علامتین مختلف ہونگی کیونکہ سریھا دکی مست میں با ہرکی جا نظیشش تب ہوگی۔ اورس برعاد کی مست میں با ہرکی جا ب کششش شنی ہوگی۔ اس کے جزوی مسلطوں اورس برای جا برگی جا برگی جا برگی ہوگی۔ اس کے جزوی مسلطوں

م من سر ہونگے۔ اس کئے ان کام بوعہ صفر ہے۔ میں اور ملا سرگر فرور کر مرجم شریخ را روماوڈ

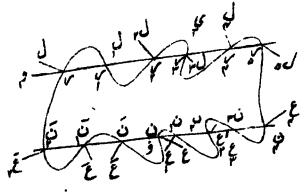
یہی بات ولیں سے گزرنے والے سب کے مب جیوٹے بخروطوں پرصادق آتی ہے۔ اس سے سطے کے باہر کی سی جزوی کمیت م کے لئے عاوی کشش کا علی تکا معفر ہوتا ہے اس لئے ل کمیت مرکے الئے بھی جسطے کے باہرواقع ہو

بكمله مدكورصفي وكا-

اور کی شکل میں دیکھنے سے معلوم ہوگا کرجب کشش کرنے والی کمیت مسطح کے اید ہوجنسے و پر تو وو ہوں زاو سے ون ل اور د ک کی منفرم زاو سے

کے اندر ہو بھینے و پر او ووان زاوے والی اور و ک ک معرف راوسے ہوتے ہیں، جب کمیت باہر ہو بھینے و برتواک زاویہ و مترع منفرہ ہوتا ہے اور دوسرا و سرع حادہ مرتانے۔

اور ددسرا و س ع حاده بوتائے۔] هم معم - اگر جزد ی مخروط بندسط کو در سے زبارہ تراشوں برقطع کرسے توہمی آسانی



ديچها ماسكتا سب كم متذكره إلانتيج درست رسب كا -

کیونکدزاو سے ون ع اور ون ع اور و ت ع اور و ت ع اور و ت ع اور و ت ع اور وت ع اور وت ع اور وت ع اور و ت ع معت سد ب

سب مصطب معرفه بن اور براید مصلا و مناطر جرو - حرم معت منت منتو نیز زادی و ن ع ادر و ن ع ادر و ن ع مادے میں ادر متناظر

تکملے + جرم معن سدیں۔

۔ اس کئے ان تمام نقطوں کے لئے نکملوں کامجوعہ == ۵ مرم معن سد

= - ۲ مرم معن سه میساکه بهای کسی درست تعار ایرانیمای ایک سا

ع فرس = - بر مر× ۲۳

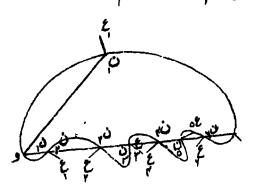
اسی طرح کسی بیرونی نقط و سے سروع کرکے ذاویے و مرال و می اور اس اور و می اور اس کئے ہرایک متناظر جزوی محملہ مرم مفسم

كسادى سے - يززاد ف دس ل، وسرل، وسرل، وسرل ماده يس

ا در ہر تماغ کی اللہ + عبر م معن سم کے ساوی ہے۔ بس اس جیو مے سے مخروط کے لئے عمادی کشش کا کل مطحی کمار صغرب

اس كتيبالتك كي اندرع فرس --

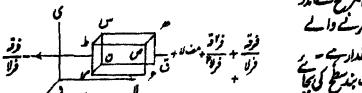
ه ، مع - جب نقط وسطیر بویسی جب کفش کرسن والی مقدار مسطی بر بوتو و یس سے گزرنے والا چوٹا مخ وط سطے سے ایک نقط بر یا خاتی نقطوں پرسنے گاہوں ت میں سطی تکملہ کا جرجزوم سے پیدا ہوتا ہے وہ جہ م من سر بھا کا - اس سنے م کی وج سے کاسطی تکملہ ہوگا - کر جرم فسسرسہ جال فرسہ و برکی ماسی سطیمسنوی کے حرف ایک طوف کامجیم ذاویہ ہے لہذا اس صورت میں - کے جرم فرسہ = - حرم × ۲ ۳



اسی طرح سے سطے پرکی تمیت کے کسی اور جزد کے لئے اس کئے اگر کمٹشش کرنے والی کیت کی مقدار بندسطے پرم بیو تو اسس کی وجہ سے عادی مدت کا سطی تحکلہ - ۲ آج جر جربوگا -

١٠٠٧ - لا پلاس اور پؤسيون كى مسا واتيس -

اگرایک بندسطے سے کسی نقط برا بر کی طرف عادی کشش ع ہوتو دفعہ سے سے ہوتو دفعہ سے سے ہوتو دفعہ سے سے ہوتو دفعہ



ایک تعلینی سواز کی سطنی لوجس کاایک راسی نقطه ن (لا الماعي) مواور حسك كنارس محورو سكم متوازي مول اورطول يس

چونکرخ ن س طس بہت جوٹا ہے اس کے انتہایں اس کے برای

نقطربرمسادی قوت عمل کرتی ہے اور - بعث فنہ کے مسادی ہے اور والا کی منی شمست می عمل کرتی ہے

اس کئے اع × فرنس کا حصہ جو اس کرخ کی دم سے بیدا ہوتا ہے وہ ہے - <u>جعث ق</u>ے معث ما × معث ی

نيزاگر جيئة - من (لا) توجولا كي شبعهمت ميں تركيبي قوعد بورخ ق وص ه

كبراك تعلير عل كن ب ده

= من (لا + معن لا) = من (لا) + معن لا * من (لا) +

- جن تم + جن تق من الله من الله من الله من الله بي من الله بي تري قوق والي رقيس

اس الله كرح فرس كاج جزواس رخ كي دجست بداموتاسي وه

= (جن قر جبن ق × معن لا + ...) معن ما × معن ی

اس کے ان دورفوں سے ع د فرس کا ج مصد بیابوا سے وہ = (جناقر +) معناء معن ما « معن ي

اسی طرح مصفحور اور می پرخود واررخوں کے لئے کا ع یہ فرس کے

جف تي + ...) معت لا × معت ما × معت ى اور (جيت قر + ...) معت لا ۔۔۔ سے میں۔ نیز اگریہ جزوی متوازی السطوح کمشنش کرسنے والے مادہ کے اندرایا جائے هر= متوادى اسطوح كى كميت = م معت لا لا معت ما بدمعت ى جبال م كفافت سے اس سن كاكوس كسكدسي حانس مواب جناف جناق جناق جنات + جناق + ...) من لا × من ا × سن ی = - ۲ ۲۳ جم × (حف الآ + جف الآ + جن الآ جم ع من لأمن ما منى يعنى مفالا من الا منى القسيم كرديف من اور انتها لييف من لعن آق = (جن اقر + جن آقر + جن آقر) = - ۲ م ۱۲ م سے لغیر کیا حاتا ہے ۔ یہ بوئیون کی مساوات ہے۔ اگر نقط ن اور جمو ٹاسا متوازی السطوح، کشش کرنے والے ادہ کے ہاہر مولینی متوازی السطوح ندکورسکے افراد وکی متعدار صفر ہوتو مساوات ہالا ہوتی، اس مساوات كولايلاس كي مساوات كيتيس _ اس مساوات کامخض تغرق کرسنے سسے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ و منہ ۲۹۷ کی ما نندونو

=- مرازم [ن ن ا - الا - الا) + (ال - الا) + - =

چا*ل م کتامنے*۔

ا کرن کشش کرنے وال کمیت کے اِ ہرواقع ہوبینی ن ت کمبی صغرز موتواس سے جناد جناد جناد جناد . جن لا جينا +جن کا = . ہے . مع ۔ احصائے تغرقی کے معمولی قا عدوں کے مطابی تغرق کرنے سے اِ فیر الع متغيرول لا، ما ، ي كور، طر، فد مي ان رسفتون لا = رجب ط × جم فر ، ما = رجب طحب فراور ي = رجم طم كى مدوسے تبديل كرفے سے يادف اقبل كے طريق كے اصول كى بنابرائيون كى مسادات كوقطبى تحددول مرحسب فرل تنكل مي لكما حاسكتاب -جن جن رمين طر× رجب طه × معت فر × جعث قر _ معت ر+ جعث × [دجب لمدمعت ف ×معت د × جبعت قرّ] دمعت ط + جن المعن + ا جن فر (جن فر)] = - ۲ ۱۳ مرم ... (۱) ا جناق + ب جن قر + ر جن اقر + مما جن قر ا حن لا + ر جعن ال جن ال الم الله الله الله المعن الم + رَجِبُ طَهِ حِن مَرْدٍ = - هم حِدِ ١٦ م. (١)

نیز اگریم اسطوانی محدد س، طه ری استعال کرین (اور نباء علیه لا = سرم ط اله است بط) توسیا داست بالا بو جاتی ہے: -

ی مرف سے مصطرفی سے اور میں مورت یں دیں دیا ہے۔ مکلیں حاصل بوتھی -۸ معموم دند ماقبل کی سیا داتوں کی درسسے ہم قد کی قبیشیں جیندا آسان صورتوں میں اسان سے حاصل کر سکتے ہیں -

اسای سے ماس رہے ہیں۔ کروی خول۔ اس صورت میں ظاہرہ کہ قد کی تبت کسی نقطہ ن برمحض خول کے مرکز ہے اس نقطہ کے فاصلہ برہ خصر ہونی چاہیئے اور طہ اور فہ کے باکل قیر تاہع ونی چاہیئے

ن دفعه ۱۰۰ کی مساوات (۱) سے حاصل ہوتا ہے جن (رجف قر) = ۰ ۱ اس کئے روجن قر جف روجن را جن را

ر ر جن ر این قر - (+ ب

ردد اگرنقلان خول کے ادر ہوتو مرتجا مال کشش جین تر مرکز پرصغرہونی جا ہے۔ مد الا ا ۔ ۔

ے دے . اس نے قد کردی فول کے افریب نقطوں پرمستقل ہے اور = اس کی قیت مرکز بر = مبر کمیت

(۱۱) اگر ن خول کے باہر مو توجو بحد قد کو لا تنا ہی برصفر ہونا جا ہیئے اس لئے عاصل ہوتا ہا سب ۔ ۔ ۔ نیز یونکہ قدمسلسل سبے اس لئے اس صورت بیں سطویراس کی وقب

<u>ا</u> = م × کمیت ینی از = م × م

اس کے خول کے اِبرقرہ = جہ میں۔

طہوس کرہ ۔ اندردنی نقط میجو بحد قدور طداور فدسکے نوپڑا بھسبے اس کئے پوئیون کومساوات سے حاصل ہوتاہے

 $\frac{1}{l!} \frac{90}{900} \left[\frac{900}{4} \frac{3}{900} \right] = - 10 \, \text{Theory}$ $\frac{1}{l!} \frac{900}{900} \frac{1}{l!} \frac{900}{900} \frac{1}{l!} - 10 \, \text{Theory}$ $\frac{1}{l!} \frac{900}{900} \frac{1}{l!} \frac{1}{l!} - \frac{10}{100} \frac{1}{l!} \frac$

اب (جن ق) = مركزير عال كنش = . اس ك ك = .

ن جن قر - به ۱۳ جرم د اینی قد - ۱۳ جرم را + ب

سكن صريًا ذكى تبت مرزير = را مهم ما فرا = ١٣ مم وا = سب

: قر= ١٣ ميم الا - الله ١٦ جم يا

و مس مشق اسدود المنابى اسطوان ر = اله اورد ال كردسيان اده اسطح المسترك مناب الده اسطح المسترك مناب المسام ب كركان من من يمكيت فاكا في المستم ب كركان من المسام ب كركان المستم ب كركان الم

طولم بع - قوه كاكليد ادهك المرك في المصلوم و - المدناب كروكربيرون اور المرون سطوں برکے وو ک کا فرق ئے۔ جم (19 - سم لوک قا) ہے۔ اگر کن ن د (مرا سه ک) بوتو م = رَا الله عَرْدِلْ اللهِ عَرْدِلْ اللهِ عَدْدِ اللهِ ة و قرمياً مركب ركا تفاعل سب بيس بنين كرمساهات (دند ، ١٠ كانيتم ١١٠ مرومان س ر من قد + مهم م الأراب الله عند المرابع المراب اب كر جعت قد فرين كاتبيت الدرد في سطح ك النا (كازس كم مسئل كى دديم) معوب ادر جن قد تفاكل سے الدد في سطح برستقل ہے ، اس الے من تعدد م أ الله الم الم الم الم الم ن (١) عمال بوتاب . ق = { لوكر - ١٣٥٠ (الار - أ)+ب إنريك اسطواد كع إبرك كسى فقط كے لئے لاياس كى مما وات سے حال بونا ہے: ة - - ج وك ر+ ع بهال عالمنابئ ستقلب كيري فرك قرار مرجاً لا ثنابى برصغ ہوا چاہیئے۔نیز ویک اده کے المدالد إسرے قواتفاعل كي نميت اسطوادك إبرى سطح

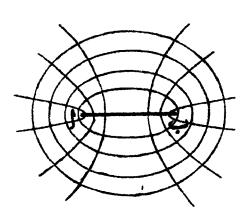
براكب بي سب اس ك فامر ب كر ب مجى لا متنابي مستقل يولا =- (الكوم + 19 + مرا لا = 4 م) (٢٩ - مرم لوك وم) مشوق الإبسار وكاكية بيت جولا باس ك مساوات جن لاقر جن اقر جن اقر جعن الآ + حبث الآ + حبث ي كونطبى محدود مي بوراكرك يو ف (طائف) جوات تد= راندا) يمى لا يلاس كى سسا دات كولوراكر كمى-١١٠ _مساوى قوم سطىس -كشش كرف والى كيت م كاكسى نقط ن (لا) ما ، ی) برقره اس کے محدول لا مام ی کا کوئی تفاعل فدار لا ، ما ، ی) بروگا و و و فد (لا ۱۱) ی م- آن تمام نقطوں کا طریق جهاں توہ کی تمیت مستقل کے مسأوی ہے مساوات دایل سے حاصل ہوگا ۔ روں ایسی سطے ہے کہ اسکے ہر نقطہ رکٹ فرکیٹ والے اوہ کا قوامنتقل ہے لہذا اس سطح کومساوی توہ مطح کہتے ہیں۔ نستقا کے کومختلف قیمتیں دیمے سے مسأوى توه سطول كا ايك مبث مامل بوگا- صريبًا يتي نتيجه ماصل مركا خواه قد كولسي محددول میں بیان کیا جا کے مثلا ایک سلاخ (ب (دفعہ ۲۵) کافرکسی نقط ن برجس کے فاصلے سلاخ کے مرول سے ہر اور بر ہیں یہ ہے م ک مراک از + از + از م ک مراک از + از - از

اوربناء عليه ييستقل دبيكا أكرر + رمشقل بو-

لین اگرم+ بر بین (ن + ب ن مستقل بوتو کا غذکے ستوی میں ن کا طریق تعلی اتھی ہوگا جس کے اسکے (اور ب بیں۔

بس ففنامي اس كا طريق ووسطح جو كى جواس نا تص كوالدب ك كرد كما لے

سے ماسل ہو۔ اس سے مسادی قرم طحیر ایسے گروشن انص نما ہیں جو ماسکہ اور دب وا ہمائی انصوں کو الب کے گرو گھالے سے حاصل ہوں۔ چندایسے ناقص شکل میں و کھائے گئے ہیں۔



نیز و فعات (۱۳) اور (۱۳) سکے کروں اور کردی خولوں کی صورت مین کسی نقط ہو ہو مرکز سے اُس نقط کے صرب فا صلہ پر منحصر ہوتا ہے لہٰ اُل سب تقطوں پرج ایک ہم مرکز کو کی سطح پر واقع ہوں اس کی قبیت وہی ہوگی ۔ بس ان صور قوں میں سیا دی توقعیں ہم مرکز کروں سے نظام برشنل ہوگی ۔

ى نقط ن برقوع كم خشش كن مي سع كزرف والى مساوى قروسطى ب كيونكر الراس سادى تووسط برن ك قرب مي كوئى اورنقط ف جوتودف (۲۹۸)سے بوجب ن ت کی تمث می کمشنشر كَ بِرَنْوَه - ن بِرَقِه م . كَوْبَكُ ن من مسادى توم طيرواق کے ہرائیسی مت ن ت کیلئے و نقطه ن برماسی ستوی میں واقع ہے کے کُفٹون پر حاصل توت کنشش سیا دی قو سطے کے نقطان پر حماو کی سمت میں عمل کریگی۔ اس نیخ کو تخلیلی ملور پریوں نا بت کیا ماسکتا ہے۔ زمن کرد کو فد (لا ، لا ، ک) = ج (مستقل کوئی مسادی قدہ سطح ہے ت سی فاص نقطه ن (لا ، آ ، ی) پر شطی نرکور کے عادی متی جوب الممّام الترتيب جن فس ، حبت فر ، جن فر كم مناسبين اس كارًا سطے سنزی کے (نقلدن برکے) ماسی سنزی برکوئی خطالیا جاسنے اور اس کی ممتی درمیان زا وری قائمه بنماسهے۔ ر بن فرا جن فرا جن فرا بعث فرادل کی مت می وسند مین جونک حف لا جن ا جن کی موردل کی مت می وسند معش کے اجزاء رکیبی بی اس سے بسرادات اس امرکوبان کرتی سے ک خط

کفش کے اجزاء ترکیبی ہیں اس کئے یہ سیادات اس امرکوبیان کرتی ہے کہ خط (ل، م، ن) کی سمع میں ماصل قرت کشنش کا جزد کر کیبی صفر ہے۔ یہ بات ماسی میں متام خلوط کے مقامی ہے۔ یہ بات ماسی میں متام خلوط کے مقامی ہے۔ یہ اس کے ماسی میں متام خلوط کے مقامی ہے۔ یہ اس کے ماسی میں متام خلوط کے مقامی ہے۔ یہ اس کے ماسی میں متام خلوط کے مقامی ہے۔

قو وسطے کے جماد کی سمت میں عمل کرتی ہے اوراس کے ادر کی گفتش ذرہ برکوئی کام ہنیں کرتی جبکہ ذرہ کو مساوی قو مسطے رکے ایک نقط سے دوسرے نقطہ برشقت ل کیا جائے ۔ جائے اور اس جماد کا جوجز واس نظے اور متصل مساوی قوہ سطے کے درمیان ہے وہ سمت نع ہوتو ن برکی صفی خری توجہ سمن ع کے بالعکس تمناسب ہوئی ہے۔ کے ذکر اگر ن برقوہ قد ہو اور ن برمسادی قوہ سطے کا عاد متصل مساوی قوہ سطے سے ن برسطے اور ن برقوہ قد + سعت قد ہوتو ظا ہر ہے کہ سے ن برقوہ ۔ ن برقوہ قد + سعت قد ہوتو ظا ہر ہے کہ ن برقوہ ۔ ن برقوہ ۔ (قد + سعت قد) ۔ قد سعت ع

م اما -قوت كفطو-اگركسى نقط ن سے ايك جبونا ساخط ن ن ، ن بركى قال منش كى ممت ير كھنجا جا سے اور بجرت ن نقط ت بركي قال شش كى مت يں ايك جبونا سافط كھنجا جائے اور على ذائقياس ت ن دفيرہ توہيں ايك تلك خطاحاصل بوگا جون ن ، كوايك دو سرك سك

نہایت قریب لینے سے ایک مسلسل منحی بن مائیگا اس منحی کوقرے کوخط کہتے ہیں۔ منابعت مند بالغاظ دلير قرسيف كالخط الك السامنحن مزام عس سكسي كقط بركا ماس اس تقط بركت ش كاست كولغبيركرات -يونكه ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن م الله الله الله الله الله منط ن، نَ ا نَ ، مِن سع كُرر ف والى ساوى قودسطون كعود بي إس ك قت كاخط البين طول كے مراكب نقط بر تمنا ظرمسادى قر دسطى برعى القوائم ہے -اس کے قوت کے خلوطا کیسے خط ہوتے ہی جرمساوی و وسطوں کے نظام كوعلى القوائم كالشقيس-كروى خواي ياكروب (دنعه ١٠٠٠ اور ١٠٠١) كى صورت مين قوت كحظ خطوط ستقیم بوتے بی جور و می سے گزرتے ہیں۔ یمب کے سب سادی بعنی اہم مرکز کروں کو علی القواعم کا منتے ہیں۔ بِ يَتِلَى اللَّهِ خِيرٌ إِبِ كَي مورت مِن سادى تو دَمْ عَني قطع اقص بو سَلِّم مِن تتح بم تبس بيل للغ كرة مت ك خطوط البيد دا كم بي جن كم إلى سے نبعن زائدو منہ (۱۰س) کیٹکل ہیں دکھا سنے گئے ہیں كفط ما نط يرسك براكم خط مسيح والمي وتمي اكت لی بل سی مامس ہوئی ہے جس کوقوت کی الم ئیتے ہیں۔ 3 سے خطک تعریب کے (فقطه لمكورېرك) عاد كل مت

ت كى نى كايسے حصد برخوركروج دوجيولى عادى راسوں سى اور ر فرنش کردکه سرون نس اور من برعاد کی سمنت

ی هف اُورف، بن -رقت کی نلی کے اس جھے کے اِندرکوئی اوہ نہیں

سيردند (١٠٠٣) كارسكادكاد - نلى كى سخى سطى ب تعطى تكله صغرب كيونكراس نقط برعادي توت صغرب لد کی کل مقدار مرف مستوی سروں کی دھبستے بیدا ہوتی ہے۔ بیس

ف س + (-ف) س = ٠

سله ذكورست حاصل مواسخ

اس کٹے ف س • ن س ۔ خوا و نی کاطول کمچے ہی ہو ہر مالیت میں پیسنلہ درست رہتا۔

کی تمیت وہی رہنی سے تا د تعتیکہ ہم ایک ہی الی پر قائم رہیں یعنی ایک ہی الی کے ا کسی نقط برکٹ ش کی تو سے الی کی علادی تراش کے رقبہ کے بالعکس شناسب

ں پر فورکرو - توت کی ملیاں یتلے مخرد ط بیس جن سب کے راس کرہ

ر ہیں - بس سی اس مشم کی مخروط کی عمودی تراش ہے ادراس کیے ہے مبیساک مور ۲۸۷) میں تابت کیا گیا تھا کہ کیب کٹوس کرہ کی کہششہ کے

اسی طرح ایک او تمنا بی مجسم ستدیراسطوان بر فودکرد- تشاکل سے فاہرے كراس كم موريد ككسى نقطيس جرول خطوط نطف بي ده سد صفطي

اورمور به عود واربی پس اس مورسه می ترسه کی المیان فار کی ا تند بین اور

تراش میں کا رقبرمور و اسے اس کے فاصلہ کے تناسب ہے۔ اس سلے ایک لا تمنا ہی اسطوار کی کفشش کسی برونی نقطہ پرمحورسے نقطہ ندکور کے فاصلہ کے بالعکس متناسب ہوتی ہے (مقابلہ کرو دندہ ۲۸۵ مشق ۲)۔

مثاليس

ا -- مش اور ج ایک مقناطیس کے قطب ہیں۔ اگر اور فرداو سے موں جونش ن اور بح ن مش ج عدودہ کے ساتھ بناتے ہیں اور من ن = راور بح ن = ش تو اس مقناطیس کے تیت کے خطوط کی مساوات ہے

م ط - مم ذ يمشقل

اور مسادی قوسطی منی جسکے گرد مخناب اللہ - الله عستقل کو گردش دینے سے مامیا سرائی ۔

۷- در لا تناهی ستقیم سلاخیں جوہرطرح سے ایک دوسرے کے سادی ہیں ایک دوسر کوهلی اختوائم قطع کرتی ہیں۔ نامبت کردکہ ان کی سطیمستوی میں سادی قرہ سخی قائم زائد ہونگے مع ۔۔ ایک پتلی نکییاں سیدھی سلاخ کی شند خس کو قا وزن معکوس کمعب کا قانون سبے نامبت کرد کہ مساوی فرہ سطیمیں خط ابتعالیٰ کے گرد ذیل سکے منحنیوں کی گردش سے مامسل

مون میں سے جو ان میں سے میری سے میری میری ایری ایری ان میری ان میری ان میری سے میری میری ان میری میری ان میری میری ان میری میری میری میری میری میری میری

(زا + دا - ۲ را ایم ۲ طرفا = ۲ و د مب طرقم (ج رجب طر) . مبإل ۲ وسلاخ کا طول ہے اور ج لیک مبدل ہے۔ مم ۔ ایک بی کنانت کی ددوشتا ہی سلاخوں کی سسا واتیں بیرس

ا= المسروري - ج اور ا= - المسروري - - ج

ان کی مساوی قومسطوں کی مساواتیں معلیم کرد اور نابعت کردکہ اگر ایک ذرہ کو الا کر محید برر کھا جاسے کو دہ منعنا جس میں زرہ مذکود کے جنا کو تعاول قائم سب ماکر تے ہیں اور وہ نعنا جن بی تعادل فیرقائم ہوتا ہے ایک دوسرے سے سطحوں نع ما جم ع - لاى جب ع = ± (لا ما حب ع جم ع + ج ى) من عظیمه و ق س

[طیعده کرانے والی سط تنے (۱۱۰۱۰) = قرددردر سے ماس ہوتی ہے جاں اور ی

جموتے ہوتے ہیں بقا إلاكے) عوام - ايك كميت كے ذروي كو لائنا ہى فاصل سے استان موجودہ مقام براكنے ميں

ان کی باہی پنجازہ ٹوٹوں سنے جوکا) کہاہے اُسے معلیم کروس

فرعن أدوك أدوك أدول كيكيتيل م، م، م إطبط ادران ك موجود عمل ل الم الم الم وغروبين ب

يزفرض كردكم م اورم كا درمياني فاصله مراهب اور إنعوم م ساورم طاكا فاصله من وسع-

بید مرکو لاتنایی سے اس کے موجودہ مقام آر محد لاؤ۔ اس مل میں کوئی کام سرانجام

مئیں ہو آئیولکہ اس کے پاس کوئی فدہ کمشش کرسنے والابنیں سے۔ اسب مرکولاتنا ہی سے کر پرلاؤ۔ اس اثنا میں جوکام ہوا وہ

اسی طرح لغام سیکم اور دارد ب

وادب الناعد نف ام كالام

اس کئے کل کام جو ذروں کو لائناہی برکی مالت سکون سسے تکا ل کران کی موج دوشکیل فریں لانے سے سرانجام پائا ہے وہ = مِ كَانِ + مِ مِي (مَهِ + مِن) + مِم (كَان + مَن + مَن) = مِ مَانِ + مِن اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ ا - + X حبسب ذرست ابني موج ووشكيل أيس أحامين تو فرص كروكه نظام كاقره نغت اط . برالترتيب تم^{، قراء} ... ب قره م ملا م مراه م مراه م مراه م مراه م قره م كيد + م كيد + م كيد + - - -ال كن م كا جودد) [يؤكم الح (ق م) ين النم كارتم مين كيل الم المتيقست ودبارائی ہے : ایک وفوج قس مم میں اور ایک وفو قی مم میں اور ایک وفو قی مم میں اور ایک وفو قی مم میں اسے میں جوام ور- الحك قرم)= الحراقة فرم

۔سے علیمدہ کرکے انتا ہی برے جانے میں اِن ذروں کی اِ ہم کمشسٹیں ج کام کرتی بی وه =- الآم فرم بسس سم معلوم کرسکتے بین کرب کو تی جسم ایک ششکیل اسے بط کا تبرس سم معلوم کرسکتے بین کرب کو تی جسم ایک ششکیل اسے بط ک يكام = إن ذروس كى سنسلوس كاكام جان كشسلول في عبر سرك ورول كو نشكيل السي فكال رايتا ہى تك سيا نے ميں كيا + وہ كام جا تنبى فروال كى ششول نے لا تناہی سے شنگیل ب مں لانے میں کیا اور یہ -- الله قدم +ل الله فرمُ ماں بالا محماز شکیل أیس تمام نظام برایا گیا ہے اور ودسسوا تحمارت ا جاذب بالداست کرہ کی کتافت کیساں اور ی کے مساوی سے ادراس كانفسف قطر و سيعد يركو مل كراكب اورميسا ل كما فت والاكره بن جامًا ہے جس کا نصف قطرُب سُبِے ٹا بت کُردکھ اس کی اِ ایمکٹشش کی قر توں سے جوکا كاده م مرز لب - ل ب جال مرد ككت ب-بہلی شکل میں مرکز سے فاصلہ لا پر تو ہ (بوجب ذفعہ ۱۰۰۱) = ١٦م ف (١١ ١٤ - ١١٠)

اسی طرن ہے] [ق فرم تفکیل مب کے لئے ہے م سے م سے ہے۔ يس مطلوب كام = مله مع (ب-- أ

_ ثابت کرد که اگرزین کی کثا فت کو پچسا ں ذمن کیا جائے توذین کو کمٹھنے ہ الکے سیلے کروی فول میں مقل کردھیے میں جاکہ خول کا تفعف تطسب

كا يرتاب ده مه نشب نتب جبان م نين كى كيت ب يوندوس اور و نين كا

نسف تعرب فورس -م -- ایک کره کا نصف قط است او کمیت م سبع ، اگراس سے کسی نقط پرکنافت مرکز سے نقط ندکورکے فاصلے کا الکس تناسب بدتو ابت کرد کرکہ کے زروں کواٹنا ہی سے سو جو وہ تشکیل

یں فئے میں جوکا م بابئی کشنشیں انجام دیتی ہیں۔ وہ ہے جہ جہ سوکا ہے۔ مع - ایک مستدیر قرص کے ذروں کو اکٹھا کرنے میں (جبکہ توٹ کا قالان نیوٹن سے کلیے کے

مطابق ہو) ہے جہ کے کام کرنا پڑتا ہے جہاں م قرص کی کمیت ہے اور ا اس کا نصف تعلق

إِنَّسَانَ تَابِت بِوسَنَّاسِهُ مَرَزت فاصلالا برؤه = ١٦ مِده للم الله على الماجب طرف اس من مطلور كام= الله و × ٣٢ هر افراد = ١٣ م مم الافراد الله المراد الم مبارد الم

=١١٦م مركر والمراد المعبد طرو وط = ١١٥٠ مركم والمركم و

والمه مرق و المعمود و المه م مرق و المه م المرق المرا الم م المرا الم الم المرا المر

> ۔ اُ اَ دَم ۔ ہہہ ہم کا سرا فرا فرا فری جاں موڈالڈکٹکلکوکل نعنا پرہیلایاگیا ہے۔ ایک ٹیوک تجانس کہ کے لئے اس سکل کی تصدیق کرہ۔

نعط (لا ، ا ، ی) برس ہے۔ تابت کروکہ

تکل کار آل دفت قد فرلا فرا فری برغورکرد جبکر حمل کم کرتمام فعنا برمینی کالتنظیمی الفضایی الفضایی الفضایی الفضای الفضایا الماست کے دائر سے سے گھری ہوی فعنا ہم بالا یا جائے۔
کیل الحصور سے

[وَجِنْ وَ اللَّهِ عَنْ اللَّهِ عَنْ اللَّهِ عَنْ اللَّهِ عَنْ اللَّهِ اللَّهِ عَنْ اللَّهِ اللَّهُ اللَّ

-[(جن ف) فرالا] من امعنی سسسه ۱۱)

یہاں [قر جن نے]کو دوقیتیں دینی جاہتیں جاس کی اُن نقطوں ہیں جہاں قاعدہ و (من ما سمعندی) برکا موّازی اسطوع جس کے باقی دخ د کا کے مواذی ہیں اامّاہی کرہ سے لمآمیے اس سلے اگر کرہ کی سطح کا وہ صدیح اس موّازی السطوح سے مقطع ہوّا ہے معندمی جو تو معن ای معندی = معندس یہ جم لہ جہاں کہ وہ زاویہ ہے جومعندس بہ كام ادمور كاك منبت ممت كما تدبنا أسبع

اب تر بعث قد اس فاصل کے سکوس کھب درم کی مقدار ہے جو معن س اور شش نروز اللہ اس کرکے فقال کے معالم
کرنے دائے ا دہ سے کسی نقطہ کے درمیان ہے ادرمعنس اسی فاصلہ کے مربع سکے درمیان درم کی مقداد ہے ۔ اس لئے ۔

لآة جين لآ فرس جماء ·

ن (۱) سے مال بہا ہے اللہ و جف قر فرا فرا فری -- الله (حبت قر) فرا فرا فری

بنا ﴿ وَمِن مَ وَلا وَا وَى = اللَّهِ (جَعَتُ مُ الْحِينَ مَ) + (جَعَتْ مَ) الرَّجِينَ مَ } وَلا فرا وَى

=- [[سن ولا فرا فرى

اب نستش كرف والعاده مكالدلعت قد - ١٠ ١٦ مرهر جبال مركانت ب - ١٠ المرهر مركانت ب - ١٠ الدابر لعنه قد - ١٠ الدابر لعنه قد - ١٠

اس من الماقة مرفولا فرافرى = المساكري فرلا فرافرى

یعنی الله کرد خرم = الله به کارس فرا فرا فری ایک تفور کارس فرا فرا فری ایک تفور کارس می دارد می در اس می در کارس می در

الا بعدك الدس على راواس كا إمرس = م والد روفورمه) -

اس کے الے الکار فرافزی

۱۹۹- کسی شف کرنے والی کمیت یا کمیوں کے قوہ کی کیت کسی ایسے نقطه پر جس برادہ ذکور نہ ہوسکتی اسے نقطہ پر جس برادہ ذکور نہ ہوسکتی فر فرائد ہن کے گرد ایک بہت جموا کرہ بناؤجس کا حرکز بن مورد اس کے میں کا درائد بہت جموا کرہ بناؤجس کا حرکز بن مورد اس کے بیعنی ہی کہ برتیت بن بورد اس کے بیعنی ہی کہ برتیت بن افسار برود اس کے بیعنی ہی کہ برتیت بن ا

ن ہو اب اگر نقط ن برقوہ کی قیمت اعظم ہوتواس کے بیعنی ہن کہ بیتت ن کے اِس کے کرہ برکے ہر دوسرے نقط ف پرقہ کی قیمت سے بڑی ہوگی حدیٰ ق

ينى خبن قر برست من منى بوگا خواد معن ع ، ن سيكسي مست مي كمينجا طبي

اس کے کشش کی عادی توت ع جوہ نقط تی پر جین تھ کے مسادی ہے کو ندکور برکے مرنقط کے لیے منفی ہے اس لئے تکھلہ کی کاع فرمس کی فیمست کرم برمنی ہونی جاسیئے ۔لیکن گامس کے مسکہ سے (دفعہ س س) اس تکھلہ کو صغر

ہو ایا ہے کیونکر ن کے گرداس میوسے سے کر میں کوئی ما دہ نہیں ہے۔ لمنا کم بین ایک کے اور نہیں ہے۔ لمنا

اسی طرح سے دکھا! جاسخناہے کہ ن بہ تو ہ کی تمیت آقل ہی نہیں ہرسکتی کی نکراس طیح کی دلیل سے کی اع فرنس کی فیمت کل کرہ پرشنبت ہوتی جائے۔ فرع ۱:- ارنشا کا مستشلہ - آگرلیک ذرہ معکوس مربع کے مطابق عمل کرنے والی تو نوں کے ذیر عمل تعادل میں ہوتو تعادل برقسم کے ہٹاؤں کے لئے قایم بنیں برسکتا۔

کیونکر آگریر ذرہ کسی نفط ن پرستا دل ہوا وراسے ذرا سامٹا کرفتلہ ق بر کے جائیں ادریکیرن برآنا جا ہے تو مزدری سیکر جنت تھ کی تیت ق بر شنی

ہو، اگر تعا دل سب ممتوں میں قایم ہو توسب ہٹا اُوں کی بین کیفیت ہونی جا ہوئی ہیں۔ تدکتمیت ن بربڑی سے بڑی ہونی جا ہستے جود نوٹا ماقبل کی روسے نامکن ہے۔

نیزتعا دل غیرفائم بنی نہیں مرسکتا کیونکاس سے جن قریکا تمام متوں کے

کے مغبث ہونا ادر بناءً علیہ فرکا ن برافل ہونا لازم آتا ہے۔ فرع ۲ ۔ اگر قرکی قیمت ایک بندسط میں ریسکے سب نقطوں پر ایک ہی ستفل کے

ر اسا دی ہو اور اس بند سطع کے اندرکو ٹی کسٹنٹش کرنے والا ما وہ مذہبو تو اس کی قیمت سلانے کہ کیے اندریس نقطوں رکھی وہی رہو گی۔ سطرنے کہ کے اندریس نقطوں رکھی وہی رہو گیہ

کیونکو اگرایسا مذہوتو س کے افرائو کئی مذکوئی نقط ایسا مزدرموگا جس برقوہ ال کے اندر کے کمسی دوسرے نقط برکے قرہ کی تنسبت یا بڑا ہوگا یا جمعونا ہوگا

ے اماد سے حتی دوسرے تعلق برسے وہ می صبت یا برا ہو تا یا بھوتا ہوتا نئی کو ئی نہ کوئی نقطہ صرورایسا ہوگا جس بر تو ہ بڑے سے بڑایا جمو لے سے میں مار کر ان میں افعال میں میں احکامی میں

ا بوما - اگرکسی تفسیم ادد کے قود کی تیمت دھنا کے تمام نقاط کے لیے معلوم وقوم م اسکے جواب میں ادو کی تیمیروریا فت کرسکتے ہیں - کردنکہ قدکے معلوم ہونے سے مرفعنا کے ہرندھ پر نعت قدکی فیمسٹ معلوم کرسکتے ہیں- جاں کہیں بیصفر ہود ہاں

ہم مساسط ہر ماہیں سے خلام ہے کہ کتافت صفر ہو گی بینی ان منطوں برمادہ موجود پائیسون کی مساوات سے خلام ہے کہ کتافت صفر ہو گی بینی ان منطوں برمادہ موجود پر ایس مناک میں مصد اور برخ مناسلہ معنا تو مسام

ر ہوگا۔ جہاں کہیں میں خرجو ولی کا نت مادہ سن آئی۔ اگر قدر تفاعل کے نبیکی ایک سطون سے اندر کے نقطور رہے۔

اگرقرہ تفاعل کی شکل ایک سطے میں سے اندرکے نقطوں سے سے اور الم ہر کے نقطون کے لئے مختلف ہوا در اگر جفت قربے کی قیت میں جبکہم اس سطے کی ریک طرف سے دومری طرف مائیں وفعہ تغیر داقع بور س برا دولی طعی الفتیم دوند اس برا دولی طعی الفتیم دوند ۲۸ می ادر الفتیم دفعہ اور الفتیم دفعہ ۲۸ می روست ماصل بوری کیونکہ اگر اس کے عین اغدر تو و قر اور اس کے عین امر تو و قر دف ۲۸ ما سکے نیتجہسے ظا ہرہے کہ (- جهن کل)- (-جهن کله) = ۱۲ ۱۲ م نهٔ بهاں شدا میں پر مادو کی سطی کٹا فت ہے۔ مشق سلوری مندرانت کردجور قور بدا کرے و المراد جكرد (= مرد + الم ي) بالترسب في علم يوازياده بو-فرض كدكر نفعت تطرف سك كوسك اعدقه قهس وربابرقه بى قروم المراسول اورقم عدم (و - الملا) نہیں ہے۔ کردی مطیری گفتیم کے ساتے مِن قر مرم الد مِن قر مِن م

يز جي في = جم [- الديس الم $\left[\frac{e^{-\frac{1}{2}} \cdot \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \right] = e^{-\frac{1}{2}} \left[-\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \right]$ وس لئ حكدر = وتو حب فرم = مرم الله و) اور حبت قدم = مرم الله و اور حبت قدم = مرم الله و الله و الله و الله و الله و الله و الله بي رَدُ فَا عَلَى اللَّهِ عِنْدُ قَدْ مِنْ قَدْ مِ اللَّهُ اللَّهُ فِي يَعْفُلُ عَلَيْ عَلَيْ اللَّهِ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهُ اس كنير () سے شر = مر مرس (و - لا)جس سے كدى طح پر كے كسى نقط بركتا فست معلوم ہوئی ہیں۔ ۱۳۷۱ - اگر میں ' نو و قدکی ایک بندمسا دی قوہ سطح ہوجس سکے حاذب اوو کی میت ۱۳۷۱ - اگر میں ' نو و قدکی ایک بندمسا دی قوہ سطح ہوجس سکے حاذب اوو کی میت م بدور أكرما ذب ماده كى ايك بتلية س برجر ها كى حاسف اوركسى فقط

م سبط اور الرما ذب ماده من ایک بلی تا تعنی بر چرهای مباسط اور سی مقطه ن براس کی کتافت عرد = - مراجم جن ق

جب ال جنب ع نظان پر اہر کی طرف کینے موسے عاد کا ایک چواجرف سے تو س کے اہر کے مب نقطوں پر تیلی ہ کا فر ور م کے قر و کے مساوی چواجرف پر تیلی ہے اور م کا مجموعی توہ س کے تنام اندرونی تقلول پرستقل اور

ہو ہر ہی ۔ قد کے مساوی ہو گا جاب م ما زب اور کا وہ حصر ہے جوس سے اہر ہے۔

قت كنفِ ش ك عادى جزوتكليلى حبكه وون المركى طرف ناب كالمخيون بالترتيب ع ادر ع بن تب دفده ۲۸ کی روست ١٩ ١ م و ه = ع ع ع م م م م م م م (٣) اب (٢) سے ظاہرے کہ عے + م کی نقط ن برمادی کشش ۔ .

اور (۱) سے ینٹیج تکلتا ہے کہ ع = ن پرم کی عادی کشش

اس کے دم) سے مامل ہوتا ہے سرم 17 مرو ن پر م کی عادی کشش + ن بدم کی عادی کشش (چونکہ عادی کششوں کو با ہر کی طرف نا پا گیا ہے) ایک شش کرسے والی کمیت کی ن برعادی کششش برکی طرف

جعت ق * جعت ع

میں اس کے یا لاتنا ہی بر میں مساوی میں -اس سے فا ہرہے کہ تا کی کتیت ۔ م

> تركيت = رمزس = - المراجف ق × فرس - سر الله عادى تشش كاسطى كملى سطح سى بر

ید کمیت اس کے افر بروجب دفعہ سر سے م فرع ۲ سے فرض کروکر مس سے اِمراد فائل شش کرسے والی کمیت بن

فرض کردک می صفرسے، تبس کے اہری نعناکے برنتد برنت کا قوہ ماکا قوہ نیزس کے اندر تدکا تو ، یہ دسطی س پرم کا تو ہ ۲۷ میم ـ وفعه اتبل کی ایک آسان شال ذیل میں درج کی میاتی سیمے - فرض کروک تعطه وبركمتيت م كا ايك دره ب اور م صفرب -تب س ايك كره بوكا جس كا مركز واور تفعف قطركسى مقدار رك ساوى كي-اس لئے م = - ا جن قر = - ا جن رابع) = = اس کے س کے اِبراس ترکا قوہ = ذرہ مرکا قوہ = نظروسے فاصلہ وسے فاصلہ اور س کے اندراس مہ کا توہ ستقل ہے اور = م کا قوہ کرہ کی سسطے ہر - 4×4 4 6 8 يه ونعه .. سرك ناعج بين-موں موسم مشق - ایک متجانس تبلی سدوی سلاخ کاطول اج اور کمیت م سے -اس کے سادی ترو سخنیوں میںسے ایک منی کے محدراعظم کا طول او ہے - نابت کرد اگراس منحنی پرا ده کی تقسیم اس طرح نهوکرکسی نقط ن برکتان میر ۳ × و (وا - ج ۲) مر (جاںع سلاف کے وطی نقط سے ن پر شخی کے ماس پرعمود کا طول سے) تواست کا قوہ سطی مکرے اہرے کسی نظر برسلاف کوہ سے مسادی بڑگا۔

وه سع خارسے اسی متط برسلامے وہ سے مسادی ہوگا۔ فرض کردکہ سلاخ (سب ہے اور (ن = ر اور سب ن = رم اور ن سے [ب بر مورد ا ہے ۔

ب منتق و ن پيلاخ كاشش و مهر ل هرب (دند عدم) ۱۹ کرد ۱ عبران مرع ار بران بر بران ب اب برا و ن ب عبر (ب ن ن ب بار ن ت انتدن برسادی قره اور المرابر = جن كامزدوج نيم قر = إلى وا-ج جن قر ۲ م ک هر ع ع م م م ع جن تا - (وا - ع) و (وا - ع) و اله اس في = كانت = سال و (و" - ج") مسادی قرومنی کے اِبراء ته اور سلاخ کے قرونا مرفقطوں برمسادی ہیں۔ مسادی قرومنی کے اندر دوند ۲۱ ساکے فرع(۲) کی روسے ندکا قرومی نقطوں پر وہی سے اور ۔ قرومنی کے مسب نقطوں پرسلاخ کا قرو ين= م ك هراك م+ لم+ + ج ع (دند ٢٩٨) - + 1 - 1 - 3 - 3 ا - ایک ابت تند وسے یک نقط کا فاصل دسے اور اس برقوہ

ت = ۲ ام مر (ا- ب) آرر < ب < ١ قەدە ۱۱ جەمر(لا - ئىز - ئىز ئىز ئىز 🚉) اگر ب < ر < ل ال قد مهم والمراب الرب و حرا انابت كوككمتشش كرسف والاماده ايك كروى فول سع جسكى كنانت هرب اورجهى صدود و مرکز داسے ہم مرکز گرنیے ہیں جن سے نفعت قطر ہ اور ب ہیں۔ م - بناؤكه ا دوككس تغييرت ذيك قوه مامل بوسكة بس ته د موالی جکر ر ا $\vec{c} = -\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4$ [كرور = وك افركافت ي م الم اوراس ك إبر صفري اس کی مطریق کانت اس اس کی مطریق اس اس کے ا سم --- اده کی ایک خاص تعسیم کا تره کسی نقط لاء یا ، می پر الر طور ١٠٠٠ و + ٢٠٠٠ و (١٥-١١-ي) بكرر و تعتبم معلوم کرو -(کرور = و کی سطی رسطی کتاف مدلای، کرو کے انداور با برکول ماده بنیں) مع سد ایک اسطوانی سطے کارسے محری کے متوازی بی - اس کے باہر قروص خرب اور اندر د = الا - ما لا - إدلا + سول ما الم تمتيم علوم كرد-

۵ ۔۔۔ادہ کی سقسیم سے ذیل کے قوہ پیدا ہوتے ہیں۔ قد = ا الماض منا منا والم + منات + مناج الله (مدا) ق = $\frac{1}{1-\frac{1}{1-\frac{1}{1}}}$ و برك ناتص نما اور ناقص نما اور ناقص نما

٢ _ كشفر كرف دا ك اده كى معلوم يقداركا قرهكسى نقط (١١ ١١ ي) ي

م الا (الأ - ألا) + ٢ ب الله الم المعدر وكسى ايك مساوى توه سطح بر

سطی تنافت - اسل (لا + ایم) تنام بردنی نقطون بردی قواب ماکرے کی جد

ع المساكد كره كان هف قطرا ب -اس كي مطيروه كثافت معلوم كروس كى وجست اس كم

مركزے فاصل ريك نقط يرقوه له (م والا يس م بكرر له الدله الله بع جبكر > ا [فر= سالدر كوك اندا مر= الل كالمرا اورمر= - لدول الل كلطير]

سوطھواں باب کم بیک والے شہتیروں کا تعاول

مهم ملا۔ آرم کی ایسی بتل سلاخ یا شہد کی شکل معلوم کرنا جا ہیں بوکسی طبع و جھر لدی ہوئی سبے توہیں سلاخ کی شکل ادر حبکا دُکے معیادا ترمیں کوئی رشتہ معلوم ہونا جا ہیئے۔ مہم یہاں ذہن کریں گے کہ جبکا وکا معیارا فرائخا کے تشاسب ہو تاہیے

بنی جمکاد کامعیاراز - کے جہال شہتیرکا نصف تطافناس سیارک کوخا و کی استداریت کیتے ہیں -

اگروزن والے سے بہلے شہیر کو انخااسی نقطر پر اتھا تو حمکا کو کا

معياداتر ك (بل - برا) بوكا-

یہ مفروصنہ پہلے بہل برنولی اور اولوں نے استمال کیا تھا۔ اس کی تصدیق عمولی ہم ہیرو کی صورت میں جن کے طول آن کی تراشوں کے ابعاد کے مقابل میر بہت زیاوہ سرل مجربہ کے وربیہ بوجی ہے۔ و فعہ ویل میں جند امور کوتسلیم کرے جن کا تسلیم کرنا ورحقیقت اورے طور برصیح ہمیں ہے برنولی کے مفروصنہ کا نبوت ویا گیاہے۔ میں 14 معہا۔ ایک مستطیلی شہد کر بغیر تناؤ کے جمکایا گیاہیے۔ تابت کر دکمسی نقطہ پر حبکا کو کا معیار ایر آس نقطہ ہر کے استحاکے متناسب ہوتا ہے۔ جب کے شیر کوج قدر ن فور پر کے استحاک متناسب ہوتا ہے۔

اور کے جصے کے ریشے بینی ع کے زندیک کے دینے منا وکی عالت میں ہو نگے اور سنے کے صدکے ریشے بون کے نز دیک ہیں بچکا ^و کی حالت میں ہمیں ہے۔ سف منت كوجوتنا وادريكا وكل حالت واسك رسيول كوعليجده كراسين تعلي اب ہم ریان کیتے ہیں اورایسا کرنا ئ متوى تراش جومحورك علوالقيائم کے دوقریب کے نقطوں برکے عماد الک فرض کر کا غذی سط مستوی میں سف سے ع کی عاب میں کوئی الينه أن ن سه- الراس ريفه مع سلة بك كامعياس ليك له جوتواس كا اجاں ت ن علا اس کئے اگر ن پر کے رہنے کی عودی تراش کا رقبہ معن ﴿ ہوتو اس كا "مَا وُه لا مِر لا معت معت م [اگرن، ف کے دوسری مانب داتع موینی ف کی طرف ہوتو لامنفی بوگا اور ميتنا ويكاويس بدل ماتاس

چونکه شهتیرین تنا و مهنی سبے اس سلتے و ع پر عمود وار ریفوں سسکے تاول كالجوعه صورسي اس الله كل المسمن ا = ، جكر جن كاعل من سي كريف والى كا خدى سطح برعلى القوائم تراش كے كل رقبه من سس سن سر برميسلا ياكيا سے -اس کے کا×سنارے كسى رقب كا مرزقل معلوم نے سے ك ج دنيا بھے بي أن سے ظاہرسے کہ مث اس خط برواقع بسبع حوتراش مراس الكركرا مرز تقل میں سے کا غذی سطے برعلى العوائم كهينجا ماسية - لهذا الرّ كاغذكى مطمسلوى شبتيركي متشاكل رَاشَ بِو تو مَتْ كَوِّاشِ مِن سَى سَى مَن كا مركز تعل بوا جا بيئے_ خط نف نت کے گرد جو کا فذکی سطح ستوی پر عمو دوارسے معیارا ظاہرے کاس کے گرد مال جنب

- الماس × من ا × لا - من × ح لا من ا (مرياً ث كے إور كے رمينوں كے تناوئينچ كے رمينوں كي كا ون كمائة الرجنت بالتيبي)

لیکن الن س س س س کاجود کامعیار افر خطدت ست کے گرد

ك المعن إب اس كومواً جميد تغييركيا جائكا-

اس کے مصل جنت میں حبکا وکامعیاداتر جولے کے مسادی سے جا ا ا ماک کا مقیاس لیک سے ، سمانند ملی خطاکا تضعف قط انخناہے اور مجنتہ ہیں۔ کی عود بی تراض کے جود کا معیار اِثر اس خطاکے گرد ہے جو تراش کے مرز نقل میں سے شہتبری آمبائی پر علی انقوا تم سے ۔ مع - مب شهتر بهت بى خفيف طور رطاد يدير برايعنى جب مقدار لد مج بهبت برى م تومقدار له مج کومختصر کیا جاسکتا ہے۔ $\frac{1}{\sqrt{\frac{\frac{1}{\sqrt{2}}}{\frac{1}{\sqrt{2}}}}} \pm = \frac{1}{\sqrt{2}}$ اگرساه نع تقریبًا سید بهی مولینی خواست تقیم سے زیادہ متفاوت منہ ہو تو میل سبت جموًا روكا جبكه لاكوافقا ادر ماكوا نتصاباً فايا حاست _ اس صورت میں لیے کی قیت تقریباً + فریا وگی یعی حبکا و کا معیارا فر ± له بم فرا ما مولا - منتبه علامت كي تحين فرا من علامت بر مخصر م -٢٤ ١١ - مشق- ايك كيما ت وايك والاسكادة والاسلام الم كاطول ١ ور الم الك اس کے دوکنا روں پر اور نیز اس کے وسطی نقط سب پر اس کے وسی معدب ہو۔ سہاداگیا ہے۔سہادے کے تيوسمقا ماكسبي فعاستقيمي ماتع بن اف يرك و إوسام كرو ادر نيزسالغ جشخي كثكل

میں ماکن ہے اس کی ساوات معلوم کرو۔

فرض کردکہ فر مب کے الدرکوئی فقط ن ہے۔ تتب ن برکا جعکاؤکا معیارا فرن کے اِئیں طرف کے حصتہ بر لے ہے۔ ہے جواس کا سمت میں عمل کراہے - نیزاگر اکامور انتصالی نیچے کی طرف ہو و ن برفرا كي تيت من اوراس من فرال منى من بداي تعسريا فراً کے سادی ہے۔ ُ اگرا برکا تعالی من موادر سفاخ کا وزن نی اکائی طول و موقد حصد ف ا - ایج فرا - نر الا و الا + د - .. سكن تشاكل س<u>ے قرا</u>ت - . جبكه لاء و ٠ د ويد مريد - ربح ا = نم الم - والم + (و قر - نم الم) ا - .. (س) مكن كا متعل صفر ب كيونكه لا اور ما أيك سائة معدوم بوست بي-نيز ما = . حب لا = م

ن - - ن الله - <u>در و الله</u> + (<u>د و الله</u> - ن و الله - ن الله

م س = رسطی سہارے کا دباؤ = ہے یہ کل دزن نماکی بیمتیں (۱)، (۲)، (۳) میں درج کرنے سے

- له بج زنا = له = و (سروا - لا) (١٠)

- ل يم فرط = و (سافر لا - سا - سام) - - - (ه)

رم) سے ظاہر سے کا اوس ا ا مم او سم (اسب) برایک نما لعث خاد کا نقط ہے

نز جماوكامعارا زرب سے برا ہوا ہے جبك ا = سرا اصاس وت جماو

كامعاداتر مولاً 3 سمت بن بوكاير ب برجكادكامعاداتر في الم

(ه) سے فاہرے کوسلاخ کابیسے سے بڑا جوک اس مساوات سے حاصل بوائی

13 × 5 PT = (pop + 1) 1 = 8

اکستہنے کے نقاط انعطاف کو العموم اس کے قبضے یا موہوم جوڑ کتے ہیں کے نظام المعمال اللہ المعمار افرکی مدم وجودگی کی وجہ سے شہتے کمتناول کی مذم وجودگی کی وجہ سے شہتے کمتناول میں بنیر خلل ڈائے ان نقطوں بر تیفنے یا جوڑگا کے جاسکتے ہیں -

بوجه -- فرلا [برتى زوم] نام زال في الديم المرادر الفارا

ر ما مارے وقعہ ۱۲۹ میں برنابت کیا گیا تفاکہ

ادر جزّى زور = فرا - [جماد كامعياماتر]

اور دفعه ۱۳۲۹ سعيمين مامس برقاب كخفيف سع كجكدار شهتيرو س كي صورت مي جمكاؤكامعيادافره في [وعال] اور دُمال = ورلا [انصرات] اس کے وجہ کے مخی ، جزی زور کے سخنی اور جبکا کی سے معیارا فرکے مخنی اسى طرح كارفباب جيساك جبكاة كم معيار الرسك منحى دهال كم منى اورانصاب ی برائے۔ اس سلے میں دفعہ ۱۳ اس کے طرح ایک کے منحنی ن مقط برقط كرف أي ده حفكا وسك معياراتر -سے مرکز مقل کے آنعه آبیجے ہوناہے۔ مم آسانی صحاس امرکی تصدیق دفد اتبل کی مثال کی صورت میں کرسکتے ہیں۔ حصد المب کے لئے جکاؤ کے معیارا ترکامنحیٰ ہے $J = A = \frac{C_1}{V} \left[\frac{M_2}{V} - U^2 \right] - \dots - (1)$ (ا کے نقط (لا) لم) برکا ماس ہے $\frac{749 - 14 - 174$ ي (ا) لم) بركماس كفط كتاب جاب [(4-4)-1(4-4)] ("-")-91,49-("1-")"

نیر مخنی(۱) کے تنا ارحصہ کے مرکز تقل کا نصلہ

رُّ (٣ الأسم لا) فرلا اً فرلا × لا الله (م الراب م الأ) فرا

[(1-1)-1-1)] (1-1)-1-1)

بس مطلو بنتيم حامل براسي-

مثالير

ا بایف حنیت سے جمک مبانے والے تتبتیر کے سرے دوانفی سہاروں برساکن ہیں۔ ابت کرو كدايك مرسه سع فاصل برانعزت بوكا

و المراد المراد المراد المراد المراد المراد المراد المراد كي استواريت ميم

إ شبتير كاطول مي وفي اس كاكل دزن مي-المساكيديكان بل حريا وزن وب ايب بى تختس بنا بواب - بل كنارول كے

سہاروں پرساکن سبے ۔ ایک شخص اس بل برایسے مقام بر کورا ہے جس کے فاصلے كارون سے إواور ب بي - ابت كروكراس معام برانفراف

وَ(وَا + مِ وَالِ بِ اللَّهِ مِ اللَّهِ فِي اللَّهِ فِي اللَّهِ فِي اللَّهِ فِي اللَّهِ فِي اللَّهِ فِي اللَّ مرد مرد و ب)

مع بایک بچکارساخ کے ایک سرے کوفکنو کے ذرید اس طرح تا بت کردیا گیاہے

كساخ كيست اس مقام رائتي ہے ۔ تابت كردكر اس كے سرے كا انعاب اس انعاب

کا ہے جوہں کے مرے پراس کے وزن کے مدادی دزن انگادینے سے حال ہوا۔
مم ایک پیکساں خریتر اس سے طول ل سے اس کواس کے معروں سے سہارا کیا
ہے اور اس کے ایک نعطہ ق بردزن و باند ہا گیا ہے ا ق = او ا اگر خریتے وزن کو
تعراز از کما جائے و تابت کردکہ ا ق کی ساوات ہے

نابت کرد کرکسی نقطہ ن پرکا الفراف جبکہ بوجھ ق برہومادی ہوتا ہے ق بر کے الفراٹ کے جبکہ دہی ہوجہ ن برمور۔ الفراٹ کے جبکہ دہی ہوجہ ن برمور۔

ھے۔ ایک دزنی کیماں سلاخ دوسہاد دں پر افقا ساکن ہے جن میں سے ایک سہارا ایک مرے برہے اگرسلاخ کے وسطی فقط پر جبکا دُکا سعیارا نرصفر ہوتو فابت کروکہ دوسہ سہارا اول الذکر سرے سے سلاخ کے طول کے دونہائی فاصلہ پر ہونا حیا ہیئے۔

دل الذر سرمے مصفے مسلام سے عول سے دونہای فاصلہ بر ہوما عباسیے۔ 4۔۔۔ایک کم مجیکدار شہتیہ را دب کا دزن و ادر طول ۲ فرہیے اس کو سروں براور و مسطی

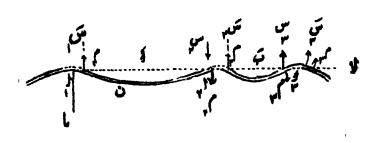
نقطہ ج پرسپار میاہے۔ اگر سپاروں برے وہا ومساوی ہوں تو ابت کروکہ جس کی گہرائی

ا ب کے نیم ہے وہ اللہ ہے ادریا گہرائی اس گہرائی کا میں ہے جوشہ تیرکو مرفوق رسبار نے کی صورت میں ہوئی۔

؟ سے ایک بکساں شہتر کو اس کے تنایت کے نقطوں اور ب پرسہارا گیا ہے۔ اِ ب متوازی الانت ہے۔ نابت کروکہ شہتیر کے وسطی نقط کی ایب کے اور بلندی کو

ر کب سواری ما می سوت ماب مردر مهبیرے و می طفع می و ب سااد پر بسیدی شہتیہ کے دونوں سردں کی (ب کے شیخے گہرائی کے ساتھ کسنبت ۱۳۸۱ ہے۔ ہر ۔۔ ایک تبلی بحیاں خویف طور سر کیکدار سلاخ من کا طول نہ او ہے اس ہے معطی نعظ

سے فاصلے ایس اگر سیارے کے مقاموں پر کے ماس افق کے متوازی ہوں و تابت کردک و ملاخ کے وزن کے چھے صریحے مساوی ہے۔ 4 ۔۔۔ ایک مزکز ہو جو خمیتہ کے ایک سرے سے دوسرے سرے تک وکت کرتاہے تابت کردکہ خاد کے منحنیوں کے ڈھالوں کی سنبت اسے سٹردع کرکے ہے تک بدہتی ہے ا درموخر الذکرتمیت اُس دقت ا ضیاد کرنی ہے جبکہ بوجوایک مرسے سے شہتیر کے ایک تبائی طول کے فاصل میوے ا اسایک دیل کابل دوشیتروں سے بنا ہواسے اوراس بردیل کی ایک بیری بری سے سہار وں کے درمیان براکی شہیر کا لمول ، ان مث معے - ایک انجن کاکل دنان ٨٧ سن سب اوريه ومعرول برمنفسر ب حسمي سه الله وهري بر ٨ سي وزن مي اور باتى تينون دهرول ميسام براكب ير ١٠ ش وزن سب - الكف ادر اقى تيول دمروں کے فاصلے بل کے ایک مرے سے بالترتیب و فط ، باسوا فیٹ ۱۱۰ فط اور ٢٩ نث بي شبتيركا برسي سَ برا العرابَ معلوم كرد اور با وكديس مقام ي **۳۷۷ بے بین معیارا تُروَّل کے متعلق کلا لِی روُن کی مساوات ِ۔** مراک کسال طور پرلدے ہوئے شہتیرے جمکا ڈے معیادا زسہارے کے تین مقاموں الم الم الم الم کے گردالترتیب م ، م ، م ہوں جا ال سہارے كے مقاما كيب ہي افقي خطاميں واقع ہيں تو نامت كروكه وَم +۱ (وَ +ب)م، + بَ م، = الله (وَ الله ب) بجال وشبتيكفي اكا في طول كاوزن سے اور آء (له اور ت = (اور ا



فرض کروکہ الم کے عین وائیں جانب جڑی زور س ہے اور س اور س جزّى زور ہیں کرے عین بائیں اور دائیں جا نب۔ ا کو مبلا فرض کرو اور ال ال ال کو لا کا محورا نو اور فرض کرو که ای محور انتما النيج كى طرف كلينها كيا ہے۔ تب فر فر ہے اندكسى نقط ن كے ستے جس كا فاصلہ فرسے لا ہو رس ن كے بائيں طرف كے جصے كے سئے معيار از ليف سے دفعہ ٢٠١٧ ينرو كي كرومعيادا تركيف سے بيں صدار الكے كا عاصل بونا ہے م = الم و زام س و م س س س كوسانطاكردسيفس ١٨ ك رج فرل = م (أولا - الم)- (الم الله)- بر الله جج - (١١) اباء. جكداد إلا _ اسك د = اور 3=1 + 1 + 1 + - C 174 (0) اس کے (م) سے [وی خوالی کیسے نقل (برائے م م م م + م ق - ور رہ سے اس م اللہ میں اللہ

اس طرح حصد إلى كانعادل كے سلتے (١) كے نور كا نبتج حسب ذيل ماسل ہو كا

جِوْكُمُ نَقط لِي بِهِمت مِن تبديل دا قع بنس بوتي اس كُ نَائِجُ (٤) اور (٨) ايك بى بوسف چانئيس ان كومساوى ر كھينے سے

م و ۲+ م رو د ب) + م ب = م (و ۲ + ب) .

[برات قابل ورسط دفعه برامی م، م، اور می کی شبت سع ده بنین سرم بوکد دفعاً ۱۲۹ اور ۱۳۲ میں سرم بلک اس کے مقابل ہے

کسی سہارے رکے تعال کو جھکا ڈے معیارا ٹروں م ، م ، م کی رقم میں بال کو جھکا ڈے معیارا ٹروں م ، م ، م کی رقم میں بال کرنا۔ الم

سَ = وبَّ + مُرِ مَمْ مَ مَا سَ = وبِ بِهِ الْمَارِيَّةِ الْمِرِيِّةِ الْمَارِيِّةِ الْمَارِيِّةِ الْمَارِيِّةِ الْمَارِيِّةِ الْمَارِيِّةِ

ال كراب الرباتال على من عرب ور أوب مرب مرب المرب
مع مع سے اگرنقط له، نقاط له اور له كى موارى ير موسف كى مجاستے ال سے بالترتيب الادرام طول ييع روتواسانى سے دى اماسكا سے كتين معاماتوں مي رمشة حب ذيل ب

اساس - مشق ا- فرص كروك دفعه ۱۲۹ كى منت مي تنبتير كے مرے فرا در ألم ابن مینی شہتیر سہاروں کی کر ہو کہ کہ پر آمائم ہے جاں کی کہ اور کر کر ہے ہے۔

تبم م م م م م ادرم = في (ؤ - ؤ ب + ب)

جاں و شہتیر کا فی اکا ئی طول وزن ہے۔

زمن کردک این کی کی پیتال س سی سی ایس-ار کے کردمعیادا فیلنے سے م. = و ١٠ - س، ا ادراس نے م = م اسون + قرب - ب

ادراس طریاسے کیا ہے ا

ادر ٧ = ١/ (و + بَ) - ٧ - ٧ = د [و + بَ] زمن كدكد أ > ب، نبسي منى بوكاركر

قَا- زُبَ > ٢٠ بَ عِنْ ٱلرَةِ > جُـ (١٦٠١)

مِن الروك ب × ۲۰۳ ترياً

اس معدت می موس لم کومهارس کے ماتی مسرک موار کھے کے لئے اس برمزد دون

ر کھنا پڑنگا۔ نیز جبکاؤکا سیارافزم 🖰 کسی فقط پرج (سے فاصل 8 پر ہو

عرباد والا م م الله م الله م والله
اس لئے برسے سے بڑا بوگا جکے لا = س وال + ق ت - ب اوراس مقام برجها و

كمعيادا زكي فيت

(1) - - - - $\frac{c_1}{4} \frac{c_1}{4} + \frac{c_2}{4} - \frac{c_1}{4} \frac{c_2}{4} - \frac{c_1}{4} \frac{c_2}{4} - \frac{c_2}{4} \frac{c_2}{4} - \frac{c_2}{4} \frac{c_2}{4} - \frac{$

۱۱ وَا (وَا۔ وَ بَ+بَ) > (۳ وَا+ وَ بَ-بَ) ا بینی اگر (۱۱ وُا+ وَ بَ-بَ) > (۱۲ وَ وَ

يني اگر أب بِاح (۱۰۱۶-۱۱) وَاح (۱۰۱۱) × وَا

يني اگر (ب- أ) + (١٠٠٠ و) * أوا كر جوامر ميج بي-

بس اگر شہتیرڈ نے دہر مقام لم بر دڑ نے گا۔ (مکورہ بالایں سم اسم اسم سے لئے جتائے حاصل کئے گئے ہیں اُن کی

(پڑگورہ بالایں سم) سم ہا سم ہائے گئے جنمائج حاصل کھتے گئے ہیں ان کی لنگ دیتی آد اور ت کی مخلف تیموں کے لئے تجربے سے ہوسکتی ہے۔ اس کھرے ہم اختراب سے سم روز کی ترویک سکتا ہوں کا

کے مقرصہ کی تقدیق کرسکتے ہیں) مشق ۲ ۔۔۔ ایک بچسال سلاخ فی لم کو مرول برا عد دہ اور مقاموں فی فہر پر جوشہتیر کو تین مسادی حصوں میں تعشیم کرنے ہیں مہارا کیا ہے۔ سہادے کے سب مقام ایک

سی برواری پر واقع رس- ان پر د با ورززان بدن و کی رفع می جماد کے معیار افر معسام کرو-

ذص كردكسلاخ كاطول ل (٣٠ أ) لبذا و = ٣ أ * و دفد ٢٠٩ كامنا بطسيارول في الرباط بدنكاف سف ادر كيرسيارول م، المر، المرم برسي صابط لكاف سعدادراس باست اخيال ركمت موسف كم م اورم صرميًا آزاد سروس برصفريس م م + م = <u>و ؤ ا</u> م = م = د × أم = رو × أم يرار اربتا ملس بوزمي الكروهد المركم المصعادا البلغ ما الرابع م. = إ و ألا - س أ يني س = الم و أ = الم و الم الثاكل الله اس لئے سمار اور سما میں سے ہرایک کو بات کے مساوی بونا جا ہئے۔ الرسم الكوسبالانين اور محورانيج كي طرف نابين تو درسياني حصد لرواس كي مسادات حسب ذمل ہوجی - 6 3 (17) = - 1 1 + - 1 (4 - 6) + - 1 × 1

پس درمیانی حدیم و دافعطان کے نقط میں جوسہاروں کے مقابات کو طاسف والے خطیرواق میں۔
والے خطیرواق میں۔
مشوق مع -- ایک مکسا ن سیدی ملاخ اوس جے کے سروں کواس طرح نابت کیا گیا ہے
کہ ان برکے عاس متوازی الافق میں اور سلاخ کو سب برسبارا کیا ہے۔ اگر اوس ب بج
تینوں ایک ہی افقی خطیں واقع ہوں اور اوس ہے یہ اور ب جے یہ تو
ای ب ب ج برکے قابل اور جمکا و کے معیادا نرور افت کرو۔



فرص رُوك إنب ، ج برجيكاء كسعاداته م، مرم اورتما مل سراس مرابع إي-

دندہ ۳۱ کامثلاس سوال میں ہستال کیا جاسکتا ہے کیونکر سال خکو (برا فعی دھنے ہیں ساکن کئے جانے کی کا انتہا تربیسیہ سکے دونقطوں کو نابت

تقوركر سكتے بير -اس كے دفعہ ٢٩ س كا ضا بط درست دسيكا أكر بم في ال = ، ادر لمال س = (دب = او ركيس اوراس سے حاصل موال ب

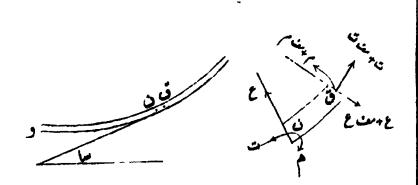
. + ۲ م × 1 + م × او = الله و او م م م × او و (۱)

اورسمارے کے لفظوں (ا مب ، ج کے لئے

م د + + م (د + ب) + م ب = الم د (فر ب ب) - - - (۱)
اسى طرح سے بم ج براس كے لائم الريب دو تقطور كو نابع تعود كرسكتے بي - اس

شنايس

م با۲۰م ب ۲۰ = و ب س (۱) ، (۲) اور (۲) کوحل کرنے سے م= الما (١ ولا + وب- ب) = الما (١ و + ب) (١ و - تب) م = مير (٧ سبا + ١٥ سبا - ١٤) = مير (١٥ + ب) (٧ سبا - ١٥) نز حد ا ب ك لئ ب ك كردمعارا زلين س م = و قرار - م و + م ٧= در [١١٠ - ٢٠] يزاسىطره س = في [م ب + ا - ال کل وزن-اگرا کے محررکوانتھا بانیج کمینجا ماسئے و اسے فاصلہ لابر کے نقط ن برکی تراش كرومعادافرين سے بين صداب كے لئے ماصل بوا مے ل ج فرا الله على الله على - في لا ينسي درج كرف سے بين منحى إب كى سادات مال بوجاتى م ئرنقط ب برسخن کا میلان افق کے ساتھ معلوم ہوجا ، ہے ۔ بع معہم سے ایسسلاخ کوایک بی سطیسلوی میں مورد اکیا ہے اس کتفادل



فرض کروکه ن ق سلانچ کاکوئی جزوج اور ون = س جاں و کوئی ابت نقط ہے اور ن ق ج معنس ، نیز فرض کروکہ ن اور ق برے ماس محور لا کے سابق زاویہ سا اور سا + معن سا بناتے ہیں۔

علام که در در مین اور مین به سن مین به من ت ہے۔ رض کرد که ن پر تناؤ ت اور ق بر تناوُ ت + من ت ہے۔

فرُض کروکہ جزو ن فی کے نقطہ ن پر کا جزی زور ع ہے جسے عاد کی اندرونی جانب کی سمت میں نا یا گیاہے اور سائھ علیہ بی پر خری زور ع+ معن ع

ہر روی جانب میں منت میں ما ہا جا ہے ہور جاد ملید کی پر حز می روز سے ہے۔ ہے جسے تی پر کے عاد کی سمت میں اِ ہر کی طرف نا پا گیا ہے ۔ مناز جو خرید میں میں کا نتاز میں میں بر روز میں میں نا

زطن آر فیر جند ن ق کے نظر ن برجماً و کامعیار اثر م ہے اور نقطاق بر م + ست م ہے اور ان کی تمین شکل میں دکھا ٹی گئی ہیں -

فرض کروکر جزو ن ق پر ماسی اور هادی قوتین نی اکا فی طول ف اورگ بین - ن پرکے ماس اور عاد کی سمت میں تحلیل کرنے سے

- س + (ت +من ت)جم من سا + (ع بعنع)جبه ف سا + ف من د.

ادرع- رع + من ع)جمن سأ + (ت + من ت) بب من سا الك من سه

انتهايس حب معن سألا أنتها جمولا بوتو ان مساوات سع عاصل بولاب

(۱) - - - - - + <u>ل</u> + <u>ل</u> + <u>ل</u> + <u>ل</u> (بهال منف تغرانخادی)

زع <u>ت گ</u>ه. نیز جزو ن ق کے لئے ن کے گردمعیار الریفے سے م- (م + معت م) + (ع + معت ع) من س - ك معن س × أ معن س = . انتہامی اس سے حامل ہوتا ہے يرسادات اس امركوظا مركرتى سے ككسى نقط بر برزى زور قوس كے لا فاست جبكارُ كسك معبا داخر كا تعربى مرسبع. اكرم اسلاح كانقط ف برنصف قط انخام وجبك سلاح بركوكي دباؤم موتوميس ية مزيد ساوات ماسل موتى س م = ک [الله - الله] · ماں ک سلاح کے خاد کی استواریت ہے۔ ان جارمساداتوں سے ست، ع، م ادرسلاخ کے شخنی کی مساوات معلوم ہوئی ہے۔ مثالين ا- ايك يكسال منيعت طور يركيكدا رسلاح كاطول 1، + بسبب، يدايك متوازى الافق خطیں تین مہادوں بر فا بم سبے یہ سہارے سلاح کے سروں فر اور حب پر اور نیز ایک نقط ج برحس كا فاصل أسف أبه واقع بن - ثابت كروك سلاح كانعلاف كم تنط ش اورش حصول الم ج اورج نب من دا قع بين اورا يسع بين كد

المرتمج = ١٠ ١ مرج = ١٠ (١١ - ١١ - ١٠ ١٠)

نابت کرد که شبتیر جن کل مین ساکن ہے اس کی مساوات ہے مام لدمج مال = وہ لا (ل - لا) (م ل - مالا)-

مم - ایکسلاخ ایب کاطول ل دے اس کے نقط ف (اق = ام) بروزن و انگار کیا گیا ہے اور فہتر میں کا فی مسل میں انگار کیا گیا ہے ۔ اگر سروں کو متوازی الا فی مسل میں ساکن دکھا جا ہے تو ٹابت کردکہ اف کی مساوات ہے

اريم ا = و(ل-ل) لا [ال م- ١١٠ - الاو - لا ال

ھ ۔۔۔ ایک خیفت طرر پر مرسکنے والی سلاخ کا طول ۴ او ہے ، اس کے ایک سرے کو متوازی الافق محل بن اللہ علی مسلم کے متح اسلم تعلیم متوازی الافق محل بن ابت کر آخاد سرا تابت مرسے کی مجواری پر ہونا بت کرد کہ وسطی نقط کی ادم نجاتی سرے

کے اوپر بلل یو وہ ہے ہاں کے فاق کامتق ہے اور و سلاخ کا وزن ہے۔

نیز نابت کرد کر سہا رہے بروبا کو <mark>۲ و ہے</mark>

ایسے ایک سلسل کا ڈر کا طور اروا کی فیٹ سے دورا سے تین مساوی الفصا سے بندار رو

السدایک سلسل گا در کاطول ۱ ل فٹ ہے اورا سے تین مساوی الفصل سو نوں ہو سے اللہ ساوی الفصل سو نوں ہو سہادگیا ہے جن برن دوسروں پر واقع برن اور ایک وسلی نقط پرد در میانی ستون و هات کا بنا ہوا ہے اوراس کے تیش کے تغیر سے اس میں اشعبابی حرکت بیدا ہوتی ہے جس کی دمعت سروں کی ہموادی کے مقام سے او پر اور بیسے دونوں طرف و فٹ ہے۔ وطی ستون کے مین اوپر کا در کی ترامض پر ممادی دہاوی کا تغیر اس تغیر کے اوپر اور بینج معلوم کرد جو واقع ہرتا ہے جب کرمتون ایک خطیمیں جوں۔

کے سے ایک بیسان تنیف سے فیلدار شہیر کا وزن و ادر طول ل ہے۔ اس کے مرول کو اس کے مرول کو اس کے مرول کو اس کے مرول کو اس می مرول برمتواذی الما فق ہے۔ اس کے حجکا و کا معیادا ترکسی فقط برمعلوم کرواہ رفابت کرد کہ صرول پر اس کی جومیت ہے دہ وسطی فقط پر اس کی جومیت کی دوجند ہے ادر سرسرے سے ۲۱۱ ء × ل فاصل براند فاللہ میں منتا

کے نقطے ہیں -۸ --- گرائیک بیکسال اورخینعت سی نجدادسلاخ کے دونوں مردں کو افقاً نابع کیا جلے اور وسطی نقط کو توت کے ذریعے دونوں مردں کی جمواری سے فاصلہ صداد پر کھینیا مائے تو تابت کردکہ توت کی مقدار

47 - 00 + 00 mg + 00 mg

ہوگی ادرسروں پرجیکا ہ کے سیار افر ہی ۔ بیاب و او ہو نگے ہماں ہ اوسلاخ کا طول ہے ، ماں ہ اوسلاخ کا طول ہے ، و اس کا وزن ہے اورک اس کے خا د کی استوادیت ہے۔

اسد میس شوندری داخر کیداں ہے اس کے سرول کو دو دواروں میں جن کا دربیانی فاصلہ ل ہے اس اس میں کا دربیانی فاصلہ ل ہے اس میں اس میں میں کی فاصلہ صدیں سے اس طرح بہنچہ جائے ہے کہ سروں کے متوازی الافن رسینے میں کوئی فرق بنیں پڑتا منا بت کرد کر بیٹے جائے۔

ا اسدایک سلسان نیزری زامش کیساں ہے اور یہ محیماں ہموادی کے جا رسہاروں برقائم سے جن سے شہتیر ۱۰ فٹ کے مین مساوی فصلوں میں شفسم ہوجا آ ہے۔ گا ڈر کا وزن ۲ ٹن فی فٹ ہے تمام گا ڈرکے لئے بیان کے مطابق حبکا و کے معیارا فرکائخی محینجو اور ہراکی سہارے برکا واؤمحسوب کرو۔

(٠٠١، ٢٢٠ - ٢٢) ٠٨ شي دزن)

اا --- ایک وزنی لیکوارسلاخ جاراستوارسهاده ن پرجوایک بهی ا نقی خطر می واقع بی سهادی بو نی ہے - ان چاریهارون سرو سے و دسلاخ کے سروں پرواقع بی اور دوان سرو س سے متسا وی الفصل مقاموں پر - جب سلاخ است وزن کے زیرِ علی تحفیقت سی مجک جلئے توسیا دوں پرکے دباؤ معلوم کروا ور ثابت کردکہ سلاخ کا دباؤ سروں پر کے سہاروں پر معدوم بو حابے گا جبکہ کسی اغدونی سہارے کا فریب کے سرے سے فاصلے سلاخ کے کما طون کے تقریباً مہا ہا و گنا سے کم ہو۔

۲ ا --- ایک کیساک شهتیر ایک بی انتی خطایم جاربارد ن ای به کدیرتا کم ب دبیج می فاصله ۱۵ فث سف شهتیر برج وزن سی فاصله ۱۵ فث سف شمتیر برج وزن سی مد فی فث سف شفی کمینیو اور نیزانفرات مده نی فشد و به نشر سع معیار افراد جری ذور کے معیار افراد می مدد در تسدیم منی کمینیو اور نیزانفرات مدد در تسدیم

کاستی مرسم کردسال سیار کی استان (جی کاطول ۱۹ دن ۱۹ و ادر خاد کی استوادیت کی سند)
سال سے دوسروں (اور کا پر اور نیز دو نقاط تثلیث ب اور ج پراس طرح
سپادا کیا ہے کرسب سپادوں پر دباؤ ساوی ہیں اور سلاخ کو (اور کیراس طرح
ساکن کیا گیا ہے کران نقطوں برسکے ماس متواذی الافق ہیں - تابت کرد کر (اور کی بندی ب اور ج کے اور کی میں اور اور کی جانب کرد کر اور کی بندی ب اور ج کے اور کی میں مقطلے کی بندی ب اور ج کے اور کی میں کی بندی ب اور ج کے اور کی میں کے در کی میں اور کی بندی ب

انظاف کے نظامی او ب اورج پرانجا بغرتدیل عامت مورم بوباناہے۔

مهم ا---ایک وزنی کیا ن حفیف طور پر نجیدار سلاخ با نیخ سبار ول کے مقاموں پرجیب کے سب ایک ہی انقی خطیں واقع ہیں سائن ہے۔ دومہا رسے سلاخ کے سروں پر ایک سب ایک ہی افتاد پر سے اور دو کوسطی نقط اور سروں کے درمیانی فاصلہ کی تنفیف کرستے ہیں۔ تابت کردکر سباروں کے نقاط پر کے واقع کسنیت ۱۱: ۲۹: ۲۳ سامیں ہیں۔ یہ بی ہیں۔

نیز نابت کردکه مرکز پر جمکاؤکا معیادا فر دل ہے اوراس کے قریب کے مہاروں کے مقاموں پر جمکاؤکا معیادا فر سے جہاں وسلاخ کا وزن ہے اور مہال

سلاخ كاطول ہے۔

10 - ایک تاریس کی تاش مکیسان و زرندیه و اورجو ابتداؤ سید با تما مرون پر کے دوسهاروں پر سکے دوسہاروں پر ساک دوسہاروں پر ساک دوسہاروں پر ساک کی برسے سے بڑا تنا کو سب بوگا احد نیز اگر و او سہاروں سکے مقاموں کا درمیانی فاصلہ جو تو تاریح کا مرزسے فاصلہ لا پر تناؤ

ت = و<u>الآ - لآ</u>

موگا جہاں واسی کمانت کے لیسے تارکا وزن ہے جس کی تراش کا رقبہ اکا ٹی ہے۔ 14۔۔۔۔ایک پیسال حنیعت سی مجکوارسلاخ کا وزن و ہے یہ سلاخ اس طرح ساکن ہے کہ اس کا دسطی نقطہ ایک سہارے کے مقام برہے ۔ اس کے سروں سکے ساتھ ایک سی وزنی کر با فدمی گئی ہے جوز بخیرہ کی شکل میں فتاک دہی ہے تابت کرد کمسلاخ سکے سروں ہے۔

الغرائنسبت الميث قي: ١

یں بڑھ مائیگا۔

21 --- ایک تین تبون وا لے محاب کے بایں اور بون برایک ایک تبعد ہے ہی کی محاب کے بایں اور بون برایک ایک تبعد ہے ہی کی محاب کے بایوں اسلامان فاصلام اور بون کی بلندی بوں محاب کے واس سفف برا فقا یکسال طور برفسیم کے ابوا

۲۵ ٹن کا وزن ہے۔ بناؤ کر محراب کے دونصف صوں برجمکا و کے معیادا ترکے منحنی کسطی کھینچنے جا ہمیں۔ کسطی کھینچنے جا ہمیں۔

۱۸ -- ایک فرش برمیت سی مساوی الفصل یخیس ایک خطاستقیم میں گاڑی گئی بیل در بردول مینوں کا درمیانی فاصلہ کو ہے اور ایک بتلی کیساں سلاخ کو جو قدر تی طور برمسید ہی ہے ان کے درمیان المرر ادر باہر موڑا گیا ہے۔ نابت کردکہ آگر سلاخ ادر متواثر میخوں سکے

س - ہم س +س = ۸م ار ج ج ایس جہاں ج سینے کی موٹائی ہے اللہ ان-ا بنگ کا مقیاس لیک سے اور مج سلاخ کی عمودی ترامن کے رقبہ کا زافس کے مرکز میں سے گزرنے والے انتھا بی خط کے گرد جود کا معیار افر سے -

4 --- ایک کیساں طور پر دزنی خنیف سی مجداد سلاخ السب کاطول ۲ خ سب بیس سہار دں پرساکن ہے ۔ نابت کردکہ سلاخ توی ترین ہوگی بینی اس کے ہر مقام براؤ شنے کا امکان کم سے کم ہوگا اگرایک سہارے کو مرکز پر رکھا جاسے اور باتی دوسہار دں کو مرکز

سے فاصلوں ۲-47 ج پردکھا مائے۔

دم --- ایک آسانی سے ڈٹ جانے والاستدیر ملفت ذمین پراس طرح ساکن ہے کہ اس کی سطح انتقابی ہے۔ تابت کرد کہ حلقہ کے وزن کی وجسسے لوطنے کا معیاد افرجس مقام پر بڑے سے برائے اُس کا زاوتی فاصلہ راس سے طریح جہاں سرطہ + طہ =۔ معام پر بڑے ۔۔ ایک سال نج آ اُل کہ حصکا نے میں دیا ہے کے حفید اس کا کا ہے۔

سرس ایک سلاح یا بارکو حجه کاسے میں دما و سے حبتوں کا کا م فرص کردکہ ن ن ساخ کی توس معنہ س سے ادراسکے آخری تھے ہوئے محل میں سروں پر کے ماسوں کے درمیان ناویہ سا بنتا ہے - لہذا ن بر دباؤ کا جنع مد کرجے - لیکھے سا جاں س نصف تطراخیا دہے -بتدائی سسید می نمکل ادر آخری جمل ہوئی فنکل کے درمیان کسی محل میں فرض کرد بتدائی سسید می نمکل ادر آخری جمل ہوئی فنکل کے درمیان کسی محل میں فرض کرد کہ اس توس معنس کے سروں پرکے ماسوں کے درمیان زاویہ فد بنتاہے لہذا تناظرد باؤکاجنت معنس × فر ہوگا۔

اب اگر فر بره کرف به معت فر بو جائے تواس جنت کے خلاف جو کام

كياگيا دو = لمرجح - « فه » معن فه [وفعه ۴]

لین کل کام جواس قوس پر ہوا جبکہ فرصفرسے بڑھکر سما ہوجائے سا لیمج × فر فرفہ = اللہ کر بھی مسالا = اللہ جے معن س

يس سلاخ برجوكل كام بوا وه = كالله الربج معنس

ئیس سلاح پر جوش کام ہوا وہ = [ہے <u>ساج</u> معن س تیکی در مامال کے در مام

جهال عمل محمل بورسے طول بر كرنا جاہتے -اگر سلاخ ابتداءً سيديء مونى ملكراس كا انخا ن برل من مؤتا

جهال سمار = سال

د باد کا جنت = منتس (نه - سا)

اور کلکام کر آی کمنی (ف - سا) فرفه] اور کلکام کر آی کمنی (ف - سا) فرفه]

متالیس ۱- مول و کی ایک سلاخ کی کل د بخیره کی ہے جس کا سبل و ہے اور سلاخ کا ایک سرو راس بر ہے اس سلاخ کو موڑ کر نفعت قط و کے ایک دائرے کے فوس کی شکل میں لایا گیا ہے۔ نابع کردکر دائد کے جنت کے فلات جو کا م کرنا بڑا ہے دہ کی آ۔ ۱ - ۱۳ آپ مے جہاں ک ملاخ کے برایک نقط پر خاذکی، سنواریت کی قدر ہے۔

كام جركنا بلاده = كَ أَلَ الله - سن + وا] أوس = كَ الله فط سا - ٢ + جم سا] فرسا

س = اس سا رکھنے سے = اس سا رکھنے سے = اس سا ۔
 $\left(\pi r - 1\right) \frac{\int}{417} =$

۲ ۔ ایک بیساں سلاخ جس کاطول ۲ و اور وزن و ہے ایک چکنے افتی بیز بر بڑی ہے۔ سالہ خ کو ایک چکنے افتی بیز بر بڑی ہے۔ سلاخ کو اس کی دسطی ترامنس برقوت لگا کر اُٹھا یا گیا ہے۔ ٹا بت کردکہ جب اس سے مراح میز برسے میں آئے تھنے کوہوں تواس کے مرکز کی او نچا تی مروں کے او بر و او ہے ہوگا۔ اور چکا مراکا م بائیگا وہ و او ہے ہوگا۔

مع - ایک یکسال وزنی سلاخ جس کاطول ل اور وزن دہے ابتدائی سیدی ہے اور اس کے سروں پرسپارا کیا ہے سلاخ اسبے وزن کے زیرعمل جمک جاتی ہے۔

ابت كردكداس وجهكا فيس جاؤم ادمن بم باج له كام كياب-

مم ۔۔ ایک سید ہے تارکو جس کا طول ۲ تا 1 ہے ایک مہد کے کن رہے گردموڑاگیا ہے اگر بید کا نفعت قطر و ہوتو تابت کردکہ حجکا نے میں جو کام کرنا بڑا ہے دہ اللہ جسے۔ ه ۔ ایک تارکوجس کا طول ۲ ل ہے ایک انجرہ کی شکل میں موڈا گیا ہے۔ زنجیرہ کا مبدل ع ہے ۔ نابت کردکر موڈنے میں

4 -- ایک وزنی خنیف طور پر میکدار ارسکے ایک مرے کو جوایک ربع وائرہ کی تنکل کا ہے ایک انتصابی دیوادیں اس طرح نابت کیا گیا ہے کہ نا رکی سطح مستوی انتصابی ہے اور نابس سرے پرتاد کا ماس افق کے متواذی ہے ۔ یہ فرض کرے کو کسی نقط پر انتخاکی تبدیلی اسس مقط پر جمکانے والے جفت کے معیار افرے نماسب سبے نابت کروکہ آزاد مرست پر افقی انفراف ہے والے جفت کے معیار افرے نماسب سبے نابت کروکہ آزاد مرست پر افتی انفراف ہے والے میں میں مناد کے اکا تی

طول کا دزن ہے اور او دائرہ کالفعت قطرہے ۔ کا سبدایک میکسان سخت تارکا وزن ۱۴ و او ۱۷ اور خائر کی استواریت ک ہے۔ اس کی میں قبط کا ایک افعاد ساک کر اور میں میں کانور و انتظام میں اس کا کر انتر اوسطام میں میں

قدرتی شکل آیک نصف دائره کی میم جسرگانصف قطرا سب - اس کوایک انتصابی سطح سنوسی میں اس طرح دکھا گیا ہے کہ اس سکے سرے ایک انفقی میزیر واقع ہیں - نابت کروکتا رجو شکل اختیار کرتا ہے اُس کی ذاتی مساوات تقریباً بیہ

س = افد و الم ك الح اله الم خد بم ذ - اجب ذ

حیاں س کو بلند ترین مقام سے نایا گیا ہے۔

۸ -- ایک مخت ادکی ابتدائی خکل نفسف داره ب مکابفیف قطر و بدے- اسس کو است می میز پر بیں شایت کردکرمنی کی ذاتی است کا است کی داتی میز پر بیں شایت کردکرمنی کی ذاتی

سادات تعرباً برب س = و ف + را [(- ف) جم ف + ١ جب ف - ا

جاں و فی اکائی توس دندن ہے کے خاد کی استواریت اور یو فرض کر لسی اگیا ہے

کر مرفظ بہت جبوتی مقدارے۔

ىم سىس <u>كىم</u>ستونوں كا جھكاؤ۔

فرض کردگرایک ستون یا فشار بندسلاخ الیسی ہے کہ اس کا طول اس کی تراش کے ابعا دیکے مقابر میں بہت بڑا ہے۔ نیزستون بکسال طاقت کا ہے اور مصادر میں مالی میں میں است کا ہے۔ اور میں میں میں میں میں اس کے است کا ہے اور

۔ صیدی ہے۔ اس کوسید حاکم ٹاکیا گیاہے اوراس کے اوپر کے سرے برد باڑ کہ ڈالاگیاہے یہ فرض کرکے کہ الضراف بہت جموٹا بتہ دور کرفیکا معام کا المقرص میں میں میں دیا۔

ہے صابو ن می صل معلوم کر ہاسفطود ہے۔ ستوں کے زمین والے سرے اور دہاؤکے نقطہ عل کے درمیان وسطی نقطہ کومبدا فرض کرو

ادر وهما ادر ولا كو الترتيب افقي درانتها بي محدر فرض كرو-محدر فرض كرو-اكرستون كا وزن دا و كا محدمت بل

برجموا بوتو تعادل كيسادات ب - ارجم فرال - لرمج = د × ا

يني فراه = - لمج ا

(1) [三月1]十十二十[三月1]11

جان اور ب امتیاری تقل بن-

تفاكل سيخابر م كرلاء. جكولاء. اس لئ ب د.

اب فرض کروکستون کے سرے گول کردئے سکتے ہیں تاک سرو ل پرسکے ماس کوئی سی سمت اختیاد کرسسکتے ہیں ، لیکن جونکہ سرو ک بر کو بی جنت کامہنیں الدائي سن من ادباد عليه فرالم برسدب برصفرب ميني فرالم الم جبكر ال = + ل جان لسنون كاطول م ن اجم الله المراجع] .. اس لے بارے ہے جس سے د = اللہ اس سے ہمیں مرسے پرسکے اِس وزن کی مقدار معلوم ہوجاتی سیمے جوایک دفعہ خمیب ہو جائے کے بدسٹون کرمکی ہوئی حالت میں رکھنے کے لیے کا نی سے -اگر د اس قیمت سے بڑہ جائے وستون وٹ جائے کے-چونکومسیتدرسون کی صورت بس مج کی تبت تطرکی جونتی فرت سکے تنامد ہوتی ہے اس کئے (۱) کی مروسے بنتیجہ بحلنا سے کدایک ہی ماردست سے ہوسکے سترون کے سے مرے بر کا بڑے سے بڑا حمن داو قطر کی جھی قوت کے بالابت اورستون کے طول سے مربع کے اِلعکس براتا ہے۔ کے ستون اِفغار ہندسلاخ کے جمكادك إرس مي اس كليكوو لركاكليدكيتمي ۵ سوسار دفو اقبل مي اگريرس از ادر سب تابت موں اور بناءً عليه أن برك ماس بنصابي يون و حل مخلف وكا - سرك سب برايك منت ك له مو كريكاس جنتارب برمل كك والي واو ح كا عاصل ايك متوازي قرت د مولی و فکل می د کھائی تمی ہے۔ اگر اسکہ خط مراک کور لا مانا حاسق تو نعاد ل کی مساوات

د نعراقبل کی اندحاصل ہوتی ہے اوران کاحل بھی دمیسا ہی ہے بینی سیا دات (۱)۔ اس صورت مِن فرض كروكم فرا = ٠ جبكه ا = ٠ با يد ل اس الله اور اور البيالية اس ستون کا تعدیلی خطا جھکاؤ کے مجد حب خنی کی شکل اصتیار کر تاسبے اس کی مسا دات میته ما = (جم الله اس ك نقاط انعطاف بي جهال فراها در الله على جهال لا على الله یہ تقطیع ہے اور عے ہیں اور اس خطر پر واقع ہیں جو ب پرکے جنت اور دہا ڈکی عمل توت کا خوامل سے ۔ ۹ سامل و فعرول کی محوری گروش فرض کروکد ایک بیلا اسطوانی استصابی و حرا اپنی چول می محدر سکے گر د کموم را رہے ۔ اگر گھاڈ کی زاد نی رفعار کافی رایا د د ہو تو یہ بہا عى مانب بطك كاسلان ركم كا-فرمن كروكم جيكاد كاسيادازك الرب ادرييني كى حول و برا متى داؤسسب- نير چنکوکسی نقطه (لاً ۱ ما) پرمرکز گریز توت T واحرسة ما فرلك من جال وحرب كا نصت قطر اوركنات هرسي ادر وندر وزرن کرلما گیاسے کرانعرات بہت تھوڑاہے اور فرلًا اور فرسَ تفریبًا مسأدی ہیں اس کے

تعادل كى مسادات ہے

لا کے کھافا سے دو و نعہ تغرق کرنے سے

لم ع والم = # وا هرستا كم ما فرلا - س

اور له مج فرال = ١١ واسم ام

٠٠ زم ا ٢٠٠٠ مرسة ا = م مرسة ا = منا ا فرض كرو ١٠٠٠ در ١٠٠٠ الم والم المروة (١٠)

اس مساوات كاحل سب

١- (جم سل + ب ب ب سل + ج جز سل + د جيز سل ٠٠ (١١)

فرض کردکدد هرا و اود ۱ پراس طرح سهادا بواسے کر سرے اس حکر برانتھا بی بی

يعنى جب الا = . تو ما = . ادر فرا = .

١- ([م الم الله - جز الله] + ب [ب الب الله - جبز الله] . (١)

نيرجب لا عل توا اور زا دونون صفر بوت بي

ن عل [جمه- مجزم] + ب [جب م - جبرم]

الد المراد - مراد - مراد الم

(مم مرم مجزم) + جبام - جبراً مه =.

اس مسادات سے مرکی تبت معلوم ہوتی ہے ادراس لنے (۵)سے بن کی تبت کی تبت

معلوم ہونی ہے اور ساڈ علیہ خنی (م) کی شکل معلوم ہوتی ہے ۔ لیکن (۱) سے مع هرستا مراہ اس کے سر = ہا مراہ و اس کے سے مطاب

زاد کی رفتارمعلوم موتی ہے ۔ اگرسہ اس قمیت سے برا موتو و صوا اور زیا وہ جمکنا ملاجائيگا-جم مر اور قطز مركم مخنول كومرسم كرف سيم اساني سي ويجدسك

إي كردا كامل تعريبًا الله بها المراد عليه ومدركما ما ين جوال صد

بمولس ورمرے درجرکا نفری ماحب دیل ماصل مواج س - بمز مية = مادى جدول سے . بمز مية

ن مه = سا ۱۸ + ۱۸ و = سا ۱۵ دم در مراقطر سی صل

(٥) ين درج كرف سے بن =- ١٩٨ تقريباً

اب (م) سے اس منی کی سا وات مامل ہوتی ہے جنتکل دھرااختیار کرا ہے

فولاد كے لئے له - تفريبا ٣×٠٠ يوند ور ن في مربع ايج سے اور هم - تقريبا ، دم ہونڈنی کھب من ہے۔ عساس وفع اقبلیں فرس کروکشبنیر کے مرول کو انتصابی سمت میں ا کھنے کے لئے کے اس کے بیاری بیس ہے بلک در مرس کے سے ا اسے کوئی یا بندی بنیں ہے بلک در مرسے کے سروں کو صرف آزا دانہ طور پر مکا دیا گیا

رسے ابذا فرا سروں پرسمر بنوگا لیکن فرا ا صفر بوگا کیونکہ حبکا و کامعیاراتر ہر دو

روں پرصفر سیے ۔ اس صورت میں جمباکا و کا معیار انز گ صفر ہیں۔مسادات (۲ احسب سابق ہے

اوراس کا عل سے

 $J = \frac{1}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{1}

 $\frac{1}{1+7} = \frac{1}{1} \times \frac{1}{1+\frac{1}{1+2}} \times \frac{$

اسى طي جيك لا = ل قراء . اور خروا -

: عباجب مدد د جبرم

. = - ب جب مد + د جرزمه

و ب به مه د جبرمه =.

٠= ١١١ ١١١ ١٠٠٠

ن ۲۳ = ۲۸ = ل× ۲۸ مسل

الدوا

引がサー

014

نيرمنحى كي شكل اس صورت يس ب ما عب بالله ر موسوس ایک بنا کسال سون کوانتصا با کھڑا کیا گیا ہے - بناؤکراس کی ملندی زیادہ سے زیادہ کمتنی موسکتی ہے کہ ہراہنے ہی وزن کے زیر عمل شکست مذہر جائے اگرمبدا و کوستون کے الائ سرے برایا جائے، و لاکو انتصابا سیمنے کی طون کمینیا جائے، و لاکو انتصابا سیمنے کی طون کمینیا جائے اور و ماکومتوازی الافق تو نعا دل کی مساوات ہے - له بم را الله على الله على على و درن ب ستون كے اللہ على و درن ب ستون كے ا كانى طول كا ورحبكا وكربيت جمونا فرعن كياكيا- ي-تفرق كرف اور وراد ما اور ولا عدد كفف سع ماصل مواج <u>فراع</u> = - م [ع فرضا = - م ع لا اگر لاء ﷺ آور ع = عظم من ركس تويمسادات موجاتي م فرض کروکہ قُ ا علیہ علیہ کے جو اور ق ع = و زرت + أ فرت + ت [ا- أورا] - . ت= الجي (و) + ب جي ال (و) جال حجے (و) مسل کا ن ویں رتبہ کا تفاعل ہے۔ ن ع = لا [احي (ق لا ً) + ب جي إ (ق لا ً) اب فرق = . جبكه لاه . كونكم إلا ترين نقط برصبكا وكالمعيادا فرصفر ب

نزجے (ق الله علی الله بس فرا [(الله جعله (ق الله)] - اق مجدا = . اور وَلَ [ب المُسج على المُسج المُسم المُسج المُسح المُسج المُ اس الله الد كونكر فرع = . مبكر لا = . « ع = ب المجيد (ق الم) لكن ع - . جكدلا ول جال لسون كىلبنى سعى كيونكسون دين بانتصاً بالفيك اس کے جے۔ اول (ق ل) = ، م إس ساوات سے ل حال ہوسكانے. اس سے حاصل ہوتا ہے: ۔ = -- " \ (\frac{r_r}{q}) \frac{r_r}{a} \times \frac{r_r}{r_r} \times \frac{1}{r_r} \times \frac{1}{r_r} + \frac{1}{q} \times \frac{r_r}{r_r} \frac{r_r}{r_r} - 1 اس سادات کا تفری مل یہ ہے م ل عدد مدی نین ل عدد در مدی جس سون ک بڑی سے بڑی طبندی معلوم موتی ہے۔ اگر ہم ایک فسوس والا دی سون لیس جس کا تضعف قطرایک فٹ مولو چونکہ والاد کی کتافت ۱۹۸۰ پوزو فی کمب فٹ ہوئی ہے اور نو لادے کے لئے کم عسم ۱۰ وزولاد ن مربع ایج ب اسلف مندرم بالا صنا بطرسه ماصل بروگال - ١٩٠ نف تغریباً-

مثاليل

اس ایک سید ہی فوادی ملاخ کوجی کا طول ۲۰ ف ادر قطرایک ایج ہے استعمالی کوداکیا اے ایک سید ہی فوادی ملاخ کوجی کا طول ۲۰ ف ادر قطرایک ایج ہے استعمالی کوداکیا ہیں۔

اگیا ہے اوراس کے مروں کواس طرح نامت کیا گیا ہے کہ ان پر سکے ماس استعمالی ہیں۔

ابت کردکر بڑے سے بڑا وزن جوسلاخ بروائشت کوسکتی ہے تقریباً ۱۰۱۰ پونڈ ہے۔

موس ایک سید ہی بیکساں فولادی سلاخ جس کی تراض وارد ہے و فی لمبی ہے۔ یہ دیکھا کیا ہے کہ اگر سلاخ کو مروں پرسادہ طرح شیکا جانے اور دسوا ہیں ۲۰ پونڈ کا وزن سہارا جانے کے اسلاخ ایک ایج جمک جاتی ہے اس سلاخ کو گول سرے والی انتقمائی فشار بندسلاخ کی طرح استعمال کیاجا کے قولیادہ سے زیادہ کشنا وزن رکھا جاسکتا ہے

(جواب تفریباً یهم ۲ پوند)

ر براج طریبی ایم ایم کا قطری این به دوایسی چول کے افر سیارا گیاہے جس کی نشستیں کردی ہیں اوریہ نی منٹ بین ہزاد چکر لگانا ہے۔ بناؤکہ جول کے مرکز ول کے درمیان زیادہ سے زیادہ کتنا فاصل ہنا جا جیٹے کہ لکا گہو سے نیا ہے۔ (۱۶۲۱ مٹ نقریباً)

مم ۔۔ ایک لمبی تبلی سلاخ (بب کو انتصاباً نفیب کیا گیا ہے اور اس کے سرے مب بر وزن ورکھا گیاہے اور بیچے کے سرے کو انتصابا قایم کردیا گیاہے اگر سلاخ ذراسی تجکدار ہو اور اس کاطول ل ہو تو تابت کرد کہ یوسلاخ جس شخنی کی شکل انتھادکرتی ہے اس کی ساوات ہے

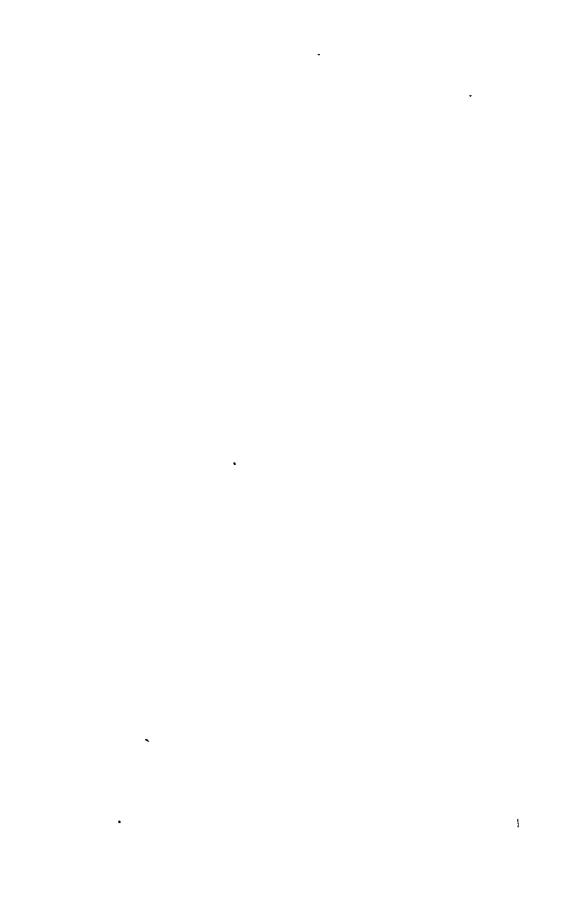
اس سے اور وفد ہام سے بیتر کلتا ہے کسلاخ جس کے دونوں سرسے اسس طرح

نابت بول که اُن پر کے ماس انتصابی ہوں توسلاخ اُس وزن کا ۱۹ گنا سبار سکے گی جو وه اس صورت میں سہارتی جبکه صرف میلے کا میرا انتصا با نابت سے اوراو پر کا مسرا كول بوادر بناءٌ عليه مانى حركت اختياد كرسف كے قال] ۵ --- اگرد فد ۱۳۳ کے سوال میں نیلے سرے کواس طرح ٹا بت رکھا جا نے کوائ كاماس انتصابي ب اوراه يرك مرب يرايسي قوت لكاني حاسف كرية ما بت منط سرے میں سے گزر نے والے انتصابی فعامی ہمیشہ رہے و ٹابت کروکہ ١٠ ١ ١٩٩٣ = ١ × ع المرح المرح المراح اوراس کشخناب کروکه = ۱۸۱۶ م × لرج = ۵م ۲۰ × ۱۲ کرم تقریبا ٢-- وفعه ١ سه كيسوال بن أكرودوب ك ايك مرسكوانتها بي ركما باف اور دوسرے سرسے مواندار طور پرسہارا جائے تو ٹابٹ کرد کم مرکی قیمت مساوات مسس ت زمت عال م نی ب اور بناء علیه یه تقریباً ۱ و و ۱ کے سادی ہے۔ اگرددسراسرا بالكل آزاد موتو تابت كردكه مدكى تميت مسادات جم مد جمزمد = - است حاصل و تی سبے اور بنا أ عليه يو تقريباً ٥ ٤ ٨ واسك مساوى سبے - بل صورت مي جزى دور ادر نیز جما در کا معیادا تر دوس سرے برصف می ابذا وال در اور وال دون صفوری] 2--- اگرایک سیساں ما دم کی ایک کمان بائی ماستے و ثابت کردکم رسی کو مینجے سے اس كى ذاتى ساوات يو يوتى ب فرس ماجب م مد جب مد وجب م اگر کمان صرف محنیف طور بر مجلدا داد ار گراسس کا طول ۲ ل اور رستی کا طول ۴ او برد جها ل اور ۱ تقریباً مساوی بین تو نابت کر وکه میه سنتی کی شکل نفتیاد کرتی ہے اس کی مساوات ے ما مار (ل-1) جب اوردی کا تناؤ الماری کا تناؤ الم A --- ایک احتی بر مکیف جس کاطول و ب ایک انتصابی سون کے اوپر کے سرے

براگاراگیا ہے سون کی بلدی ل ہے ادرسون کا نجا مراز مین کے اندر مدون ہے۔ جب
سف نجر کے سرے بر وزن و ہو تو ستون شورا سا جمک جا تا ہے۔ تا بت کرد کرستون
کے خاکو کی دج سے (خواہ سر کبٹ کاطول کچرہی ہو) قاعمدہ بر حجکا تو کا معیارا ٹر
سنبت قط (الحر جے حل) میں بڑہ جاتا ہے جہاں لدینگ کا مقیاس ہے اور ج
تراش کا جود کا معیاد اثر اس خط کے گرد ہے جو تراش کے مرکز میں سے جھکا ہو کی سطح متوک
بر عود وار کھینچا جا سے۔
بر عود وار کھینچا جا سے۔
بر عود وار کھینچا جا کے۔
رکھا گیا ہے شہتے جس کی تراش کیسان ہے بچاک جانے دائے ادو کی ایک افقی تدبر
رکھا گیا ہے شہتے رکے اس نقط بر جہاں گہراد کا اپنے سے یہ دیکھا گیا ہے کہ شہتے را در

اگر سترسکے آس نقط برحس کا فاصل ستیر کے دونوں سروں سے مساوی ہے و ٹن درن رکھا جائے تو ٹابت کردکر دباؤگی تعلیم بل مدو و مدا [جمع اللہ جب عملا] ٹن نی ایخ طول ہے جہاں لاکو وزن کے نقط سے نا پاکیا ہے ادرعہ میں اسلامی اورتعدیلی

محد کے گر شہتیر کی تراش کا جود کا معیار ازم م اور اشتیر کے مادہ کے لئے ، کاب کا مقیاس ہے۔



اصطلاحات كدنيان اعلى

	
Angle of repose	ممبراؤكا زاوس
Astatic equilibrium	رایض توازن
Attraction	مشش المشيش
Ball and socket	مح له گرد انگ
Bending moment	جعكاء كامعياداتر
Binormal	بننائی عاد
Brake	بربک
Breaking tension	تور کے والا تناکو
Cardiod	خطعبنوبرىء قلب
Catenary	٠ نېږو
Central axis	مرکزی تور
Centrifugal	مرادگذیز
Chain wheel	زنج يتبي
Circle ef inflexions	انعطاف كادائره
Circle of stability	فاغيت كادائره
Coefficient of friction	رگڑ" کی قدر

_		
	Composition	تكيب
	Compression	ميكا و
	Concentrie	يم م كز
	Configuration	روپ متليل
	Constrained bodies	مقداجهام
	Couple	جنت
	Curvature	انخار
	Cyclical order	مسندرترتيب
	Cycloid	خطا تمدوير
	Cylindroid	اسطونة نما
	Deflection	انفان
	Differential pulley	ذتی چُرخی
	Displacement	إشاؤ
	Dyname	حركم
	Dynamics	حرکیات
	Eccentric	فارج المركز
	Eccentricity	خروج المركز
	Effort	طاقت ُ
	* Element	عفر
	Equilibrium	تعا ول- توازن
	Equipotential surfaces	مساوی قودسطحیں
1	Extension	كمنواد
	Flexural rigidity	خهارت کی استوار میت
	Frame work	قالب. دُوْكِنِ
	Friction	کمنجاؤ خمائو کی استوار میت قالب- ڈوائج رسکڑ
,		

Fulcrum	نصاب
Funicular polygon	رميهان كتيرالا منلاع
Generator	کمون
Groove	ىلى
Helix	مرول
Hinges	تبغ
Horse-power	السبئ طاقت
Hypocycloid	19819
Inclined plane	سطح مأثل
Indicator Diagram	مغلبادنعشش
Invariants	غيرستغيره
Keel	بدنيدا
Lamina	يترا
Lemniscate	انیرن ' حتیمهٔ نحی
Like (forces)	موافق (توتیں)
Limiting friction	انتهانيُركُرُ
Lines of force	قوت کے خط
Mechanical advantage	حيلي فامكره
Modulus	مغياس
Moment	معيادا نر
Neutral line	نقدتلى ضط
Normal	حما و
Null lines	حما و صغری خلوط پوسسنده مستوی متوازی المسطوح
Osculating plane	پوسنده سنزی
Parallelopiped	متوازي المسطوح

Pedal	يائين
Potential Potential	توه
Pulley	ڄرفي
Reaction	تعامل
Reciprocal	شكاني
Resistance	مزاحت
Resolution	تخليل
Rigid	استوار
Roulette	گر د فیسیر
Sag	جموك
Screw-press	بمغضكني
Shear	7
Shearing stress	די טונו
Shell	خول
Slope	و هال
Smooth	ميكنا •
Spherical Excess	كروي اضافه
Spherical triangle	مثلث كردى
. Stable	قائم
Steam Engine	بعاب ایخن
Steel yard	یک
Strut	فثاربند
Suspension bridge	حبولايل
Tension	مناؤ
Tie	فظاربند حجولاپل "نادً پندمعن

فېرت اصطلاحات قرت کی نی خالف (قبس) خیرقائم سکت سکت سرچهم کام فانه چرخ اورمور ویځ Tube of force Unlike (forces) Unstable Virial Virtual work Wedge Wheel & axle Work function Wrench